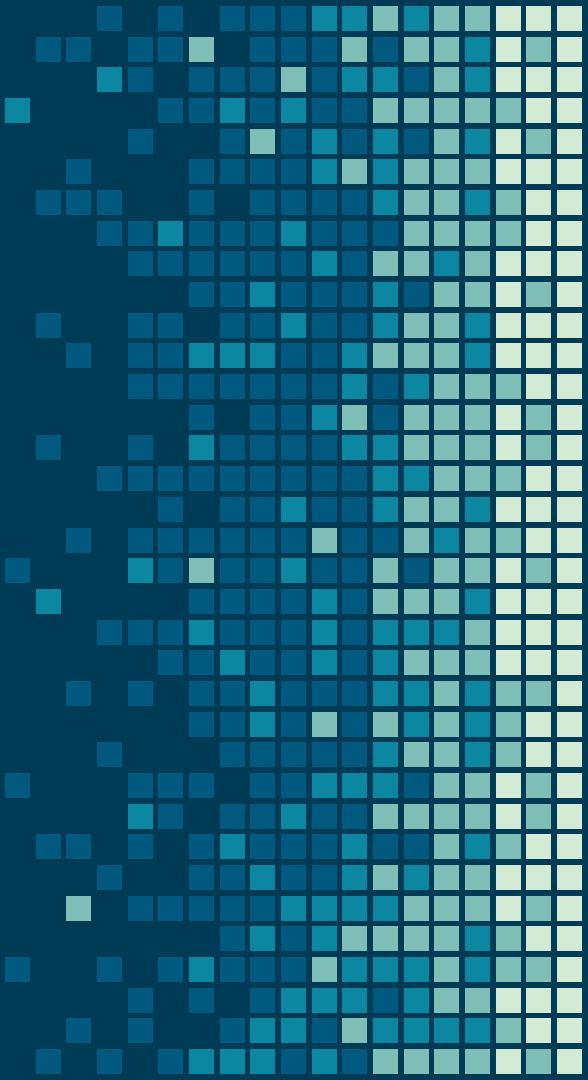


Introduction à la cryptographie



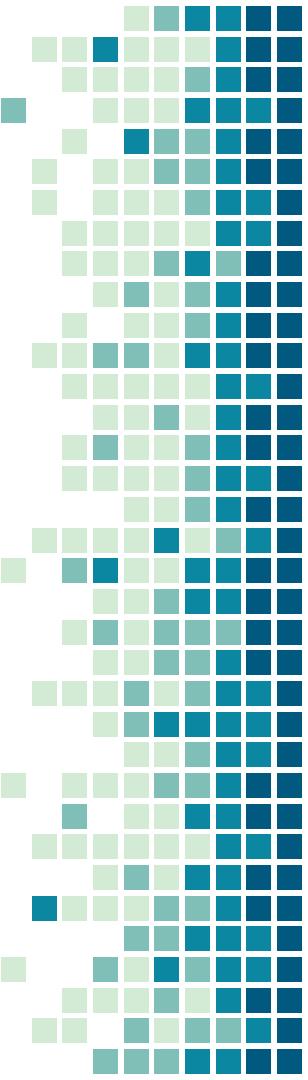
-- Cyril zarak Duval, root CRI/ACU 2020



Présentation

Quelques généralités





Pourquoi écouter cette présentation ?

- La crypto est partout
 - ◆ HTTPS, SSH, LUKS, GPG, ...
- Affaire avec à un moment ou un autre
 - ◆ JWT, git, connexion SSH, dm-crypt, PBKDF2, ...
- Vie privée

Qu'est-ce que la cryptographie ?

- Discipline de la cryptologie
- Protection des messages
- Pas de dissimulation des messages (stéganographie)

Qu'est-ce que la cryptographie ?

- ~Codage
- Hachage
- Chiffrement symétrique
- Chiffrement asymétrique

Qu'est-ce que la cryptographie ?

