Numpy

Numpy

- Numerical Python
- 파이썬의 고성능 과학 계산용 패키지
- Matrix와 Vector와 같은 Array 연산의 사실상의 표준
- 한글로 넘파이로 주로 통칭, 넘피/늄파이라고 부르기도 함

Numpy 특징

- 일반 List에 비해 빠르고, 메모리 효율적
- 반복문 없이 데이터 배열에 대한 처리를 지원함
- 선형대수와 관련된 다양한 기능을 제공함
- C, C++, 포트란 등의 언어와 통합 가능

import

import numpy as np

- numpy의 호출 방법
- 일반적으로 numpy는 np라는 alias(별칭) 이용해서 호출함
- 특별한 이유는 없음 세계적인 약속 같은 것

```
test_array = np.array([1, 4, 5, 8], float)

print(test_array)

type(test_array[3])
```

- numpy는 np.array 함수를 활용하여 배열을 생성함 → ndarray
- numpy는 하나의 데이터 type만 배열에 넣을 수 있음
- List와 가장 큰 차이점, Dynamic typing not supported
- C의 Array를 사용하여 배열을 생성함

```
test_array = np.array([1, 4, 5, 8], float)
test_array
array([ 1., 4., 5., 8.])

type(test_array[3])
numpy.float64
```

```
test_array = np.array([1, 4, 5, "8"], float) # String Type의 데이터를 입력해도

print(test_array)

print(type(test_array[3])) # Float Type으로 자동 형변환을 실시

print(test_array.dtype) # Array(배열) 전체의 데이터 Type을 반환함

print(test_array.shape) # Array(배열) 의 shape을 반환함
```

- shape : numpy array의 object의 dimension 구성을 반환함
- dtype: numpy array의 데이터 type을 반환함

```
test_array = np.array([1, 4, 5, "8"], float) # String Type의 데이터를 입력해도 test_array
array([ 1., 4., 5., 8.])

type(test_array[3]) # Float Type으로 자동 형변환을 실시
numpy.float64

test_array.dtype # Array(배열) 전체의 데이터 Type을 반환함
dtype('float64')

test_array.shape # Array(배열) 의 shape을 반환함

(4,)
```

Array shape (matrix)

```
matrix = [[1,2,5,8],[1,2,5,8],[1,2,5,8]]
np.array(matrix, int).shape

(3, 4)

1 2 5 8
1 2 5 8
1 2 5 8
ndarray □ shape
(type: tuple)
```

Array shape (vector)

- Array (vector, matrix, tensor)의 크기, 형태 등에 대한 정보

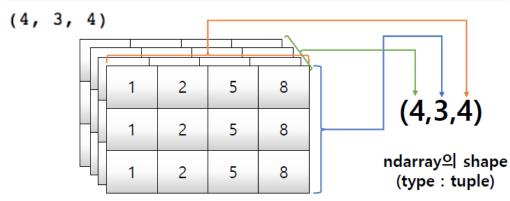
```
test_array = np.array([1, 4, 5, "8"], float) # String Type의 데이터를 입력해도
test_array
array([ 1., 4., 5., 8.])

1 4 5 8 (4,)

ndarray의 구성
ndarray의 shape
(type: tuple)
```

Array shape (matrix)

Array shape (3rd order tensor)

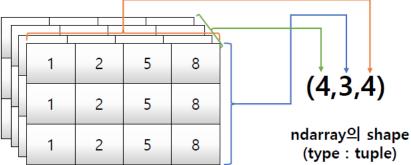


Array shape – ndim & size

- ndim number of dimension
- size data의 개수

```
np.array(tensor, int).ndim
3
np.array(tensor, int).size
```

np.array(tensor, int).size



Array dtype

- Ndarray의 single element가 가지는 data type
- 각 element가 차지하는 memory의 크기가 결정됨

reshape

- Array의 shape의 크기를 변경함 (element의 갯수는 동일)

1	2	5	8		1	2	5	8	1	2	5	8
1	2	5	8	5/	'	2	3	•	'	2	3	0
	(2,	,4)						((8,)			

reshape

- Array의 shape의 크기를 변경함 (element의 갯수는 동일)

```
test_matrix = [[1,2,3,4], [1,2,5,8]]
np.array(test_matrix).shape

(2, 4)

np.array(test_matrix).reshape(8,)
array([1, 2, 3, 4, 1, 2, 5, 8])

np.array(test_matrix).reshape(8,).shape
(8,)
```

reshape

- Array의 size만 같다면 다차원으로 자유로이 변형가능

```
np.array(test_matrix).reshape(2,4).shape

(2, 4)

np.array(test_matrix).reshape(-1,2).shape

(4, 2)

-1: size를 기반으로 row 개수 선정
```

