





به نام خدا دانشگاه تهران دانسگده مهندسی برق و کامپیوتر

# درس شبکههای عصبی و یادگیری عمیق تمرین دوم

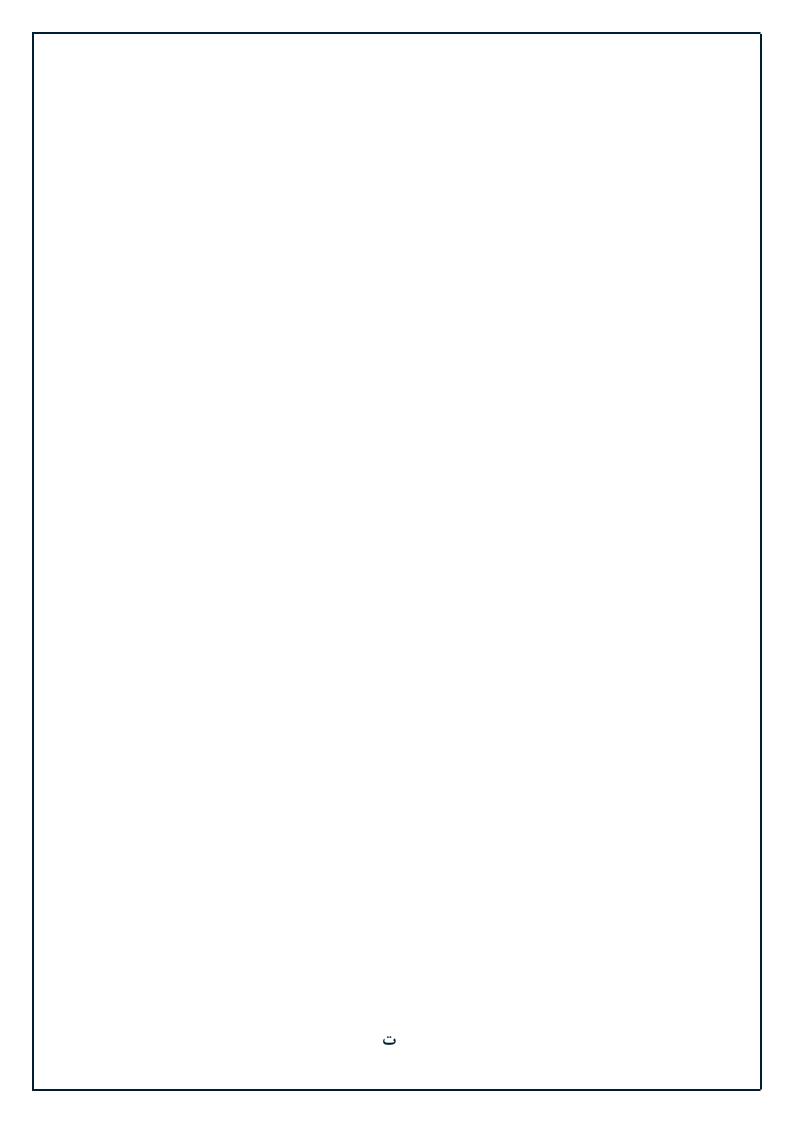
فاطمه جليلي – سالار صفردوست	نام و نام خانوادگی
አነ÷ነ۹۹۴۵÷ -አነ÷ነ۹۹۳۹አ	شماره دانشجویی
14+7/9/7	تاریخ ارسال گزارش