- Codage
- Hachage
- Chiffrement symétrique
- Chiffrement asymétrique

- *Signature numérique*
- *Echange de clés*
- *Chiffrement par bloc, par flot, ...*
- *Certificats, identités, ...*

Fonctions de hachage

Commençons simple



Fonctions de hachage

- Calcul de l'empreinte numérique d'une donnée (*hash*)

Fonctions de hachage

- Calcul de l'empreinte numérique d'une donnée (*hash*)
- Entrée taille variable, sortie taille fixe

Fonctions de hachage

- Calcul de l'empreinte numérique d'une donnée (*hash*)
- Entrée taille variable, sortie taille fixe
- Déterministe

Fonctions de hachage

```
$ printf "fonction de hachage" | sha256sum  
2db100af5d9d4e41b37bdec521f22ff06536e068e2a365285ac5f9b0e8542a14 -  
$ printf "Fonction de hachage" | sha256sum  
8b59f93d7714b00c370d386703eecc4aa5da829e248190ed27fe217bb440c17a -  
$ cat /boot/vmlinuz-4.19.0-16-amd64 | sha256sum  
d758470d7d1b4148309533e73de20ad2276fa861ce4dabaf0dae360f782fa1fa -
```

Fonctions de hachage cryptographique

Ajoutons des contraintes



Fonctions de hachage cryptographique

- Le hash doit être unique

Fonctions de hachage cryptographique

- Le hash doit être unique
 - ◆ En pratique impossible
 - ◆ Ensemble S vers N avec $\text{card}(S) > \text{card}(N)$

Fonctions de hachage cryptographique

- Le hash doit être unique
 - ◆ En pratique impossible
 - ◆ Ensemble S vers N avec $\text{card}(S) > \text{card}(N)$
- Fonction mathématique à sens unique
 - ◆ Si $f(x) = y$, impossible* de calculer x à partir de y

Fonctions de hachage cryptographique

- Le hash doit être unique
 - ◆ En pratique impossible
 - ◆ Ensemble S vers N avec $\text{card}(S) > \text{card}(N)$
- Fonction mathématique à sens unique
 - ◆ Si $f(x) = y$, impossible* de calculer x à partir de y
- Impossibilité* de calculer une collision

Fonctions de hachage cryptographique

- Le hash doit être unique
 - ◆ En pratique impossible
 - ◆ Ensemble S vers N avec $\text{card}(S) > \text{card}(N)$
- Fonction mathématique à sens unique
 - ◆ Si $f(x) = y$, impossible* de calculer x à partir de y
- Impossibilité* de calculer une collision
- Impossibilité* de calculer un message d'origine

Fonctions de hachage cryptographique

- Le hash doit être unique
 - ◆ En pratique impossible
 - ◆ Ensemble S vers N avec $\text{card}(S) > \text{card}(N)$
- Fonction mathématique à sens unique
 - ◆ Si $f(x) = y$, impossible* de calculer x à partir de y
- Impossibilité* de calculer une collision
- Impossibilité* de calculer un message d'origine
- Impossibilité de déterminer le message d'origine

Fonctions de hachage cryptographique

- Le hash doit être unique
 - ◆ En pratique impossible
 - ◆ Ensemble S vers N avec $\text{card}(S) > \text{card}(N)$
- Fonction mathématique à sens unique
 - ◆ Si $f(x) = y$, impossible* de calculer x à partir de y
- Impossibilité* de calculer une collision
- Impossibilité* de calculer un message d'origine
- Impossibilité de déterminer le message d'origine
- 2 messages très proches donnent hash très différents

Fonctions de hachage

```
$ printf "fonction de hachage" | sha256sum  
2db100af5d9d4e41b37bdec521f22ff06536e068e2a365285ac5f9b0e8542a14 -  
$ printf "Fonction de hachage" | sha256sum  
8b59f93d7714b00c370d386703eecc4aa5da829e248190ed27fe217bb440c17a -  
$ cat /boot/vmlinuz-4.19.0-16-amd64 | sha256sum  
d758470d7d1b4148309533e73de20ad2276fa861ce4dabaf0dae360f782fa1fa -
```

Fonctions de hachage - utilité

- Identification rapide de données diverses

Fonctions de hachage - utilité

- Identification rapide de données diverses
- Sécurisation du stockage de mots de passe

Fonctions de hachage - utilité

- Identification rapide de données diverses
- Sécurisation du stockage de mots de passe
- Structures de données (*hash tables*)

