İkili Arama Ağaçları

Muhammet Baran Kuzu, 2111502013 Dostonbek Ismonov, 2111502234 Faruk Emre Şen, 2211502001 Serdar Kemal İncaman, 2211502009 Meriç Yanık, 2211502064

Ağaçlar ve İkili Ağaçlar

Ağaçlar

Ağaç veri yapısı, birbirine kenarlarla bağlanan ve düğüm olarak bilinen elementlerden oluşan bir hiyerarşik veri yapısıdır.

En üstte bulunan düğüme kök adı verilir. Kökün altındaki düğümlere ise child (çocuk) adı verilir. Her düğümün birçok çocuk düğümü olabilir ve bu çocuk düğümler de kendi çocuk düğümlerine sahip olabilir.

Diziler ve bağlı listeler gibi doğrusal veri yapılarında her öğe bir diğerini sırayla takip ederken ağaçlarda bir öğenin birden fazla "sonraki" öğesi bulunabilir. Ağaçlar bu özelliği ile veri yapısının çeşitli yönlere yayılmasına olanak tanır.

Doğrusal veri yapılarında, zaman karmaşıklığı veri boyutuna bağlı olarak artar. Doğrusal olmayan ağaçlar, veriye daha kolay ve hızlı bir erişim sağlar.

Ağaç Terminolojileri

Kök düğüm: En üstteki düğümdür. Sağdaki ağaçta kök düğüm, R'dir.

Kenar: İki düğümü birbirine bağlayan çizgilerdir.

Yaprak düğüm: Herhangi bir çocuğu bulunmayan

düğümlerdir: B, D, E, F, G, H ve I.

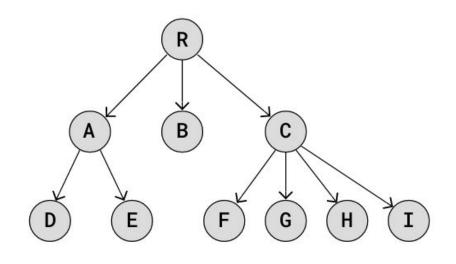
Çocuk düğüm: Bir "önceki" düğüme, ebeveyne sahip

düğümlerdir: A, B, C, D, E, F, G, H ve I.

Ebeveyn düğüm: Bir "sonraki" düğüme, alt-düğüme, çocuğa sahip düğümlerdir: R, A ve C.

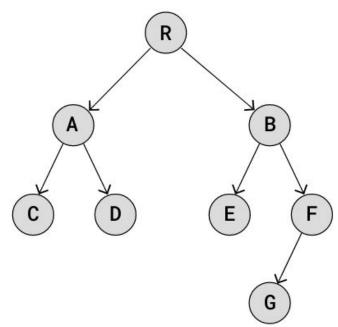
Ağaç yüksekliği: Kök düğümden yaprak düğüme uzanan en büyük kenar sayısıdır. Sağdaki ağacın yüksekliği 2'dir.

Ağaç büyüklüğü: Ağaçta bulunan düğüm sayısıdır, sağdaki ağacın büyüklüğü 10'dur.



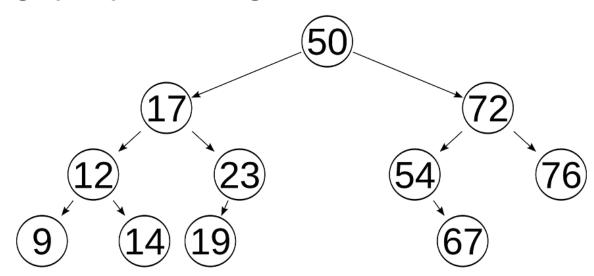
İkili Ağaçlar

İkili ağaçlar, her düğümün sağ ve sol olmak üzere en fazla iki çocuğa sahip olduğu ağaçlardır.

