

Latihan 2

1) $0, 1, 3, 6, 10, 15$
 $\underbrace{1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5}$
 $\underbrace{1 \ 1 \ 1 \ 1}$

$$T(n) = an^2 + bn + c$$

\Rightarrow Dengan menggunakan rumus abc, maka:

$$\begin{cases} 2a = 21 \\ a = 1/2 \end{cases} \quad \begin{cases} 30ab = 1 \\ 3 \cdot 1/2 \cdot b = 1 \\ b = -1/2 \end{cases} \quad \begin{cases} a + b + c = 0 \\ 1/2 + (-1/2) + c = 0 \\ c = 0 \end{cases}$$

\hookrightarrow Sehingga, $T(n) = 1/2 n^2 - 1/2 n + 0 //$

2) $T(n) = 5 = O(1)$

\hookrightarrow Perhatikan untuk $n \geq 1$ ketika $c = 6$

$$5 \leq 6 \cdot 1 //$$

3) $T(n) = \frac{n(n-1)}{2} + n - 1 = O(n^2)$

\hookrightarrow Perhatikan untuk $n \geq 1$ maka $n^2 - n \leq n^2$
 dan $n - 1 \leq n^2/2$ ($c = 1$) sehingga

$$\hookrightarrow \frac{n(n-1)}{2} + n - 1 \leq \frac{n^2}{2} + \frac{n^2}{2} = n^2 //$$

4) $T(n) = 6 \cdot 2^n + 2n^2 = O(2^n)$

\hookrightarrow Perhatikan bahwa untuk $n \geq 1$ maka
 $2^n \leftarrow 2n^2 \leq 2 \cdot 2^n$ ($n_0 = 1$) sehingga

$$\hookrightarrow 6 \cdot 2^n + 2n^2 \leq 6 \cdot 2^n + 2 \cdot 2^n = 8 \cdot 2^n$$

dengan $c = 8$

5) $T(n) = 1 + 2 + \dots + n = O(n^2)$

\hookrightarrow untuk $n \geq 1$, maka

$$1 + 2 + 3 + 4 + \dots + n \leq n + n + n + \dots + n = n^2$$

dengan $n_0 = 1$ dan $c = 1$

6) $T(n) = n! = O(n^n)$

\hookrightarrow Perhatikan bahwa untuk $n \geq 1$ berlaku

$$n! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot \dots \cdot n \leq n \cdot n \cdot n \cdot \dots \cdot n = n^n$$

dengan $n_0 = 1$ dan $c = 1$

7) $T(n) = 1^k + 2^k + \dots + n^k = O(n^{k+1})$

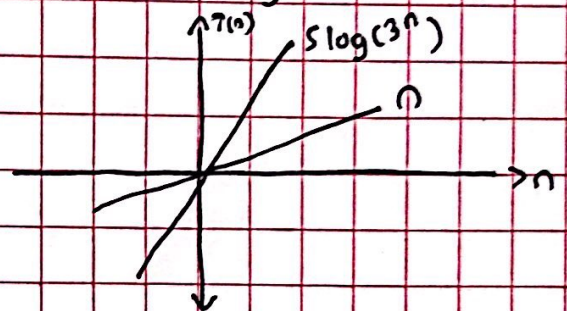
\hookrightarrow Perhatikan k untuk $n \geq 1$, maka

$$1^k + 2^k + \dots + n^k \leq 1^{k+1} + 2^{k+1} + \dots + n^{k+1}$$

\hookrightarrow atau $1^k \leq 1^{k+1}$ ($n_0 = 1$ $c = 1$) //

8) $T(n) = 5 \log(3^n) = O(n)$

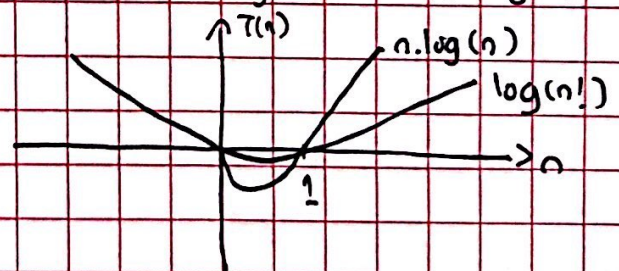
\hookrightarrow Grafik $T(n) = 5 \log(3^n)$ vs $T(n) = n$



$\hookrightarrow T(n) = n$ TIDAK akan pernah di atas $5 \log(3^n)$ untuk $n \geq 0$, sehingga penyimpulannya SALAH

9) $T(n) = \log(n!) = O(n \log(n))$

\hookrightarrow Grafik $T(n) = \log(n!)$ vs $T(n) = n \log(n)$



\hookrightarrow Perhatikan untuk $n \geq 1$

$$\log(1!) \leq 1 \cdot \log(1)$$

dengan mengambil $c = 1$ dan $n_0 = 1$, maka

$$T(n) = \log(n!) = O(n \log(n)) //$$