

**SAKARYA UYGULAMALI BİLİMLER ÜNİVERSİTESİ**

**TEKNOLOJİ FAKÜLTESİ**

**BİLGİSAYAR MÜHENDİSLİĞİ**



**SAKARYA  
UYGULAMALI BİLİMLER  
ÜNİVERSİTESİ**

**- YAPAY ZEKANIN İLKELERİ DERSİ PROJE RAPORU -**

**- SU ŞİŞESİ PROBLEMİ BFS ve DFS -**

**Öğretim Görevlisi : Doç. Dr. Ekin EKİNCİ**

**Arş. Gör. Furkan ATBAN**

**HAZIRLAYANLAR:**

**23010903055 - FATMA YAŞAR**

**23010903049 - SÜMEYYE GÜL**

## **1.Proje Amacı**

Bu projenin amacı, yapay zekâda temel konulardan biri olan **durum uzayında arama algoritmalarını** uygulamalı olarak öğrenmek ve analiz etmektir. Bu doğrultuda, klasik yapay zekâ problemlerinden biri olan **Su Şişesi Problemi** ele alınmıştır. Problemin çözümünde, sınırlı kapasiteye sahip iki şişe kullanılarak belirli bir hedef su miktarına ulaşılması hedeflenmiştir.

Çözüm için **Breadth-First Search (BFS)** ve **Depth-First Search (DFS)** algoritmaları uygulanarak, algoritmaların problem çözme süreçleri karşılaştırmalı olarak incelenmiştir. Ayrıca, her iki algoritmanın farklı senaryolarda nasıl çalıştığı, adım adım geçilen durumlar üzerinden analiz edilmiştir.

## **2.Proje İçeriği**

Problemde iki farklı kapasiteye sahip su şişesi kullanılarak, belirli bir hedef miktarda su elde edilmeye çalışılmıştır.

Proje kapsamında:

- Problemin **durum uzayı** ve **geçiş kuralları** tanımlanmıştır.
- **Breadth-First Search (BFS)** ve **Depth-First Search (DFS)** algoritmaları Python dilinde uygulanmıştır.
- Farklı başlangıç durumları için algoritmalar test edilmiş, çözüm yolları adım adım gösterilmiştir.
- Her algoritmanın performansı karşılaştırılmış, çözüm bulunabilirliği değerlendirilmiştir.
- Sonuçlar tablo ve çıktı halinde görselleştirilmiştir.

### **3.Giriş**

Bu projede, iki farklı arama algoritması olan **BFS** ve **DFS** yöntemleri kullanılarak klasik **su şişesi problemi** çözülmüştür. Amaç, verilen iki şişe kapasitesi ve hedef hacme ulaşmak için gerekli adımları belirlemektir.

### **4. Problem Tanımı**

İki şişemiz bulunmaktadır. Her iki şişeye de su doldurma, boşaltma veya birbirlerine dökme işlemleri uygulanabilir. Verilen bir hedef miktarda su elde edilmek istenmektedir.

### **5. Geçiş Kuralları**

Bir durumdan diğerine geçiş yapmak için uygulanabilecek kurallar:

❖ **Bir şişeyi tamamen doldurmak:**

- A şişesini doldur: (a\_kapasite, b)
- B şişesini doldur: (a, b\_kapasite)

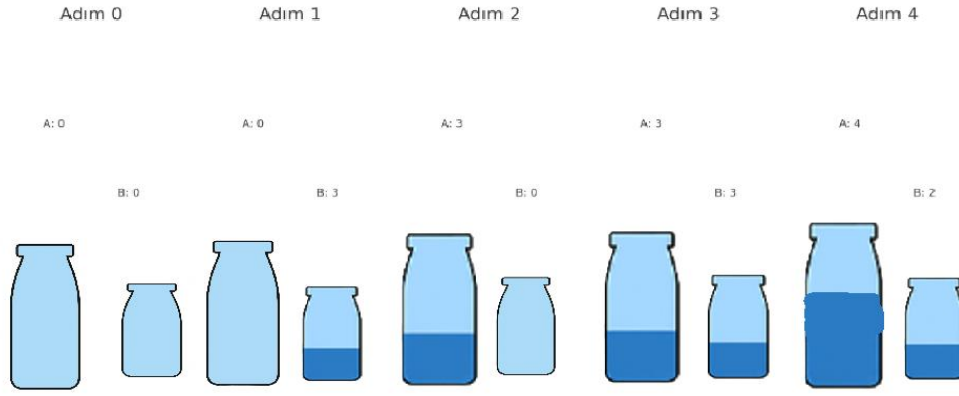
❖ **Bir şişeyi tamamen boşaltmak:**

- A şişesini boşalt: (0, b)
- B şişesini boşalt: (a, 0)

