



UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI SALERNO
DIPARTIMENTO DI INFORMATICA



Intelligenza Artificiale

Decisioni Semplici

Outline

- ▶ Decidere in condizioni di incertezza
- ▶ La teoria dell'utilità: le basi
- ▶ Funzioni di utilità multi-attributo
- ▶ Reti di decisione
- ▶ Il valore delle informazioni
- ▶ Sistemi esperti basati sulla teoria delle decisioni

Outline

- ▶ Decidere in condizioni di incertezza
- ▶ La teoria dell'utilità: le basi
- ▶ Funzioni di utilità multiattributo
- ▶ Reti di decisione
- ▶ Il valore delle informazioni
- ▶ Sistemi esperti basati sulla teoria delle decisioni

Un agente basato sulla teoria delle decisioni

- ▶ Un agente che sceglie razionalmente l'azione da intraprendere in base a ciò che crede e desidera, combinando
 - ▶ La teoria dell'utilità
 - ▶ La teoria della probabilità
- ▶ Esso potrà operare in contesti in cui un agente puramente logico non riesce ad arrivare ad alcuna decisione
 - ▶ Incertezza e conflitti tra obiettivi contrastanti

Decidere in termini di utilità

Per giudicare ciò che si deve fare per ottenere un bene o evitare un male è necessario considerare non solo il bene e il male in sé, ma anche la probabilità che accada o no; e guardare geometricamente la proporzione che tutte queste cose hanno nell'insieme

[Arnauld, *La logica di Port-Royal*, 1662]

- ▶ Secondo lo stesso principio nei testi moderni si parla di **utilità**

Funzioni di utilità

- ▶ Le preferenze di un agente tra gli stati del mondo sono rappresentate da una **funzione di utilità**
 - ▶ Esprime con un singolo valore la desiderabilità di uno stato
- ▶ Combinando le utilità con le probabilità degli esiti delle azioni si ottiene l'**utilità attesa** (EU) di ogni azione
 - ▶ $U(S)$: l'utilità dello stato S per l'agente
 - ▶ A : azione non deterministica
 - ▶ $Risultato_i(A)$: i -esimo stato di uscita tra quelli possibili
 - ▶ E : riassume le prove disponibili riguardo al mondo
 - ▶ $Do(A)$: la proposizione che afferma che viene eseguita A

$$EU(A|E) = \sum_i P(Risultato_i(A)|Do(A),E) U(Risultato_i(A))$$

Massima utilità attesa

- ▶ Un agente razionale deve scegliere l'azione che massimizza la sua utilità attesa
 - ▶ Principio della massima utilità attesa (MEU)
- ▶ Tutto ciò che deve fare un agente intelligente è calcolare le varie quantità e massimizzare l'utilità delle sue azioni
- ▶ Benché sia vero che il principio MEU definisce l'azione giusta da prendere in ogni contesto decisionale
 - ▶ I calcoli potrebbero essere proibitivi
 - ▶ Talvolta è difficile formulare completamente il problema
- ▶ Ci limiteremo a concentrarci su decisioni semplici

Outline

- ▶ Decidere in condizioni di incertezza
- ▶ La teoria dell'utilità: le basi
- ▶ Funzioni di utilità multiattributo
- ▶ Reti di decisione
- ▶ Il valore delle informazioni
- ▶ Sistemi esperti basati sulla teoria delle decisioni

La teoria dell'utilità

- ▶ Un agente razionale potrebbe avere una struttura di preferenze troppo complessa per essere rappresentata semplicemente da un singolo valore reale per ogni stato
 - ▶ Perché dovrebbe essere così speciale massimizzare l'utilità media?
 - ▶ Un agente non potrebbe agire razionalmente esprimendo una preferenza tra gli stati, anziché assegnare loro dei valori numerici?
 - ▶ Perché dovrebbe esistere una funzione di utilità con le proprietà richieste?

Vincoli su preferenze razionali

- ▶ È possibile scrivere alcuni vincoli sulle preferenze che un agente razionale dovrebbe rispettare
 - ▶ Partendo da tali vincoli si può derivare il principio MEU
- ▶ Per descrivere le preferenze usiamo la seguente notazione
 - ▶ $A \succ B$ A è preferita a B
 - ▶ $A \sim B$ L'agente è indifferente tra A e B
 - ▶ $A \succeq B$ L'agente preferisce A a B o è indifferente

Lotterie

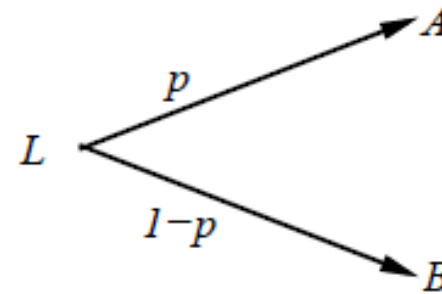
- ▶ Cosa sono A e B?
 - ▶ Caso deterministico: A e B saranno gli stati di uscita di tali azioni, concreti e pienamente specificati
 - ▶ Caso non deterministico: A e B saranno **lotterie**
- ▶ Una lotteria è una distribuzione di probabilità su un insieme di stati di uscita (i “premi” della lotteria stessa)
 - ▶ L lotteria
 - ▶ C_1, \dots, C_n le possibili uscite
 - ▶ p_1, \dots, p_n probabilità associate alle uscite