flatten

- 다차원 array를 1차원 array로 변환

```
test_matrix = [[[1,2,3,4], [1,2,5,8]], [[1,2,3,4], [1,2,5,8]]]
np.array(test_matrix).flatten()
array([1, 2, 3, 4, 1, 2, 5, 8, 1, 2, 3, 4, 1, 2, 5, 8])
```

flatten

- 다차원 array를 1차원 array로 변환

```
test_matrix = [[[1,2,3,4], [1,2,5,8]], [[1,2,3,4], [1,2,5,8]]]
np.array(test_matrix).flatten()

array([1, 2, 3, 4, 1, 2, 5, 8, 1, 2, 3, 4, 1, 2, 5, 8])
```

indexing

```
a = np.array([[1, 2, 3], [4.5, 5, 6]], int)
print(a)
print(a[0,0]) # Two dimensional array representation #1
print(a[0][0]) # Two dimensional array representation #2

a[0,0] = 12 # Matrix 0,0 에 12 할당
print(a)
a[0][0] = 5 # Matrix 0,0 에 12 할당
print(a)
```

- List와 달리 이차원 배열에서 [0,0] 과 같은 표기법을 제공함
- Matrix 일경우 앞은 row 뒤는 column을 의미함

indexing

1

indexing

5

```
test_exmaple[0,0] = 12 # Matrix 0,0 에 12 할당
test_exmaple
array([[12, 2, 3],
        [ 4, 5, 6]])

test_exmaple[0][0] = 5 # Matrix 0,0 에 12 할당
test_exmaple[0,0]
```

```
a = np.array([[1, 2, 3, 4, 5], [6, 7, 8, 9, 10]], int)
a[:,2:] # 전체 Row의 2열 이상
a[1,1:3] # 1 Row의 1열 ~ 2열
a[1:3] # 1 Row ~ 2Row의 전체
```

- List와 달리 행과 열 부분을 나눠서 slicing이 가능함
- Matrix의 부분 집합을 추출할 때 유용함

1	2	5	8
1	2	5	8
1	2	5	8
1	2	5	8



1	2	5	8
1	2	5	8
1	2	5	8
1	2	5	8

[:2,:] Row - 0~1 까지 column - 전체

```
test_exmaple = np.array([
    [1, 2, 5,8], [1, 2, 5,8], [1, 2, 5,8], [1, 2, 5,8]], int)
test_exmaple[:2,:]
                                                          5
                                                               8
                                                 1
array([[1, 2, 5, 8],
       [1, 2, 5, 8]])
                                                 1
                                                      2
                                                          5
                                                               8
             test_exmaple[:,1:3]
                                                          5
                                                 1
                                                      2
                                                               8
             test exmaple[1,:2]
                                                 1
                                                      2
                                                          5
                                                               8
```

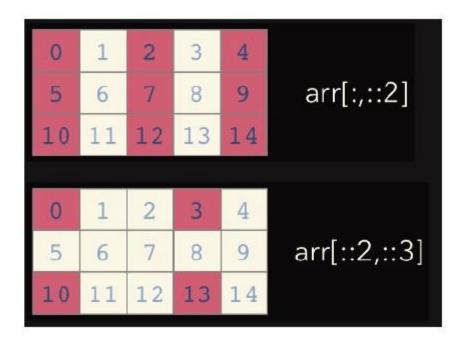
```
test_exmaple = np.array([[1, 2, 3, 4, 5], [6, 7, 8, 9, 10]], int)
test_exmaple[:,2:] # 전체 Row의 2열 이상

array([[ 3, 4, 5],
        [ 8, 9, 10]])

test_exmaple[1,1:3] # 1 Row의 1열 ~ 2열

array([7, 8])

test_exmaple[1:3] # 1 Row ~ 2Row의 전체
array([[ 6, 7, 8, 9, 10]])
```



arange

- array의 범위를 지정하여, 값의 list를 생성하는 명령어

```
np.arange(30) # range: List의 range와 같은 효과, integer로 0부터 29까지 배열추출

array([ 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29])
(시작, 끝, step)

np.arange(0, 5, 0.5) # floating point도 표시가능함

array([ 0. , 0.5, 1. , 1.5, 2. , 2.5, 3. , 3.5, 4. , 4.5])

np.arange(30).reshape(5,6)

array([[ 0, 1, 2, 3, 4, 5], [ 6, 7, 8, 9, 10, 11], [ 12, 13, 14, 15, 16, 17], [ 18, 19, 20, 21, 22, 23], [ 24, 25, 26, 27, 28, 29]])
```