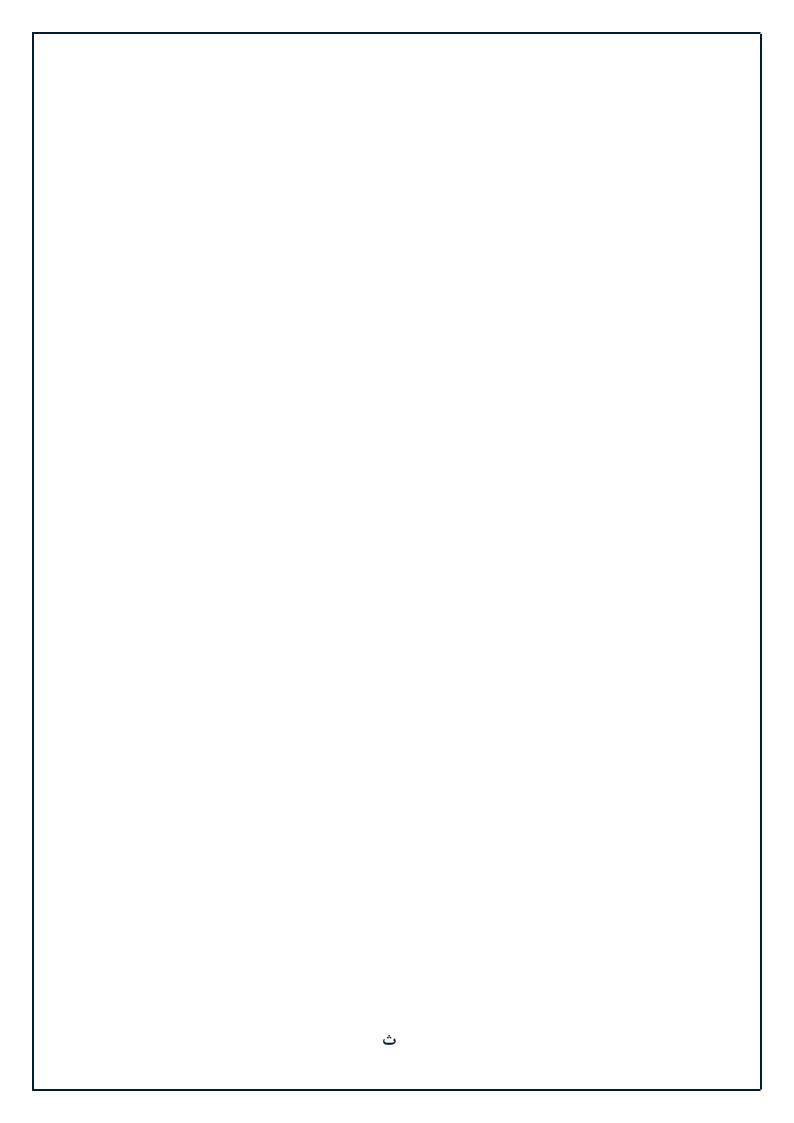
# فهرست

١	پاسخ ۱- تجزیه و تحلیل احساسات صورت مبتنی بر CNN
١	پاسخ ۱- تجزیه و تحلیل احساسات صورت مبتنی بر CNN
١	2-1. پیش پردازش تصاویر و Data Augmentation
۲	3-1. پیاده سازی مدل AlexNet
۸	پاسخ ۲ — پیاده سازی مدل VGGNet
۸	1-2. مدل VGGNet
١٣	پاسخ ۳ — تشخیص بیماران مبتلا به کووید با استفاده از عکس ریه
١٣	3-2. جمع آوری داده و پردازش تصویر
14	3-3. اَموزش شبكه
۱۶	3-4 ارزیابی شبکه
۱٧	3-5. ارزيابي شبكه (امتيازي)

# شكلها

1	شكل ۱-۱. ابعاد داده هاى train و test
١	شکل ۱-۲. ابعاد داده های train پس از augmentation
۲	شکل ۱-۳. مثالی از داده های augment شده در سمت چپ و داده اصلی در سمت راست
٣	شکل ۱-۴. Loss روی داده train (آبی رنگ) و test (قرمز رنگ)
۴	شکل ۱-۵. accuracy روی داده train (آبی رنگ) و test (قرمز رنگ)
۴	شکل ۱-۶. Loss روی داده train (آبی رنگ) و test (قرمز رنگ) برای داده tune
۴	شکل ۱-۷. accuracy روی داده train (آبی رنگ) و test (قرمز رنگ) برای داده tune
۵	شکل ۱-۸. نمودار های ROC برای کلاس های مختلف
۶	شکل ۱-۹. مقادیر recall،precision و F1-score برای کلاس های مختلف
٧	شکل ۱-۱. Confusion Matrix. استان الماد
λ	شكل ٢-١. نمودار تابع هزينه و دقت شبكه VGGNet پس از آموزش
λ	شكل ٢-٢. دقت شبكه VGGNet پس از آموزش
٩	شکل ۲-۳. نمودار تابع هزینه و دقت شبکه VGGNet پس از بهبود
٩	شكل ۲-۴. دقت شبكه VGGNet پس از بهبود
١٠	شکل ۲-۵. نمودارهای ROC برای هر کلاس در شبکه VGGNet
11	شكل ۲-۶. معيارهاى Recall ،Precision و F1-score شبكه VGGNet
١٢	شكل ٧-٢. ماتريس Confusion شبكه VGGNet
١٣	شکل۳-۱. ابعاد دادههای ترین و تست
١٣	شکل۳–۲. ابعاد دادههای train پس از augmentation
١٣	شکل۳-۳. مثالی از دادههای augment شده
۱۵	شکل۳-۴. Loss روی داده train (آبی رنگ) و validation (قرمز رنگ)
۱۵	شکل۳-۵. accuracy روی داده train (آبی رنگ) و validation (قرمز رنگ)
۱۶	شکل۳-۶. نتایج روی داده test
18	شکل۳-۷. نحوه محاسبه معیار های ارزیابی شبکه
	شکل ۳-۸. Confusion Matrix برای داده تست
	شكل٣-٩. دقت شبكه با ۵ لايه كانولوشن
	شكل٣-١٠. دقت شبكه با ۴ لايه كانولوشن
	شكل٣-١١. دقت شبكه با ٣ لايه كانولوشن