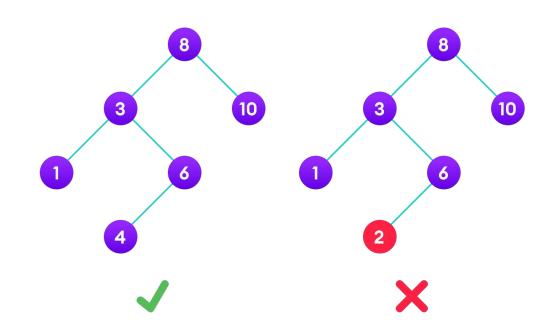


İkili Arama Ağaçları

İkili arama ağacı, verileri sıralı bir şekilde düzenlemek ve depolamak için kullanılan bir veri yapısıdır. İkili arama ağacındaki her bir düğüm en fazla iki çocuğa sahip olabilir, sol çocuk ve sağ çocuk. Sol çocuk, ana düğümden daha küçük değerleri içerirken sağ çocuk, ana düğümden daha büyük değerleri içerir. Bu hiyerarşik yapı, ağaçta saklanan veriler üzerinde verimli bir şekilde arama, ekleme ve silme işlemlerinin gerçekleştirilmesini sağlar.



Sağ taraftaki ikili ağaç, bir ikili arama ağacı değildir. Çünkü, 3 değerinin bulunduğu düğümün sağ alt-ağacı kendisinden daha büyük değerleri içermelidir.



Kullanım Alanları

İkili Arama Ağaçlarının Uygulamaları

- → Öncelik kuyrukları: İkili arama ağaçları, en yüksek önceliğe sahip öğenin ana düğümde bulunduğu ve alt-ağaçlarda daha düşük önceliğe sahip öğerin bulunduğu öncelik kuyruklarında kullanılabilir.
- → Arama motorları: İkili arama ağaçları veri dizinlerini düzenli tutmak için kullanılır. Bu özellik arama motorlarının verileri hızlı bir şekilde bulmasına olanak tanır.
- → Veri depolama ve geri alma: İkili arama ağaçları, belirli bir kaydın logaritmik sürede aranabildiği veritabanlarında olduğu gibi hızlı bir şekilde veri depolama ve veriyi çekmede kullanılabilir.
- → Oyun programlama: İkili arama ağaçları, özellikle strateji ve rol yapma oyunlarında, yapay zeka karar mekanizmalarında, oyun içi varlıkları yönetmek ve hızlı karar alabilmek için kullanılabilir.

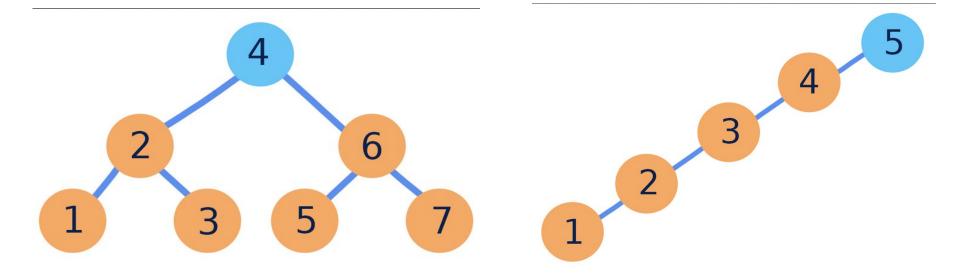
Zaman Karmaşıklığı

Zaman Karmaşıklığı

Eğer ağaç dengeli bir ağaçsa, yani sol ve sağ alt-ağaçlarının yükseklikleri arasındaki fark en fazla 1 ise, bu en iyi durumudur ve bu durumda zaman karmaşıklığı O(log n) (n, ağaçtaki düğüm sayısı) olur.

Eğer değerler artan veya azalan sıraya göre eklenirse, ağaç dengesiz hale gelecektir ve bu durumda ağaç bağlı listeye benzeyecektir. Dengesiz ağaç durumu en kötü durumdur ve zaman karmaşıklığı O(n) (n, ağacın yüksekliği) olur.

Sonuç olarak, ikili arama ağaçlarındaki işlemlerin optimize edilmesi için yükseklik minimize edilmeli, bunun için de ağaç dengeli bir ağaç olmalı.