ones, zeros and empty

- zeros - 0으로 가득찬 ndarray 생성

np.zeros(shape, dtype, order)

```
np.zeros(shape=(10,), dtype=np.int8) # 10 - zero vector 생성

array([0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0], dtype=int8)

np.zeros((2,5)) # 2 by 5 - zero matrix 생성

array([[ 0., 0., 0., 0., 0.],
        [ 0., 0., 0., 0., 0.]])
```

ones, zeros and empty

- ones – 1로 가득찬 ndarrary 생성

np.ones(shape, dtype, order)

ones, zeros and empty

- empty – shape만 주어지고 비어있는 ndarray 생성 (memory initialization 이 되지 않음)

```
np.empty(shape=(10,), dtype=np.int8)
array([0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 64, -74, 105], dtype=int8)
np.empty((3,5))
array([[ 2.0000000e+000,
                            2.00000000e+000,
                                              6.42285340e-323,
         0.00000000e+000,
                            0.00000000e+0001,
      [ 0.00000000e+000,
                                              0.00000000e+000,
                            0.00000000e+000,
         0.00000000e+000,
                            0.00000000e+000],
      [ 0.00000000e+000,
                                              2.00000000e+000,
                            2.12199579e-314,
         2.00000000e+000,
                            3.45845952e-323]])
```

something_like

- 기존 ndarray의 shape 크기 만큼 1, 0 또는 empty array를 반환

identity

- 단위 행렬(i 행렬)을 생성함

n → number of rows

eye

- 대각선인 1인 행렬, k값의 시작 index의 변경이 가능

diag

- 대각 행렬의 값을 추출함

0	1	2
3	4	5
6	7	8

```
matrix = np.arange(9).reshape(3,3)
np.diag(matrix)
array([0, 4, 8])
```

```
0 1 2
3 4 5
6 7 8
```

```
np.diag(matrix, k=1) k → start index
array([1, 5])
```

random sampling

- 데이터 분포에 따른 sampling으로 array를 생성

```
np.random.uniform(0,1,10).reshape(2,5) 균등분포

array([[ 0.67406593,  0.71072857,  0.06963986,  0.09194939,  0.47293574],
        [ 0.13840676,  0.97410297,  0.60703044,  0.04002073,  0.08057727]])

np.random.normal(0,1,10).reshape(2,5) 정규분포

array([[ 1.02694847,  0.39354215,  0.63411928, -1.03639086, -1.76669162],
        [ 0.50628853, -1.42496802,  1.23288754,  1.26424168,  0.53718751]])
```

sum

- ndarray의 element들 간의 합을 구함, list의 sum 기능과 동일

```
test_array = np.arange(1,11)
test_array
array([ 1,  2,  3,  4,  5,  6,  7,  8,  9, 10])
test_array.sum(dtype=np.float)
55.0
```

axis

- 모든 operation function을 실행할 때, 기준이 되는 dimension 축

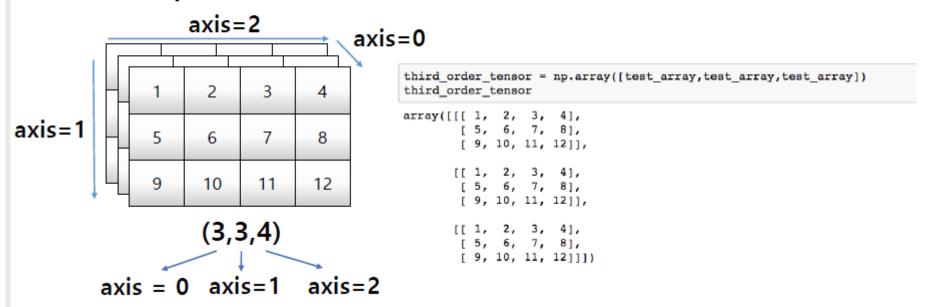
		and i						
	1	2	3	4				
axis=0	5	6	7	8				
	9	10	11	12				

```
(3,4)
axis = 0 \quad axis = 1
```

axis=1

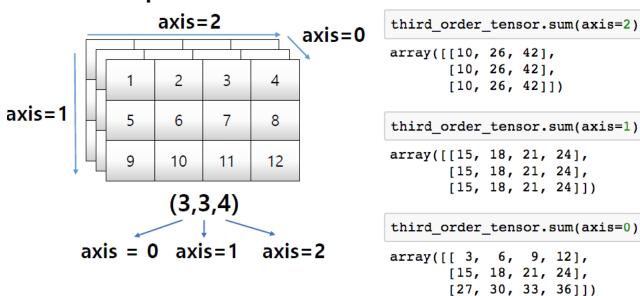
axis

- 모든 operation function을 실행할 때, 기준이 되는 dimension 축



axis

- 모든 operation function을 실행할 때, 기준이 되는 dimension 축



mean & std

- ndarray의 element들 간의 평균 또는 표준 편차를 반환

Mathematical functions

- 그 외에도 다양한 수학 연산자를 제공함 (np.something 호출)

