

# Principais forças da dinâmica

### Resumo

Após o estudo das Leis de Newton, podemos definir as principais forças que usamos na Dinâmica: força peso, força normal, força elástica, tração e força de atrito.

Para uma melhor análise, o estudo da força de atrito terá uma aula específica e não será considerada neste material.

#### Peso

Força de interação entre qualquer corpo de massa m com um campo gravitacional e pode ser calculado com a equação:

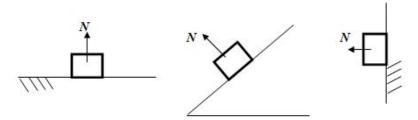
$$\vec{P} = m\vec{g}$$

Onde g é a aceleração da gravidade local. Note que, como a massa é sempre maior do que zero, P tem sempre a mesma direção e sentido de g.

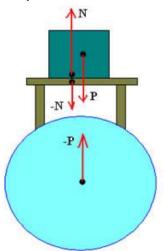
#### Normal

Força de interação de um corpo e uma superfície. A força normal será sempre perpendicular à superfície e no sentido da superfície para o corpo.

Não existe uma equação específica para calcular a força normal, deverá ser feito uma análise das forças aplicadas na direção da normal e, por um sistema linear, determinar seu valor.



ATENÇÃO: Normal não forma par ação e reação com o Peso!!!

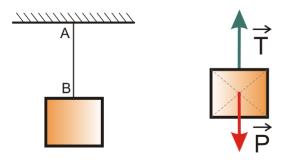




### Tração

Força que aparece sempre em cabos, fios e cordas quando esticados. Cada pedaço da corda sofre uma tração, que pode ser representada por um par de forças iguais e contrárias que atuam no sentido do alongamento da corda.

Dinamômetro: disposto que pode ser acoplado à corda para medir a intensidade da força de tração.

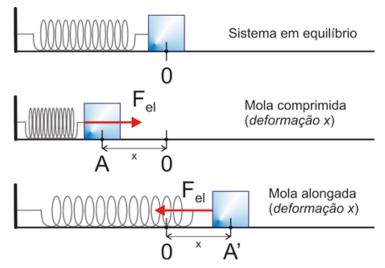


### Força elástica

Força que aparece durante a deformação de algum corpo com características elásticas, ou seja, que pode ser deformado durante a aplicação de uma força e que tem a capacidade de voltar ao seu tamanho original assim que a força for cessada. Corda de borracha, elásticos e molas são os exemplos mais comuns em questões. A força elástica é um vetor que tem mesma direção e sentido oposto à força aplicada para deformar a mola em questão, sendo assim chamada de força de restituição. O módulo da força elástica pode ser calculado pela equação:

$$F = -kx$$

Onde K é o coeficiente de elasticidade (característica da mola) e x é a deformação sofrida pela mola.

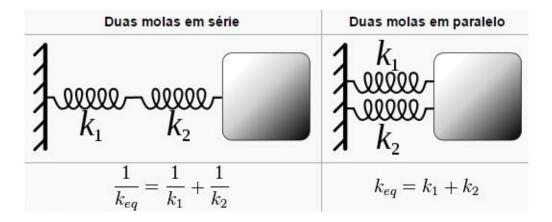


### Associação de Molas

Em algumas situação temos mais de uma mola se deformando como, por exemplo, no colchão de mola, onde as molas estão todas lado a lado e tem a mesma capacidade de se deformar, ou melhor, tem o mesmo coeficiente de elasticidade K.



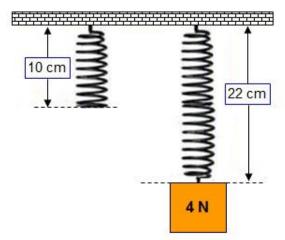
Ao fazer a associação de molas, podemos calcular o valor do coeficiente de elasticidade equivalente, ou seja, no lugar das molas de  $k_1$  e  $k_2$ , poderíamos simplesmente colocar uma mola de  $k_{\rm eq}$ .