Dengeli Bir İkili Arama Ağacı Örneği Zaman Karmaşıklığı O(log n) Dengesiz Bir İkili Arama Ağacı Örneği Zaman Karmaşıklığı O(n)

Avantaj ve Dezavantaj lari

Avantajlar

- Hızlı arama: İkili arama ağacındaki belirli bir değeri aramada zaman karmaşıklığı ortalama O(log n) olduğundan bir dizide veya bağlı listede aramadan çok daha hızlıdır (bağlı listelerin zaman karmaşıklığı O(n)'dir).
- **Sıralı dolaşma:** İkili arama ağaçlarında sıralı olarak dolaşılabilir. Önce sol alt-ağaç, sonra kök ve sonra sağ alt-ağaç ziyaret edilir. Bir veri kümesi sıralamada bu kullanılabilir.
- Alan verimliliği: İkili arama ağaçları, yalnızca veri ve child referanslarına sahiptirler, gereksiz ek yükleri bulunmaz. Bu durum onları hafıza konusunda verimli yapar.
- Basit kod yapısı: İkili arama ağaçlarının mantıksal yapısı nispeten basittir. Bu nedenle kodun uygulanması ve anlaşılması diğer daha karmaşık veri yapılarına kıyasla daha kolaydır.

Dezavantajlar

- Dengesiz ağaçlar: Eğer ağaç dengesiz bir ağaca dönüşürse, zaman karmaşıklığı O(n) olacağından, ağacın kullanımı verimsiz hale gelecektir.
- **Ek süre gerekliliği:** Ağacı dengede tutmak için kullanılabilecek algoritmalar ve veri yapıları, fazladan zaman ve bellek harcayabilir.
- Verimlilik: İkili arama ağaçları genel olarak hafıza konusunda verimli olmalarına rağmen child referanslarını tutmak için ek hafızaya ihtiyaç duyarlar. Dizi gibi daha basit veri yapılarına kıyasla hafıza verimliliği daha düşüktür.
- **Doğrudan erişim:** Ağacın hiyerarşik doğasından dolayı, dizilerin aksine, belirli bir indeksteki elemente doğrudan bir erişim sağlanamaz.

Temel İşlemler

Arama İşlemi

İkili arama ağaçlarından "arama ağacı" olarak bahsedilmesinin nedeni, belirli bir değeri aramayı sırasız bir ağaca göre daha verimli hale getirmesidir. İdeal bir ikili arama ağacında, aranan değere ulaşmak için tüm düğümleri dolaşmamıza gerek kalmaz. Aşamalar şu şekildedir.

- 1. Aranan değer ile ana düğüm değeri karşılaştırılır.
 - Eğer eşitse düğümün yeri döndürülür.
 - Aranan değer, ana düğüm değerinden daha küçükse sol alt-ağaca gidilir.
 - Aranan değer, ana düğüm değerinden daha büyükse sağ alt-ağaca gidilir.
- 2. Yukarıdaki prosedür, eşleşme bulunana kadar yinelemeli olarak tekrar edilir.
- 3. Eğer element bulunamazsa NULL döndürülür.

Ekleme İşlemi

Yeni düğümler her zaman yaprak olarak eklenir. Yeni düğümün yerini bulmak için bir arama işlemi gerçekleştirilir. Aşamalar şu şekildedir;

- 1. Eklenecek değer ile ana düğüm değeri karşılaştırılır.
 - Eklenecek değer, ana düğüm değerinden daha küçükse sol alt-ağaca gidilir.
 - Eklenecek değer, ana düğüm değerinden daha büyükse sağ alt-ağaca gidilir.
- Yukarıdaki işlemler boş bir yer bulunana kadar devam ettirilir ve yeni düğüm uygun yere eklenir.

Silme İşlemi

Belirli bir düğümü silerken, ağacın geri kalanının doğru bir şekilde sıralı kalmış olmasına dikkat edilir. 3 farklı senaryo karşımıza çıkabilir:

- 1. Düğüm yaprak olabilir: Bu durumda düğüm direkt olarak silinir.
- 2. Düğüm bir adet çocuğa sahip olabilir: Bu durumda hedef düğüm ile çocuk düğüm yer değiştirilir ve hedef düğüm silinir.
- 3. Düğüm iki çocuğa sahip olabilir: Bu durumda öncelikle hedef düğümün sol alt-ağacındaki en büyük düğüm veya sağ alt-ağacındaki en küçük düğüm bulunur, bu düğüm her zaman bir yaprak düğümdür. Bu düğüm ile hedef düğüm yer değiştirilir ve hedef düğüm silinir.