$$L = [p_1, C_1; p_2, C_2; \dots p_n, C_n]$$

Lotterie

- ▶ Esempio

- ▶ $L = [p, A; (1-p), B]$



- ▶ Un uscita della lotteria può essere

- ▶ Uno stato atomico
 - ▶ Un'altra lotteria

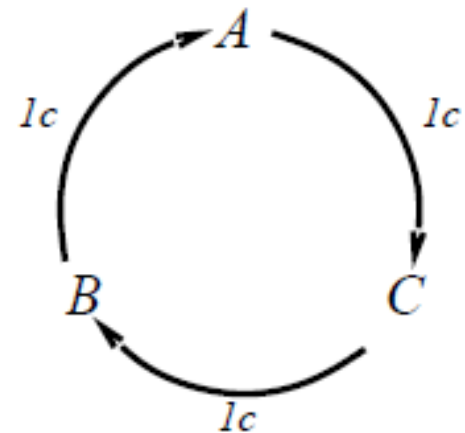
- ▶ Una lotteria con un unico stato atomico di uscita può essere rappresentata sia con $[1, A]$ o direttamente con A

Vincoli su relazione di preferenza

- ▶ Nella teoria dell'utilità è necessario imporre **vincoli sulla relazione di preferenza**
 - ▶ Ordinabilità
 - ▶ $(A \succ B) \vee (B \succ A) \vee (A \sim B)$
 - ▶ Transitività
 - ▶ $(A \succ B) \wedge (B \succ C) \Rightarrow (A \succ C)$
 - ▶ Continuità
 - ▶ $A \succ B \succ C \Rightarrow \exists p [p, A; (1-p), C] \sim B$
 - ▶ Sostituibilità
 - ▶ $A \sim B \Rightarrow [p, A; (1-p), C] \sim [p, B; (1-p), C]$
 - ▶ Monotonicità
 - ▶ $A \succ B \Rightarrow (p \geq q \Leftrightarrow [p, A; (1-p), B] \succeq [q, A; (1-q), B])$
 - ▶ Scomponibilità
 - ▶ $[p, A; (1-p), [q, B; (1-q), C]] \sim [p, A; (1-p)q, B; (1-p)(1-q), C]$

Contraddire le relazioni di preferenza

- ▶ Violare i vincoli sulle relazioni di preferenza porta ad un comportamento non razionale
 - ▶ Esempio: un agente con preferenze non transitive può essere indotto a dare via tutto il suo denaro
 - ▶ Se $B \succ C$, allora un agente che ha C avrebbe pagato 1 centesimo per avere B
 - ▶ Se $A \succ B$, allora un agente che ha B avrebbe pagato 1 centesimo per avere A
 - ▶ Se $C \succ A$, allora un agente che ha A avrebbe pagato 1 centesimo per avere C



... e poi ci fu l'Utilità

- ▶ Gli assiomi della teoria dell'utilità non dicono nulla sull'utilità stessa (si riferiscono alle preferenze)
 - ▶ L'esistenza di una funzione di utilità è conseguenza degli assiomi di utilità

1. Principio di utilità

- ▶ Se le preferenze di un agente obbediscono agli assiomi di utilità, allora esiste una funzione a valori reali U applicabile agli stati tale che
 - ▶ $U(A) > U(B) \Leftrightarrow A \succ B$
 - ▶ $U(A) = U(B) \Leftrightarrow A \sim B$

... e poi ci fu l'Utilità

- ▶ Gli assiomi della teoria dell'utilità non dicono nulla sull'utilità stessa
- ▶ L'esistenza di una funzione di utilità è conseguenza degli assiomi di utilità

2. Principio della massima utilità attesa

- ▶ L'utilità di una lotteria è la somma delle probabilità di ogni uscita moltiplicata per l'utilità di tale uscita

$$U([p_1, S_1; \dots; p_n, S_n]) = \sum_i p_i U(S_i)$$

- ▶ Una volta che sono state specificate le probabilità e le utilità di tutti i possibili stati di uscita, l'utilità della lotteria che coinvolge quegli stati è completamente determinata

L'utilità del denaro

- ▶ Se restringiamo l'attenzione alle sole azioni che influenzano la quantità di denaro posseduta da un agente
 - ▶ Sebbene gli agenti mostrano una **preferenza monotona** per il denaro
 - ▶ Il denaro **non** si comporta come una funzione di utilità
- ▶ Data una lotteria L con valore monetario atteso $EMV(L)$, di solito $U(L) < U(EMV(L))$
 - ▶ Le persone sono avverse al rischio
 - ▶ Si preferisce un guadagno sicuro, anche se è inferiore al valore monetario atteso di una scommessa

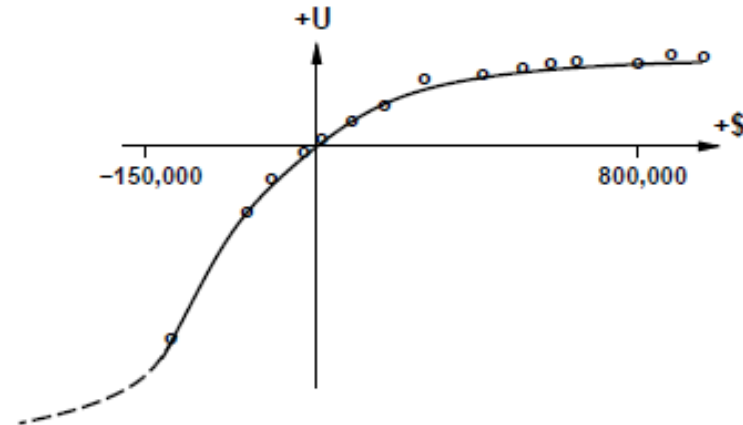
L'utilità del denaro

- ▶ Curva di utilità

Per quale probabilità p si resta indifferenti tra un premio sicuro x e una lotteria $[p, \$M; (1 - p), \$0]$ per grandi M ?

