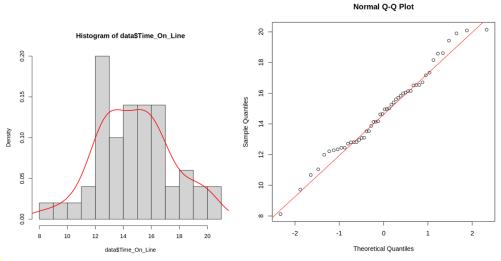
1ـداده های زمان انتظار از چه توزیعی پیروی میکنند؟ نتایج آزمونهای موردنیاز را گزارش کنید.

data=read.csv("/content/Atlas_Khodro.csv", header = T)
head(data)

	A data.frame: 6 × 6						
	Time_On_Line	Number_Accepting_Insurance	Complaints_per_20_Customers	Wait_Time_for_Bus	Gas_To_Fill	Time_On_Line_Improved	
	<dbl></dbl>	<int></int>	<int></int>	<db1></db1>	<db1></db1>	<db1></db1>	
1	20.14	160		-4.36	65.25	11.160	
2	14.97	174		-3.75	9.75	10.203	
3	9.72	156		-1.75	32.25	11.127	
4	14.65	146	3	-1.13	14.00	13.068	
5	12.81	146	2	-1.36	12.25	11.004	
6	19.90	170	2	-2.78	7.50	12.936	

```
hist(data$Time_On_Line, freq = F, breaks = 15)
lines(density(data$Time_On_Line), col = "red", lwd = 2)

qqnorm(data$Time_On_Line)
qqline(data$Time_On_Line, col="red")
```



با توجه به شکل میتوان به طور تقریبی حدس زد داده های موجود در ستون زمان مورد انتظار میتوانند دارای توزیع <mark>نرمال</mark> باشند.

#shapiro test shapiro.test(data\$Time_On_Line)

Shapiro-Wilk normality test

data: data\$Time_On_Line
W = 0.98199, p-value = 0.6386

p-value > 0.05 --> normal distribution --> T

```
# Skewness and Kurtosis test
install.packages("moments")
library(moments)
jarque.test(data$Time_On_Line)
```

Jarque-Bera Normality Test

data: data\$Time_On_Line
JB = 0.095754, p-value = 0.9533
alternative hypothesis: greater

p-value > 0.05 --> normal distribution --> T

با توجه به مقدار p—value در تست jarque میتوان نتیجه گرفت داده های مورد نظر میتوانند دارای توزیع <mark>نرمال</mark> باشند.

#Anscombe-Glynn test
anscombe.test(data\$Time_On_Line)

Anscombe-Glynn kurtosis test

data: data\$Time_On_Line

kurt = 2.83100, z = 0.12428, p-value = 0.9011 alternative hypothesis: kurtosis is not equal to 3

p-value > 0.05 --> normal distribution --> T

با توجه به مقدار p–value در تست anscombe میتوان نتیجه گرفت داده های مورد نظر میتوانند دارای توزیع <mark>نرمال</mark> باشند.

2_بهترین برآورد شما از زمان انتظار مشتریان چقدر است؟

```
#point estimation of mean
mean_t=mean(data$Time_On_Line)
cat("point estimation =",round(mean_t,4),"\n")

#interval estimation of Mean with Unkown variance
#confidence interval=0.95
n=length(data$Time_On_Line)
sd_t=sd(data$Time_On_Line)
alpha=0.05
t=qt(alpha/2,n-1)

lower_mean = mean_t - (abs(t) * sd_t / sqrt(n))
upper_mean = mean_t + (abs(t) * sd_t / sqrt(n))
cat("interval estimation =","[",round(lower_mean,4),",",round(upper_mean,4),"]")
```

به ترتیب برآورد نقطه ای و بازه ای از میانگین زمان انتظار مشتریان عبارتند از:

```
point estimation = 14.7788
interval estimation = [ 14.02024 , 15.53736 ]
```

3_چند درصد مشتریان بیش از 15 دقیقه منتظر می مانند تا بتوانند به مرحله عقد قرارداد برسند؟

```
count15=0
for (x in data$Time_On_Line) {
   if(x>15) {
     count15=count15+1
   }
}
cat("percentage of values more than 15 = ",count15/length(data$Time_On_Line)*100,"%")
```

```
percentage of values more than 15 = 46 %
```

