



به نام خدا



دانشگاه تهران
دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر
شبکه های عصبی و یادگیری عمیق

تمرین سری اول

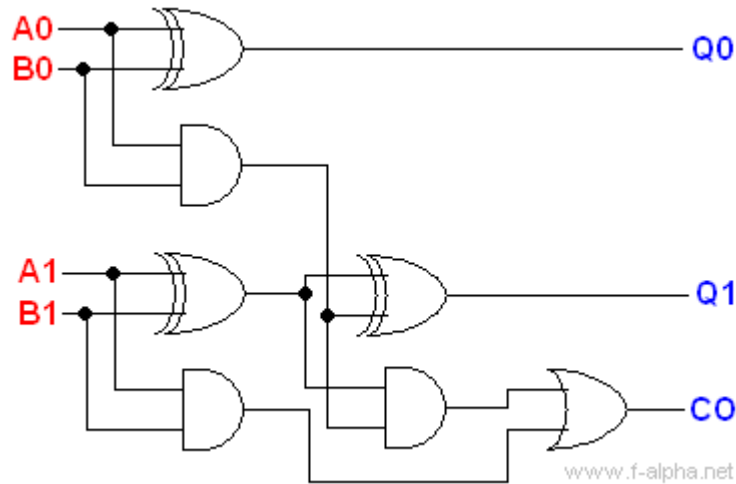
نام و نام خانوادگی	فاطمه سلیقه
شماره دانشجویی	۸۱۰۱۹۸۳۰۶
تاریخ ارسال گزارش	۹۸/۱۲/۱۶

فهرست گزارش سوالات (لطفاً پس از تکمیل گزارش، این فهرست را به روز کنید.)

- سوال ۱ - طراحی full-adder ۳
- سوال ۲ - به روزرسانی دستی شبکه perceptron ۶
- سوال ۳ - پیاده سازی perceptron و adaline ۷

سوال ۱ – طراحی full-adder با McCulloch-Pitts

گیت های یک شبکه full adder دوبیتی به صورت زیر است :



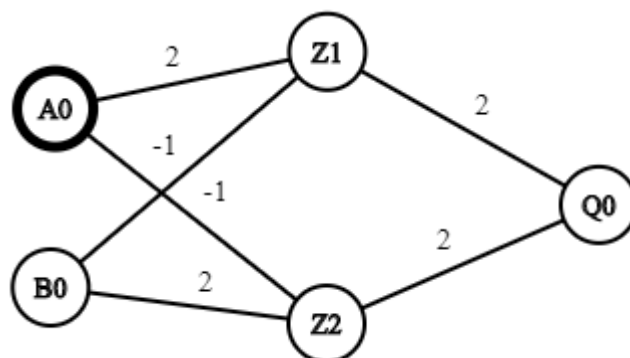
شکل ۱ full-adder

همانطور که مشاهده می کنیم بیت اول خروجی (بیت کم ارزش) از XOR بیت های کم ارزش ورودی به دست می آید:

$$Q0 = A0 \text{ xor } B0$$

بنابراین با توجه به شبکه عصبی M-P که به صورت زیر است عمل می کنیم :

x_1	x_2	\rightarrow	y
1	1		0
1	0		1
0	1		1
0	0		0



شکل ۲ شبکه عصبی برای بیت کم ارزش

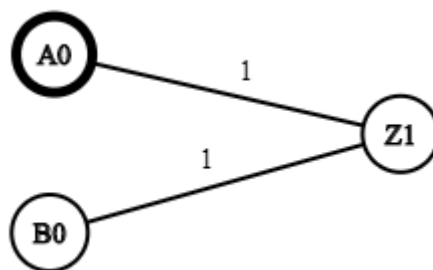
حال برای بیت پر ارزش خروجی (بیت دوم) به صورت زیر است :

$$Q1 = (A0 \text{ and } B0) \text{ xor } (A1 \text{ xor } B1)$$

گیت AND به صورت زیر است :