Fonctions de hachage - utilité

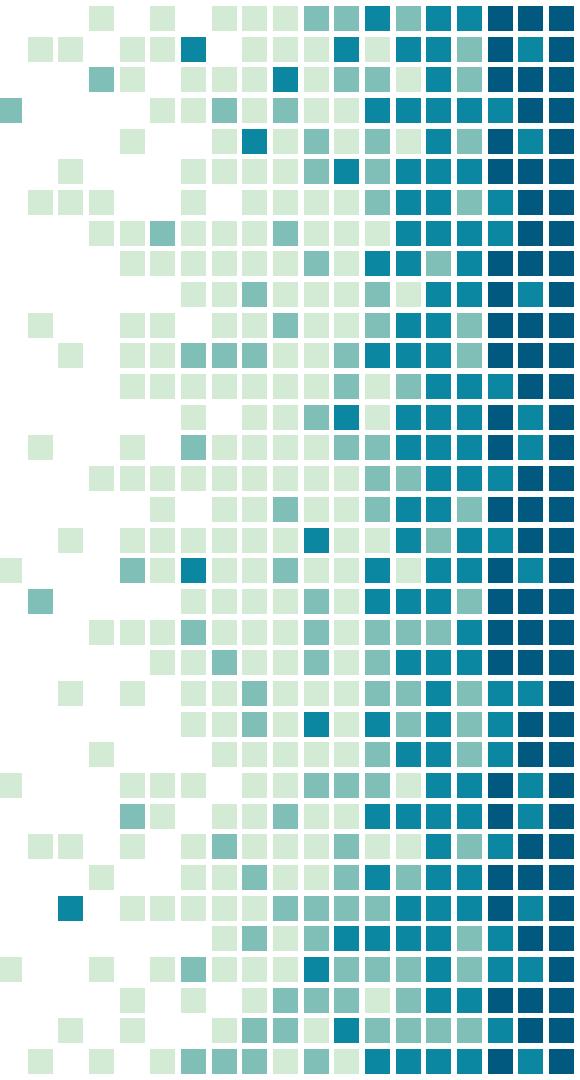
- Identification rapide de données diverses
- Sécurisation du stockage de mots de passe
- Structures de données (*hash tables*)
- Vérification de l'intégrité

Fonctions de hachage - utilité

- Identification rapide de données diverses
- Sécurisation du stockage de mots de passe
- Structures de données (*hash tables*)
- Vérification de l'intégrité
- ...

Impossible ?

Concept clé en crypto

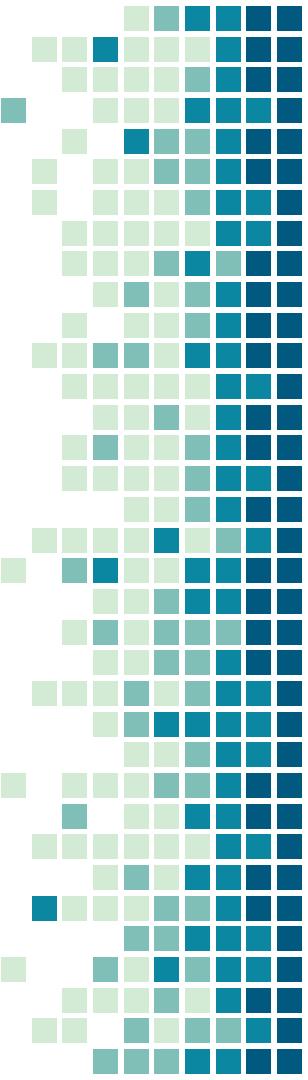


Impossibilité et difficulté

→ Aspect théorique != pratique

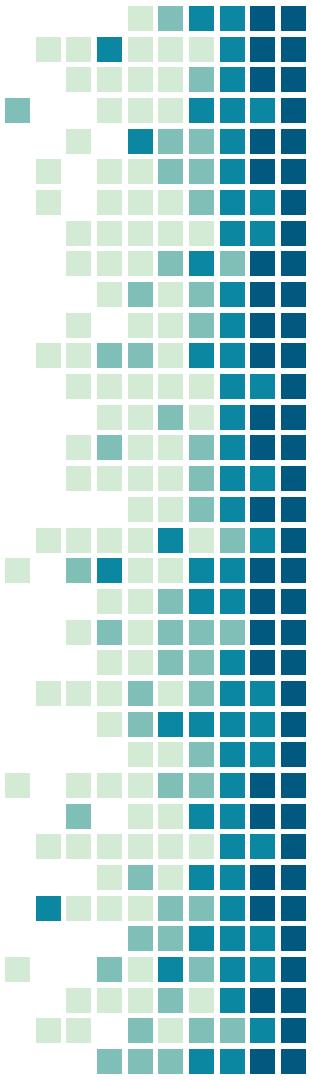
Impossibilité et difficulté

- Aspect théorique != pratique
- En crypto on parle de difficulté



Impossibilité et difficulté

- Aspect théorique != pratique
- En crypto on parle de difficulté
- Problème difficile = qui prend trop de temps à l'échelle humaine avec les moyens actuels