❖ **Bir şişedeki suyu diğer şişeye dökmek:**

- A'dan B'ye dök:
  - Miktar:  $\min(a, b\_kapasite - b)$
  - Yeni durum: (a - miktar, b + miktar)
- B'den A'ya dök:
  - Miktar:  $\min(b, a\_kapasite - a)$
  - Yeni durum: (a + miktar, b - miktar)

**Geçiş Kuralları Adımları :**



## 6.Kod Yapısı ve Açıklamaları

**1.EBOB Fonksiyonu : En Büyük Ortak Bölenini** hesaplar. EBOB, hedef miktarın şişelerle elde edilip edilemeyeceğini kontrol etmek için kullanılır. Hedef, EBOB'a bölünebiliyorsa çözüm mümkündür.

### **Çalışma Prensipleri:**

EBOB hesaplanır. Eğer b sıfırsa, a değeri EBOB olarak döndürülür. Aksi takdirde, a ve b'nin modülünü alarak işlem devam eder. Bu, b sıfır olana kadar tekrarlanır.

```
# EBOB (GCD) hesaplama fonksiyonu
def ebob(a, b):
    if b == 0:
        return a
    return ebob(b, a % b)
```

**2. BFS Fonksiyonu (bfs\_agaci(a\_kapasite, b\_kapasite, hedef)):** Bu fonksiyon, su şişesi problemini BFS yöntemiyle çözerek en kısa çözüm yolunu bulur.

- **Başlangıç:** (0, 0) durumuyla başlar.
- **Yapı:** Kuyruk kullanılarak her durum sırayla işlenir.
- **Ziyaret Takibi:** Aynı durum tekrar işlenmez.
- **Geçişler:** Şişeleri doldurma, boşaltma ve birbirine dökme işlemleriyle yeni durumlar üretilir.
- **Ebeveyn Haritası:** Hedefe ulaşıldığında çözüm yolu geriye dönük izlenerek oluşturulur.

- **Çıktı:** Hedefe ulaşırsa çözüm yolu, ulaşılmazsa None döner.

```
# BFS (Genislik öncelikli Arama) ile çözüm bulma
def bfs_agaci(a_kapasite, b_kapasite, hedef):
    ziyaret_edilenler = set()
    kuyruk = deque()
    ebeveyn_haritasi = {}

    baslangic = (0, 0)
    kuyruk.append(baslangic)
    ziyaret_edilenler.add(baslangic)
    ebeveyn_haritasi[baslangic] = None
```

3. **DFS Fonksiyonu (dfs\_agaci(a\_kapasite, b\_kapasite, hedef)):** Bu fonksiyon, problemi DFS yöntemiyle çözmeye çalışarak çözüm yolunu derinlemesine arar.

- **Başlangıç:** (0, 0) durumuyla başlar.
- **Yapı:** Yığın kullanılır, derinlik öncelikli ilerleme yapılır.
- **Ziyaret Takibi:** Her durum yalnızca bir kez ziyaret edilir.
- **Geçişler:** BFS ile aynı geçiş kuralları uygulanır.
- **Ebeveyn Haritasi:** Çözüm bulunduğunda yol geriye izlenerek oluşturulur.
- **Çıktı:** Hedefe ulaşıyorsa çözüm yolu, değilse None döner.

```
# DFS (Derinlik Öncelikli Arama) ile çözüm bulma
def dfs_agaci(a_kapasite, b_kapasite, hedef):
    ziyaret_edilenler = set()
    yigin = []
    ebeveyn_haritasi = {}

    baslangic = (0, 0)
    yigin.append(baslangic)
    ziyaret_edilenler.add(baslangic)
    ebeveyn_haritasi[baslangic] = None
```

## 7. Test Senaryoları

**Senaryo 1: A Kapasite: 4, B Kapasite: 3, Hedef: 2**

### BFS Test Senaryoları:

- ❖ **Başlangıç Durumu Doğrulama:**
  - Başlangıç durumu (0, 0) olmalı.
- ❖ **Geçişlerin Doğruluğu:**
  - (0, 0) → (4, 0) geçişi A şişesinin doldurulmasıyla yapılmalı.
  - (4, 0) → (0, 3) geçişi B şişesinin doldurulmasıyla yapılmalı.
  - (0, 3) → (4, 3) geçişi A şişesinin doldurulmasıyla yapılmalı.
  - (4, 3) → (1, 3) geçişi A'dan B'ye dökme işlemiyle yapılmalı.

