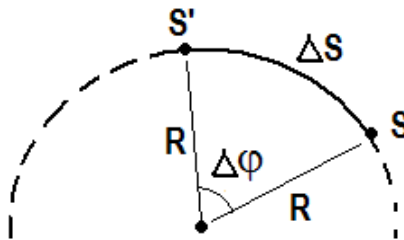


## Movimento circular uniforme

### Resumo

Ao caminharmos de um ponto S para um ponto S', em um movimento circular, podemos fazer o estudo do movimento em função do ângulo descrito em vez de usar as coordenadas lineares.



As grandezas lineares possuem equivalentes angulares. Assim se há uma variação  $\Delta S$ , há uma variação angular  $\Delta\phi$ ; se há uma velocidade linear  $V$ , há uma velocidade angular.

#### Equações úteis:

Relação entre grandezas lineares e angulares:

$$s = \theta R$$

$$v = \omega R$$

Velocidade angular:

$$\omega = \frac{\Delta\theta}{\Delta t}$$

Relação entre período e frequência (n é o número de voltas):

$$f = \frac{n}{\Delta t} \text{ e } T = \frac{\Delta t}{n} \Rightarrow f = \frac{1}{T}$$

Relação entre velocidade angular e frequência:

$$\omega = 2\pi f$$

Aceleração centrípeta:

$$a_{cp} = \frac{v^2}{R} \text{ ou } a_{cp} = \omega^2 R$$

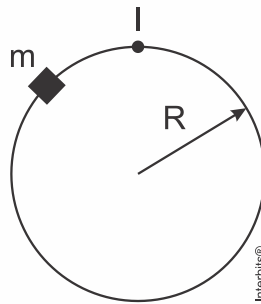
Função horária angular:

$$\theta = \theta_0 + \omega t$$

Quer ver este material pelo Dex? Clique [aqui](#)

## Exercícios

1. Na modalidade de arremesso de martelo, o atleta gira o corpo juntamente com o martelo antes de arremessá-lo. Em um treino, um atleta girou quatro vezes em três segundos para efetuar um arremesso. Sabendo que o comprimento do braço do atleta é de 80 cm, desprezando o tamanho do martelo e admitindo que esse martelo descreve um movimento circular antes de ser arremessado, é correto afirmar que a velocidade com que o martelo é arremessado é de:
- a) 2,8 m/s
  - b) 3,0 m/s
  - c) 5,0 m/s
  - d) 6,4 m/s
  - e) 7,0 m/s
2. A figura abaixo representa um móvel  $m$  que descreve um movimento circular uniforme de raio  $R$ , no sentido horário, com velocidade de módulo  $V$ .



Assinale a alternativa que melhor representa, respectivamente, os vetores velocidade  $V$  e aceleração  $a$  do móvel quando passa pelo ponto I, assinalado na figura.

- a)  $\vec{V}$  (seta para a direita)       $\vec{a}$  (seta para cima)
- b)  $\vec{V}$  (seta para a direita)       $a = 0$
- c)  $\vec{V}$  (seta para a direita)       $\vec{a}$  (seta para baixo)
- d)  $\vec{V}$  (seta para a esquerda)       $\vec{a}$  (seta para cima)
- e)  $\vec{V}$  (seta para a esquerda)       $\vec{a}$  (seta para baixo)

3. Em voos horizontais de aeromodelos, o peso do modelo é equilibrado pela força de sustentação para cima, resultante da ação do ar sobre as suas asas.

Um aeromodelo, preso a um fio, voa em um círculo horizontal de 6 m de raio, executando uma volta completa a cada 4 s.

Sua velocidade angular, em rad/s, e sua aceleração centrípeta, em  $\text{m/s}^2$ , valem, respectivamente,