با توجه به این که این ستون از توزیع نرمال پیروی میکند از روش زیر هم میتوان استفاده نمود که نتیجهای یکسان در پی دارد:

```
pnorm(15, mean(data$Time_On_Line), sd(data$Time_On_Line), lower.tail = FALSE)*100
```

```
percentage of values more than 15 = 46.6976 %
```

4۔چند درصد جمعیت مشتریان اطلس خودرو، بیمہ تکمیلی را روی قرارداد خود دریافت می کنند؟

```
sum_Insurance=0
for (x in data$Number_Accepting_Insurance){
   if(!is.na(x)){
      sum_Insurance=sum_Insurance+x
   }
}
cat("percentage of people whose insurance is accepted ",(sum_Insurance/(250*30))*100)
```

percentage of people whose insurance is accepted = 61.12

5ــفرض کنید دو نفر به دفتر اطلس خودرو در فرودگاه مراجعه می کنند. با چه احتمالی هردو خواستار بیمه تکمیلی هستند؟

```
p=sum_Insurance/(250*30)
nq5=2

#probablity of exactly 2 insurance requests
cat("P(X=2) =",round(dbinom(2,nq5,p),4),"\n")
```

```
P(X=2) = 0.3736
```

6—اگر به صورت تصادفی 10 نفر را که به دفتر اطلس خودرو در فرودگاه مراجعه کردند، انتخاب کنید با چه احتمالی حداقل 5 نفرشان خواستار بیمه تکمیلی هستند؟

```
nq6=10
cat("P(X>=5) =",round(pbinom(4,nq6,p,lower.tail = F),4),"\n")
```

P(X>=5) = 0.8519

7ــبرای پاسخ به پرسش های 5 و 6 از چه توزیعی استفاده کردید؟ نتایج آزمونهای موردنیاز را گزارش کنید .

متغیرهای مورد بررسی ما از نوع گسسته هستند و در حل هر دو سوال از توزیع دوجمله ای استفاده میکنیم زیرا الف. آزمایش ها از هم مستقل اند.

ب. آزمایش ها دارای دو برآمد موفقیت و شکست هستند. ـــ> خواستار بیمه بودن یا نبودن یا نبودن یا . احتمال برآمد ها ثابت است. ـــ> 0. 6112

8ــفرض کنید شما 20 مراجعه کننده به دفتر اطلس خودرو در فرودگاه را به شکل تصادفی انتخاب کردید و از آنان درباره تجربه دریافت خدمت شان پرسش کردید. با چه احتمالی دقیقا 4 شکایت ثبت خواهید کرد؟

```
mean_Complaints=sum(data$Complaints_per_20_Customers[1:25])/25
cat("P(X=4) =",dpois(4,mean_Complaints),"\n")
```

```
P(X=4) = 0.0136
```

9ــفرض کنید شما 20 مراجعه کننده به دفتر اطلس خودرو در فرودگاه را به شکل تصادفی انتخاب کردید و از آنان درباره تجربه دریافت خدمت شان پرسش کردید. با چه احتمالی بیش از 4 شکایت ثبت خواهید کرد؟

```
cat("P(X>4) = P(X>=5) = ", round(ppois(4, mean_Complaints, lower.tail = F), 4), "\n")
```

```
P(X>4) = P(X>=5) = 0.0031
```

10–برای پاسخ به پرسش های 8 و 9 از چه توزیعی استفاده کردید؟ نتایج آزمونهای موردنیاز را گزارش کنید .

متغیرهای مورد بررسی ما از نوع گسسته هستند در حل هر دو سوال از توزیع پوآسن استفاده میکنیم زیرا الف. آزمایش ها از هم مستقل اند.