- $(1, 3) \rightarrow (3, 0)$  geçişi B şişesinin boşaltılmasıyla yapılmalı.
- $(3, 0) \rightarrow (1, 0)$  geçişi A'dan B'ye dökme işlemiyle yapılmalı.
- $(1, 0) \rightarrow (3, 3)$  geçişi B şişesinin doldurulmasıyla yapılmalı.
- $(3, 3) \rightarrow (0, 1)$  geçişi A'dan B'ye dökme işlemiyle yapılmalı.
- $(0, 1) \rightarrow (4, 2)$  geçişi A şişesinin doldurulmasıyla yapılmalı.

❖ **Hedef Durum Testi:**

- Son durumda,  $(4, 2)$  olmalı ve hedef doğru bir şekilde ulaşılmalı.

### DFS Test Senaryoları:

❖ **Başlangıç Durumu Doğrulama:**

- Başlangıç durumu  $(0, 0)$  olmalı.

❖ **Geçişlerin Doğruluğu:**

- $(0, 0) \rightarrow (0, 3)$  geçişi B şişesinin doldurulmasıyla yapılmalı.
- $(0, 3) \rightarrow (3, 0)$  geçişi B'den A'ya dökme işlemiyle yapılmalı.
- $(3, 0) \rightarrow (3, 3)$  geçişi B şişesinin doldurulmasıyla yapılmalı.
- $(3, 3) \rightarrow (4, 2)$  geçişi A şişesinin doldurulup A'dan B'ye dökme işlemiyle yapılmalı.

❖ **Hedef Durum Testi:**

- A kabında 2 litre su bulunduğu  $(4, 2)$  hedef durumu doğrulanmalı.

### Senaryo 2: A Kapasite: 5, B Kapasite: 2, Hedef: 1

### BFS Test Senaryoları:

❖ **Başlangıç Durumu Doğrulama:**

- Başlangıç durumu  $(0, 0)$  olmalı.

❖ **Geçişlerin Doğruluğu:**

- $(0, 0) \rightarrow (5, 0)$  geçişi A şişesinin doldurulmasıyla yapılmalı.
- $(5, 0) \rightarrow (0, 2)$  geçişi B şişesinin doldurulmasıyla yapılmalı.
- $(0, 2) \rightarrow (5, 2)$  geçişi A şişesinin doldurulmasıyla yapılmalı.
- $(5, 2) \rightarrow (3, 2)$  geçişi A'dan B'ye dökme işlemiyle yapılmalı.
- $(3, 2) \rightarrow (2, 0)$  geçişi B şişesinin boşaltılmasıyla yapılmalı.
- $(2, 0) \rightarrow (3, 0)$  geçişi A şişesinin doldurulmasıyla yapılmalı.
- $(3, 0) \rightarrow (2, 2)$  geçişi B şişesinin doldurulmasıyla yapılmalı.
- $(2, 2) \rightarrow (1, 2)$  geçişi A'dan B'ye dökme işlemiyle yapılmalı.

❖ **Hedef Durum Testi:**

- Son durumda,  $(1, 2)$  olmalı ve hedef doğru bir şekilde ulaşılmalı.

### DFS Test Senaryoları:

#### ❖ Başlangıç Durumu Doğrulama:

- Başlangıç durumu  $(0, 0)$  olmalı.

#### ❖ Geçişlerin Doğruluğu:

- $(0, 0) \rightarrow (0, 2)$  geçişi B şişesinin doldurulmasıyla yapılmalı.
- $(0, 2) \rightarrow (2, 0)$  geçişi B'den A'ya dökme işlemiyle yapılmalı.
- $(2, 0) \rightarrow (2, 2)$  geçişi B şişesinin tekrar doldurulmasıyla yapılmalı.
- $(2, 2) \rightarrow (4, 0)$  geçişi B'den A'ya dökme işlemiyle yapılmalı.
- $(4, 0) \rightarrow (4, 2)$  geçişi B şişesinin doldurulmasıyla yapılmalı.
- $(4, 2) \rightarrow (5, 1)$  geçişi A şişesinin doldurulup A'dan B'ye dökme işlemiyle yapılmalı.

#### ❖ Hedef Durum Testi:

- B kabında 1 litre su bulunduğu  $(5, 1)$  hedef durumu doğrulanmalı.

