wzory z dynamiki

$$F = m \cdot a$$

$$F - sia$$

$$m - masa$$

$$a - przyspieszenie$$

$$[F] = \left[kg \cdot \frac{m}{s^2} \right] = [N]$$

$$F_r = \frac{mv^2}{r}$$

$$F_r = m\omega^2 r$$

$$F_{\gamma} = \frac{mv^2}{r}$$

$$F_{\gamma} = m\omega^2 r$$

$$F_{\gamma} = \frac{4\pi^2 mr}{T^2}$$

म्- siła dośrodkowa, jednostka niuton (N)

m- masa, jednostka (kg)

γ – promień okręgu, iednostka metr (m)

WZÓR NA PRZYSPIESZENIE

$$a = \frac{\Delta V}{\Delta t}$$
 - zmiana prędkości

$$s = \frac{1}{2}a \cdot t^{2}$$

$$s - droga$$

$$a - przyspieszenie$$

$$t - czas$$

$$[s] = \left[\frac{m}{s^{2}} \cdot s^{2}\right] = [m]$$

WZÓR NA PRĘDKOŚĆ

RUCH JEDNOSTAJNIE PRZYSPIESZONY

$$V=a\cdot t$$

przyspieszenie czas

Zadania przykładowe

Zadanie 1: Obliczanie siły

Treść zadania:

Samochód o masie 1000 kg przyspiesza z miejsca do prędkości 20 m/s w czasie 10 sekund. Jaką siłę musi wytworzyć silnik, aby uzyskać to przyspieszenie?

Rozwiązanie:

- 1. Dane:
 - ullet Masa samochodu: $m=1000\,\mathrm{kg}$
 - Prędkość końcowa: $v=20\,\mathrm{m/s}$
 - Czas: $t=10\,\mathrm{s}$
- 2. Obliczenie przyspieszenia: Z wzoru $a=\frac{v}{t}$ obliczamy przyspieszenie:

$$a = \frac{v}{t} = \frac{20\,{\rm m/s}}{10\,{\rm s}} = 2\,{\rm m/s}^2$$

3. Obliczenie siły: Korzystając ze wzoru $F=a\cdot m$, możemy teraz obliczyć siłę:

$$F = a \cdot m = 2 \,\mathrm{m/s}^2 \cdot 1000 \,\mathrm{kg} = 2000 \,\mathrm{N}$$

4. **Odpowiedź**: Siła potrzebna do uzyskania przyspieszenia wynosi 2000 N.

Zadanie 2: Obliczanie drogi w ruchu jednostajnie przyspieszonym

Treść zadania:

Ciało zaczyna się poruszać z miejsca (prędkość początkowa równa zero) z przyspieszeniem $4\,\mathrm{m/s}^2$. Jaką drogę pokona po 5 sekundach?

Rozwiązanie:

- 1. Dane:
 - ullet Przyspieszenie: $a=4\,\mathrm{m/s}^2$
 - Czas: $t=5\,\mathrm{s}$
 - Prędkość początkowa: $v_0 = 0\,\mathrm{m/s}$ (zaczyna z miejsca)
- 2. Obliczenie drogi: Z wzoru $S=0.5 \cdot a \cdot t^2$ obliczamy drogę:

$$S = 0.5 \cdot 4 \,\mathrm{m/s^2} \cdot (5 \,\mathrm{s})^2 = 0.5 \cdot 4 \cdot 25 = 50 \,\mathrm{m}$$

3. Odpowiedź: Ciało pokona 50 metrów po 5 sekundach.

Zadanie 3: Obliczanie przyspieszenia i siły

Treść zadania:

Ciało o masie 10 kg rozpędza się z prędkości 0 m/s do 15 m/s w ciągu 3 sekund. Oblicz przyspieszenie ciała oraz siłę działającą na ciało.

Rozwiązanie:

- 1. Dane:
 - Masa ciała: $m=10\,\mathrm{kg}$
 - Prędkość końcowa: $v=15\,\mathrm{m/s}$
 - Czas: $t=3\,\mathrm{s}$
- 2. Obliczenie przyspieszenia: Z wzoru $a=rac{v}{t}$ obliczamy przyspieszenie:

$$a = \frac{v}{t} = \frac{15 \,\mathrm{m/s}}{3 \,\mathrm{s}} = 5 \,\mathrm{m/s}^2$$

3. **Obliczenie siły**: Korzystając ze wzoru $F=a\cdot m$, obliczamy siłę działającą na ciało:

$$F = a \cdot m = 5 \,\mathrm{m/s}^2 \cdot 10 \,\mathrm{kg} = 50 \,\mathrm{N}$$

4. Odpowiedź: Przyspieszenie ciała wynosi $5\,\mathrm{m/s^2}$, a siła działająca na ciało wynosi 50 N.

Zadanie 4: Droga i przyspieszenie w ruchu prostoliniowym przyspieszonym

Treść zadania:

Ciało porusza się ruchem jednostajnie przyspieszonym, zaczynając od prędkości początkowej $v_0=0$. Po 4 sekundach ciało pokonuje drogę 32 metry. Oblicz przyspieszenie ciała.