- ▶ Grayson (1960) trovò che l'utilità del denaro era quasi esattamente proporzionale al **logaritmo** della quantità
- ▶ Mr. Beard ha riportato dati empirici sull'intervallo $[-150.000, +800.000]$ mediante la curva

$$U(S_{k+n}) = -263,31 + 22,09 \log(n + 150.000)$$



Scale e valutazioni di utilità

- ▶ Una procedura per la valutazione delle utilità consiste nello stabilire una scala con
 - ▶ “Il miglior premio possibile” in $U(S) = u_{\top}$
 - ▶ “La peggior catastrofe possibile” in $U(S) = u_{\perp}$
- ▶ Le **utilità normalizzate** potranno utilizzare una scala con $u_{\perp}=0$ e $u_{\top}=1$
- ▶ Per valutare le utilità intermedie si può chiedere all'agente di indicare una preferenza tra un dato stato di uscita A e la **lotteria standard** $L_p = [p, u_{\top}; (1-p), u_{\perp}]$
 - ▶ La probabilità p viene quindi “tarata” fino a quando $A \sim L_p$

Scale e valutazioni di utilità

- ▶ È sempre possibile trasformare una funzione di utilità $U(S)$ in

$$U'(S) = k_1 + k_2 U(S)$$

- ▶ dove k_1 è una costante qualsiasi e k_2 una costante positiva
- ▶ Questa trasformazione lineare non modifica il comportamento dell'agente
- ▶ In contesti deterministici (senza lotterie) potrà essere determinata soltanto una **funzione ordinale di utilità**
 - ▶ Un ordinamento totale tra gli stati

Outline

- ▶ Decidere in condizioni di incertezza
- ▶ La teoria dell'utilità: le basi
- ▶ **Funzioni di utilità multiattributo**
- ▶ Reti di decisione
- ▶ Il valore delle informazioni
- ▶ Sistemi esperti basati sulla teoria delle decisioni

Teoria dell'utilità multiattributo

- ▶ Per decidere la posizione di un nuovo aeroporto si devono considerare
 - ▶ I disagi causati dalla sua costruzione
 - ▶ Il costo del terreno
 - ▶ La distanza dai centri popolati
 - ▶ Il rumore causato dagli aerei
 - ▶ I problemi di sicurezza legati alla topografia locale e al clima
 - ▶ ...
- ▶ Problemi come questi, in cui le conseguenze sono caratterizzate da due o più attributi, sono argomento della **teoria dell'utilità multiattributo**

Utilità multiattributo

- ▶ Notazione

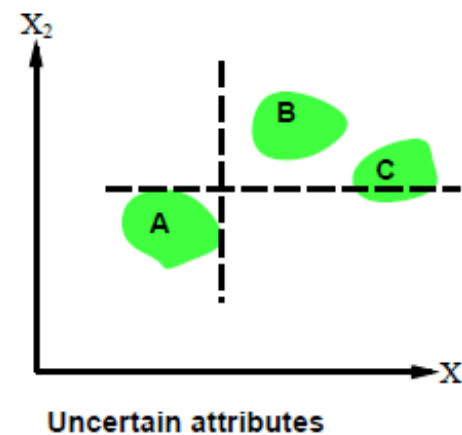
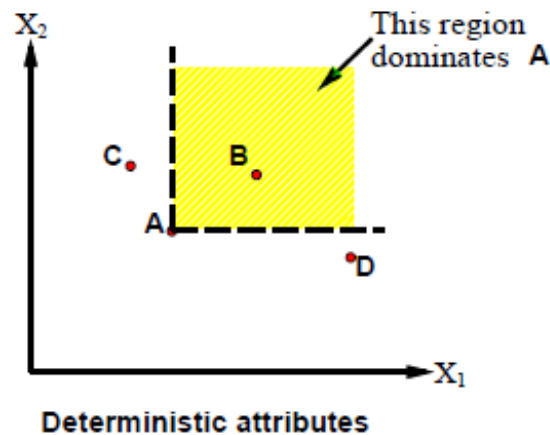
- ▶ Attributi: $X = X_1, \dots, X_n$
- ▶ Vettore completo di assegnamenti: $x = \langle x_1, \dots, x_n \rangle$

- ▶ Assunzioni di base generali

- ▶ Ogni attributo avrà valori discreti o continui scalari
- ▶ A valori più alti dell'attributo corrisponderà un'utilità maggiore
 - ▶ Per il problema del rumore degli aerei useremo come attributo *AssenzaDiRumore*
- ▶ In alcuni casi potrebbe essere utile suddividere il dominio dei valori in più intervalli, in modo che l'utilità vari monotonicamente all'interno di ognuno di essi

Dominanza stretta

- ▶ Se tutti gli attributi di un'opzione (A) hanno un valore inferiore a quelli di un'altra (B), non è necessario considerare ulteriormente la prima opzione
- ▶ Esiste una **dominanza stretta** di B su A

