



به نام خدا



دانشگاه تهران
دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر
شبکه های عصبی و یادگیری عمیق
تمرین سری

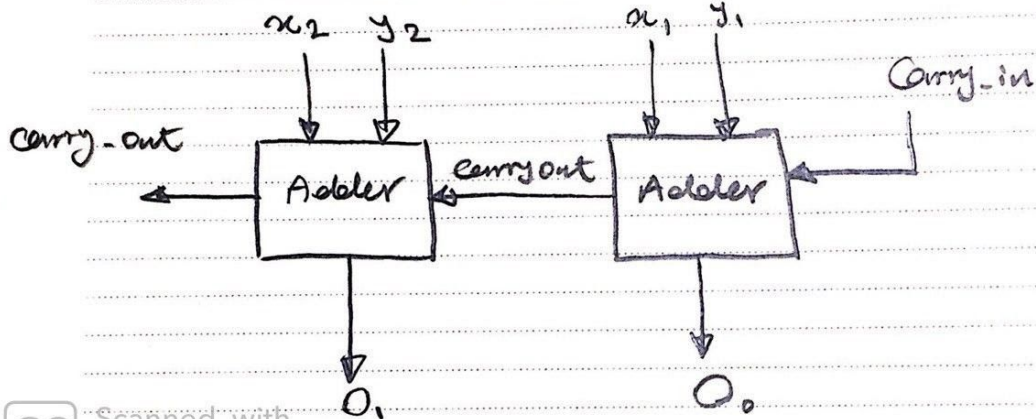
نام و نام خانوادگی	فاطمه حقیقی
شماره دانشجویی	810195385
تاریخ ارسال گزارش	1398/12/16

فهرست گزارش سوالات

- سوال 1 – طراحی full-adder با McCulloch-Pitts 2
- سوال 2 – به روزرسانی دستی شبکه ی perceptron 5
- سوال 3 – پیاده سازی، بررسی و مقایسه عملکرد دو شبکه perceptron و Adeline 6

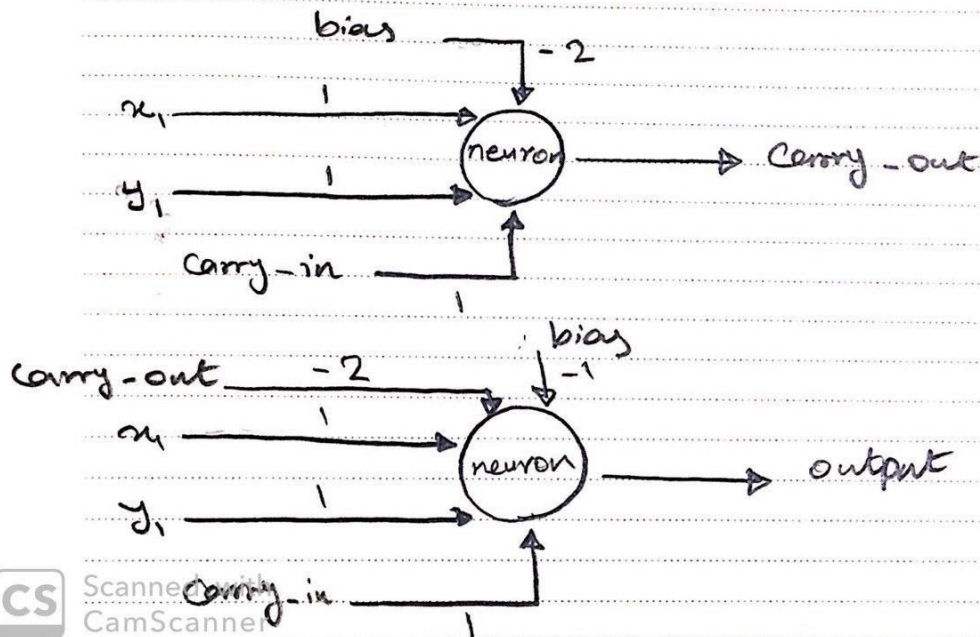
سوال 1 - طراحی full-adder با McCulloch-Pitts

همانطور که می دانیم، ساختار full adder برای دو بیت به صورت زیر می باشد:



شکل ۱: طراحی full adder دو بیتی

شماتیک کلی برای پیاده سازی یک full adder دو بیتی در این سوال به صورت زیر است:



شکل ۲: طراحی network برای full adder دو بیتی

پیاده سازی یک نورون McCulloch-Pitts به زبان پایتون به صورت زیر است:

```
class Mac_pit_neuron():
    def __init__(self, input_value, weight_value):
        self.inputs = input_value
        self.weights = weight_value

    def calculate_output(self):
        out = 0
        for i in range(len(self.inputs)):
            out = out + self.inputs[i] * self.weights[i]
        if out >= 0 :
            return 1
        else:
            return 0
```

شکل ۳: پیاده سازی نورون McCulloch-Pitts

پس از آن لازم است ساختار adder را پیاده یازی کنیم که در آن دو نورون وجود دارد، یکی برای محاسبه ی carry out و دیگری برای محاسبه ی output. پیاده سازی این ساختار به زبان پایتون به صورت زیر است:

```
class Adder():
    def __init__(self, input1, input2, carry_in, bias):
        self.input1 = input1
        self.input2 = input2
        self.carry_in = carry_in
        self.bias = bias

    def set_input_value(self, in1, in2, carry):
        self.input1 = in1
        self.input2 = in2
        self.carry_in = carry

    def calculate_output(self):
        carry_neuron = Mac_pit_neuron([self.input1, self.input2, self.carry_in, self.bias], [1, 1, 1, -2])
        carry_neuron_output = carry_neuron.calculate_output()
        output_neuron = Mac_pit_neuron([self.input1, self.input2, self.carry_in, carry_neuron_output, self.bias], [1, 1, 1, -2, -1])
        return output_neuron.calculate_output(), carry_neuron_output
```

شکل ۴: پیاده سازی adder

در مرحله ی بعد لازم است به وسیله ی adder ساختار full adder را پیاده سازی کنیم که با توجه به تعداد بیت ها، full adder لازم را بسازد. پیاده سازی این ساختار به زبان پایتون به صورت زیر است:

```

class Full_adder():
    def __init__(self, bit_number):
        self.bit_number = bit_number
        self.neurons = []

    def calculation(self, input1, input2):
        self.input1 = input1
        self.input2 = input2
        for i in range(self.bit_number):
            self.neurons.append(Adder(0, 0, 0, 1))
        carry = 0
        out = []
        for i in range(self.bit_number):
            out.append(0)
        for i in range(self.bit_number):
            self.neurons[i].set_input_value(input1[i], input2[i], carry)
            out[i], carry = self.neurons[i].calculate_output()
        return out, carry

```

شکل ۵: پیاده سازی full adder

پس از اجرای کد و نمایش دادن نتیجه، حاصل محاسبات به صورت زیر خواهد بود، که در آن مقدار یک بیتی سمت راست carry out آن محاسبه است و مقدار دو بیتی خروجی جمع می باشد:

1	[0, 0] + [0, 0] = [0, 0] 0
2	[0, 0] + [0, 1] = [0, 1] 0
3	[0, 0] + [1, 0] = [1, 0] 0
4	[0, 0] + [1, 1] = [1, 1] 0
5	[0, 1] + [0, 0] = [0, 1] 0
6	[0, 1] + [0, 1] = [1, 0] 0
7	[0, 1] + [1, 0] = [1, 1] 0
8	[0, 1] + [1, 1] = [0, 0] 1
9	[1, 0] + [0, 0] = [1, 0] 0
10	[1, 0] + [0, 1] = [1, 1] 0
11	[1, 0] + [1, 0] = [0, 0] 1
12	[1, 0] + [1, 1] = [0, 1] 1
13	[1, 1] + [0, 0] = [1, 1] 0
14	[1, 1] + [0, 1] = [0, 0] 1
15	[1, 1] + [1, 0] = [0, 1] 1
16	[1, 1] + [1, 1] = [1, 0] 1
17	

شکل ۶: نتیجه ی اجرای full adder دو بیتی بر روس تمامی اعداد ممکن

سوال ۲ - به روزرسانی دستی شبکه ی perceptron

حل تشریحی این سوال به صورت زیر است:

یادداشت ۱۳ / /

SAZEH CONSULTANTS

$$w_1 = 0.2 \quad w_2 = 0.7 \quad w_3 = 0.9 \quad \theta = 0 \quad b = -0.7$$

$$x_1 = 0 \quad x_2 = 0 \quad x_3 = 1 \quad \alpha = 0.2 \quad t = -1$$

first level $\rightarrow \text{net} = (0)(0.2) + (0)(0.7) + (1)(0.9) - 0.7 = 0.2$

$\rightarrow h = 1 \quad h - t = 1 - (-1) = 2 \neq 0 \rightarrow \text{should update weights \& bias}$

$$w'_1 = 0.2 + 0.2 \times (0) \times (-1) = 0.2$$

$$w'_2 = 0.7 + 0.2 \times (0) \times (-1) = 0.7$$

$$w'_3 = 0.9 + 0.2 \times (1) \times (-1) = 0.7$$

$$b' = -0.7 + 0.2 \times (-1) = -0.9$$

second level $\rightarrow \text{net} = 0.2 \times (0) + 0.7 \times (0) + 0.7 \times (1) - 0.9 = -0.25$

$\rightarrow h = 0 \quad h - t = 0 - (-1) = 1 \neq 0 \rightarrow \text{should update weights}$

$$w'_1 = 0.2 + 0.2 \times (0) \times (-1) = 0.2$$

$$w'_2 = 0.7 + 0.2 \times (0) \times (-1) = 0.7$$

$$w'_3 = 0.7 + 0.2 \times (1) \times (-1) = 0.5$$

$$b' = -0.9 + 0.2 \times (-1) = -1.1$$

شکل ۷: به روز رسانی دستی شبکه ی perceptron

سوال 3 — پیاده سازی، بررسی و مقایسه عملکرد دو شبکه Adeline perceptron

پیاده سازی کلاس های linear perceptron، perceptron_neuron و Adeline perceptron به صورت زیر است:

```
class Perceptron_neuron():
    def __init__(self, weights, a, bias, epoch, function):
        self.weights = weights
        self.bias = bias
        self.a = a
        self.out = 0
        self.epoch = epoch
        self.update_counter = 0
        self.function = function

    def update_rule(self, inputs, t):
        pass

    def get_weights(self):
        return self.weights

    def get_bias(self):
        return self.bias

    def get_net_value(self, inputs):
        out = 0
        for i in range(len(inputs)):
            out += self.weights[0] * inputs[i]
            out += self.weights[1] * inputs[i]
        out += self.bias
        self.out = out
        return out

    def get_h_value(self, instance):
        return self.function(self.get_net_value(instance))

    def fit(self, inputs, target):
        if self.update_counter >= self.epoch:
            return 1
        else:
            outputs = []
            for instance in inputs:
                output = self.get_h_value(instance)
                outputs.append(output)
            return np.array_equal(output, target)
```

شکل ۸: پیاده سازی کلاس perceptron_neuron

```

class Linear_perceptron(Perceptron_neuron):
    def __init__(self, weights, a, bias, epoch, function):
        super().__init__(weights, a, bias, epoch, function)

    def update_rule(self, inputs, t):
        self.update_counter += 1
        for i in range(len(inputs)):
            h = self.get_h_value(inputs[i])
            if h - t[i] != 0:
                self.bias = self.bias + self.a * t[i]
                self.weights = self.weights + self.a * inputs[i] * t[i]

```

شکل ۹: پیاده سازی کلاس linear_perceptron

```

class Adeline_perceptron(Perceptron_neuron):
    def __init__(self, weights, a, bias, epoch, function):
        super().__init__(weights, a, bias, epoch, function)

    def update_rule(self, inputs, t):
        self.update_counter += 1
        for i in range(len(inputs)):
            net = self.get_net_value(inputs[i])
            h = self.get_h_value(inputs[i])
            if h - t[i] != 0:
                self.bias = self.bias + self.a * (t[i] - net)
                self.weights = self.weights + self.a * inputs[i] * (t[i] - net)

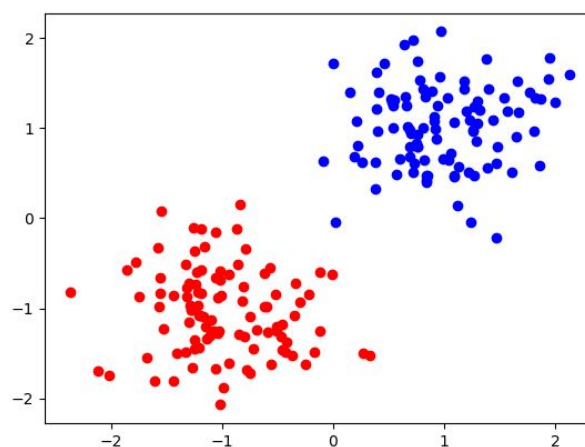
```