### Senaryo 3: A Kapasite: 6, B Kapasite: 4, Hedef: 2

### BFS Test Senaryoları:

#### ❖ Başlangıç Durumu Doğrulama:

- Başlangıç durumu  $(0, 0)$  olmalı.

#### ❖ Geçişlerin Doğruluğu:

- $(0, 0) \rightarrow (6, 0)$  geçişi A şişesinin doldurulmasıyla yapılmalı.
- $(6, 0) \rightarrow (0, 4)$  geçişi B şişesinin doldurulmasıyla yapılmalı.
- $(0, 4) \rightarrow (6, 4)$  geçişi A şişesinin doldurulmasıyla yapılmalı.
- $(6, 4) \rightarrow (2, 4)$  geçişi A'dan B'ye dökme işlemiyle yapılmalı.

#### ❖ Hedef Durum Testi:

- Son durumda,  $(2, 4)$  olmalı ve hedef doğru bir şekilde ulaşılmalı.

### DFS Test Senaryoları:

#### ❖ Başlangıç Durumu Doğrulama:

- Başlangıç durumu  $(0, 0)$  olmalı.

#### ❖ Geçişlerin Doğruluğu:

- $(0, 0) \rightarrow (0, 4)$  geçişi B şişesinin doldurulmasıyla yapılmalı.
- $(0, 4) \rightarrow (4, 0)$  geçişi B'den A'ya dökme işlemiyle yapılmalı.
- $(4, 0) \rightarrow (4, 4)$  geçişi B şişesinin doldurulmasıyla yapılmalı.
- $(4, 4) \rightarrow (6, 2)$  geçişi A şişesinin doldurulup A'dan B'ye dökme işlemiyle yapılmalı.

#### ❖ Hedef Durum Testi:

- B kabında 2 litre su bulunduğu  $(6, 2)$  hedef durumu doğrulanmalı.

## 8.Durum Uzayları

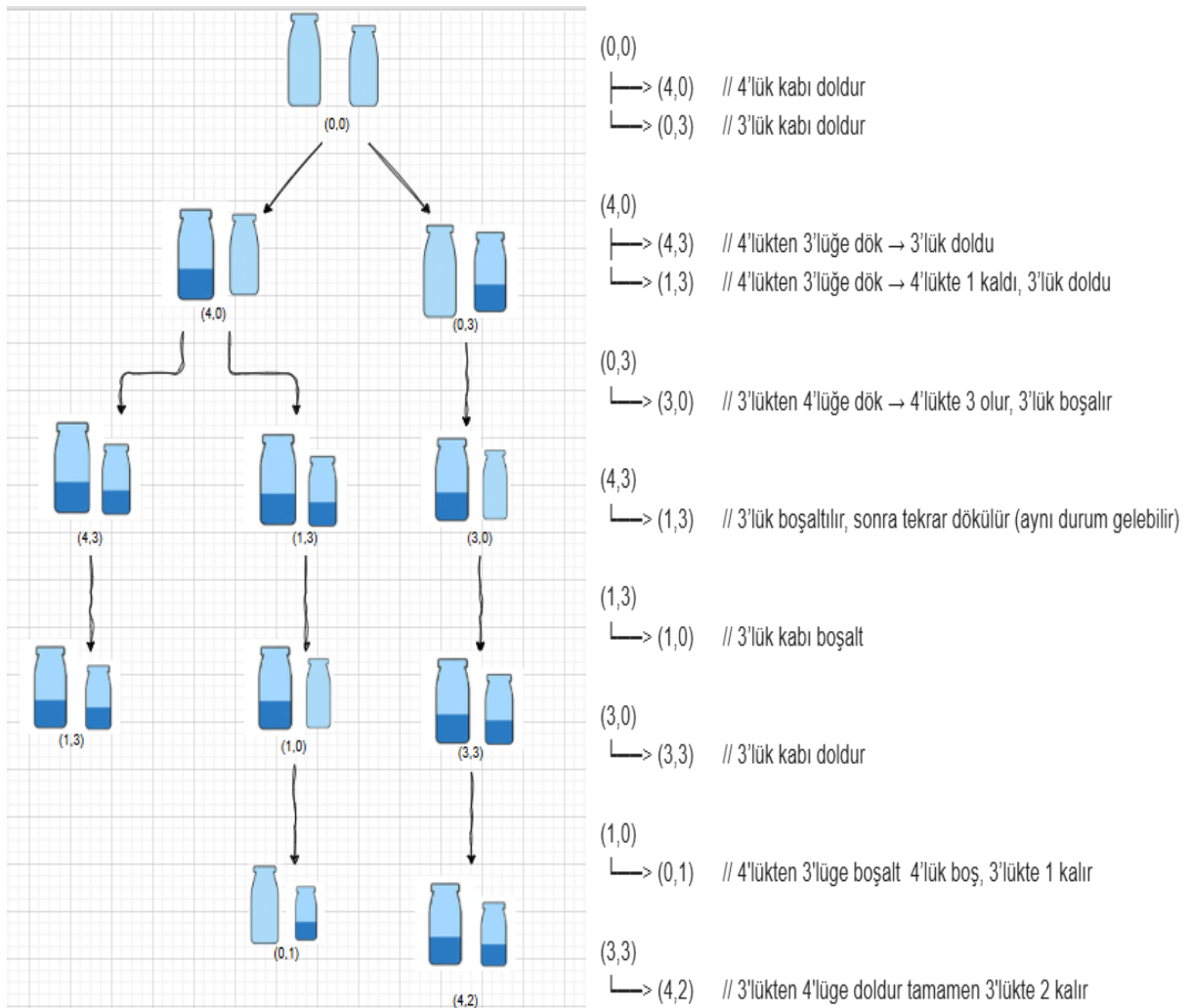
Senaryo 1 ( $A = 4, B = 3, Hedef = 2$ )

