



DEPARTAMENTO
DE COMPUTACION

Facultad de Ciencias Exactas y Naturales - UBA

Práctica 1

2do cuatrimestre 2023

Algoritmos y Estructuras de Datos I / Introducción a la Programación

Integrante	LU	Correo electrónico
Fausto N. Martínez	363/23	fnmartinez@dc.uba.ar



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja)

Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA

Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina

Tel/Fax: (++54 +11) 4576-3300

<http://www.exactas.uba.ar>

Índice

1. Práctica 1	2
1.1. Ejercicio 1	2
1.2. Ejercicio 2	2
1.3. Ejercicio 3	2
1.4. Ejercicio 4	2
1.5. Ejercicio 5	3
1.6. Ejercicio 6	5
1.7. Ejercicio 7	5
1.8. Ejercicio 8	5
1.9. Ejercicio 9	7
1.10. Ejercicio 10	8
1.11. Ejercicio 13	8
1.12. Ejercicio 11	8
1.13. Ejercicio 12	8
1.14. Ejercicio 13	9
1.15. Ejercicio 14	9
1.16. Ejercicio 15	9
1.17. Ejercicio 16	9
1.18. Ejercicio 17	9
1.19. Ejercicio 18	9
1.20. Ejercicio 19	10
1.21. Ejercicio 20	10

1. Práctica 1

1.1. Ejercicio 1

Me piden determinar si dados p y q variables proposicionales, las expresiones son *formulas bien formadas*.

★ Rdo.: una formula está bien formada si cumple:

1.1.A. Pregunta A

- (a) $(p \neg q)$ no es una fórmula bien formada.
- (b) $p \vee q \wedge True$ no es una fórmula bien formada pues da lugar a ambigüedad por la falta de paréntesis.
- (c) $p \vee q \wedge True$ no es una fórmula bien formada pues da lugar a ambigüedad por la falta de paréntesis.
- (d) $\neg(p)$ no es una fórmula bien formada pues el paréntesis es redundante.
- (e) $(p \vee \neg q \wedge q)$ no es una fórmula bien formada ya que la falta de paréntesis da lugar a ambigüedad.
- (f) $(True \wedge True \wedge True)$ es una formula bien formada.
- (g) $(\neg p)$ no es una formula bien formada ya que no hacen falta los paréntesis.
- (h) $(p \vee False)$ es una formula bien formada.
- (i) $(p = q)$ es una formula bien formada.

1.2. Ejercicio 2

- (a) Bien definida
- (b) Bien definida
- (c) Mal definida. El conector lógico \vee solo acepta variables del tipo Bool pero x e y son \mathbb{Z}
- (d) Bien definida
- (e) Mal definida. $(z = 0)$ y $(z = 1)$ no tipa correctamente dado que z es de tipo Bool.
- (f) Mal definida. No tipa correctamente dado que $(y < 0)$ es de tipo Bool y la suma solo acepta números.

1.3. Ejercicio 3

Primero se evalúa $\alpha = (3 + 7 = \pi - 8)$ que al ser una igualdad devuelve un valor del tipo Bool. Luego $\alpha \in \{True, False\}$ y la fórmula resulta $\alpha \wedge True$ que está bien formada.

1.4. Ejercicio 4

Se que $a = True$, $b = True$, $c = True$, $x = False$, $y = False$

- (a) $(\neg True \vee True) = False \vee True = True$
- (b) $(True \vee (False \wedge False) \vee True) = (True \vee True \vee True) = True$
- (c) $\neg(True \vee False) = \neg True = False$
- (d) $(\neg(True \vee False) \leftrightarrow (\neg True \wedge \neg False)) = (\neg True \leftrightarrow (False \wedge True)) = (False \leftrightarrow False) = True$
- (e) $((True \vee False) \wedge (False \vee True)) = (True \wedge True) = True$
- (f) $((True \vee False) \wedge (False \vee True)) \leftrightarrow (True \vee (False \wedge False) \vee True)$, por (e) y (b) respectivamente, cada uno de estos vale True, entonces tenemos $True \leftrightarrow True = True$

$$(g) (\neg \text{True} \wedge \neg \text{False}) = (\text{False} \wedge \text{True}) = \text{False}$$