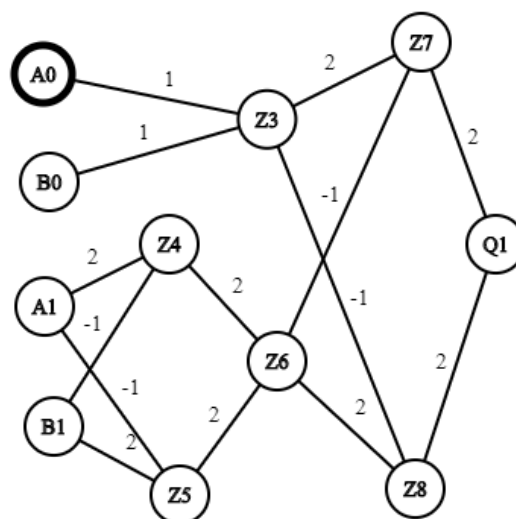
x_1	x_2	$\rightarrow y$
1	1	1
1	0	0
0	1	0
0	0	0

و شبکه عصبی M-P آن به صورت زیر خواهد بود :



شکل ۳ شبکه عصبی گیت and

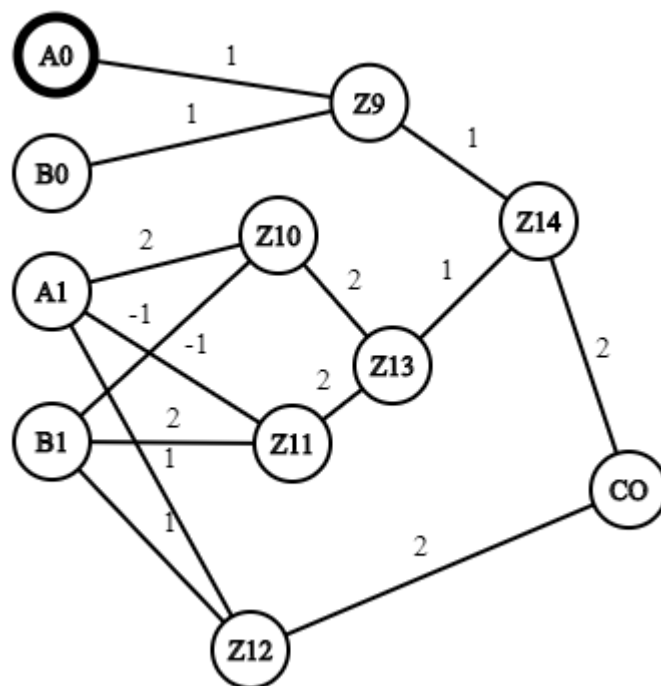
شبکه عصبی برای تولید Q1 :



شکل ۴ شبکه عصبی بیت پر ارزش full-adder

برای تولید carry out به صورت زیر است :

$$CO = ((A0 \text{ and } B0) \text{ and } (A1 \text{ xor } B1)) \text{ or } (A1 \text{ and } B1)$$



شکل ۵ شبکه عصبی carry out

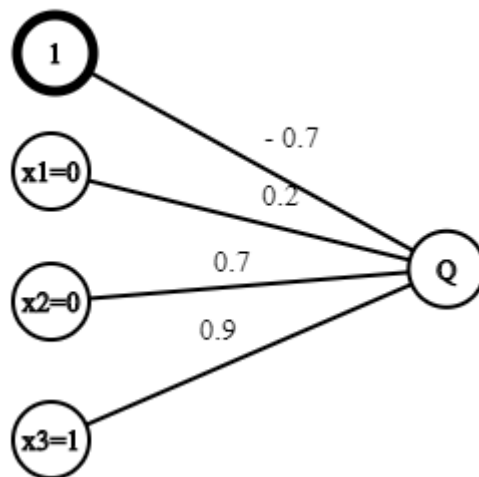
طراحی بالا پیاده سازی شده است و نتیجه به صورت زیر است :

```
00 + 00 = 0 0 0
00 + 01 = 0 0 1
00 + 10 = 0 1 0
00 + 11 = 0 1 1
01 + 00 = 0 0 1
01 + 01 = 0 1 0
01 + 10 = 0 1 1
01 + 11 = 1 0 0
10 + 00 = 0 1 0
10 + 01 = 0 1 1
10 + 10 = 1 0 0
10 + 11 = 1 0 1
11 + 00 = 0 1 1
11 + 01 = 1 0 0
11 + 10 = 1 0 1
11 + 11 = 1 1 0
```