Impossibilité et difficulté

- Aspect théorique != pratique
- En crypto on parle de difficulté
- Problème difficile = qui prend trop de temps à l'échelle humaine avec les moyens actuels
- Attention à :
 - ◆ Maths cassées
 - ◆ La progression de la puissance de calcul dispo

Exemple de difficulté

Crackons un hash en live



Fonctions de hachage cryptographique en pratique

- MD5 (1991)
- SHA-1 (1995)
- SHA-2 (2002) : sha256, sha512 (*sha384, sha224*)
- Outil générique
- *Pour aller plus loin pour les matheux :*
 - ◆ Merkle–Damgård construction
 - ◆ Poly1305-AES

Fonctions de hachage cryptographique en pratique

```
$ printf "fonction de hachage" | md5sum  
c80b2ae9edb840bb0a9b0838a1c9eebd -  
$ printf "fonction de hachage" | sha1sum  
ea6e33286d070761dbd617e67e429d9c3a82da0a -  
$ printf "fonction de hachage" | sha256sum  
2db100af5d9d4e41b37bdec521f22ff06536e068e2a365285ac5f9b0e8542a14 -  
$ printf "fonction de hachage" | sha512sum  
f360f704d3f547795dff130436f5f2a26c256e53d6f432603e4d307c49c143f2ed158599ec78733  
e27e1936780510c432dad863fad4b6b158bc1195861a63116 -
```

Sel cryptographique

"Salt is a way of life" - youtu.be/3KquFZYi6L0



Sel cryptographique

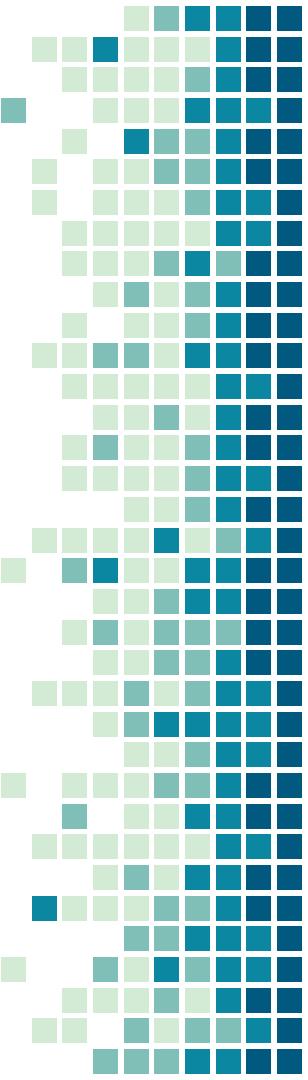
→ Données en plus avant hachage

Sel cryptographique

- Données en plus avant hachage
- Lutte contre les Rainbow Tables
- Lutte potentiellement contre la brute-force

Sel cryptographique

```
$ printf "soleil" | sha1sum  
45c8586a626ddabd233951066138d0efa7f4eb9d -  
$ printf "soleilCECIESTUNSELSTATICUNPEUBASIQUE" | sha1sum  
4930689937449fc4ba0bf2578e3bbb130d39341d -
```



Sel cryptographique

- Données en plus avant hachage
- Lutte contre les Rainbow Tables
- Lutte potentiellement contre la brute-force
- Sel statique ou dynamique
 - ◆ Si dynamique, stocké à côté

Attention !

→ Fonction de hachage != hash de mot de passe

Attention !