Ahora, si $a = \text{False}$, $b = \text{False}$, $c = \text{False}$, $x = \text{True}$, $y = \text{True}$

$$(a) (\neg \text{False} \vee \text{False}) = \text{True} \vee \text{False} = \text{True}$$

$$(b) (\text{False} \vee (\text{True} \wedge \text{True}) \vee \text{False}) = (\text{False} \vee \text{True} \vee \text{False}) = \text{True}$$

$$(c) \neg(\text{False} \vee \text{True}) = \neg \text{True} = \text{False}$$

$$(d) (\neg(\text{False} \vee \text{True}) \leftrightarrow (\neg \text{False} \wedge \neg \text{True})) = (\neg \text{True} \leftrightarrow (\text{True} \wedge \text{False})) = (\text{False} \leftrightarrow \text{False}) = \text{True}$$

$$(e) ((\text{False} \vee \text{True}) \wedge (\text{True} \vee \text{False})) = (\text{True} \wedge \text{True}) = \text{True}$$

$$(f) ((\text{False} \vee \text{True}) \wedge (\text{True} \vee \text{False})) \leftrightarrow (\text{False} \vee (\text{True} \wedge \text{True}) \vee \text{False}), \text{ por (d) y (b) respectivamente, cada uno de estos vale True, entonces tenemos } \text{True} \leftrightarrow \text{True} = \text{True}$$

$$(g) (\neg \text{False} \wedge \neg \text{True}) = (\text{True} \wedge \text{False}) = \text{False}$$

1.5. Ejercicio 5

★ Rdo.: Una fórmula es **tautología** si siempre toma el valor True, es **contradicción** si siempre toma el valor False, es **contingencia** si no es ni tautología ni contradicción.

1.5.A. Inciso A

p	$(p \vee \neg p)$
V	V
V	V
F	V
F	V

Es una tautología

1.5.B. Inciso B

p	$(p \wedge \neg p)$
V	F
F	F

Es una contradicción

1.5.C. Inciso C

p	q	$(\neg p \vee q)$	$(p \rightarrow q)$	$((\neg p \vee q) \leftrightarrow (p \rightarrow q))$
V	V	V	V	V
V	F	F	F	V
F	V	V	V	V
F	F	V	V	V

Es una tautología. Observar que esto demuestra $(p \rightarrow q) = (\neg p \vee q)$ (La Implicación Material)

1.5.D. Inciso D

p	q	$(p \vee q)$	$((p \vee q) \rightarrow p)$
V	V	V	V
V	F	V	V
F	V	V	F
F	F	F	V

Es una contingencia.

1.5.E. Inciso E

Sean $\alpha = \neg(p \wedge q)$; $\beta = (\neg p \vee \neg q)$

p	q	α	β	$(\alpha \leftrightarrow \beta)$
V	V	F	F	V
V	F	V	V	V
F	V	V	V	V
F	F	V	V	V

Es una tautología. Observar que esto demuestra $\neg(p \wedge q) = (\neg p \vee \neg q)$ (La Ley de De Morgan para la conjunción)

1.5.F. Inciso F

p	q	$\neg p$	$\neg q$	$(\neg p \wedge q)$	$(\neg p \wedge \neg q)$	$((\neg p \wedge q) \leftrightarrow (\neg p \wedge \neg q))$
V	V	F	F	F	F	V
V	F	F	V	F	V	F
F	V	V	F	V	V	V
F	F	V	V	F	V	F

Es una contingencia.

1.5.G. Inciso G

p	$(p \rightarrow p)$
V	V
F	V

Es una tautología.