### پاسخ ۱- تجزیه و تحلیل احساسات صورت مبتنی بر CNN

### 2-1. پیش پردازش تصاویر و 2-1

پس از خواندن داده های از پوشه آن ها را در ماتریس  $x_train$  و  $x_train$  ذخیره می کنیم که سایز آن ها در کد به شکل زیر گزارش شده است:

```
print(x.shape)
print(y.shape)
print(x_tune.shape)
print(y_tune.shape)

(8000, 128, 128, 3)
(8000,)
(1600, 128, 128, 3)
(1600,)
```

شکل۱-۱. ابعاد داده های train و test

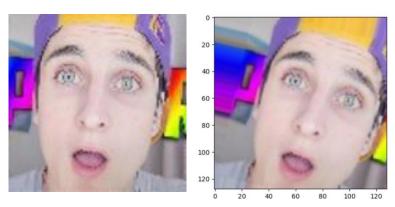
در ادامه پس از نرمال کردن داده ها برای data augmentation مطابق آنچه در مقاله گفته شده با استفاده از ۲۰ درجه می tf.keras.preprocessing.image.ImageDataGenerator داده ها را به صورت رندوم تا ۲۰ درجه می جرخانیم ، در جهت x, y تا ۱۰ درصد shift می دهیم و در جهت x flip x می کنیم و دیتا های جدید را به ماتریس train می کنیم.

```
print(x_train.shape)
  print(y_train.shape)

(7680, 128, 128, 3)
(7680,)
```

شکل۱-۲. ابعاد داده های train پس از ۲-۱.

به طور رندوم یک عکس augment شده را انتخاب کرده و آن را نشان می دهیم، از کشیدگی های اطراف تصویر می توان متوجه شد که تصویر rotate شده است. در کنار تصویر augment شده تصویر اصلی نیز در زیر گزارش شده است:



شکل۱-۳. مثالی از داده های augment شده در سمت راست و داده اصلی در سمت چپ

در ادامه به صورت رندوم ۲۰٪ از داده های train را جدا کرده و به عنوان داده test در ماتریس های مربوطه ذخیره می کنیم.

### 3-1. پیاده سازی مدل AlexNet

مطابق لایه های گفته شده در مقاله مدل را تعریف می کنیم:

Model:

Layer	Output Shape	Param #
Layer	Output Shape  (None, 128, 128, 16) (None, 128, 128, 16) (None, 128, 128, 16) (None, 64, 64, 16) (None, 64, 64, 32) (None, 64, 64, 32) (None, 64, 64, 32) (None, 64, 64, 32) (None, 32, 32, 32) (None, 32, 32, 32) (None, 32, 32, 64) (None, 32, 32, 64) (None, 32, 32, 64) (None, 16, 16, 64) (None, 16, 16, 64)	Param #  ===================================
<pre>gaussian_dropout conv2d batch_normalization relu max_pooling2d</pre>	(None, 16, 16, 128) (None, 16, 16, 128) (None, 16, 16, 128) (None, 8, 8, 128)	73856 512 0 0

gaussian_dropout conv2d batch_normalization relu max_pooling2d gaussian_dropout_4 flatten dense dropout Dense	(None, 8, 8, 128) (None, 8, 8, 128) (None, 8, 8, 128) (None, 8, 8, 128) (None, 4, 4, 128) (None, 4, 4, 128) (None, 2048) (None, 1024) (None, 1024)	0 147584 512 0 0 0 0 2098176 0
	,	
Dropout Dense	(None, 1024) (None, 8)	0 8200

.....

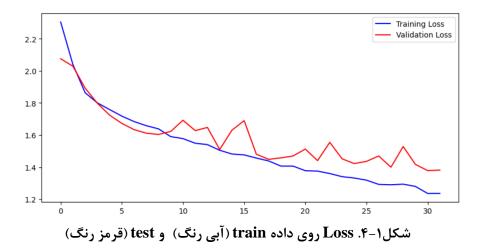
Total params: 3,459,176
Trainable params: 3,458,440
Non-trainable params: 736

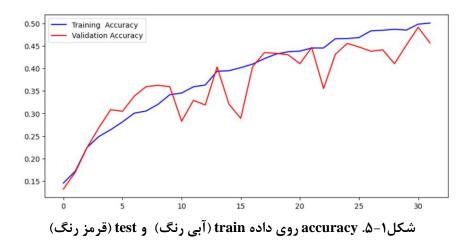
از Adam optimizer با پارامتر های

learning\_rate=0.0005,
beta\_1=0.9,
beta\_2=0.999,
epsilon=1e-8

مطابق مقاله استفاده می کنیم ، همچنین برای loss از SparseCategoricalCrossentropy استفاده می کنیم.