شکل ۶ خروجی

سوال ۲ – به روزرسانی دستی شبکه Perceptron

شبکه مورد نظر به صورت زیر است :



شکل ۷ شبکه perceptron

$$t = -1$$

$$y - in = \sum w_i x_i + b$$

$$y = \begin{cases} +1 & \text{if } y - in > 0 \\ -1 & \text{if } y - in < 0 \end{cases}$$

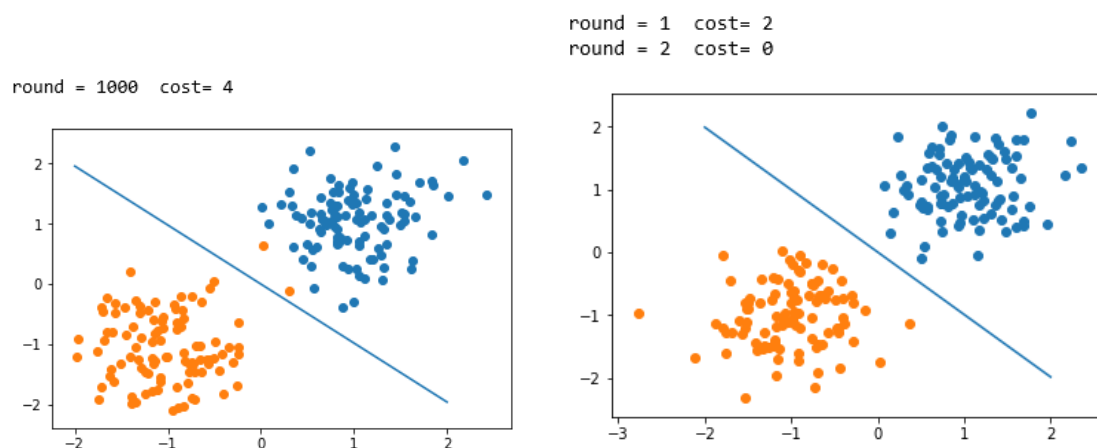
جدول ۲ به روز رسانی وزن ها

W0	W1	W2	W3	y
-0.7	0.2	0.7	0.9	1
-0.9	0.2	0.7	0.7	-1

سوال ۳ – پیاده سازی، بررسی و مقایسه عملکرد دو شبکه Adaline و Perceptron

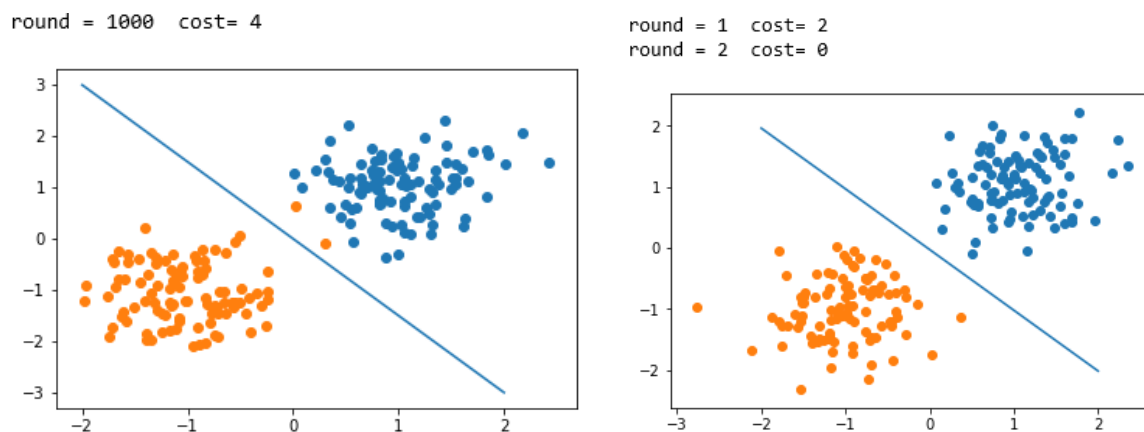
(الف)