Arama İşlemi - Pseudo Kodu

```
Fonksiyon ara(kök, veri)

Eğer kök == null ise

Yazdır "veri bulunamadı"

Eğer kök.veri == veri ise

Yazdır "veri bulundu"
```

Eğer veri < kök.veri ise ara(kök.sol, veri) Değilse ara(kök.sağ, veri)

Ekleme İşlemi - Pseudo Kodu

```
Fonksiyon ekle(düğüm, veri)

Eğer düğüm == null ise

düğüm = düğüm(veri)

Değilse

Eğer veri < düğüm.veri ise

düğüm.sol = ekle(düğüm.sol, veri)

Değilse

düğüm.sağ = ekle(düğüm.sağ, veri)
```

Silme İşlemi - Pseudo Kodu

```
Fonksiyon sil(kök, veri)
    Eğer kök == null ise
          Yazdır "silinecek düğüm bulunamadı"
     Eğer veri < kök.veri ise
          kök.sol = sil(kök.sol, veri)
     Değilse ve eğer veri > kök.veri ise
          kök.sağ = sil(kök.sağ, veri)
     Değilse
          Eğer kök.sol == null ise
               kök = kök.sağ
               Delete kök.sağ
          Değilse ve eğer kök.sağ == null ise
               kök = kök.sol
               Delete kök.sol
          a = En_Küçük_Düğüm(kök.sağ)
          kök.veri = a.veri
          kök.sağ = sil(kök.sağ, a.veri)
```

JAWA Uygulaması

```
class Node {
                                                      Bir düğümü ifade eden sınıf. Düğümde tutulan değerin
    public int data;
                                                      değişkeni ile sağ ve sol child düğüm referanslarından
    public Node left, right;
                                                      oluşur. Yapıcı metot; parametreden gelen değeri data
    public Node(int newData) {
                                                      değişkenine atar, sağ ve sol child'lara null değerini atar.
        data = newData;
        left = null;
        right = null;
                                                      Ağacı ifade eden sınıf. Node sınıfından bir kök düğüm
                                                      referansına sahiptir. Yapıcı metot ile bu köke null değeri
public class BinarySearchTree {
    static Node root;
                                                      atanır.
    public BinarySearchTree() {
        root = null;
                                                      Arama metodu. Parametreleriyle başlangıç düğümünü ve
                                                      aranacak veriyi alır. Eğer metodun bulunduğu düğüm boş
    private boolean search(Node root, int data) {
                                                      ise false döndürür. Boş değilse ve bu düğümün değeri
        if(root == null)
                                                      aranan değere eşitse true döndürür. Eğer aranan değer
            return false;
                                                      bu düğümün değerinden küçükse, aramaya düğümün sol
        else if(root.data == data)
                                                      alt-düğümünden devam etmek üzere metot yinelemeli
            return true;
                                                      olarak çağırılır. Eğer aranan değer bu düğümün
        tf(data < root.data)</pre>
                                                      değerinden büyükse, aramaya düğümün sağ
            return search(root.left, data);
                                                      alt-düğümünden devam etmek üzere metot yinelemeli
        else
                                                      olarak çağırılır.
            return search(root.right, data);
```

import java.util.Scanner;

```
private Node insert(Node node, int data) {
   if(node == null)
        node = new Node(data);

else {
    if(data < node.data)
        node.left = insert(node.left, data);
    else
        node.right = insert(node.right, data);
}
return node;</pre>
```

Ekleme metodu. Parametreleri, eklenecek ağacın başlangıç düğümü ve eklenecek değerden oluşur. Eğer metodun bulunduğu düğüm null ise, yeni değer buraya eklenir. Null değilse ve eklenecek değer bu düğümün değerinden küçükse sol alt-düğümde yer aramak üzere metot yinelemeli olarak çağırılır. Değer düğümün değerinden büyükse de sağ alt-düğümden devam edilir. Başarılı bir ekleme işleminden sonra güncellenen alt-ağaç döndürülür.

```
public Node minValueNode(Node node) {
    while(node.left != null)
        node = node.left;
    return node;
}
```