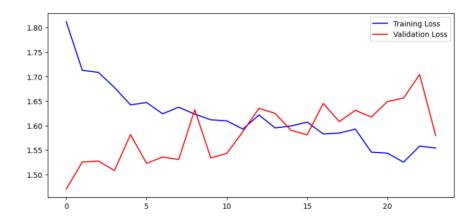
با استفاده از ۳۲ ایپاک و ۸۰ batch size نتایج زیر روی داده train و test بدست می آید:



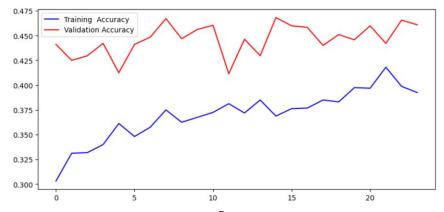


مطابق نتایج بدست آمده دقت روی داده tain و تست به ترتیب به حدود ۵۰ و ۴۵ درصد می رسد که در مقایسه با مقاله که دقت ۵۶ درصد دارد کمی فاصله دارد.

برای fine tune لایه های قبل falatten را فیکس می کنیم و ۵ لایه آخر شامل ۴ dense و یک dropout را قابل falatten برای تعیین می کنیم و مدل را روی داده های tune مجدد train می کنیم، نتایج مطابق زیر بدست می آیند:

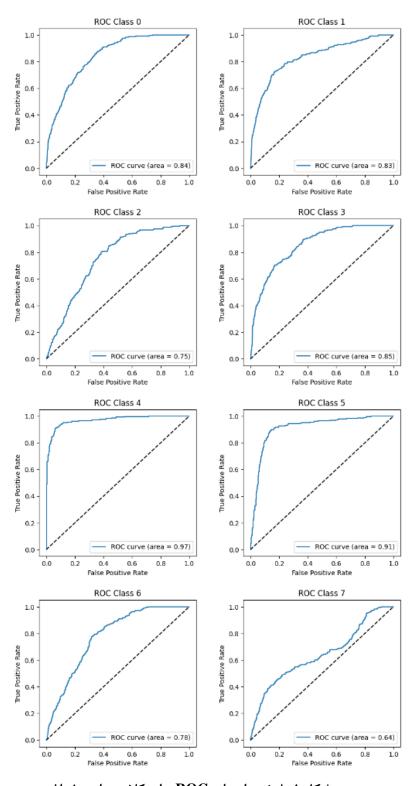


شکل۱-۶. Loss روی داده train (آبی رنگ) و test (قرمز رنگ) برای داده



شکل۱-۷. accuracy روی داده train (آبی رنگ) و test (قرمز رنگ) برای داده

این بار دقت روی داده train و test به ترتیب به حدود ۳۹ درصد و ۴۶ درصد می رسد به این معنا که شبکه نتوانسته به دلیل ترین شدن تنها چند لایه آخر به خوبی به داده جدید tune فیت شود منتهی در مقایسه با دقت روی داده train به دلیل وزن ها فریز شده لایه های قبل که از داده بزرگ قبلی بدست آمده عملکرد خوبی روی داده test دارد.



شکل ۱-۸. نمودار های ROC برای کلاس های مختلف

نمودارها ی ROC کیفیت پیشبینی شبکه را برای کلاسهای مختلف به صورت جداگانه بررسی می کند و هر میزان قوس نمودار رو به بالا بیشتر باشد(مساحت بیشتر) نمایانگر بهتر بودن شبکه در تشخیص کلاس است.

بنابراین طبق این معیار این شبکه در تشخیص کلاسهای ۴ و ۵(خوشحال و بیحالت) با فاصله بهتر عمل کرده است و در تشخیص کلاس ۷ (شگفتزدگی) ضعیف بوده است و تشخیصهای مثبت درست کمی داشته است.

Precision for class 0: 0.419 Recall for class 0: 0.256 F1-score for class 0: 0.318

Precision for class 1: 0.471 Recall for class 1: 0.559 F1-score for class 1: 0.511

Precision for class 2: 0.319 Recall for class 2: 0.185 F1-score for class 2: 0.234

Precision for class 3: 0.445 Recall for class 3: 0.54 F1-score for class 3: 0.488

Precision for class 4: 0.748 Recall for class 4: 0.866 F1-score for class 4: 0.803

Precision for class 5: 0.51 Recall for class 5: 0.745 F1-score for class 5: 0.606

Precision for class 6: 0.272 Recall for class 6: 0.405 F1-score for class 6: 0.326

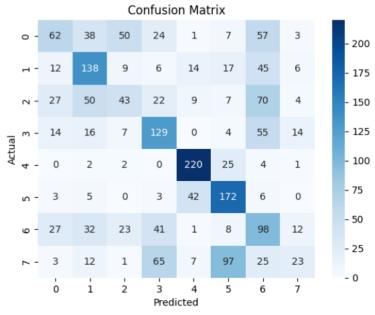
Precision for class 7: 0.365 Recall for class 7: 0.099 F1-score for class 7: 0.155

#### شكل۱-٩. مقادير recall،precision و F1-score براى كلاس هاى مختلف

معیار Precision: این معیار نسبت تعداد تشخیصهای مثبت درست به تعداد تشخیصهای مثبت را نشان میدهد. در شکل دیده می شود که کلاس ۴ (خوشحالی) با فاصله بهتر است. در کلاس ۷ (شگفتزدگی) بدترین عدد وجود دارد که نشان میدهد تقریباً ۰.۳۶ تشخیصهای شگفتزدگی درست بوده است.