concatenate

- Numpy array를 합치는 함수





hstack

1	2	3
2	3	4

1	
2	
3	



1	2
2	3
3	4

```
a = np.array([ [1], [2], [3]])
b = np.array([ [2], [3], [4]])
np.hstack((a,b))
```

```
array([[1, 2], [2, 3], [3, 4]])
```

concatenate

concatenate / axis=0

1	2	3
2	3	4



1	2	3
2	3	4

concatenate / axis=1

1	2
3	4





1	2	5
3	4	6

```
a = np.array([[1, 2], [3, 4]])
b = np.array([[5, 6]])

np.concatenate( (a,b.T) ,axis=1)
```

```
array([[1, 2, 5], [3, 4, 6]])
```

Operations b/t arrays

- Numpy는 array간의 기본적인 사칙 연산을 지원함

```
test_a = np.array([[1,2,3],[4,5,6]], float)

test_a + test_a # Matrix + Matrix 연산

array([[ 2., 4., 6.],
        [ 8., 10., 12.]])

test_a - test_a # Matrix - Matrix 연산

array([[ 0., 0., 0.],
        [ 0., 0., 0.]])

test_a * test_a # Matrix나 element들 간 같은 위치에 있는 값들끼리 연산

array([[ 1., 4., 9.],
        [ 16., 25., 36.]])
```

Element-wise operations

- Array간 shape이 같을 때 일어나는 연산

1	2	3	4		1	2	3	4	1	4	9	16
5	6	7	8	×	5	6	7	8	25	36	49	64
9	10	11	12		9	10	11	12	81	100	121	144

```
matrix_a = np.arange(1,13).reshape(3,4)
matrix_a * matrix_a
```

```
array([[ 1, 4, 9, 16],
        [ 25, 36, 49, 64],
        [ 81, 100, 121, 144]])
```

Dot product

- Matrix의 기본 연산
- dot 함수 사용

```
\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 7 & 8 \\ 9 & 10 \\ 11 & 12 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 58 \\ \end{bmatrix}
```

transpose

- transpose 또는 T attribute 사용

```
test_a.transpose()
test_a = np.arange(1,7).reshape(2,3)
test_a
                                             array([[1, 4],
                                                    [2, 5],
array([[1, 2, 3],
                                                    [3, 6]])
       [4, 5, 6]])
test_a.T.dot(test_a) # Matrix 간 곱셈
                                              test_a.T
array([[ 17., 22., 27.],
                                             array([[1, 4],
       [ 22., 29., 36.],
                                                     [2, 5],
       [ 27., 36., 45.]])
                                                     [3, 6]])
```

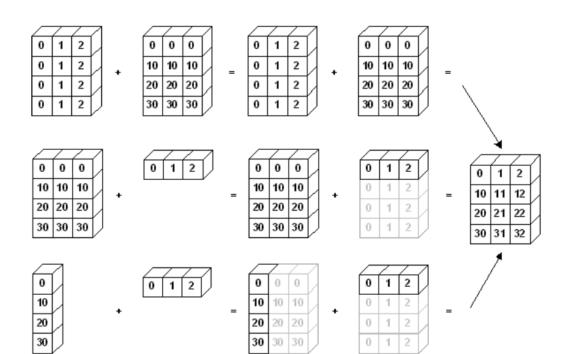
- Shape이 다른 배열 간 연산을 지원하는 기능

1	2	3		4	5	6
4	5	6	5	7	8	9

```
test_matrix = np.array([[1,2,3],[4,5,6]], float)
scalar = 3
```

```
test_matrix + scalar # Matrix - Scalar 덧셈
```

- Scalar – vector 외에도 vector – matrix 간의 연 산도 지원



1	2	3
4	5	6
7	8	9
10	11	12



```
    11
    22
    33

    14
    25
    36

    17
    28
    39

    20
    31
    42
```

```
test_matrix = np.arange(1,13).reshape(4,3)
test_vector = np.arange(10,40,10)
test_matrix+ test_vector
```

```
array([[11, 22, 33],
[14, 25, 36],
[17, 28, 39],
[20, 31, 42]])
```