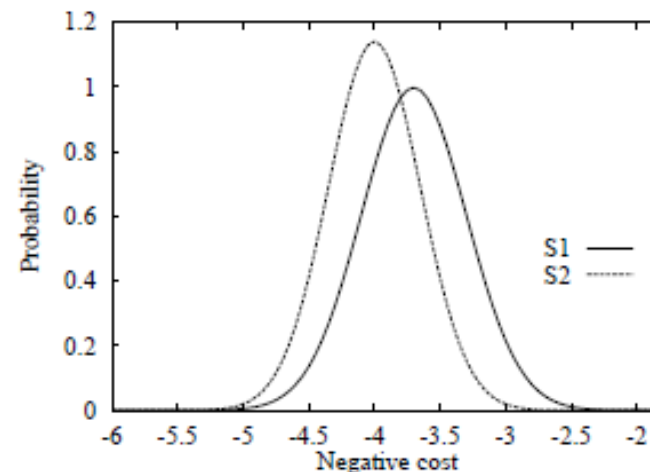


- ▶ La dominanza stretta è spesso utile per sfolire il campo delle scelte riducendo alle possibilità realmente interessanti

Dominanza stocastica

- ▶ In molti problemi reali diventa più utile usare una definizione più generale di dominanza, chiamata **dominanza stocastica**
- ▶ Il costo della costruzione dell'aeroporto
 - ▶ Posizione S_1 : [2,8; 4,8] Mld di euro (uniformemente distribuito)
 - ▶ Posizione S_2 : [3; 5,2] Mld di euro (uniformemente distribuito)

S_1 domina
stocasticamente S_2



Dominanza stocastica

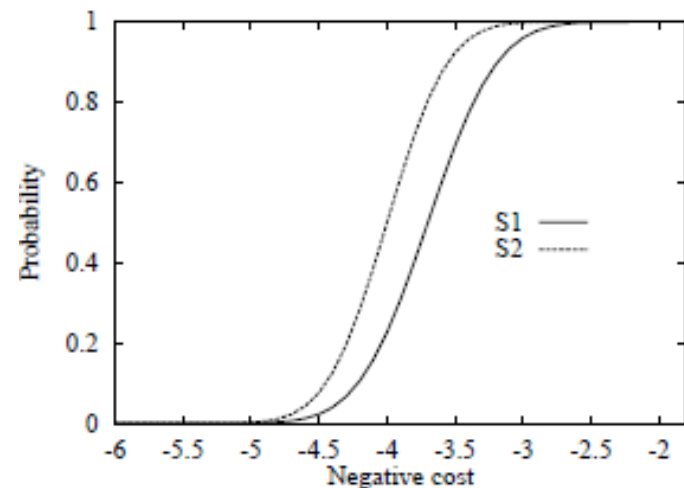
- ▶ La relazione esatta tra le distribuzioni degli attributi affinché ci sia una dominanza stocastica si comprende meglio considerando le **distribuzioni cumulate**
- ▶ La distribuzione cumulata misura la probabilità che il costo sia inferiore o uguale ad una quantità data
- ▶ È l'integrale della distribuzione originale

Azioni: S_1 e S_2

Distribuzioni: $p_1(x)$ e $p_2(x)$ su X

S_1 domina S_2 sse

$$\forall x \int_{-\infty}^x p_1(x') dx' \leq \int_{-\infty}^x p_2(x') dx'$$



Dominanza stocastica

- ▶ L'importanza della definizione di dominanza stocastica per la scelta di decisioni ottime deriva dalla seguente proprietà

Se S_1 domina stocasticamente S_2 , allora l'utilità attesa di S_1 è almeno pari a quella di S_2 per qualsiasi funzione di utilità $U(x)$ monotonicamente non decrescente

- ▶ La condizione di dominanza stocastica potrebbe sembrare difficile da valutare senza complessi calcoli probabilistici
- ▶ Tuttavia, essa può essere determinata senza l'utilizzo delle distribuzioni esatte usando un ragionamento **qualitativo**
 - ▶ Il costo dell'aeroporto cresce in base distanza dalla città:
 - ▶ Se S_1 è più vicino di S_2 alla città $\Rightarrow S_1$ stocasticamente domina S_2 sul costo

Preferenze e utilità multiattributo

- ▶ Supponiamo di avere n attributi, ognuno con d possibili valori distinti
 - ▶ Per specificare una funzione di utilità completa $U(x_1, \dots, x_n)$, nel caso pessimo, sono necessari d^n valori
- ▶ Il caso pessimo corrisponde ad una situazione in cui le preferenze dell'agente non hanno alcuna organizzazione
- ▶ Idea di base
 - ▶ Identificare le regolarità nel comportamento decisionale e sfruttare i **teoremi di rappresentazione** per mostrare che una agente ha una funzione di utilità

$$U(x_1, \dots, x_n) = f[f_1(x_1), \dots, f_n(x_n)]$$

Preferenze senza incertezza

- ▶ Negli ambienti deterministici l'agente ha una funzione valore $V(x_1, \dots, x_n)$
 - ▶ L'obiettivo è rappresentare tale funzione in modo conciso
- ▶ La regolarità principale che si può sfruttare è l'**indipendenza delle preferenze**
 - ▶ Due attributi X_1 e X_2 sono indipendenti per la preferenza da un terzo attributo X_3 sse la preferenza tra $\langle x_1, x_2, x_3 \rangle$ e $\langle x'_1, x'_2, x_3 \rangle$ non dipende dal valore x_3
- ▶ Esempio: gli attributi (*Rumore, Costo, Morti*) per l'aeroporto
 - ▶ $\langle 20000 \text{ persone che subiscono}, 4,0 \text{ Mln}, 0.06 \text{ morti/Mln miglia} \rangle$
 - ▶ $\langle 70000 \text{ persone che subiscono}, 3,7 \text{ Mln}, 0.06 \text{ morti/Mln miglia} \rangle$