ب. رخداد ها در یک بازه بررسی میشوند. ـــ> انتخاب تصادفی ۲۰ مشتری

poisson.test(x=sum(data\$Complaints per 20 Customers[1:25]),T=25)

```
data: sum(data$Complaints_per_20_Customers[1:25]) time base: 25
number of events = 24, time base = 25, p-value = 1
alternative hypothesis: true event rate is not equal to 1
95 percent confidence interval:
    0.6150901 1.4284039
sample estimates:
event rate
    0.96
```

```
#point estimation of Mean
sum_tBus=0
for (x in data$Wait_Time_for_Bus) {
    sum_tBus=sum_tBus+ (x+10)
}
mean_tBus=sum_tBus/50
cat("point estimation =",round(mean_tBus,4),"\n")

#interval estimation of Mean with Unkown variance
#confidence interval=0.95
n_tBus=length(data$Wait_Time_for_Bus)
sd_tBus=sd(data$Wait_Time_for_Bus)
alpha=0.05
t11=qt(alpha/2,n_tBus-1)

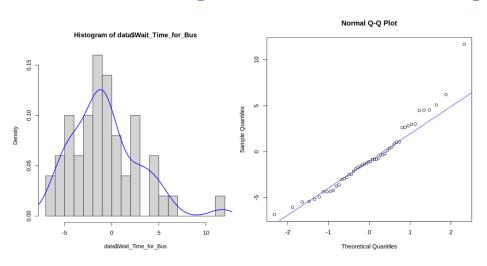
lower_mean11 = mean_tBus - (abs(t11) * sd_t / sqrt(n_tBus))
upper_mean11 = mean_tBus + (abs(t11) * sd_t / sqrt(n_tBus))
cat("interval estimation =","[",round(lower_mean11,4),",",round(upper_mean11,4),"]")
```

```
point estimation = 9.2898
interval estimation = [ 8.5312 , 10.0484 ]
```

12ـــچند درصد مشتریان اطلس خودرو در فرودگاه، بیش از 15 دقیقه منتظر اتوبوس باقی میمانند؟ (راهنمایی: به پرسش 13 مراجعه کنید.)

13—برای پاسخ به پرسش 12 از چه توزیعی استفاده کردید؟ نتایج آزمونهای موردنیاز را گزارش کنید (راهنمایی: بررسی کنید آیا این شاخص از توزیع نرمال پیروی میکند. اگر نه، چه تغییر متغیری باید بدهید تا این بتوانید از توزیع نرمال استفاده کنید. این شاخص را به زمان انتظار مشتری تبدیل کنید، سپس با تغییر متغیر لگاریتمی آن را به توزیع نرمال برگردانید .)

برای سوال ۱۳ ابتدا تست های مربوطه و همچنین نمودار توزیع این ستون را برای پاسخ به پرسش نرمال بودن داده ها را بررسی میکنیم؛ با مشاهده نتایج به دست آمده میتوان عدم پیروی داده ها از توزیع نرمال را ثابت نمود.

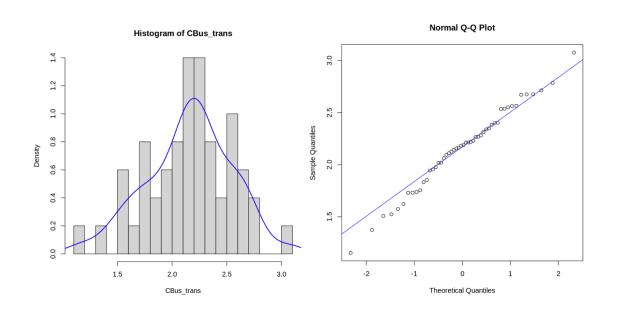


```
#shapiro test
shapiro.test(data$Wait_Time_for_Bus)
cat("-----")
# Skewness and Kurtosis test
jarque.test(data$Time_On_Line)
cat("-----")
#Anscombe-Glynn test
anscombe.test(data$Time_On_Line)
```

```
p-value in Shapiro-Wilk normality test < 0.05 --> normal distribution --> F
```

سپس با تبدیل متغیر های این ستون از شاخص به زمان اصلی خود و جایگزین کردن لگاریتم آن ها در برداری جدید دوباره نرمال بودن توزیع را بررسی میکنیم.

```
CBus=data$Wait_Time_for_Bus
CBus_trans=CBus+10
CBus_trans=log(CBus_trans)
```



```
#shapiro test
shapiro.test(CBus_trans)
cat("-----")
# Skewness and Kurtosis test
jarque.test(CBus_trans)
cat("-----")
#Anscombe-Glynn test
anscombe.test(CBus_trans)
```

```
Shapiro-Wilk normality test

data: CBus_trans
W = 0.98814, p-value = 0.8935

Jarque-Bera Normality Test

data: CBus_trans
JB = 0.52775, p-value = 0.7681
alternative hypothesis: greater

Anscombe-Glynn kurtosis test

data: CBus_trans
kurt = 2.93832, z = 0.31746, p-value = 0.7509
alternative hypothesis: kurtosis is not equal to 3
```

```
# p-value in all of tests > 0.05 --> normal distribution --> T
```