- a)  $\pi$  e  $6\pi^2$ .
- b)  $\pi/2$  e  $3\pi^2/2$ .
- c)  $\pi/2$  e  $\pi^2/4$ .
- d)  $\pi/4$  e  $\pi^2/4$ .
- e)  $\pi/4$  e  $\pi^2/16$ .
4. Ainda que tenhamos a sensação de que estamos estáticos sobre a Terra, na verdade, se tomarmos como referência um observador parado em relação às estrelas fixas e externo ao nosso planeta, ele terá mais clareza de que estamos em movimento, por exemplo, rotacionando junto com a Terra em torno de seu eixo imaginário. Se consideramos duas pessoas (A e B), uma delas localizada em Ottawa (A), Canadá, (latitude  $45^\circ$  Norte) e a outra em Caracas (B), Venezuela, (latitude  $10^\circ$  Norte), qual a relação entre a velocidade angular média ( $\omega$ ) e velocidade escalar média ( $v$ ) dessas duas pessoas, quando analisadas sob a perspectiva do referido observador?
- a)  $\omega_A = \omega_B$  e  $v_A = v_B$
- b)  $\omega_A < \omega_B$  e  $v_A < v_B$
- c)  $\omega_A = \omega_B$  e  $v_A < v_B$
- d)  $\omega_A > \omega_B$  e  $v_A = v_B$
5. Maria brinca em um carrossel, que gira com velocidade constante. A distância entre Maria e o centro do carrossel é de 4,0 m. Sua mãe está do lado de fora do brinquedo e contou 20 voltas nos 10 min em que Maria esteve no carrossel. Considerando essas informações, **CALCULE**:
- A distância total percorrida por Maria.
  - A velocidade angular de Maria, em rad/s.
  - O módulo de aceleração centrípeta de Maria.

A alternativa que indica esses valores, respectivamente é:

- a)  $d = 160 \pi \text{ m}$ ;  $\omega = \frac{\pi}{30} \frac{\text{rad}}{\text{s}}$ ;  $a_c = 0,015\pi^2 \text{ m/s}^2$
- b)  $d = 160 \pi \text{ m}$ ;  $\omega = \frac{\pi}{15} \frac{\text{rad}}{\text{s}}$ ;  $a_c = 0,018\pi^2 \text{ m/s}^2$
- c)  $d = 180 \pi \text{ m}$ ;  $\omega = \frac{\pi}{15} \frac{\text{rad}}{\text{s}}$ ;  $a_c = 0,018\pi^2 \text{ m/s}^2$
- d)  $d = 180 \pi \text{ m}$ ;  $\omega = \frac{\pi}{30} \frac{\text{rad}}{\text{s}}$ ;  $a_c = 0,015\pi^2 \text{ m/s}^2$

e)  $d = 160 \pi \text{ m}$ ;  $\omega = \frac{\pi}{30} \frac{\text{rad}}{\text{s}}$ ;  $a_c = 0,015\pi^2 \text{ m/s}^2$

6. Um caminhão de carga tem rodas dianteiras de raio  $R_d = 50 \text{ cm}$  e rodas traseiras de raio  $R_t = 80 \text{ cm}$ . Em determinado trecho do trajeto plano e retilíneo, percorrido sem deslizar e com velocidade escalar constante, a frequência da roda dianteira é igual a  $10 \text{ Hz}$  e efetua  $6,75$  voltas a mais que a traseira.

Considerando  $\pi \cong 3$ , A velocidade escalar média do caminhão, em  $\text{km/h}$ , e a distância percorrida por ele nesse trecho do trajeto., respectivamente:

a)  $v = 108 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ ;  $\Delta S_T = 54 \text{ m}$

b)  $v = 108 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ ;  $\Delta S_T = 60 \text{ m}$

c)  $v = 106 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ ;  $\Delta S_T = 54 \text{ m}$

d)  $v = 106 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ ;  $\Delta S_T = 60 \text{ m}$

e)  $v = 106 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ ;  $\Delta S_T = 52 \text{ m}$

7. Numa pista circular de diâmetro  $200 \text{ m}$ , duas pessoas se deslocam no mesmo sentido, partindo de pontos diametralmente opostos da pista. A primeira pessoa parte com velocidade angular constante de  $0,010 \text{ rad/s}$ , e a segunda parte, simultaneamente, com velocidade escalar constante de  $0,8 \text{ m/s}$ .

As duas pessoas estarão emparelhadas após (use  $\pi$  com duas casas decimais)

a) 18 minutos e 50 segundos.

b) 19 minutos e 10 segundos.

c) 20 minutos e 5 segundos.

d) 25 minutos e 50 segundos.

e) 26 minutos e 10 segundos.

8. Foi divulgado pela imprensa que a ISS (sigla em inglês para Estação Espacial Internacional) retornará à Terra por volta de 2020 e afundará no mar, encerrando suas atividades, como ocorreu com a Estação Orbital MIR, em 2001. Atualmente, a ISS realiza sua órbita a  $350 \text{ km}$  da Terra e seu período orbital é de aproximadamente 90 minutos.