**BFS Durum Uzaı:**

$(0, 0), (4, 0), (0, 3), (4, 3), (1, 3), (3, 0), (1, 0), (3, 3), (0, 1), (4, 2)$

**BFS ile Bulunan Çözüm Yolu:**

$(0, 0) \rightarrow (0, 3) \rightarrow (3, 0) \rightarrow (3, 3) \rightarrow (4, 2)$



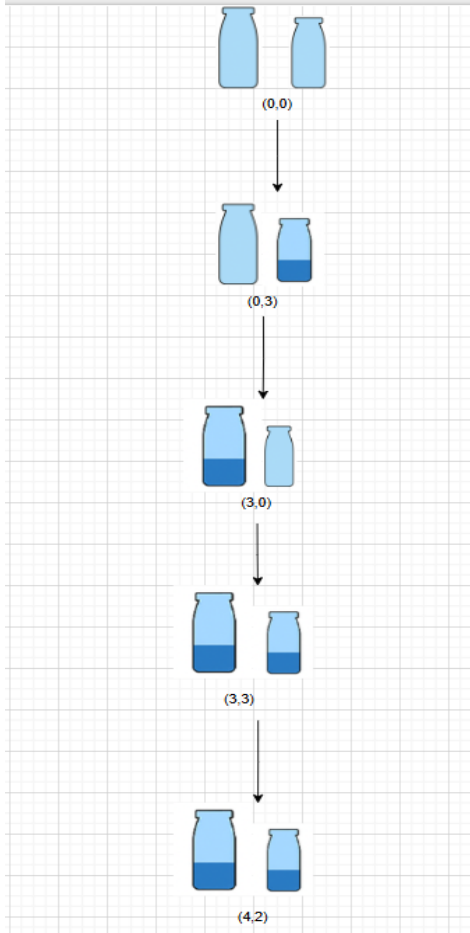


### DFS Durum Uzayı:

$(0, 0)$ ,  $(0, 3)$ ,  $(3, 0)$ ,  $(3, 3)$ ,  $(4, 2)$

### DFS ile Bulunan Çözüm Yolu:

$(0, 0) \rightarrow (0, 3) \rightarrow (3, 0) \rightarrow (3, 3) \rightarrow (4, 2)$



```
0, 0) // Başlangıç, her iki kap da boş
└─> (0, 3) // 3 litrelik kabı doldur
    └─> (3, 0) // 3 litrelik sudan 4 litrelik kaba dök
        └─> (3, 3) // 3 litrelik kabı tekrar doldur
            └─> (4, 2) // 3 litrelik sudan 4 litrelik kaba 2 litre dök → Hedef: 2 litre
```