Preferenze senza incertezza

- ▶ Teorema (Leontief, 1947):
 - ▶ se ogni coppia di attributi è indipendente per la preferenza dal suo complemento, allora ogni sottoinsieme di attributi è indipendente per la preferenza dal suo complemento (indipendenza mutua per la preferenza, MPI)
- ▶ Teorema (Debreu, 1960):
 - ▶ se gli attributi X_1, \dots, X_n sono MPI allora esiste una **funzione di valore additiva**

$$V(x_1, \dots, x_n) = \sum_i V_i(x_i)$$

dove ogni V_i è una funzione valore che si riferisce all'attributo X_i

Preferenze con incertezza

- ▶ Negli ambienti in cui è presente incertezza è necessario
 - ▶ considerare la struttura delle preferenze tra lotterie, e
 - ▶ comprendere le proprietà risultanti delle funzioni di utilità
- ▶ La nozione di base è l'**indipendenza per utilità**
 - ▶ Un insieme di attributi X è indipendente per utilità da un insieme di attributi Y se le preferenze tra le lotterie in X sono indipendenti dai particolari valori y di Y
- ▶ Indipendenza mutua per utilità (MUI)
 - ▶ se ogni sottoinsieme è MUI dal suo complemento allora esiste una **funzione di utilità moltiplicativa** (caso $|X|=3$)

$$U = k_1U_1 + k_2U_2 + k_3U_3 + k_1k_2U_1U_2 + k_2k_3U_2U_3 + k_3k_1U_3U_1 + k_1k_2k_3U_1U_2U_3$$

Outline

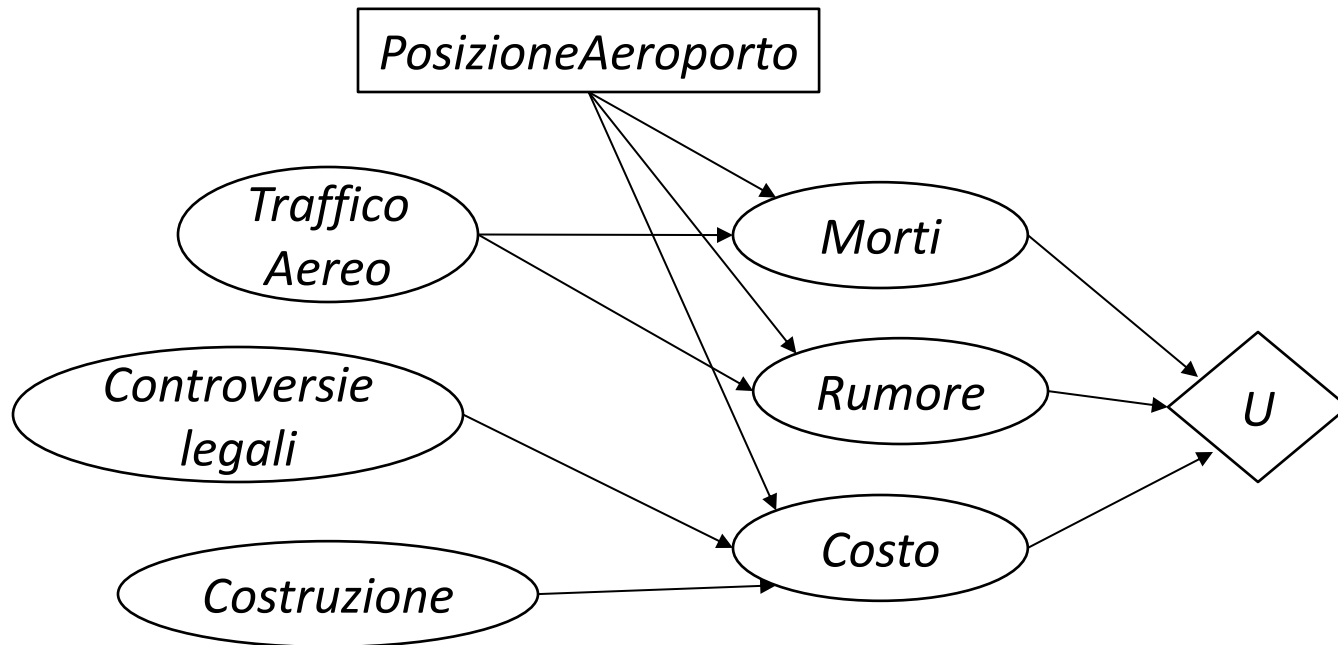
- ▶ Decidere in condizioni di incertezza
- ▶ La teoria dell'utilità: le basi
- ▶ Funzioni di utilità multiattributo
- ▶ **Reti di decisione**
- ▶ Il valore delle informazioni
- ▶ Sistemi esperti basati sulla teoria delle decisioni

Reti di decisione

- ▶ Una **rete di decisione** rappresenta informazioni su
 - ▶ lo stato corrente dell'agente,
 - ▶ le possibili azioni che può intraprendere l'agente,
 - ▶ gli stati risultanti dalle azioni
 - ▶ l'utilità delle azioni
- ▶ La rete di decisione rappresenta una base ideale per implementare agenti basati sull'utilità
- ▶ Rappresentazione
 - ▶ Nodi di possibilità → ovali
 - ▶ Nodi di decisione → rettangoli
 - ▶ Nodi di utilità → rombi