Quer ver este material pelo Dex? Clique aqui

### Exercícios

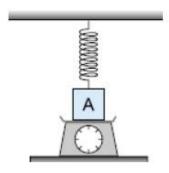
- **1.** Um livro de peso igual a 4 N está apoiado, em repouso, na palma de sua mão. Complete as sentenças abaixo:
  - I. Uma força para baixo de 4 N é exercida sobre o livro pela \_\_\_\_\_.
  - II. Uma força para cima de \_\_\_\_\_ é exercida sobre o(a) \_\_\_\_\_ pela mão.
  - III. A força para cima (item II) é reação à força para baixo (item I)? \_\_\_\_\_
  - a) mão, 14 N, Terra, Sim.
  - b) Terra, 4 N, livro, Sim.
  - c) Terra, 4 N, Terra, Não.
  - d) Terra, 8 N, Terra, Sim.
  - e) Terra, 4 N, livro, Não.
- 2. Um astronauta de massa m e peso P foi levado da superfície da Terra para a superfície de um planeta cuja aceleração da gravidade, em módulo, é igual a um terço da aceleração da gravidade registrada na superfície terrestre. No novo planeta, os valores da massa e do peso desse astronauta, em função de suas intensidades na Terra, serão respectivamente:
  - **a)**  $\frac{m}{3}$ , P
  - **b)** m, P
  - **c)** m,  $\frac{P}{3}$
  - **d)**  $\frac{m}{3}, \frac{P}{3}$
- **3.** A mola varia seu comprimento de 10cm para 22cm quando penduramos em sua extremidade um corpo de 4N.





Determine o comprimento total dessa mola, quando penduramos nela um corpo de 6N.

- a) 28 cm.
- **b)** 38 cm.
- **c)** 18 cm.
- d) 20 cm.
- e) 40 cm.
- **4.** A mola da figura tem constante elástica 20 N/m e encontra-se alongada de 20 cm sob a ação do corpo A cujo peso é 5,0 N. Nessa situação de equilíbrio, determinar a indicação da balança, graduada em Newtons.



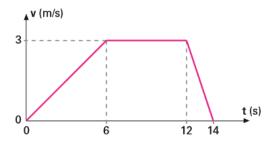
- **a)** 2 N.
- **b)** 1 N.
- **c)** 4 N.
- **d**) 5 N.
- **e)** 3 N.
- **5.** A figura a seguir mostra uma corrente formada por três elos. A massa de cada elo é de 100g e uma força vertical **F** puxa essa corrente para cima. A corrente sobe com uma aceleração de 3,0 m/s².



Considerando essas informações, o valor do módulo da força **F** que puxa a corrente; do módulo da força resultante que atua sobre o elo do meio e do módulo da força que o elo do meio faz sobre o elo de baixo, respectivamente:

- a) 4,9N; 0,5 N; 1,2 N.
- **b)** 3,9N; 0,4 N; 1,2 N.
- **c)** 4,9N; 0,3 N; 1,5 N.
- d) 5,9N; 0,3 N; 1,3 N.
- e) 3,9N; 0,3 N; 1,3 N.

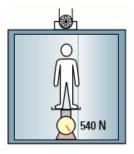
**6.** Uma carga de 10 · 10³ kg é abaixada para o porão de um navio atracado. A velocidade de descida da carga em função do tempo está representada no gráfico da figura:



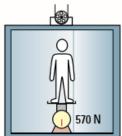
Considerando g = 10 m/s², determine os módulos das forças de tração T<sub>1</sub>, T<sub>2</sub> e T<sub>3</sub>, no cabo que sustenta a carga, entre 0 e 6 segundos, entre 6 e 12 segundos e entre 12 e 14 segundos, respectivamente.

- **a)** 10400 N
- **b)** 10300 *N*
- **c)** 10500 N
- **d)** 10200 N
- **e)** 10100 N
- 7. Uma balança na portaria de um prédio indica que o peso de Chiquinho é de 600 N. A seguir, outra pesagem é feita na mesma balança, no interior de um elevador, que sobe com aceleração de sentido contrário ao da aceleração da gravidade e módulo a = g/10 em que g = 10m/s². Nessa nova situação, o ponteiro da balança aponta para o valor que está indicado corretamente na seguinte figura:

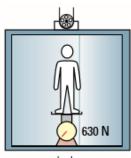
a)



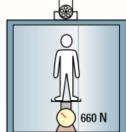
b)



c)

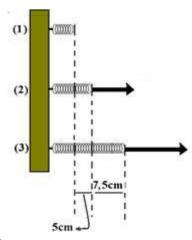


d)





8. A mola da figura está:



- em (1) no seu tamanho natural
- em (2) tracionada por uma força de 10N
- em (3) tracionada por uma força de 25N

Podemos afimar, em relação à lei de Hooke:

- a) A situação obedece à lei de Hooke completamente.
- **b)** A situação não obedece à lei de Hooke, já que forças de modulo diferentes proporcionam expansões diferentes para mola.
- c) A situação não obedece à lei de Hooke, já que o valor da constante da mole é diferente para ambos os casos.
- **9.** Dois blocos, 1 e 2, são arranjados de duas maneiras distintas e empurrados sobre uma superfície sem atrito, por uma mesma força horizontal F. As situações estão representadas nas figuras I e II abaixo.