معیار Recall: این معیار نسبت تعداد تشخیصهای مثبت درست به تعداد مثبتهای واقعی را نشان میدهد. در شکل مجدداً دیده که کلاس ۴ (خوشحالی) با فاصله بهتر است. در کلاس ۷ (شگفتزدگی) بدترین عدد وجود دارد که نشان میدهد تنها توانستهایم ۱۱۵۵ درصد مثبتهای واقعی را تشخیص دهیم.

معیار F1-score: این معیار به گونهای میباشد که هر دوی Precision و Recall را در نظر می گیرد. بهترین کلاس برای پیشبینی به دید این معیار کلاس ۴ و بدترین کلاس آنها کلاس ۷ بوده است.



شکل۱-۱۰. Confusion Matrix

### یاسخ ۲ – پیاده سازی مدل VGGNet

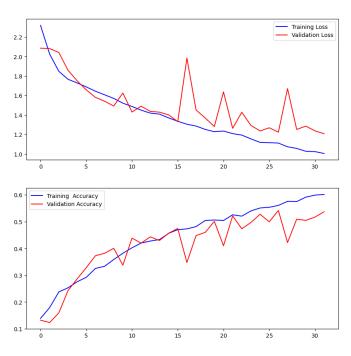
### 1-2. مدل VGGNet

معماری شبکه را به صورت گفته شده پیادهسازی می کنیم.

برای آموزش شبکه از همان قطعه کد مربوط به آگمنت کردن دیتا در سوال ۱ استفاده می کنیم. برای به دست آوردن پاسخ مناسب 80 batch\_size و epochs انتخاب شد و همچنین لرنینگ ریت به 0.0005 کاهش یافت. سایر پارامترهای شبکه مشابه مقاله تنظیم شد.

نمودار آموزش شبکه روی دیتای آموزش:

Loss and Accuracy for VGGNet



شکل ۲-۱. نمودار تابع هزینه و دقت شبکه VGGNet پس از آموزش

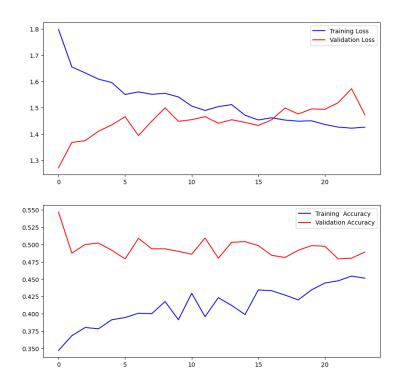
شکل ۲-۲. دقت شبکه VGGNet پس از آموزش

پس از آموزش با استفاده از دیتاست تیون، شبکه روی این دیتا مجددا آموزش دید.

برای به دست آوردن پاسخ مناسب batch\_size=16 و epochs=24 انتخاب شد و همچنین لرنینگ ریت به 0.0005 کاهش یافت. سایر پارامترهای شبکه مشابه مقاله تنظیم شد.

نمودار بهبود شبکه با دیتای تیون:

#### Loss and Accuracy for VGGNetTuned



شكل ۲-۳. نمودار تابع هزينه و دقت شبكه VGGNet پس از بهبود

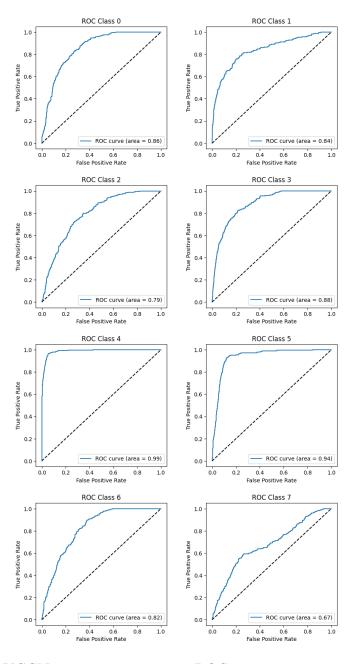
شکل ۲-۴. دقت شبکه VGGNet پس از بهبود

همانگونه که قابل مشاهده است، آموزش شبکه با دیتای آموزش به شکلی خوب باعث کاهش نمودار هزینه و افزایش درصد موفقیت در هر دو دیتاست ترین و تست شده و در نهایت شاهد ۵۳.۷۵ درصد موفقیت روی تست میباشیم.

با آموزش مجدد شبکه روی دیتای تیون مقدار تابع هزینه برای دیتای تیون کاهش و درصد موفقیت افزایش یافته اما برای دیتای تست اندکی تغییرات منفی را شاهد هستیم.