نتیجه به دست آمده از perceptron از مجموعه داده اول به ازای $\text{lr} = 0.001$:



شکل ۸ خرجی perceptron دسته اول

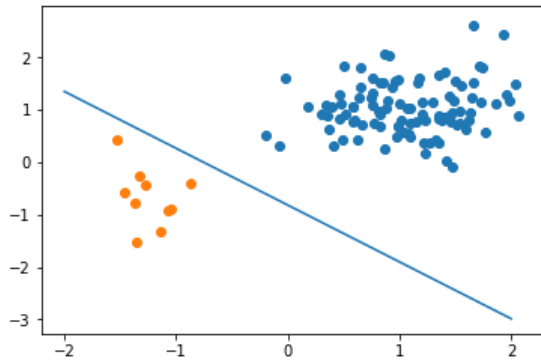
نتیجه به دست آمده از adaline از مجموعه داده اول با $\text{lr}=0.001$:



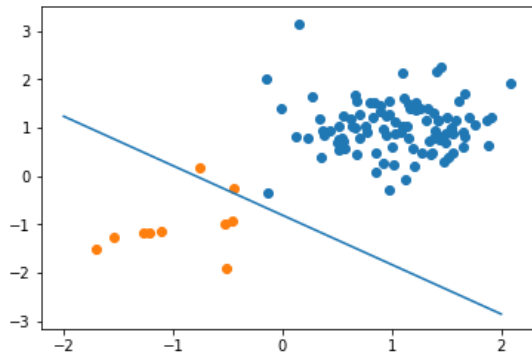
شکل ۹ خرجی adaline دسته اول

نتیجه به دست آمده از perceptron از مجموعه داده دوم با $lr = 0.001$:

round = 1 cost= 2
round = 2 cost= 0



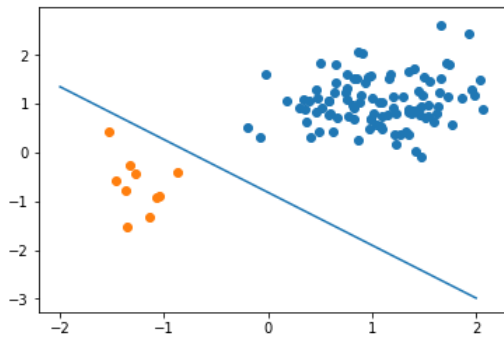
round = 1000 cost= 4



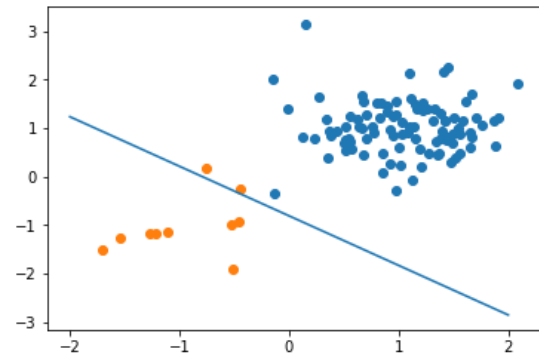
شکل ۱۰ خرجی perceptron دسته دوم

نتیجه به دست آمده از adaline از مجموعه داده دوم با $lr = 0.001$:

round = 1 cost= 2
round = 2 cost= 0



round = 57 cost= 0

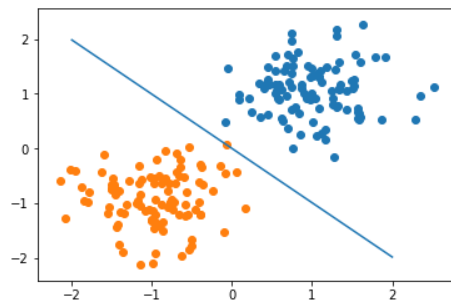


شکل ۱۱ خرجی adaline دسته دوم

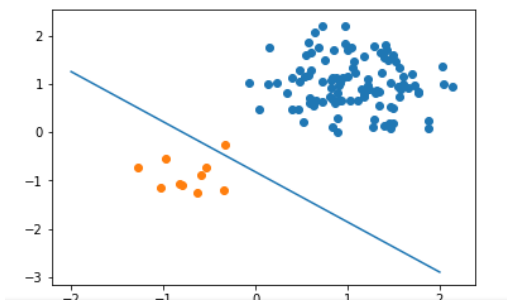
(ب)

: Perceptron

round = 71 cost= 0



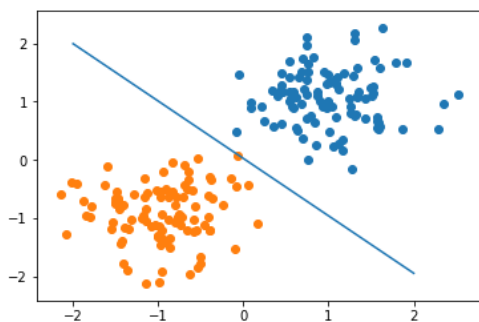
round = 1000 cost= 2



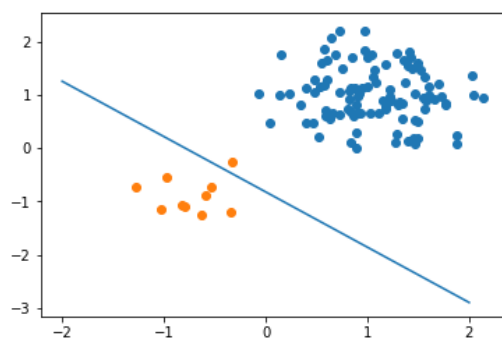
شکل ۱۲ خرجی perceptron

:Adaline

round = 5 cost= 0



round = 23 cost= 0



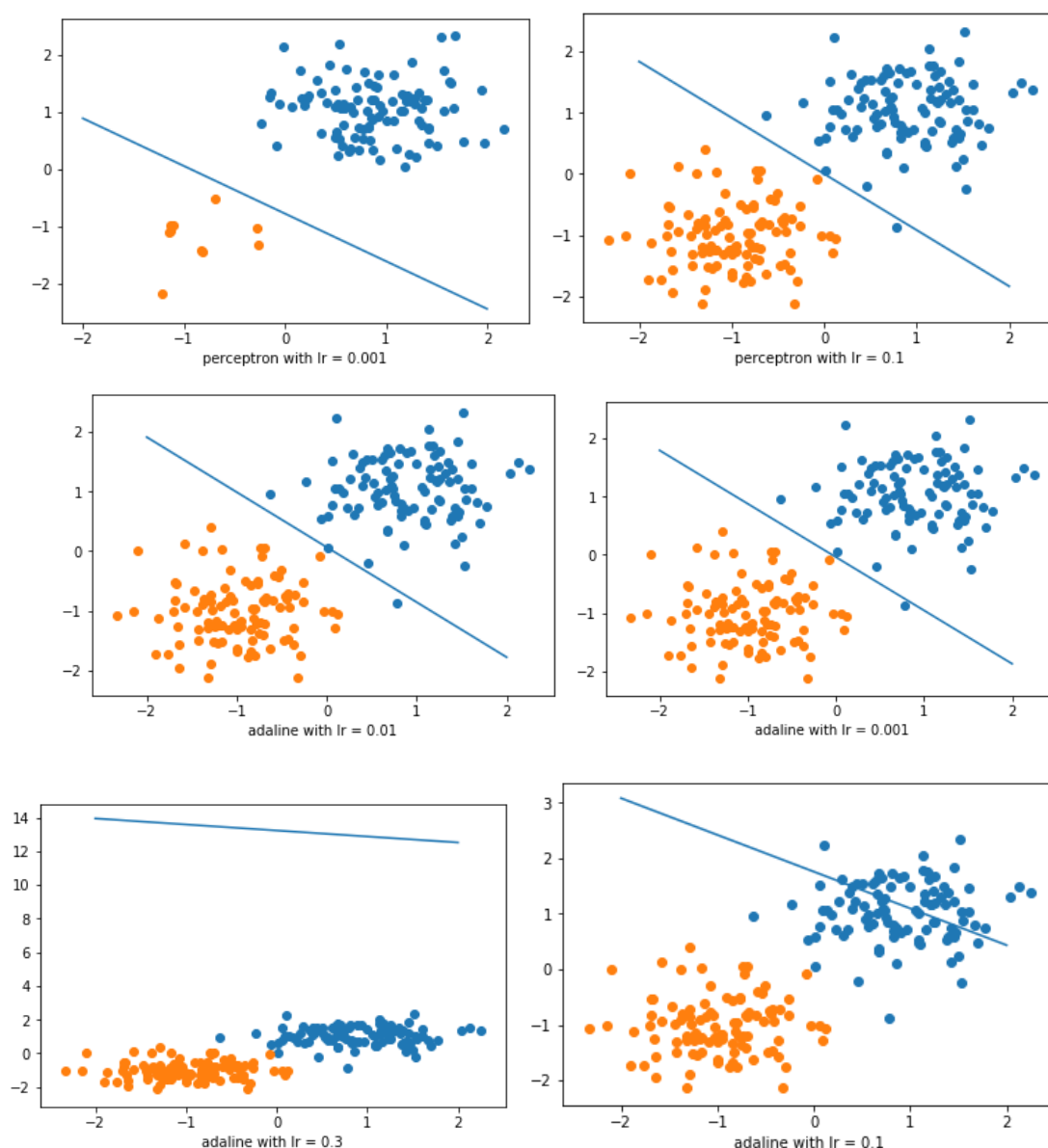
شکل ۱۳ خرجی adaline

با توجه به نتایج به دست آمده از قسمت الف و عکس های بالا نتایجی که به دست آمده به این صورت است که در داده های balance یعنی در حالتی که تعداد دو نوع داده یکسان است در هر دو الگوریتم سریع تر همگرا می شویم اما در داده های imbalance معمولا زمان همگرایی بیشتر طول می کشد .

از طرفی با توجه به عکس های بالا در این قسمت می بینیم که Adaline سریع تر از perceptron همگرا می شود . مثلا perceptron با ۱۰۰۰ دور ولی adaline با ۲۳ دور همگرا می شود . و معمولا خط کلاس بندی آنها تقریبا یکسان است .

(ج)

الگوریتم های perceptron , adaline و هم چنین دو دسته داده برای lr های متفاوت بررسی شدند و نتیجه به دست آمده به این صورت است که برای الگوریتم perceptron تغییر lr تاثیری ایجاد نمی کرد . ولی برای adaline در دسته اول افزایش lr باعث کاهش دقت میشد و کلاس بندی به خوبی انجام نمی شد . و هم چنین زمان اجرای الگوریتم افزایش می یابد. اما adaline در دسته دوم تغییرات زیادی نداشت . بنابراین هر چه lr کمتر بود بهتر عمل می کرد و $lr = 0.001$ برای هر دو الگوریتم خوب عمل می کند.



شکل ۱۴ خرجی برای lr های مختلف