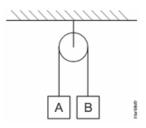


Considerando que a massa do bloco 1 é  $m_1$  e que a massa do bloco 2 é  $m_2$  =  $3m_1$ , a opção que indica a intensidade da força que atua entre blocos, nas situações I e II, é, respectivamente,

- a) F/4 e F/4
- **b)** F/4 e 3F/4
- **c)** F/2 e F/2
- **d)** 3F/4 e F/4
- e) FeF



10. O sistema a seguir apresenta aceleração de 2 m/s² e a tração no fio é igual a 72 N. Considere que a massa de A é maior que a massa de B, o fio é inextensível e não há atrito na polia. A diferença entre as massas desses dois corpos é igual a Considere g = 10 m/s²



- **a)** 1 kg
- **b)** 3 kg
- **c)** 4 kg
- **d)** 6 kg

### Gabarito

1. E

A questão ressalta a lei ação e reação.

2. C

Não há alteração na massa. Para o peso, temos que:

$$P = mg$$

$$P' = mg' = m \cdot \frac{g}{3}$$

$$\therefore P' = \frac{P}{3}$$

3. A

$$F = kx$$

$$4 = k(22 - 10)$$

$$k=1/3\frac{N}{cm}$$

Calculando a deformação:

$$F = kx$$

$$6=\frac{1}{3}x$$

$$x = 18cm$$

Portanto, o comprimento é 18 + 10 (inicial) = 28 cm.

4. B

$$F_r = P - F$$

$$P = 5N$$

$$F = kx = 20.0, 2 = 4N$$

$$F_r = 5 - 4 = 1N$$

5. E

$$F - P = ma \rightarrow F - 3 = 0,3.3 \rightarrow F = 3,9 N.$$

Só sobre o elo do meio:  $F_R$  = ma = 0,1 . 3 = 0,3 N.

Elo de baixo: T - P = ma  $\rightarrow$  T - 1 = 0,1 . 3  $\rightarrow$  T = 1,3 N.

6. C

Para todos os casos, teremos, de maneira generalizada:

$$T - P = ma$$

$$T - 1000.10 = 1000.a$$

$$T = 1000. a + 10000$$

Agora, aplicando para T1, T2 e T3, temos:



$$T_1 = 1000.0,5 + 10000 = 10500 N$$
  
 $T_2 = 1000.0 + 10000 = 10000 N$ 

$$T_3 = T_1 = 10500 N$$

#### 7. D

Elevador subindo:

$$N - P = ma$$

$$N = P + ma = 600 + 60. (\frac{g}{10}) = 660N$$

#### 8. A

Em 2 – F = 
$$kx \rightarrow 10 = k.5 \rightarrow k = 2 \text{ N/m}$$

Em 3 - F = 
$$kx \rightarrow 25 = k.12,5 \rightarrow k = 2 \text{ N/m}$$

Sim, obedece à lei de Hooke, pois o k é constante.

#### 9. D

Nos dois casos a aceleração tem o mesmo módulo:

$$F = (m_1 + m_2)a \rightarrow F = (m_1 + 3m_1)a \rightarrow F = 4m_1a \rightarrow a = \frac{F}{4m_1}$$

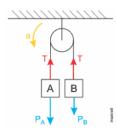
Calculando as forças de contato:

$$F_{12} = m_2 a \rightarrow F_{12} = 3m_1 \frac{F}{4m_1} = \frac{3F}{4}$$

$$F_{21} = m_1 a \rightarrow F_{21} = m_1 \frac{F}{4m_1} = \frac{F}{4}$$

### 10. B

Como a massa do bloco A é maior que a massa do bloco B, a tendência do sistema de blocos é "girar" no sentido anti-horário.



De acordo com o diagrama de forças acima, temos que:

$$F_R = m_A \alpha = P_A - T$$

$$2m_A = 10m_A - 72$$

$$m_A = 9kg$$

$$F_R = m_B \alpha = T - P_B$$

$$2m_B = 72 - 10m_B$$

$$m_B = 6kg$$

$$m_A - m_B = 9 - 6 = 3kg$$