Considerando o raio da Terra igual a  $6\,400 \text{ km}$  e  $\pi \cong 3$ , pode-se afirmar que

a) ao afundar no mar o peso da água deslocada pela estação espacial será igual ao seu próprio peso.

b) a pressão total exercida pela água do mar é exatamente a mesma em todos os pontos da estação.

c) a velocidade linear orbital da estação é, aproximadamente,  $27 \times 10^3 \text{ km/h}$ .

d) a velocidade angular orbital da estação é, aproximadamente,  $0,25 \text{ rad/h}$ .

e) ao reingressar na atmosfera a aceleração resultante da estação espacial será radial e de módulo constante.

9. Segundo o modelo simplificado de Bohr, o elétron do átomo de hidrogênio executa um movimento circular uniforme, de raio igual a  $5,0 \times 10^{-11}$  m, em torno do próton, com período igual a  $2 \times 10^{-15}$  s. Com o mesmo valor da velocidade orbital no átomo, a distância, em quilômetros, que esse elétron percorreria no espaço livre, em linha reta, durante 10 minutos, seria da ordem de:
- a)  $10^2$
  - b)  $10^3$
  - c)  $10^4$
  - d)  $10^5$
10. Um satélite geoestacionário encontra-se sempre posicionado sobre o mesmo ponto em relação à Terra. Sabendo-se que o raio da órbita deste satélite é de  $36 \times 10^3$  km e considerando-se  $\pi = 3$ , podemos dizer que sua velocidade é:
- a) 0,5 km/s.
  - b) 1,5 km/s.
  - c) 2,5 km/s.
  - d) 3,5 km/s.
  - e) 4,5 km/s.

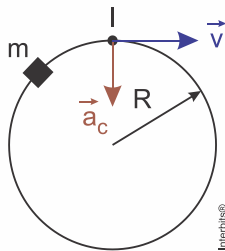
Gabarito

1. D

$$V = \omega R = \frac{\Delta\theta}{\Delta t} \cdot R = \frac{4 \times 2\pi}{3} \times 0,8 = 6,4 \text{ m/s}.$$

2. C

No movimento circular uniforme (MCU) a velocidade é representada por um vetor tangente ao círculo em cada ponto ocupado pelo móvel, com isto, apesar do módulo da velocidade permanecer constante, ao longo do movimento o vetor velocidade altera sua direção e sentido, sendo, portanto, um movimento acelerado em que a aceleração é sempre perpendicular ao vetor velocidade apontando para o centro da curva, chamada de aceleração centrípeta. Assim, a alternativa correta é a [C].



3. B

A velocidade angular  $\omega$  em rad/s é:

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi \text{ rad}}{4 \text{ s}} \therefore \omega = \frac{\pi}{2} \text{ rad/s}$$

E a aceleração centrípeta é calculada com:

$$a_c = \omega^2 \cdot R = \left(\frac{\pi}{2} \text{ rad/s}\right)^2 \cdot 6 \text{ m} \therefore a_c = \frac{3\pi^2}{2} \text{ m/s}^2$$

4. C

A velocidade angular média ( $\omega$ ) depende basicamente da frequência da rotação ( $f$ ) ou do período ( $T$ )

$$\text{sendo dada por: } \omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}$$

Para ambos os observadores (A e B), tanto suas frequências como seus períodos de rotação são os mesmos, pois quando a Terra dá uma volta completa, qualquer ponto do planeta também dá uma rotação completa, então suas velocidades angulares médias ( $\omega$ ) devem ser exatamente iguais.

$$\left. \begin{array}{l} f_A = f_B \\ T_A = T_B \end{array} \right\} \rightarrow \omega_A = \omega_B$$

Já a velocidade escalar média ( $v$ ) dessas duas pessoas, depende do raio ( $R$ ) de curvatura da Terra. Pontos mais próximos dos polos têm raios menores que pontos próximos ao Equador, portanto temos que:

$$R_A < R_B$$

Como a velocidade escalar média ( $v$ ) é diretamente proporcional ao raio e dada por:  $v = 2\pi Rf = \frac{2\pi R}{T}$ , temos que  $v_A < v_B$ .