1.5.H. Inciso H

p	q	$(p \wedge q)$	$((p \wedge q) \rightarrow p)$
V	V	V	V
V	F	F	V
F	V	F	V
F	F	F	V

Es una tautología.

1.5.I. Inciso I

p	q	r	$(q \vee r)$	$(p \wedge (q \vee r))$	$(p \wedge q)$	$(p \wedge r)$	$((p \wedge q) \vee (p \wedge r))$	$((p \wedge (q \vee r)) \leftrightarrow ((p \wedge q) \vee (p \wedge r)))$
V	V	V	V	V	V	V	V	V
V	V	F	V	V	V	F	V	V
V	F	V	V	V	F	V	V	V
V	F	F	F	F	F	F	F	V
F	V	V	V	F	F	F	F	V
F	V	F	V	F	F	F	F	V
F	F	V	V	F	F	F	F	V
F	F	F	F	F	F	F	F	V

Es una tautología. Observar que esto demuestra que $p \wedge (q \vee r) = (p \wedge q) \vee (p \wedge r)$ (La propiedad distributiva para la conjunción)

1.5.J. Inciso J

Sean $\alpha = (q \rightarrow r)$; $\beta = (p \rightarrow q)$; $\sigma = (p \rightarrow r)$

p	q	r	α	$(p \rightarrow \alpha)$	β	σ	$(\beta \rightarrow \sigma)$	$((p \rightarrow \alpha) \rightarrow (\beta \rightarrow \sigma))$
V	V	V	V	V	V	V	V	V
V	V	F	F	F	V	F	F	V
V	F	V	V	V	F	V	V	V
V	F	F	V	V	F	F	V	V
F	V	V	V	V	V	V	V	V
F	V	F	F	V	V	V	V	V
F	F	V	V	V	V	V	V	V
F	F	F	V	V	V	V	V	V

Es una tautología.

1.6. Ejercicio 6

- (a) *False* es más fuerte que *True*.
- (b) $(p \wedge q)$ es más fuerte que $(p \vee q)$.
- (c) *True* es más fuerte que *True*.
- (d) $(p \wedge q)$ es más fuerte que p .
- (e) *False* es más fuerte que *False*.
- (f) p es más fuerte que $(p \vee q)$.
- (g) No hay relación de fuerza.
- (h) No hay relación de fuerza.

1.7. Ejercicio 7

False es la más fuerte, *True* la más débil

1.8. Ejercicio 8

- (a)

p	(False \wedge p)
V	F
F	F

 (False \wedge p) \equiv False (Dominación de la conjunción)
- (b)

p	(True \vee p)
V	V
F	V

 (True \vee p) \equiv True (Dominación de la disyunción)
- (c)

p	(True \wedge p)
V	V
F	F

 (True \wedge p) \equiv p (Neutro de la conjunción)
- (d)

p	(False \vee p)
V	V
F	V

 (False \vee p) \equiv p (Neutro de la disyunción)
- (e)

p	(p \wedge p)
V	V
F	F

 (p \wedge p) \equiv p (Idempotencia de la conjunción)
- (f)

p	(p \vee p)
V	V
F	F

 (p \vee p) \equiv p (Idempotencia de la disyunción)
- (g)

p	$\neg p$	(p \vee $\neg p$)
V	F	V
F	V	V

 (p \vee $\neg p$) \equiv True (Inversa de la disyunción)

(h)	p	$\neg p$	$(p \wedge \neg p)$	$(p \wedge \neg p) \equiv \text{False}$ (Inversa de la conjunción)
	V	F	F	
	F	V	F	

(i)	p	$\neg p$	$\neg \neg p$	$\neg \neg p \equiv p$ (Doble negación)
	V	F	V	
	F	V	F	

(j)	p	q	$(p \vee q)$	$(p \wedge (p \vee q))$	$(p \wedge (p \vee q)) \equiv p$ (Absorción de la conjunción)
	V	V	V	V	
	V	F	V	V	
	F	V	V	F	
	F	F	F	F	