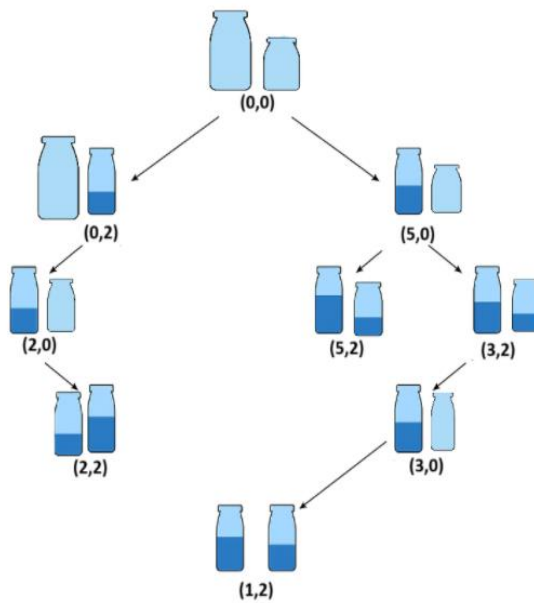
## Senaryo 2 ( $A = 5, B = 2, Hedef = 1$ )

### BFS Durum Uzayı:

$(0, 0), (5, 0), (0, 2), (5, 2), (3, 2), (2, 0), (3, 0), (2, 2), (1, 2)$

### BFS ile Bulunan Çözüm Yolu:

$(0, 0) \rightarrow (5, 0) \rightarrow (3, 2) \rightarrow (3, 0) \rightarrow (1, 2)$



```
(0,0)
├──> (5,0)    // 5'lik kabı doldur
└──> (0,2)    // 2'lik kabı doldur

(5,0)
├──> (5,2)    // 5'lik kaptan 2'liğe dök (2'lik doldu)
└──> (3,2)    // 5'lik kaptan 2'liğe dök → 2'lik doldu, 5'likte 3 kaldı

(0,2)
└──> (2,0)    // 2'lik kaptan 5'liğe dök (sonuç: 2'lik boş, 5'likte 2 oldu)

(3,2)
└──> (3,0)    // 2'lik kabı boşalt

(2,0)
└──> (2,2)    // 2'lik kabı doldur

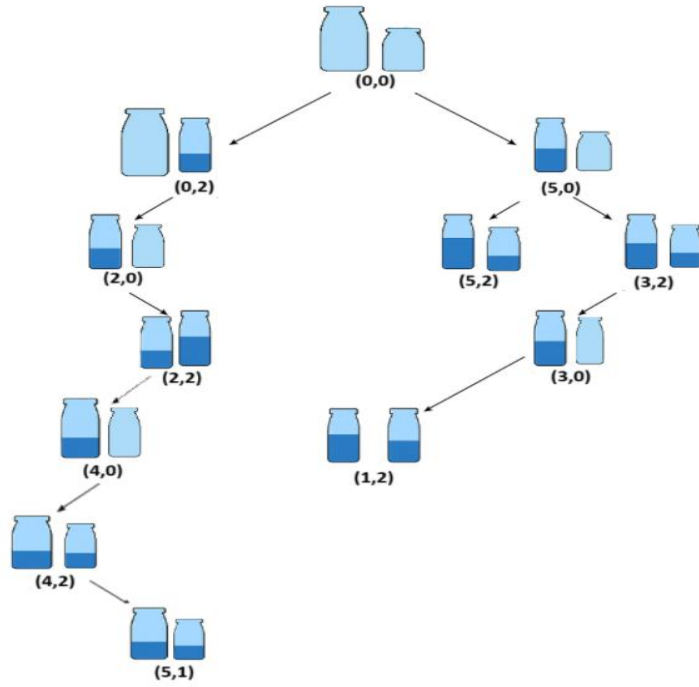
(3,0)
└──> (1,2)    // 3'lükten 2'liğe dök → 5'likte 1 kaldı, 2'lik doldu
```

### DFS Durum Uzayı:

$(0, 0), (0, 2), (2, 0), (2, 2), (4, 0), (4, 2), (5, 1)$

### DFS ile Bulunan Çözüm Yolu:

$(0, 0) \rightarrow (0, 2) \rightarrow (2, 0) \rightarrow (2, 2) \rightarrow (4, 0) \rightarrow (4, 2) \rightarrow (5, 1)$



$(0,0)$  // Her iki kap da boş  
└─>  $(0,2)$  // 2'lik kabı doldur

$(0,2)$   
└─>  $(2,0)$  // 2'lik kaptaki suyu 5'lik kaba dök → 5'likte 2, 2'lik boş

$(2,0)$   
└─>  $(2,2)$  // 2'liği tekrar doldur

$(2,2)$   
└─>  $(4,0)$  // 2'liği 5'liğe dök → 5'likte toplam 4 olur

$(4,0)$   
└─>  $(4,2)$  // 2'lik kabı tekrar doldur

$(4,2)$   
└─>  $(5,1)$  // 2'lik kaptan 5'liğe dök → 5'lik doldu (5), 2'likte 1 kaldı