در نهایت برای سوال ۱۲ برای بررسی درصد مشتریانی که بیش از ۱۵ دقیقه منتظر اتوبوس بودهاند را از طریق زیر محاسبه میکنیم:

```
cat("percentage of people who wait more than 15 min for bus = ",
    round(pnorm(log(15), mean(CBus_trans), sd(CBus_trans),
    lower.tail =FALSE)*100,4),"%")
```

percentage of people who wait more than 15 min for bus = 8.0096 %

14_بهترین برآورد شما از حجم باقی مانده تا پرشدن باک بنزین بر حسب لیتر چقدر است؟

```
#point estimation of mean
mean_g=mean(data$Gas_To_Fill)
cat("point estimation =",round(mean_g,4),"\n")

#interval estimation of Mean with Unkown variance
#confidence interval=0.95
n14=length(data$Gas_To_Fill)
sd_g=sd(data$Gas_To_Fill)
alpha=0.05
t14=qt(alpha/2,n14-1)

lower_mean14 = mean_g - (abs(t14) * sd_t / sqrt(n14))
upper_mean14 = mean_g + (abs(t14) * sd_t / sqrt(n14))
cat("interval estimation =","[",round(lower_mean14,4),",",round(upper_mean14,4),"]")
```

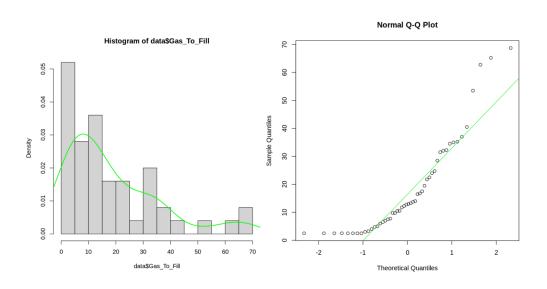
```
point estimation = 18.52
interval estimation = [ 17.7614 , 19.2786 ]
```

15-چند درصد خودروهای برگشتی 40 لیتر یا بیشتر بنزین نیاز دارند تا باکشان پر شود؟

16ــبا چه احتمالی دو خودروی برگشتی پشت سرهم نیاز دارند تا 40 لیتر یا بیشتر باکشان را پر کنند؟ (به این توجه کنید کدامیک از توزیعهای گسسته برای حل این مسئله مناسب است .)

17ــبرای پاسخ به پرسش های 15 و 16 چه فرضی درباره توزیع داده های ستون پنجم داشتید؟ نتایج آزمونهای موردنیاز را گزارش کنید .

متغیر حجم باقی مانده در باک متغیری از نوع پیوسته است که با توجه به نمودار و تست های انحام شده دارای توزیع نرمال نیست.



```
#shapiro test
shapiro.test(data$Gas_To_Fil)
cat("-----")
# Skewness and Kurtosis test
jarque.test(data$Gas_To_Fil)
cat("-----")
#Anscombe-Glynn test
anscombe.test(data$Gas_To_Fil)
```

اما با بررسی تست مربوط به توزیع نمایی و مقدار p_value میتوان نتیجه گرفت این داده ها دارای توزیع نمایی میباشند.

```
# checking exponential dist
install.packages("exptest")
library("exptest")
shapiro.exp.test(data$Gas_To_Fil)
```

```
Shapiro-Wilk test for exponentiality

data: data$Gas_To_Fil

W = 0.018005, p-value = 0.266
```

درمید خودروهای بازگشتی که نیاز به ۴۰لیتر بنزین یا بیشتر دارند که در سوال ۱۵ خواسته شده:

```
cat("percentage of cars which need >=40L gas = "
   round(pexp(40,rate=1/mean(data$Gas_To_Fil),lower.tail = F)*100,4),"%")
```

percentage of cars which need >=40L gas = 11.5345 %

برای سوال ۱۶ باید از توزیع هندسی استفاده کنیم زیرا اروی دادن رخداد پر کردن باک ۴۰لیتر یا بیش از آن را پس از دو موفقیت ، متغیری گسسته میباشد و احتمال وقوع آن خواسته شده است.

```
p16=pexp(40,rate=1/mean(data$Gas_To_Fil),lower.tail = F)
cat("P(X=2) =",round(dgeom(2, 1-p16),4))
```

P(X=2) = 0.0118