(k)	p	q	$(p \wedge q)$	$(p \vee (p \wedge q))$	$(p \vee (p \wedge q)) \equiv p$ (Absorción de la disyunción)
	V	V	V	V	
	V	F	F	V	
	F	V	F	F	
	F	F	F	F	

(l) Probado en 5.E $\neg(p \wedge q) \equiv (\neg p \wedge \neg q)$ (Ley de De Morgan para la conjunción)

(m)	p	q	$(p \vee q)$	$\neg(p \vee q)$	$\neg p$	$\neg q$	$(\neg p \wedge \neg q)$	$\neg(p \vee q) \equiv (\neg p \wedge \neg q)$ (Ley de De Morgan para la disyunción)
	V	V	V	F	F	F	F	
	V	F	V	F	F	V	F	
	F	V	V	F	V	F	F	
	F	F	F	V	V	V	V	

(n) $(p \wedge q) \equiv (q \wedge p)$ (Conmutatividad para la conjunción)

(ñ) $(p \vee q) \equiv (q \vee p)$ (Conmutatividad para la disyunción)

(o)	p	q	r	$(q \wedge r)$	$(p \wedge (q \wedge r))$	$(p \wedge q)$	$((p \wedge q) \wedge r)$	$(p \wedge (q \wedge r)) \equiv ((p \wedge q) \wedge r)$ (Asociatividad de la conjunción)
	V	V	V	V	V	V	V	
	V	V	F	F	F	V	F	
	V	F	V	F	F	F	F	
	V	F	F	F	F	F	F	
	F	V	V	V	F	F	F	
	F	V	F	F	F	F	F	
	F	F	V	F	F	F	F	
	F	F	F	F	F	F	F	

(p)	p	q	r	$(q \vee r)$	$(p \vee (q \vee r))$	$(p \vee q)$	$((p \vee q) \vee r)$	$(p \vee (q \vee r)) \equiv ((p \vee q) \vee r)$ (Asociatividad de la disyunción)
	V	V	V	V	V	V	V	
	V	V	F	V	V	V	V	
	V	F	V	V	V	V	V	
	V	F	F	F	V	V	V	
	F	V	V	V	V	V	V	
	F	V	F	V	V	V	V	
	F	F	V	V	V	F	V	
	F	F	F	F	F	F	F	

(q) Probado en 5.I (Distributividad de la conjunción)

(r)	p	q	r	$(q \wedge r)$	$(p \vee (q \wedge r))$	$(p \vee q)$	$(p \vee r)$	$((p \vee q) \wedge (p \vee r))$
	V	V	V	V	V	V	V	V
	V	V	F	F	V	V	V	V
	V	F	V	F	V	V	V	V
	V	F	F	F	V	V	V	V
	F	V	V	V	V	V	V	V
	F	V	F	F	F	V	F	F
	F	F	V	F	F	F	V	F
	F	F	F	F	F	F	F	F

$(p \vee (q \wedge r)) \equiv ((p \vee q) \wedge (p \vee r))$ (Distributividad de la disyunción)

	p	q	$(p \rightarrow q)$	$\neg p$	$\neg q$	$(\neg q \rightarrow \neg p)$	
	V	V	V	F	F	V	
(s)	V	F	F	F	V	F	$(p \rightarrow q) \equiv (\neg q \rightarrow \neg p)$ (Contraposición lógica)
	F	V	V	V	F	V	
	F	F	V	V	V	V	

(t) Probado en 5.C (Implicación Material)

	p	q	$(p \leftrightarrow q)$	$(p \rightarrow q)$	$(q \rightarrow p)$	$((p \rightarrow q) \wedge (q \rightarrow p))$	
	V	V	V	V	V	V	
(u)	V	F	F	F	V	F	$(p \leftrightarrow q) \equiv ((p \rightarrow q) \wedge (q \rightarrow p))$ (Equivalencia material)
	F	V	F	V	F	F	
	F	F	V	V	V	V	