Düğümün halefini (sağ alt-ağaçtaki en küçük düğüm) bulan metot. Parametresinden gelen başlangıç düğümünden başlayarak sol çocuğu olmayan bir düğüme gelene kadar sol-alt ağaç üzerinde dolaşır. Bulduğunda bu düğümü döndürür.

```
private Node delete(Node root, int data) {
    if(root == null)
        return root;
    tf(data < root.data)</pre>
        root.left = delete(root.left, data);
    else if (data > root.data)
        root.right = delete(root.right, data);
   else -
        if (root.left == null)
            return root.right;
        else if (root.right == null)
            return root.left;
        Node temp = minValueNode(root.right):
        root.data = temp.data;
        root.right = delete(root.right, temp.data);
    return root;
```

Silme metodu. Bir düğümü silerken karşımıza üç farklı senaryo çıkar: Düğümün hiç çocuğu olmaması, bir çocuğu olması ve iki çocuğu olması.

Metot parametre olarak başlangıç düğümünü ve silinecek veriyi alır. Eğer metodun bulunduğu düğüm null ise silinecek veri bulunamamıştır, null döner. Eğer aranılan değer bulunulan düğümün değerinden küçükse düğümü bulmak üzere sol alt-ağaca, büyükse sağ alt-ağaca bakılır. Silinecek düğüm bulunduğunda:

- 1- Çocuğu olmaması veya bir çocuğu olması durumu: Null olmayan child (veya null) döndürülür. Child, silinen düğüm ile değiştirilmiş ve hedef düğüm ağaçtan silinmiş olur.
- 2- İki çocuğu olması durumu: Bir geçici değişken tanımlanır, bu değişkene minValueNode metoduyla, sağ alt-ağaçtaki en küçük düğüm (halefi) bulunarak atanır. Silinecek düğümün değeri bu geçici değişkendeki değerle değiştirilir. Daha sonra halefi, metot yinelemeli olarak çağırılarak silinir.

Başarılı bir silme işleminden sonra güncellenmiş alt-ağaç döndürülür.

```
Sıralı dolaşma metodu. Parametresi ile bir kök düğüm alır. Null bir
    if (root != null) {
        inOrderTraversal(root.left);
                                                        düğüme gelene kadar çalışır. Önce sol alt-ağaç yinelemeli olarak
        System.out.print(root.data + " "):
        inOrderTraversal(root.right);
                                                       dolaşılır, sonra bulunulan düğüm yazdırılır ve daha sonra sağ
                                                        alt-ağaç yinelemeli olarak dolaşılır.
public static void main(String[] args) {
   Scanner sc = new Scanner(System.in);
   BinarySearchTree tree = new BinarySearchTree();
   root = tree.insert(root, 38);
   root = tree.insert(root, 61);
   root = tree.insert(root, 75);
                                                  Ağaçta sıralı dolaşma: 2 4 7 9 14 38 52 61 68 75 87
   root = tree.insert(root, 4);
   root = tree.insert(root, 9);
                                                  Ağaçta aramak üzere bir sayı girin: 9
   root = tree.insert(root, 52);
                                                  Aradığınız değer bulundu.
   root = tree.insert(root, 2);
   root = tree.insert(root, 87);
                                                  2, 4 ve 38 sayıları silindikten sonra ağaçta sıralı dolaşma: 7 9 14 52 61 68 75 87
   root = tree.insert(root, 14);
   root = tree.insert(root, 68);
   root = tree.insert(root, 7);
   System.out.print("Agacta sıralı dolaşma: ");
   tree.inOrderTraversal(root);
   System.out.println();
   System.out.print("\nAgacta aramak üzere bir sayı girin: ");
    int element = sc.nextInt();
   System.out.println("Aradiginiz deger " + ((tree.search(root, element) == true) ? "bulundu." : "bulunamadi."));
   tree.delete(root, 2);
   tree.delete(root, 4);
    tree.delete(root, 38);
   System.out.print("\n2, 4 ve 38 sayıları silindikten sonra ağacta sıralı dolaşma: ");
   tree.inOrderTraversal(root);
   System.out.println();
```

void inOrderTraversal(Node root) {

İşlemlerin Video Üzerinde Gösterimi

Teşekkürler

Kaynaklar

https://www.geeksforgeeks.org
https://www.w3schools.com
https://www.programiz.com
https://www.javatpoint.com
https://www.tutorialspoint.com
https://gemini.google.com
https://www.cs.usfca.edu