Rozwiązanie:

- 1. Dane:
 - $\bullet \quad {\rm Droga:}\, S=32\,{\rm m}$
 - Czas: $t=4\,\mathrm{s}$
 - ullet Prędkość początkowa: $v_0=0\,\mathrm{m/s}$
- 2. **Obliczenie przyspieszenia**: Korzystamy ze wzoru $S=0.5\cdot a\cdot t^2$. Przekształcamy go, aby obliczyć a:

$$a = \frac{2 \cdot S}{t^2}$$

Podstawiamy dane:

$$a = \frac{2 \cdot 32}{(4)^2} = \frac{64}{16} = 4 \,\mathrm{m/s^2}$$

3. Odpowiedź: Przyspieszenie ciała wynosi $4\,\mathrm{m/s}^2$.

Zadanie 5: Obliczanie drogi i siły

Treść zadania:

Ciało o masie 20 kg zaczyna poruszać się z prędkością $0~{
m m/s}$ i osiąga prędkość $10~{
m m/s}$ w ciągu 5 sekund. Oblicz drogę, jaką ciało pokonało, oraz siłę działającą na to ciało.

Rozwiązanie:

- 1. Dane:
 - Masa: $m = 20 \, \text{kg}$
 - Prędkość końcowa: $v=10\,\mathrm{m/s}$
 - Czas: $t=5\,\mathrm{s}$
 - 2. Obliczenie przyspieszenia: Z wzoru $a=rac{v}{t}$ obliczamy przyspieszenie:

$$a = \frac{10 \,\mathrm{m/s}}{5 \,\mathrm{s}} = 2 \,\mathrm{m/s}^2$$

3. Obliczenie drogi: Z wzoru $S=0.5 \cdot a \cdot t^2$ obliczamy drogę:

$$S = 0.5 \cdot 2 \cdot (5)^2 = 0.5 \cdot 2 \cdot 25 = 25 \,\mathrm{m}$$

4. Obliczenie siły: Z wzoru $F=a\cdot m$ obliczamy siłę:

$$F = 2 \, \text{m/s}^2 \cdot 20 \, \text{kg} = 40 \, \text{N}$$

5. Odpowiedź: Ciało pokonało 25 metrów, a siła działająca na ciało wynosi 40 N.

Zadania do trenningu:

Zadanie 1: Obliczanie siły

Samochód o masie 1500 kg rozpędza się od prędkości 0 m/s do prędkości 30 m/s w ciągu 12 sekund. Jaką siłę musi wygenerować silnik, aby osiągnąć to przyspieszenie?

Zadanie 2: Obliczanie drogi

Ciało poruszające się z prędkością początkową 0 m/s przyspiesza jednostajnie z przyspieszeniem 5 m/s25 \, \text{m/s}^25m/s2. Jaką drogę pokona w ciągu 8 sekund?

Zadanie 3: Obliczanie przyspieszenia i siły

Ciało o masie 25 kg zwiększa swoją prędkość z 5 m/s do 25 m/s w ciągu 4 sekund. Oblicz przyspieszenie i siłę, która działa na ciało.

Zadanie 4: Ruch jednostajnie przyspieszony

Ciało zaczyna poruszać się z miejsca (prędkość początkowa 0 m/s) z przyspieszeniem 3 m/s23 \, \text{m/s}^23m/s2. Jaką drogę pokona po 6 sekundach?

Zadanie 5: Droga i siła w ruchu przyspieszonym

Ciało o masie 50 kg zwiększa prędkość z 0 m/s do 20 m/s w ciągu 10 sekund. Oblicz, jaką drogę pokona ciało oraz jaką siłę na nie działa.

Zadanie 6: Obliczanie siły na poruszający się obiekt

Pociąg o masie 10 000 kg rozpędza się z prędkości 0 m/s do 15 m/s w ciągu 20 sekund. Jaką siłę generuje silnik pociągu?

Zadanie 7: Ruch prostoliniowy

Ciało o masie 30 kg porusza się z przyspieszeniem 2 m/s22 \, \text{m/s}^22m/s2. Jaką drogę pokona ciało po 7 sekundach?

Zadanie 8: Przyspieszenie i siła

Kula o masie 8 kg zaczyna się poruszać od prędkości 0 m/s do 12 m/s w ciągu 4 sekund. Oblicz przyspieszenie kuli oraz siłę, która działa na kulę.

Zadanie 9: Droga i czas

Ciało poruszające się z przyspieszeniem 6 m/s26 \, \text{m/s}^26m/s2 osiąga prędkość 18 m/s. Jaką drogę pokona to ciało w czasie 3 sekund?

Zadanie 10: Siła i przyspieszenie

Ciało o masie 15 kg osiąga prędkość 10 m/s w czasie 5 sekund. Oblicz, jaką siłę trzeba zastosować, aby osiągnąć to przyspieszenie.