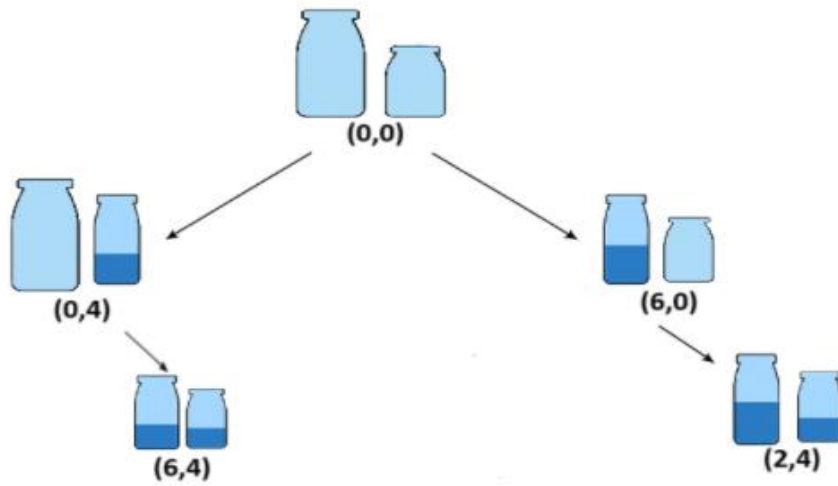
### Senaryo 3 ( $A = 6, B = 4, Hedef = 2$ )

#### **BFS Durum Uzayı:**

$(0, 0), (6, 0), (0, 4), (6, 4), (2, 4)$

#### **BFS ile Bulunan Çözüm Yolu:**

$(0, 0) \rightarrow (6, 0) \rightarrow (2, 4)$



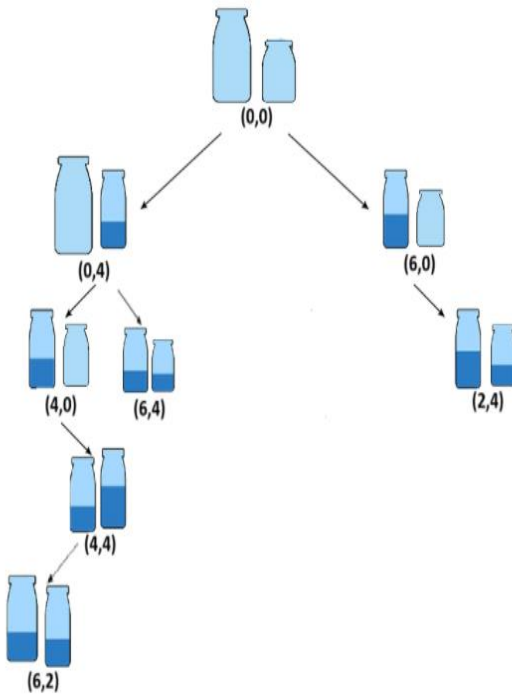
```
(0,0)           // Başlangıç, her iki kap da boş
├──> (0,4)       // 4 litrelik kabı doldur
│   ├──> (4,0)   // 4 litrelik sudan 6 litrelik kaba dök
│   │   ├──> (6,4) // 0 litrelik sudan 6 litrelik kaba doldur
│   │   └──> (6,0) // 6 litrelik kabı doldur
└──> (6,0)       // 6 litrelikten 4 litrelik kaba 2 litre dök → Hedef: 2 litre
```

### DFS Durum Uzayı:

$(0, 0)$ ,  $(0, 4)$ ,  $(4, 0)$ ,  $(4, 4)$ ,  $(6, 2)$

### DFS ile Bulunan Çözüm Yolu:

$(0, 0) \rightarrow (0, 4) \rightarrow (4, 0) \rightarrow (4, 4) \rightarrow (6, 2)$



```
(0,0)           // Başlangıç, her iki kap da boş
├──> (0,4)       // 4 litrelik kabı doldur
│   ├──> (4,0)   // 4 litrelik sudan 6 litrelik kaba dök
│       ├──> (4,4) // 4 litrelik kabı tekrar doldur
│           └──> (6,2) // 4 litrelik sudan 6 litrelik kaba 2 litre dök → Hedef: 2 litre,
```

## 9. Test Çıktıları

=== Senaryo 1 ===

A kapasite: 4, B kapasite: 3, Hedef: 2

[BFS Arama Ağacı]