شکل ۱۰: پیاده سازی کلاس adeline_perceptron

همانطور که مشخص است، کلاس perceptron_neuron یک کلاس abstract است که کلاس های linear_perceptron و Adeline_perceptron از آن ارث می برند و هر کدام update_rule خود را overwrite می کنند.

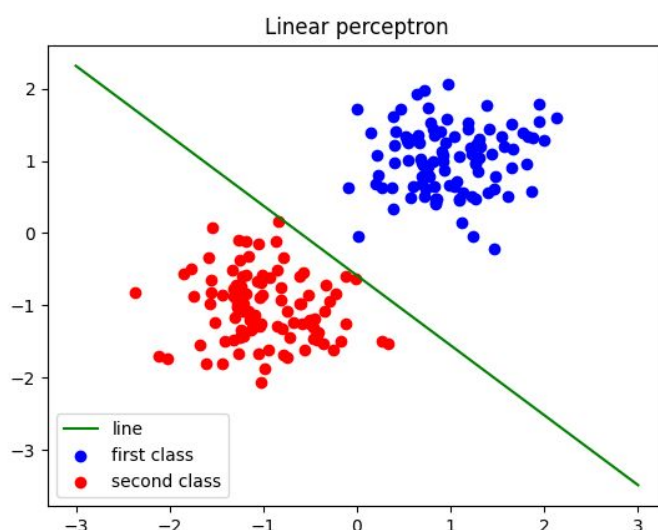
پاسخ سوالات برای مجموعه ی اول:

قسمت آ) تصویر این مجموعه داده در حالت عادی به صورت زیر است:

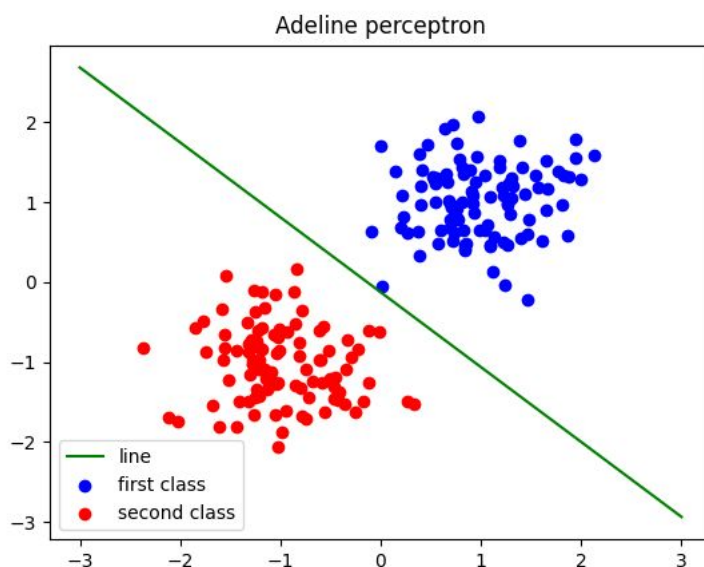


شکل ۱۱: نمونه دای از نقاط درون هر دسته در مجموعه ی اول

خطوط جداساز برای مجموعه ی اول در حالت Linear perceptron و Adeline perceptron به صورت زیر است:



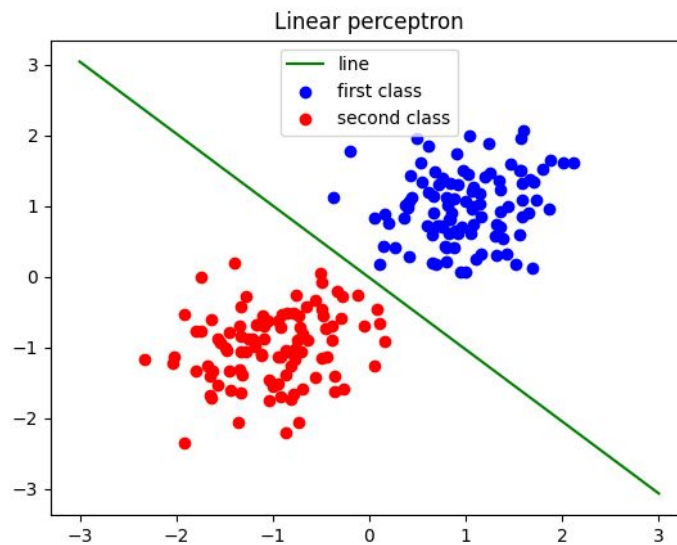
شکل ۱۲: نمونه ای از نقاط درون دسته ی اول در حالت linear perceptron



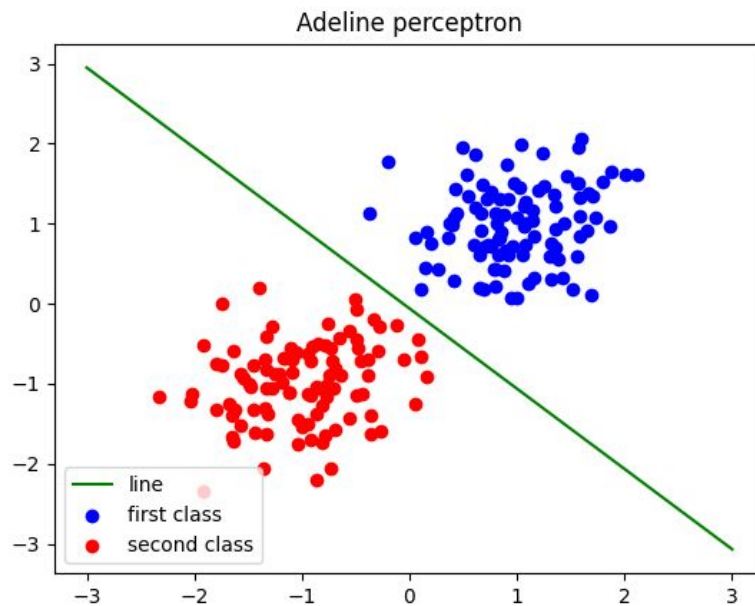
شکل ۱۳: نمونه ای از نقاط درون دسته ی اول در حالت adeline perceptron

قسمت ب) به طور کلی می توان گفت در روش perceptron در صورتی که به یک جواب برسیم، الگوریتم متوقف می شود. در روش adeline perceptron در صورتی که یک شرط پایان مناسب داشته باشیم، جداسازی بین دو کلاس با بیشترین margin صورت می گیرد.

قسمت ج) در نمونه های بالا $a = 0.2$ می باشد. در صورتی که a مقداری بزرگ باشد، در روش linear perceptron می توانیم یک جواب بیابیم اما در روش adeline perceptron الگوریتم converge نمی کند. می توان گفت در حالتی که $a = 0.01$ باشد الگوریتم adeline perceptron نیز converge خواهد کرد.