Una semplice rete di decisione

- ▶ Una semplice rete di decisione per il problema della posizione dell'aeroporto



Tipi di nodi

- ▶ I **nodi di possibilità** rappresentano variabili casuali
 - ▶ L'agente potrebbe essere incerto riguardo al costo di costruzione, il livello di traffico aereo e delle conseguenti controversie legali
 - ▶ Le variabili *Morti*, *Rumore* e *Costo* dipendono anche dalla posizione scelta
- ▶ I **nodi di decisione** rappresentano punti in cui scegliere un'azione
 - ▶ *PosizioneAeroporto* può assumere un valore diverso per ogni sito preso in considerazione
- ▶ I **nodi di utilità** rappresentano la funzione di utilità dell'agente

Valutazione delle reti di decisione

- ▶ Le azioni sono selezionate valutando la rete per ogni possibile configurazione del nodo di decisione
- ▶ Una volta che il suo valore è fissato si comporta esattamente come un nodo di possibilità
- ▶ L'**algoritmo di valutazione** è il seguente:
 1. Imposta le variabili di prova per lo stato corrente.
 2. Per ogni possibile valore del nodo di decisione:
 - a. assegna tale valore al nodo di decisione;
 - b. calcola le probabilità a posteriori dei nodi genitori del nodo di utilità con un algoritmo standard di inferenza probabilistica;
 - c. calcola l'utilità risultante dell'azione.
 3. Restituisci l'azione con utilità più alta.

Outline

- ▶ Decidere in condizioni di incertezza
- ▶ La teoria dell'utilità: le basi
- ▶ Funzioni di utilità multiattributo
- ▶ Reti di decisione
- ▶ Il valore delle informazioni
- ▶ Sistemi esperti basati sulla teoria delle decisioni

Il valore delle informazioni

- ▶ Molto spesso non tutta l'informazione disponibile viene fornita all'agente
- ▶ Per un agente diventa necessario scegliere quali informazioni ottenere (**teoria del valore dell'informazione**)
- ▶ Esempio

Una compagnia petrolifera desidera acquisire uno tra n blocchi per la trivellazione oceanica, sapendo che solo uno contiene petrolio per un valore di C dollari. Il prezzo di ogni blocco è C/n dollari. Un consulente si offre di effettuare un'indagine approfondita per stabilire se un blocco contiene il petrolio o no. Quanto si dovrebbe pagare?

Il valore delle informazioni

Quanto si dovrebbe pagare?

- ▶ Calcolo del valore atteso data l'informazione
 - ▶ Con probabilità $1/n$ il blocco considerato conterrà il petrolio, e il conseguente acquisto porterà ad un profitto pari a
$$C - C/n = (n-1)C/n$$
 - ▶ Con probabilità $(n-1)/p$ il blocco considerato non conterrà il petrolio, per cui il profitto atteso della compagnia diventa
$$C/(n-1) - C/n = C/n(n-1)$$
- ▶ Il profitto atteso data l'informazione dal consulente è
$$1/n \times (n-1)C/n + (n-1)/p \times C/n(n-1) = C/n$$
- ▶ La compagnia per avere l'informazione dovrebbe essere pronta a pagare fino a quanto il blocco stesso

Una formula generale

- ▶ È possibile derivare una formula generale che esprima il **valore dell'informazione perfetta** (VPI)
 - ▶ E la conoscenza corrente dell'agente
 - ▶ α il valore dell'azione migliore corrente

- ▶ Il valore dell'azione corrente è definita da

$$EU(\alpha|E) =$$

$$\max_A \sum_i U(Risultato_i(A)) P(Risultato_i(A)|Do(A),E)$$

- ▶ Supponiamo di conoscere la prova E_j il valore della nuova azione sarà

$$EU(\alpha_{E_j} | E, E_j) =$$

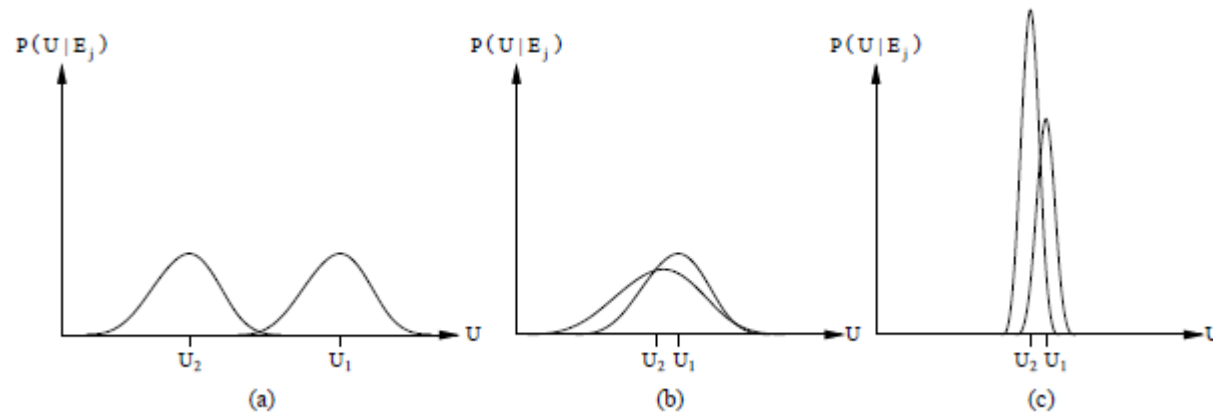
$$\max_A \sum_i U(Risultato_i(A)) P(Risultato_i(A)|Do(A),E, E_j)$$

