# Programación Funcional

## Trabajo Práctico Nro. 5

**Temas:** Tipos algebraicos. Pattern matching. Listas.

#### Bibliografía relacionada:

- Simon Thompson. The craft of Functional Programming. Addison Wesley, 1996. Cap. 4.
- L.C. Paulson. ML for the working programmer. Cambridge University Press, 1996. Cap. 3.
- Bird, Richard. Introduction to funtional programming using Haskell. Prentice Hall, 1998 (Second Edition). Cap. 4.
- 1. Indicar cuáles de los siguientes son patterns válidos. Justificar.

a)	(x, y)	g)	(x,(x,y))
b)	(1, 2)	h)	([]:[4])
c)	(n+1)	i	(x:y:[])
d)	(10)		v
e)	('a',('a',b))	j)	[xs]
f)	(a,(a,b))	k)	([]:[])

2. Definir recursivamente las siguientes funciones y dar sus tipos: suma los elementos de una lista de números. sum, devuelve True si algún elemento de una lista es True. any, all, devuelve True si todos los elementos de una lista son True. codes, dada una lista de caracteres, devuelve la lista de sus códigos. remainders, dada una lista de números, devuelve los restos de su división por un número. squares, dada una lista de números, devuelve la lista de sus cuadrados. dada una lista de listas, devuelve la lista de sus longitudes. lengths, dada una lista de pares ordenados de números, devuelve la lista de aquellos order, cuya primer componente es menor que el triple de la segunda. dada una lista de números, devuelve la lista con aquellos que son pares. pairs, chars, dada una lista de caracteres, devuelve la lista de los que son letras. moreThan, dada una lista de listas xss y un número n, devuelve la lista de aquellas listas de xss que tienen longitud mayor que n.

- 3. ¿Puede asegurar que las funciones que definió en el ejercicio anterior terminan? ¿Por qué? ¿Qué diferencia encuentra con las demostraciones de la práctica 4?
- 4. Indicar bajo qué suposiciones pueden evaluarse las siguientes ecuaciones y determinar cuáles de ellas resultan ser verdaderas y cuáles falsas. Justificar las respuestas. Para las que sean falsas, indicar cuál debería ser el resultado de cada expresión.
  - a) [[]] ++ xs = xs
  - b) [[]] ++ [xs] = [[],xs]
  - c) [[]] ++ xs = [xs]
  - d) []:xs = xs
  - e) [[]] ++ [xs] = [xs]

- f) [[]] ++ xs = []:xs
- g) [xs] ++ [xs] = [xs,xs]
- h) [] ++ xs = []:xs
- i) [[]] ++ xs = [[],xs]
- j) [xs] ++ [] = [xs]

- 5. Demostrar:
  - a) pairs . squares = squares . pairs, donde squares eleva al cuadrado los elementos de una lista, y pairs devuelve sólo los elementos pares de una lista de números.
  - b) (('mod' n) . sum) (remainders n xs) = (sum xs) 'mod' n, para todo n > 0
- 6. Demostrar la siguiente propiedad:  $sum x_s \le len x_s * maxl x_s$ , siendo maxl la función maxl [] = 0 maxl (x:xs) = x 'max' maxl xs y considerando que  $x_s$  es una lista finita de números naturales.
- 7. Dadas las siguientes definiciones que representan a los booleanos mediante funciones,

ifThenElse\_Lam = 
$$\x -> x$$
  
true\_Lam =  $\x -> \y -> x$   
false\_Lam =  $\x -> \y -> y$   
not\_Lam =  $\x -> \$ ifThenElse\_Lam x false\_Lam true\_Lam

definir las operaciones or Lam, and Lam, xor Lam, iff Lam que se comporten como sus contrapartes booleanas.

8. Dadas la definición de pair\_Lam que representan a los pares mediante funciones, pair\_Lam = \x ->\y ->\b ->ifThenElse\_Lam b x y definir las operaciones fst\_Lam, snd\_Lam que se comporten como las proyecciones de las componentes del par.

- 9. 🕉 Implementar una función que reciba una lista de listas de números y devuelva una lista de los impares que aparecen en las mismas.
  - a) Implementar en Pascal.
  - b) Implementar en Haskell.

#### Ejercicios complementarios

- a) Definir las operaciones de suma y producto módulo 2 para el tipo data DigBin = Cero | Uno
  - b) Definir las operaciones de suma binaria, producto por dos y cociente y resto de la división por dos para el tipo type NumBin = [DigBin] donde el primer elemento de la lista de dígitos es el dígito menos significativo del número representado. Ej: sumabin [Uno, Cero, Uno] [Uno, Uno] = [Cero, Cero, Cero, Uno]
  - c) Redefinir las funciones del ítem anterior, observando una convención opuesta (En este caso, el primer elemento es el dígito más significativo).
  - d) Definir funciones para convertir valores de tipo DigBin a Int y viceversa.
- 11. (\*) Dadas las funciones reverse y rev definidas de la siguiente manera:

a) Demuestre que se cumple:

Lema 1 fastrev ys xs = fastrev [] xs ++ ys, para todas listas xs,ys

b) Demuestre que reverse = rev.

### Propiedades útiles:

- 1.  $\forall$  n, m  $\epsilon$  N, n  $\leq$  max (n,m)
- 2.  $x \text{ es par} \Leftrightarrow x * x \text{ es par.}$
- 3.  $(x \mod n) \mod n = x \mod n$