این امر می تواند به دلیل تفاوت میان دیتای تست و تیون، ناکافی بودن دیتای تیون برای بهبود شبکه و همچنین فریز کردن لایههای کانولوشنال شبکه باشد. اما در کل با توجه به آشنا شدن شبکه به دیتای تیون و عدم تغییر زیاد آن بر دقت شبکه، می توان گفت که تغییر مثبتی را شاهد بوده ایم.

ROC curves for VGGNetTuned



شکل ۲-۵. نمودارهای ROC برای هر کلاس در شبکه VGGNet

این نمودارها کیفیت پیشبینی شبکه را برای کلاسهای مختلف به صورت جداگانه بررسی میکند و هر میزان قوس نمودار رو به بالا بیشتر باشد(مساحت بیشتر) نمایانگر بهتر بودن شبکه در تشخیص کلاس است.

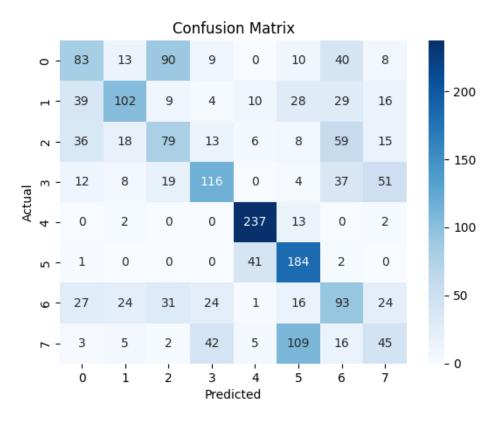
بنابراین طبق این معیار این شبکه در تشخیص کلاسهای ۴ و ۵(خوشحال و بیحالت) با فاصله بهتر عمل کرده است و در تشخیص کلاس ۷ (شگفتزدگی) ضعیف بوده است و تشخیصهای مثبت درست کمی داشته است.

```
Precision for class 0: 0.413
     Recall for class 0: 0.328
     F1-score for class 0: 0.366
     Precision for class 1: 0.593
    Recall for class 1: 0.43
    F1-score for class 1: 0.499
     Precision for class 2: 0.343
     Recall for class 2: 0.338
     F1-score for class 2: 0.341
11
12
13
    Precision for class 3: 0.558
     Recall for class 3: 0.47
    F1-score for class 3: 0.51
     Precision for class 4: 0.79
     Recall for class 4: 0.933
    F1-score for class 4: 0.856
    Precision for class 5: 0.495
    Recall for class 5: 0.807
     F1-score for class 5: 0.613
    Precision for class 6: 0.337
    Recall for class 6: 0.388
     F1-score for class 6: 0.36
     Precision for class 7: 0.28
     Recall for class 7: 0.198
     F1-score for class 7: 0.232
```

شكل ٢-۶. معيارهاي Precision، Recall Precision و F1-score شبكه VGGNet

معیار Precision: این معیار نسبت تعداد تشخیصهای مثبت درست به تعداد تشخیصهای مثبت را نشان میدهد. در شکل دیده که کلاس ۴ (خوشحالی) با فاصله بهتر است. در کلاس ۷ (شگفتزدگی) بدترین عدد وجود دارد که نشان میدهد تقریباً ۳.۰ تشخیصهای شگفتزدگی درست بوده است.

معیار Recall: این معیار نسبت تعداد تشخیصهای مثبت درست به تعداد مثبتهای واقعی را نشان می دهد. در شکل مجدداً دیده که کلاس ۴ (خوشحالی) با فاصله بهتر است. در کلاس ۷ (شگفتزدگی) بدترین عدد وجود دارد که نشان می دهد تنها توانستهایم ۱۹۸۰ درصد مثبتهای واقعی را تشخیص دهیم. معیار F1-score: این معیار به گونهای می باشد که هر دوی Precision و Recall را در نظر می گیرد. بهترین کلاس برای پیش بینی به دید این معیار کلاس ۴ و بدترین کلاس آنها کلاس ۷ بوده است.



شکل ۲-۷. ماتریس Confusion شبکه ۷-۲

به طور کلی می توانیم نتیجه بگیریم که شبکهی VGGNet شبکهی بهتری نسبت به AlexNet برای تشخیص احساسات بوده است.

البته لازم به ذکر است که پیچیدگی شبکهی VGGNet از لحاظ تعداد پارامترها اندکی بیشتر از AlexNet بوده است.