5. B

A distância percorrida é igual ao número de voltas ( $n$ ) vezes o comprimento de cada volta.

$$d = n2\pi R = 20 \times 2\pi \times 4 \Rightarrow \boxed{d = 160\pi \text{ m}}$$

$$\omega = \frac{n2\pi}{\Delta t} = \frac{20 \times 2\pi}{10 \times 60} \Rightarrow \boxed{\omega = \frac{\pi}{15} \text{ rad/s}}$$

$$a_c = \omega^2 R = \left(\frac{\pi}{15}\right)^2 4 = \frac{4\pi^2}{225} \Rightarrow \boxed{a_c = 0,018\pi^2 \text{ m/s}^2}$$

6. A

$v = 2\pi Rf$ , para a roda dianteira, temos:

$v = 2.3.0,5.10 = 30 \text{ m/s}$ , convertendo para km/h (multiplicando por 3,6),

$$\therefore \boxed{v = 108 \text{ km/h}}$$

Como podemos perceber, o enunciado não fornece o tempo para a roda dianteira efetuar 6,75 voltas a mais que a traseira, porém, sabemos que o deslocamento das rodas são iguais, assim temos:

$$\Delta S_T = \Delta S_D$$

$n.2\pi.R_T = (n + 6,75).2\pi.R_D$  em que "n" representa do número de rotações da roda traseira.

Logo:

$$n.0,8 = (n + 6,75).0,5$$

$$0,8n = 0,5n + 3,375$$

$$0,3n = 3,375$$

$$n = \frac{3375}{300} = 11,25$$

Logo:

$$\Delta S_T = n.2\pi.R_T$$

$$\Delta S_T = 11,25.2.3.0,8$$

$$\therefore \boxed{\Delta S_T = 54 \text{ m}}$$

7. E

**Dados:**  $D = 200 \text{ m} \Rightarrow r = 100 \text{ m}$ ;  $\omega_2 = 0,01 \text{ rad/s}$ ;  $\pi = 3,14$ .

A velocidade da pessoa mais rápida é:

$$v_2 = \omega_2 r = 0,01 \times 100 = 1 \text{ m/s}.$$

Como partem de pontos diametralmente opostos, a distância (d) entre eles é meia volta.

$$d = \pi r = 3,14 \times 100 = 314 \text{ m}.$$

A pessoa mais rápida leva vantagem (velocidade relativa  $\rightarrow v_{\text{rel}}$ ) de 0,2 m/s.

O tempo para tirar essa diferença é:

$$\Delta t = \frac{d}{v_{\text{rel}}} = \frac{314}{0,2} = 1570 \text{ s} \Rightarrow \Delta t = 26 \text{ min e } 10 \text{ s}.$$

8. C

**Dados:**

Raio da Terra:  $R = 6.400 \text{ km}$ ;

Altura da órbita em relação à superfície:  $h = 350 \text{ km}$ ;

Período orbital:  $T = 90 \text{ min} = 1,5 \text{ h}$

$$\pi = 3.$$

Considerando órbita circular, o raio orbital (r) é:

$$r = R + h = 6.400 + 350 = 6.750 \text{ km}.$$

Calculando a velocidade linear orbital:

$$v = \frac{\Delta S}{\Delta t} = \frac{2\pi r}{T} = \frac{2(3)(6.750)}{1,5} \Rightarrow$$

$$v = 27 \times 10^3 \text{ km/h}.$$

9. D

$$\text{Velocidade} = v = (2,3,14 \cdot 5 \cdot 10^{-11}) / (2 \cdot 10^{-15}) = 15,7 \cdot 10^4 \text{ m/s} = 1,57 \cdot 10^5 \text{ m/s}$$

$$\text{Distância} = S = 1,57 \cdot 10^5 \cdot (600) = 942 \cdot 10^5 = 9,42 \cdot 10^7 \text{ m} = 9,42 \cdot 10^4 \text{ km} \rightarrow \text{ordem de grandeza } 10^5 \text{ (pois a parte significativa é maior que raiz quadrada de } 10).$$

10. C

$$v = \Delta S / \Delta t$$

$$v = (2 \cdot \pi \cdot r) / T$$

$$v = (2 \cdot 3,14 \cdot 10^3) / 24$$

$$v = (216 \cdot 10^3) / 24$$

$$v = 9000 \text{ km/h} = 2500 \text{ m/s} = 2,5 \text{ km/s}$$