All & Any

- Array의 데이터 전부(and) 또는 일부(or)가 조건에 만족 여부 반환

```
a = np.arange(10)
array([0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])
np.any(a>5), np.any(a<0) any → 하나라도 조건에 만족한다면 true
(True, False)
np.all(a>5), np.all(a < 10) all → 모두가 조건에 만족한다면 true
(False, True)
```

- Numpy는 배열의 크기가 동일 할 때 element간 비교의 결과를 Boolean type으로 반환하여 돌려줌

```
test_a = np.array([1, 3, 0], float)
test_b = np.array([5, 2, 1], float)
test_a > test_b

array([False, True, False], dtype=bool)

test_a == test_b

array([False, False, False], dtype=bool)

(test_a > test_b).any()

True

any > 하나라도 true라면 true
```

Comparison operation #2

```
a = np.array([1, 3, 0], float)
np.logical_and(a > 0, a < 3) # and 조건의 condition

array([ True, False, False], dtype=bool)

b = np.array([True, False, True], bool)
np.logical_not(b) # NOT 조건의 condition

array([False, True, False], dtype=bool)

c = np.array([False, True, False], bool)
np.logical_or(b, c) # OR 조건의 condition

array([ True, True, True], dtype=bool)
```

np.where

```
np.where(a > 0, 3, 2) # where(condition, TRUE, FALSE)

array([3, 3, 2])

a = np.arange(10)
np.where(a>5) Index 값 반환

(array([6, 7, 8, 9]),)

a = np.array([1, np.NaN, np.Inf], float)
np.isnan(a) Not a Number

array([False, True, False], dtype=bool)

np.isfinite(a) is finite number

array([ True, False, False], dtype=bool)
```

argmax & argmin

- array내 최대값 또는 최소값의 index를 반환함

```
a = np.array([1,2,4,5,8,78,23,3])
np.argmax(a) , np.argmin(a)
(5, 0)
```

- axis 기반의 반환

1	2	4	7
9	88	6	45
9	76	3	4

```
a=np.array([[1,2,4,7],[9,88,6,45],[9,76,3,4]])
np.argmax(a, axis=1) , np.argmin(a, axis=0)

(array([3, 1, 1]), array([0, 0, 2, 2]))
```

boolean index

- numpy는 배열은 특정 조건에 따른 값을 배열 형태로 추출 할 수 있음
- Comparison operation 함수들도 모두 사용가능

```
test_array = np.array([1, 4, 0, 2, 3, 8, 9, 7], float)
test_array > 3

array([False, True, False, False, False, True, True, True], dtype=bool)

test_array[test_array > 3] 조건이 True인 index의 element만 추출
array([ 4., 8., 9., 7.])

condition = test_array < 3
test_array[condition]

array([ 1., 0., 2.])
```

fancy index

- numpy는 array를 index value로 사용해서 값을 추출하는 방법

```
a = np.array([2, 4, 6, 8], float)
b = np.array([0, 0, 1, 3, 2, 1], int) # 반드시 integer로 선언
a[b] #bracket index, b 배열의 값을 index로 하여 a의 값들을 추출함

array([2., 2., 4., 8., 6., 4.])
0 1 2 3

a.take(b) #take 함수: bracket index와 같은 효과

2 4 6 8

array([2., 2., 4., 8., 6., 4.])
```

fancy index

- Matrix 형태의 데이터도 가능

```
0
a = np.array([[1, 4], [9, 16]], float)
                                               16
                                           9
b = np.array([0, 0, 1, 1, 0], int)
c = np.array([0, 1, 1, 1, 1], int)
a[b,c] # b를 row index, c를 column index로 변환하여 표시함
array([ 1., 4., 16., 16., 4.])
```

loadtxt & savetxt

- Text type의 데이터를 읽고, 저장하는 기능

Int type 변환

```
a = np.loadtxt("./populations.txt")
                                  파일 호출
a[:10]
                           4000.,
                                  48300.],
         1900.,
                 30000.,
array([[
         1901.,
                 47200.,
                           6100.,
                                  48200.],
                 70200.,
         1902.,
                           9800.,
                                  41500.],
         1903., 77400., 35200.,
                                  38200.],
         1904., 36300.,
                                  40600.],
                          59400.,
         1905., 20600.,
                                  39800.],
                          41700.,
         1906., 18100.,
                         19000.,
                                  38600.],
         1907., 21400.,
                          13000.,
                                  42300.],
         1908., 22000.,
                           8300.,
                                  44500.],
         1909., 25400.,
                           9100.,
                                  42100.]])
```

int_data.csv 로 저장

numpy object - npy

- Numpy object (pickle) 형태로 데이터를 저장하고 불러옴
- Binary 파일 형태로 저장함