# پاسخ ۳ – تشخیص بیماران مبتلا به کووید با استفاده از عکس ریه

## 2-3. جمع آوری داده و پردازش تصویر

پس از خواندن داده های از پوشه و هم سایز کردن عکس ها به اندازه (150, 150) که در مقاله گفته شده آن ها را در ماتریس  $x_train$  و  $x_train$  ذخیره می کنیم که سایز آن ها در کد به شکل زیر گزارش شده است:

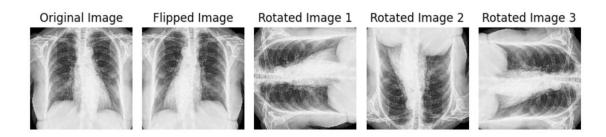
```
x_train shape: (148, 150, 150, 3)
Y_train shape: (148,)
x_test shape: (40, 150, 150, 3)
y_test shape: (40,)
```

شکل ۳-۱. ابعاد داده های train و test

در ادامه پس از نرمال کردن داده ها برای data augmentation مطابق آنچه در مقاله گفته شده همه ی عکس ها train را یکدور flip می کنیم، عکس اولیه را ۹۰ درجه ، ۱۸۰ درجه و ۲۷۰ درجه می چرخانیم لذا در کل تعداد عکس های ما 5 برابر می شود. طبق گفته سوال اینکار را به ترتیب انجام می دهیم تا با overfit مواجه نشویم یعنی پس از augmentation در ماتریس ۱۴۸ داده اول داده های اصلی ، ۱۴۸ داده دوم داده های flip شده ، ۱۴۸ داده سوم داده های ۹۰ درجه چرخیده و ... است.

```
augmented x_train shape: (740, 150, 150, 3) augmented y_train shape: (740, 1) augmentation شكل ٢-٢. ابعاد داده هاى
```

به طور رندوم یک عکس در داده های آموزش را انتخاب کرده و ورژن اصلی آن را در کنار ورژن های flip شده و rotate شده آن نشان می دهیم:



شکل ۳-۳. مثالی از داده های augment شده

در ادامه مطابق آنچه در مقاله گفته شده به صورت رندوم ۲۵٪ از داده های train را جدا کرده و به عنوان داده validation در ماتریس های مربوطه ذخیره می کنیم.

# 3-3. آموزش شبکه

مطابق لایه های گفته شده در مقاله مدل را تعریف می کنیم:

Model:

Layer (type)	Output Shape	Param #
======================================	(None, 150, 150, 64)	 1792
batch normalization	(None, 150, 150, 64)	256
max_pooling2d	(None, 75, 75, 64)	0
dropout	(None, 75, 75, 64)	0
conv2d	(None, 75, 75, 64)	36928
batch_normalization	(None, 75, 75, 64)	256
max_pooling2d	(None, 37, 37, 64)	0
dropout	(None, 37, 37, 64)	0
conv2d	(None, 37, 37, 128)	73856
batch_normalization	(None, 37, 37, 128)	512
<pre>max_pooling2d</pre>	(None, 18, 18, 128)	0
dropout	(None, 18, 18, 128)	0
conv2d	(None, 18, 18, 128)	147584
batch_normalization	(None, 18, 18, 128)	512
<pre>max_pooling2d</pre>	(None, 9, 9, 128)	0
dropout	(None, 9, 9, 128)	0
conv2d	(None, 9, 9, 256)	295168
batch_normalization	(None, 9, 9, 256)	1024
max_pooling2d	(None, 4, 4, 256)	0
dropout	(None, 4, 4, 256)	0
conv2d	(None, 4, 4, 256)	590080
batch_normalization	(None, 4, 4, 256)	1024
max_pooling2d	(None, 2, 2, 256)	0
dropout	(None, 2, 2, 256)	0
flatten	(None, 1024)	0
dense	(None, 512)	524800
batch_normalization	(None, 512)	2048
dense	(None, 256)	131328
batch_normalization	(None, 256)	1024
dense	(None, 1)	257

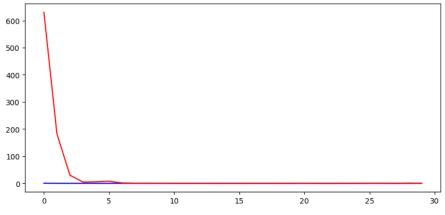
------

Total params: 1,808,449
Trainable params: 1,805,121
Non-trainable params: 3,328

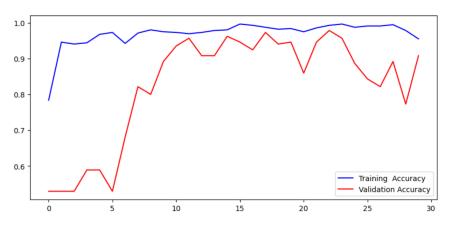
از Adam optimizer با پارامتر های

learning\_rate=0.01,
beta\_1=0.9,
beta\_2=0.999,
epsilon=1e-8

استفاده می کنیم ، همچنین برای loss از loss از BinaryCrossentropy استفاده می کنیم. با استفاده از ۳۰ ایپاک و ۲۵ batch size نتایج زیر روی داده train و validation بدست می آید:



شکل ۳-۴. Loss روی داده train (آبی رنگ) و validation (قرمز رنگ)



شکل۳-۵. accuracy روی داده train (آبی رنگ) و accuracy (قرمز رنگ)

مطابق نمودار ها loss برای هر دو داده train و validation به مقدار بسیار کمی به ترتیب حدود ۰.۱۳ و حدود ۳.۲۴ می رسد.