Mevcut Durum: (0, 0)  
Mevcut Durum: (4, 0)  
Mevcut Durum: (0, 3)  
Mevcut Durum: (4, 3)  
Mevcut Durum: (1, 3)  
Mevcut Durum: (3, 0)  
Mevcut Durum: (1, 0)  
Mevcut Durum: (3, 3)  
Mevcut Durum: (0, 1)  
Mevcut Durum: (4, 2)

[DFS Arama Ağacı]

Mevcut Durum: (0, 0)  
Mevcut Durum: (0, 3)  
Mevcut Durum: (3, 0)  
Mevcut Durum: (3, 3)  
Mevcut Durum: (4, 2)

BFS ile Bulunan Çözüm Yolu:

(0, 0)  
(0, 3)  
(3, 0)  
(3, 3)  
(4, 2)

Toplam adım sayısı: 4

DFS ile Bulunan Çözüm Yolu:

(0, 0)  
(0, 3)  
(3, 0)  
(3, 3)  
(4, 2)

Toplam adım sayısı: 4

=== Senaryo 2 ===

A kapasite: 5, B kapasite: 2, Hedef: 1

[BFS Arama Ağacı]

Mevcut Durum: (0, 0)  
Mevcut Durum: (5, 0)  
Mevcut Durum: (0, 2)  
Mevcut Durum: (5, 2)  
Mevcut Durum: (3, 2)  
Mevcut Durum: (2, 0)  
Mevcut Durum: (3, 0)  
Mevcut Durum: (2, 2)  
Mevcut Durum: (1, 2)

[DFS Arama Ağacı]

Mevcut Durum: (0, 0)  
Mevcut Durum: (0, 2)  
Mevcut Durum: (2, 0)  
Mevcut Durum: (2, 2)  
Mevcut Durum: (4, 0)  
Mevcut Durum: (4, 2)  
Mevcut Durum: (5, 1)

BFS ile Bulunan Çözüm Yolu:

(0, 0)  
(5, 0)  
(3, 2)  
(3, 0)  
(1, 2)

Toplam adım sayısı: 4

DFS ile Bulunan Çözüm Yolu:

(0, 0)  
(0, 2)  
(2, 0)  
(2, 2)  
(4, 0)  
(4, 2)  
(5, 1)

Toplam adım sayısı: 6

```
=== Senaryo 3 ===  
A kapasite: 6, B kapasite: 4, Hedef: 2
```

```
[BFS Arama Ağacı]
```

```
Mevcut Durum: (0, 0)  
Mevcut Durum: (6, 0)  
Mevcut Durum: (0, 4)  
Mevcut Durum: (6, 4)  
Mevcut Durum: (2, 4)
```

```
[DFS Arama Ağacı]
```

```
Mevcut Durum: (0, 0)  
Mevcut Durum: (0, 4)  
Mevcut Durum: (4, 0)  
Mevcut Durum: (4, 4)  
Mevcut Durum: (6, 2)
```

```
BFS ile Bulunan Çözüm Yolu:
```

```
(0, 0)  
(6, 0)  
(2, 4)
```

```
Toplam adım sayısı: 2
```

```
DFS ile Bulunan Çözüm Yolu:
```

```
(0, 0)  
(0, 4)  
(4, 0)  
(4, 4)  
(6, 2)
```

```
Toplam adım sayısı: 4
```

```
PS C:\Users\gulsu\Downloads> █
```

## Senaryoların Karşılaştırmalı Analizi:

### Senaryo 1 – A:4, B:3, Hedef:2

- **BFS ve DFS aynı çözüm yolunu** bulmuş (aynı düğümler, aynı adım sayısı).
- Adım sayısı: 4

- Bu, hedefe ulaşmak için arama uzayının simetrik veya basit olabileceğini gösteriyor. DFS'in dezavantajları burada görünmüyor.

### Senaryo 2 – A:5, B:2, Hedef:1

- **BFS daha kısa çözüm bulmuş (4 adım).**
- DFS ise daha uzun bir yol izleyip **6 adımda hedefe ulaşmış**.
- Bu durum, DFS'in derinlere dalıp hedefi geçici olarak gözden kaçırabileceğini ve optimal olmayan yollar bulabileceğini gösteriyor.
- BFS, hedefe en kısa yolu bulduğu için daha verimli.

### Senaryo 3 – A:6, B:4, Hedef:2

- BFS sadece **2 adımda çözüme ulaşmış**, çok verimli.
- DFS ise **4 adımda** ulaşmış, yine daha uzun bir yol seçmiş.
- Burada da BFS'in optimal çözüm üretme avantajı açıkça görülüyor.