Una formula generale

- ▶ È possibile derivare una formula generale che esprima il **valore dell'informazione perfetta** (VPI)
 - ▶ E la conoscenza corrente dell'agente
 - ▶ α il valore dell'azione migliore corrente
- ▶ Il valore della credenza E_j data l'informazione corrente E allora è definito come
 - ▶ Considerando che E_j è una variabile casuale il cui valore è “attualmente” sconosciuto
 - ▶ è necessario fare la media su tutti i possibili valori e_{jk} di E_j usando le nostre credenze correnti sul suo valore

$$VPI_E(E_j) = (\sum_k P(E_j = e_{jk} | E) EU(\alpha_{e_{jk}} | E, E_j = e_{jk})) - EU(\alpha | E)$$

Casi generici del valore dell'informazione



- a) A_1 rimarrà quasi certamente superiore ad A_2 , per cui l'informazione è superflua
- b) La scelta non è chiara, l'informazione diventa cruciale
- c) La scelta non è chiara, ma da momento che non c'è molta differenza, l'informazione ha meno valore

Proprietà del valore dell'informazione

- ▶ *Il valore dell'informazione perfetta è non negativo*
 - ▶ $\forall_j, E \quad VPI_E(E_j) \geq 0$
- ▶ *Il valore dell'informazione perfetta non è una quantità additiva*
 - ▶ $\forall_j, E \quad VPI_E(E_j, E_k) \neq VPI_E(E_j) + VPI_E(E_k)$
- ▶ *Il valore dell'informazione perfetta è indipendente dall'ordine di acquisizione*
 - ▶ $VPI_E(E_j, E_k) =$
 $VPI_E(E_j) + VPI_{E, E_j}(E_k) = VPI_E(E_k) + VPI_{E, E_k}(E_k)$

Un agente “miope” che raccoglie informazione

- ▶ L'agente opera selezionando ripetutamente l'osservazione con il più alto valore dell'informazione, finché il costo dell'osservazione successiva supera il beneficio atteso

```
fuction AGENTE-RACCOLTA-INFORMAZIONE(percezione) returns un'azione
static:  $D$ , una rete di decisione

  integra percezione in  $D$ 
   $j \leftarrow$  il valore che massimizza  $VPI(E_j) - COSTO(E_j)$ 
  if  $VPI(E_j) \geq COSTO(E_j)$ 
    then return RICHIEDI( $E_j$ )
  else return la migliore azione in base a  $D$ 
```

- ▶ Il controllo miope sfrutta la formula del VPI senza “guardare in là”, calcolando sempre il valore dell'informazione come se stesse acquisendo una sola variabile di prova

Outline

- ▶ Decidere in condizioni di incertezza
- ▶ La teoria dell'utilità: le basi
- ▶ Funzioni di utilità multiattributo
- ▶ Reti di decisione
- ▶ Il valore delle informazioni
- ▶ Sistemi esperti basati sulla teoria delle decisioni

Analisi delle decisioni

- ▶ Tra gli anni '50 e '60 si è sviluppato il campo dell'**analisi delle decisioni**
 - ▶ L'applicazione della teoria delle decisioni a problemi reali che può essere utilizzata in domini complessi (business, governo, diagnosi medica, ...)
- ▶ Il processo richiede un attento studio delle azioni possibili e dei loro esiti, così come le preferenze
- ▶ Nell'analisi delle decisioni di solito ci sono due ruoli
 - ▶ Il **decisore**: enuncia le preferenze tra le uscite delle azioni
 - ▶ L'**analista delle decisioni**: enumera le azioni possibili e le loro uscite e ottiene le preferenze dal decisore per determinare il miglior corso d'azione

I sistemi esperti nella storia

- ▶ Inizialmente i sistemi basati sulla teoria delle decisioni raccomandavano un corso d'azione preciso
 - ▶ Operavano per mezzo di regole condizione-azione, e
 - ▶ non contenevano rappresentazioni esplicite delle uscite delle preferenze
- ▶ La comparsa delle reti di decisione ha reso possibile sviluppare sistemi esperti in grado di raccomandare una decisione ottima in base
 - ▶ alle prove disponibili, e
 - ▶ alle preferenze dell'utente