Accuracy برای داده train تا ۹۹.۰ و برای داده validation تا ۰.۹۸ بالا می رود منتها در هر ایپاک منظم روند افزایشی ندارد ولی در کل به ازای تعداد ایپاک های بالا روند افزایشی مطلوبی دارد.

### 4-3. ارزیابی شبکه

نتایج بدست آمده روی داده تست مطابق زیر است:

```
2/2 [=======] - 0s 18ms/step
Accuracy: 1.0
Precision: 1.0
Specificity: 1.0
Sensitivity: 1.0
F1 Score: 1.0
```

شکل۳-۶. نتایج روی داده test

به ازای initialization های مختلف در آموزش شبکه نتایجی بین ۹۰ تا ۱۰۰ درصد بر روی داده test بدست می آمد که در فوق حالتی که همه داده های test درست تشخیص داده شدند ذخیره و گزارش شده است.

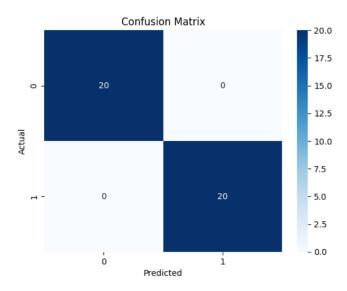
برای محاسبه معیار های خواسته شده طبق فرمول از مقادیر sositive, true negative, false مطابق زیر استفاده می کنیم:

```
TP = tf.math.count_nonzero(y_hat * y_test)
TN = tf.math.count_nonzero((y_hat - 1) * (y_test - 1))
FP = tf.math.count_nonzero(y_hat * (y_test - 1))
FN = tf.math.count_nonzero((y_hat - 1) * y_test)

precision = TP / (TP + FP)
specificity = TN / (TN + FP)
sensitivity = TP / (TP + FN)
f1_score = 2 * precision * sensitivity / (precision + sensitivity)
```

شکل۳-۷. نحوه محاسبه معیار های ارزیابی شبکه

مطابق نتایج بدست آمده شبکه مطابق مقاله روی داده test همه ی label ها را به درستی تشخیص داده است و لذا معیار های ارزیابی شبکه همگی در مقدار ماکسیمم خود یعنی ۱ قرار دارند.



شکل۳-۸. Confusion Matrix برای داده تست

با رسم ماتریس آشفتگی هم نتایج به نحو دیگری ارزیابی می شوند که نشان داده می شود ۲۰ داده با لیبل ۰ همگی به درستی ۰ تشخیص داده شده اند و ۲۰ داده دیگر با لیبل ۱ همگی به درستی ۱ تشخیص داده شده اند.

# 5-3. ارزیابی شبکه (امتیازی)

در قسمت های فوق نتایج شبکه با ۶ لایه کانولوشن نشان داده شد ، در ادامه دقت داده test را برای شبکه با ۱ تا ۵ لایه کانولوشن تکرار می کنیم.

۵ بار جداگانه مدل را تعریف کرده و با پارامتر های مشابه قسمت قبل آموزش می دهیم (کد تعریف شبکه در یک for به ازای convolution\_num متغیر نوشته شد منتها به دلیل حجم محاسبات بالا قابل run شدن نبود لذا مدل ها به تفکیک  $\alpha$  بار نوشته شدند)

### - شبکه با ۵ لایه کانولوشن:

### شکل ۳-۳. دقت شبکه با ۵ لایه کانولوشن

### - شبکه با ۴ لایه کانولوشن:

```
Epoch 29/30
23/23 [===========] - 2s 90ms/step - loss: 0.0434 - accuracy: 0.9874 - val_loss: 0.1814 - val_accuracy: 0.9514
Epoch 30/30
23/23 [==========] - 2s 90ms/step - loss: 0.0411 - accuracy: 0.9882 - val_loss: 0.1843 - val_accuracy: 0.9784
Accuracy with 4 Conv2D layers: 0.96875
```

شكل ٣-١٠. دقت شبكه با ۴ لايه كانولوشن

### - شبکه با ۳ لایه کانولوشن:

#### شكل ٣-١١. دقت شبكه با ٣ لايه كانولوشن

### - شبکه با ۲ لایه کانولوشن:

کد این قسمت مطابق قسمت های قبل در نوت بوک آپلود شده قابل مشاهده است منتها به دلیل اینکه بدون کاهش ابعاد کافی ماتریس های ورودی آن ها مستقیم به لایه fully connected داده می شوند حجم محاسبات و memory لازم بسیار بالاست که GPU در اختیار ما ( 6 gigabyte ) قادر به اختصاص این میزان حافظه نبود لذا با ارور مواجه می شدیم که در نوت بوک آپلود شده قابل مشاهده است.

### - شبکه با ۱ لایه کانولوشن:

مطابق حالت قبل در این قسمت هم به دلایل توضیح داده شده با ارور حافظه مواجه شدیم.