شکل ۱۴: نمونه ای از نقاط درون دسته ی اول در حالت linear perceptron با $a = 0.01$

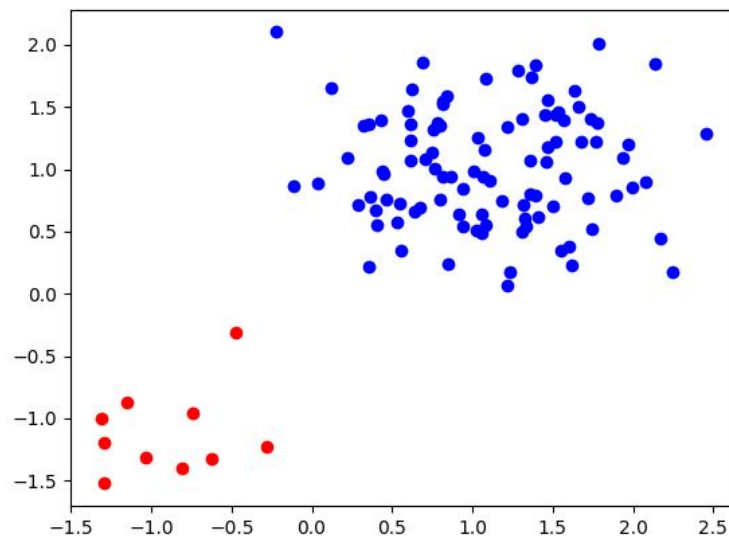


شکل ۱۵: نمونه ای از نقاط درون دسته ی اول در حالت adeline perceptron با $a = 0.01$

به طور کلی زمان همگرایی به عواملی از جمله learning rate و threshold وابسته است. در شرایطی که learning rate یکسان داشته باشیم، مدت زمان همگرایی adeline perceptron بیشتر خواهد بود زیرا این الگوریتم در جستجوی بهترین پاسخ می باشد.

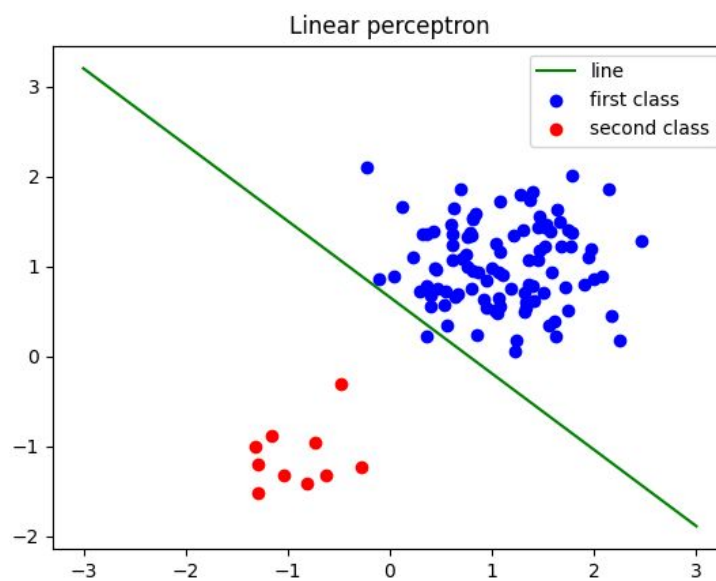
پاسخ سوالات برای مجموعه ی دوم:

قسمت آ) تصویر این مجموعه داده در حالت عادی به صورت زیر است:

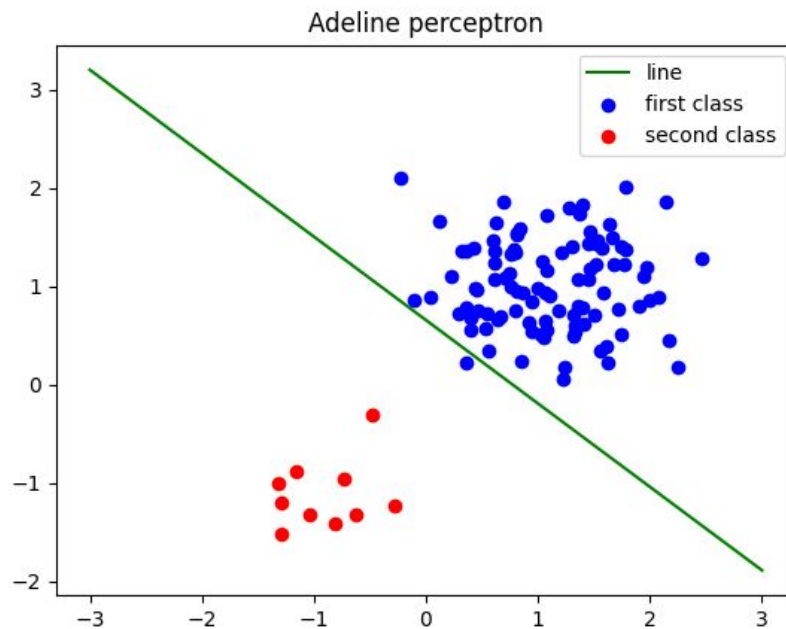


شکل ۱۶: نمونه دای از نقاط درون هر دسته در مجموعه ی دوم

خطوط جداساز برای مجموعه ی دوم در حالت Linear perceptron و Adeline perceptron به صورت زیر است:



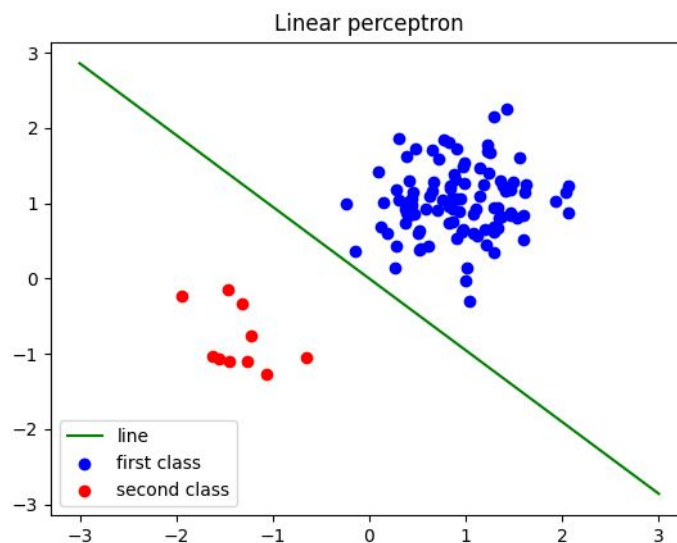
شکل ۱۷: نمونه ای از نقاط درون دسته ی دوم در حالت linear perceptron



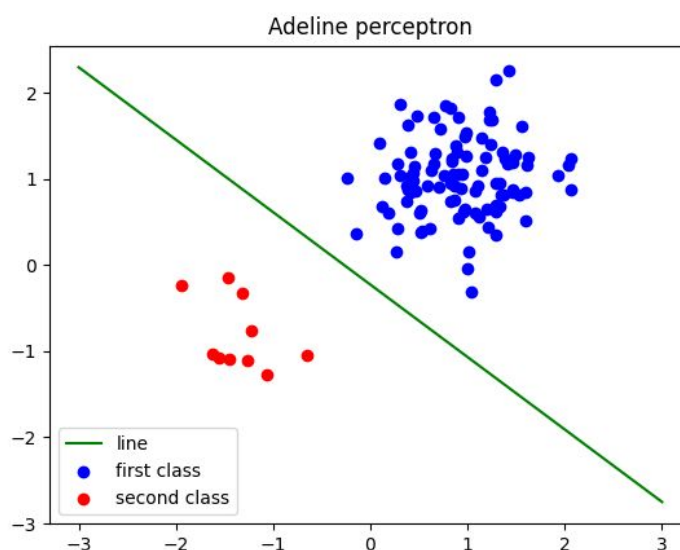
شکل ۱۸: نمونه ای از نقاط درون دسته ی دوم در حالت adeline perceptron

قسمت ب) در صورتی که برابر بودن توزیع داده ها و وجود یک learning rate مناسب ، می توان گفت در این روش الگوریتم adeline perceptron همگرا می شود . با توجه به اینکه همچین شرایطی نداریم، نمی توان در باره ی همگرایی این الگوریتم به طور قطعی نظر داد.

قسمت ج) در این بخش نیز مانند مجموعه ی قبل، در صورتی که a مقداری بزرگ باشد، در روش linear perceptron می توانیم یک جواب بیابیم اما در روش adeline perceptron الگوریتم converge نمی کند. می توان گفت در حالتی که $a = 0.5$ باشد الگوریتم adeline perceptron نیز converge خواهد کرد.



شکل ۱۹: نمونه ای از نقاط درون دسته ی دوم در حالت adeline perceptron با $a = 0.5$



شکل ۲۰: نمونه ای از نقاط درون دسته ی دوم در حالت adeline perceptron با $a = 0.5$

به طور کلی زمان همگرایی به عواملی از جمله learning rate و threshold وابسته است. در شرایطی که learning rate یکسان داشته باشیم، مدت زمان همگرایی adeline perceptron بیشتر خواهد بود زیرا این الگوریتم در جستجوی بهترین پاسخ می باشد.