1.9. Ejercicio 9

1.9.A. Inciso A

$((p \wedge p) \vee p) \equiv$ (Idempotencia de la conjunción)

$(p \vee p) \equiv$ (Idempotencia de la disyunción)

p

1.9.B. Inciso B

$\neg(\neg p \vee \neg q) \equiv$ (Ley de De Morgan para la disyunción)

$(\neg \neg p \wedge \neg \neg q) \equiv$ (Doble negación)

$(p \wedge q)$

1.9.C. Inciso C

$(((p \wedge (\neg p \vee q)) \vee q) \vee (p \wedge (p \vee q))) \equiv$ (Distributiva para la conjunción)

$((((p \wedge \neg p) \vee (p \wedge q)) \vee q) \vee (p \wedge (p \vee q))) \equiv$ (Inversa de la conjunción, Asociatividad de la conjunción, Absorción de la conjunción)

$(((False \vee (p \wedge q)) \vee q) \vee p) \equiv$ (Absorción de la disyunción)

$((False \vee q) \vee p) \equiv$ (Neutro de la disyunción)

$(q \vee p)$

1.9.D. Inciso D

$(\neg p \rightarrow \neg(p \rightarrow \neg q)) \equiv$ (Implicación Material)

$(\neg p \rightarrow \neg(\neg p \vee \neg q)) \equiv$ (Ley de De Morgan para la conjunción)

$(\neg p \rightarrow (\neg \neg p \wedge \neg \neg q)) \equiv$ (Doble negación)

$(\neg p \rightarrow (p \wedge q)) \equiv$ (Implicación Material)

$(\neg \neg p \vee (p \wedge q)) \equiv$ (Doble Negación)

$(p \vee (p \wedge q)) \equiv$ (Absorción de la disyunción)

p

1.9.E. Inciso E

$(((p \rightarrow q) \wedge (p \wedge \neg q)) \rightarrow q) \equiv$ (Implicación Material)

$(((\neg p \vee q) \wedge (p \wedge \neg q)) \rightarrow q) \equiv$ (Asociatividad de la conjunción, Distributividad de la conjunción)

$((((p \wedge \neg p) \vee (p \wedge q)) \wedge \neg q) \rightarrow q) \equiv$ (Inversa de la conjunción)

$(((False \vee (p \wedge q)) \wedge \neg q) \rightarrow q) \equiv$ (Neutro de la disyunción)

$(((p \wedge q) \wedge \neg q) \rightarrow q) \equiv$ (Asociatividad de la conjunción)

$((p \wedge (q \wedge \neg q)) \rightarrow q) \equiv$ (Inversa de la conjunción)

$((p \wedge False) \rightarrow q) \equiv$ (Dominación de la conjunción)

$(False \rightarrow q) \equiv$ (Implicación Material)

$(\neg False \vee q) \equiv$ (True \vee q) \equiv (Dominación de la disyunción)

True

1.9.F. Inciso F

$\neg(\neg(p \wedge q) \vee (p \vee q)) \rightarrow (\neg\neg p \vee \neg p) \equiv$ (Doble negación, Ley de De Morgan para la conjunción)

$\neg((\neg p \vee \neg q) \vee p \vee q) \rightarrow (p \vee \neg p) \equiv$ (Inversa de la disyunción, Asociatividad de la disyunción)

$\neg((\neg p \vee p) \vee (\neg q \vee q)) \rightarrow \text{True} \equiv$ (Inversa de la disyunción)

$\neg(\text{True} \vee \text{True}) \rightarrow \text{True} \equiv$

$\text{False} \rightarrow \text{True} \equiv$

True

1.10. Ejercicio 10

1.10.A. Inciso A

$((p \wedge p) \wedge p) \rightarrow p \equiv$ (Idempotencia de la conjunción, Asociatividad de la conjunción)

$p \rightarrow p \equiv$ (Implicación material)

$(\neg p \vee p) \equiv$ (Inversa disyunción)

True