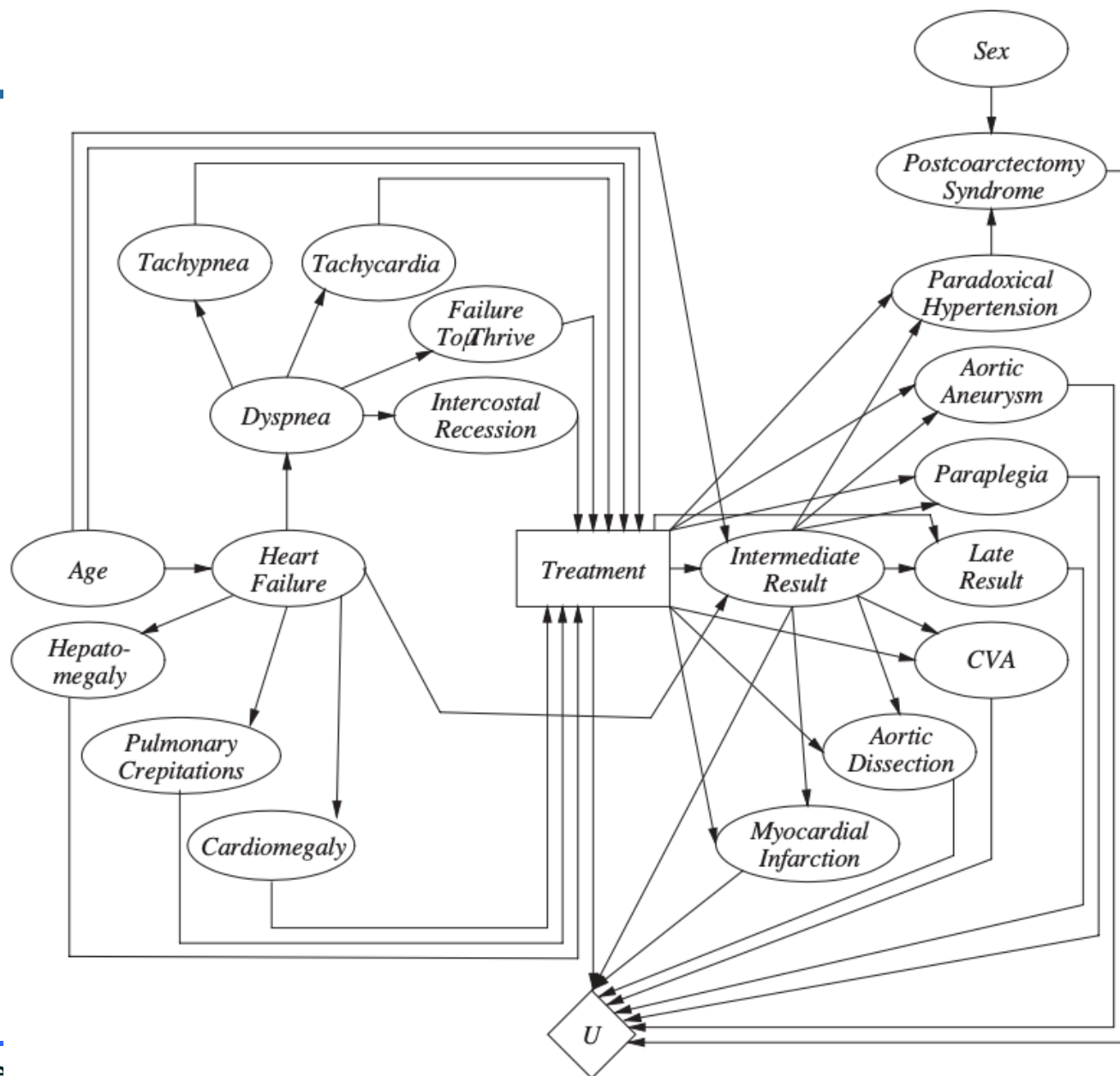
Ingegneria della conoscenza di sistemi esperti

- ▶ È possibile costruire un sistema esperto basato sulla teoria delle decisioni con l'aiuto di una squadra formata da
 - ▶ un esperto del dominio
 - ▶ un ingegnere della conoscenza
- ▶ Il processo di sviluppo può essere suddiviso nelle seguenti fasi
 1. Creare un modello casuale
 2. Ridurre il modello casuale a un modello decisionale qualitativo
 3. Assegnare le utilità
 4. Verificare e raffinare il modello
 5. Eseguire l'analisi di sensibilità

Sistema per il trattamento medico

- ▶ Descriviamo il processo di ingegneria della conoscenza per un sistema esperto per il trattamento medico di una malattia cardiaca infantile congenita
- 1. Creare un modello casuale
 - ▶ Determinare i possibili sintomi, malattie, terapie e risultati
 - ▶ Collegare con degli archi le correlazioni che esistono tra
 - ▶ Malattie che causano certi sintomi
 - ▶ Trattamenti efficaci per ogni patologia
- 2. Ridurre il modello casuale a un modello decisionale qualitativo
 - ▶ Rimuovere le variabili non coinvolte nelle decisioni terapeutiche

Diagramma di influenza per la coartazione aortica



Sistema per il trattamento medico

3. Assegnare le probabilità (da DB, studi scientifici, etc) e le utilità
 - ▶ Enumerare le possibili uscite
 - ▶ Creare una scala che va dal risultato migliore a quello meno desiderabile
 - ▶ Assegnare ad ognuno degli estremi un valore numerico
4. Verificare e raffinare il modello
 - ▶ Definire lo **standard aureo**
 - ▶ un insieme di coppie (input, output) corrette
5. Eseguire l'analisi di sensibilità
 - ▶ Verificare se la decisione migliore è sensibile ai piccoli cambiamenti delle probabilità e delle utilità

Argomenti trattati in questa lezione

- ▶ Usare la teoria delle decisioni per costruire un sistema che prende decisioni
 - ▶ Considerando tutte le azioni possibili
 - ▶ Scegliendo quella che porta all'esito atteso più favorevole
- ▶ Gestire le preferenze e utilità
 - ▶ Funzioni di utilità e lotterie
 - ▶ Utilità multi-attributo e dominanza stocastica
- ▶ Risolvere problemi decisionali
 - ▶ Reti di decisione
 - ▶ Il valore dell'informazione da raccogliere