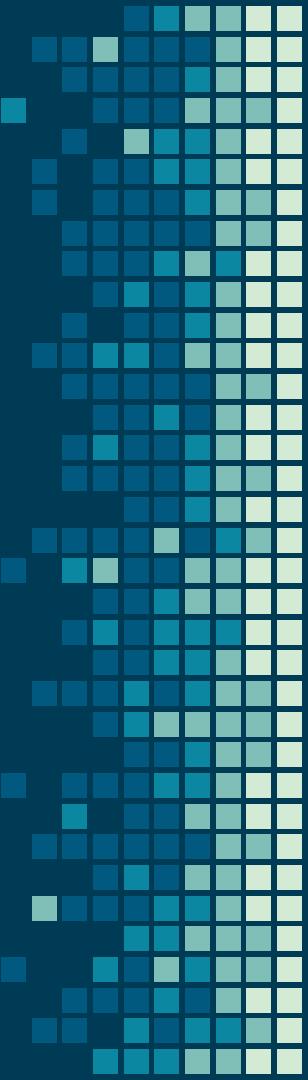
- Fonction de hachage != hash de mot de passe
- Fonction de dérivation de clés
 - ◆ Utilise des fonctions de hachage
- PBKDF2, Argon2, Bcrypt, ...

Attention !

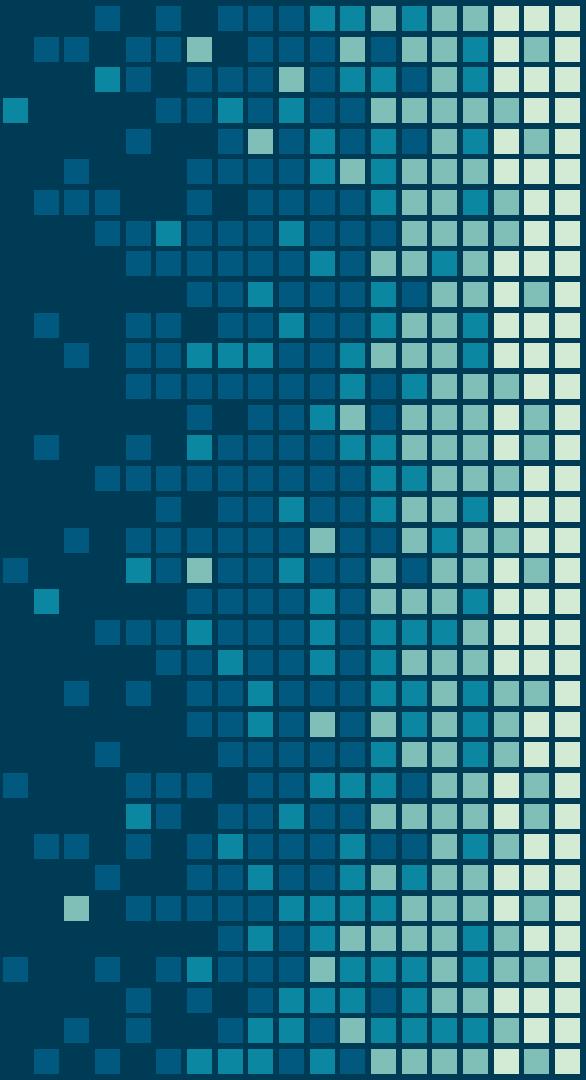
- Fonction de hachage != hash de mot de passe
- Fonction de dérivation de clés
 - ◆ Utilise des fonctions de hachage
- PBKDF2, Argon2, Bcrypt, ...
- Ne **jamas** faire sa tambouille perso en crypto

Fonctions de hachage

Des questions ?



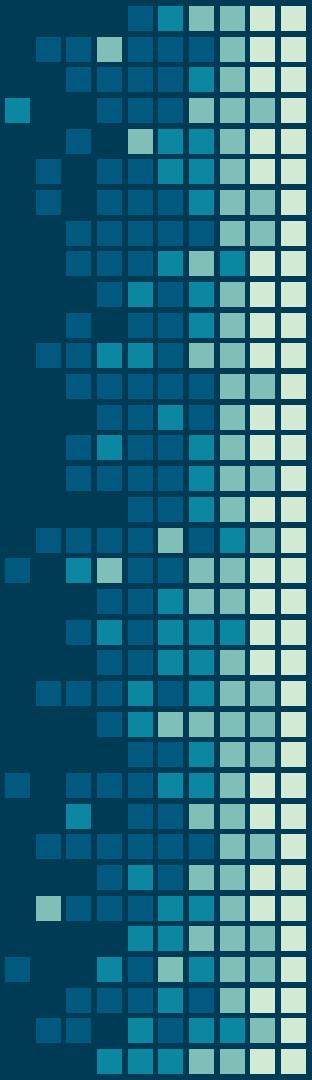
Cryptographie symétrique



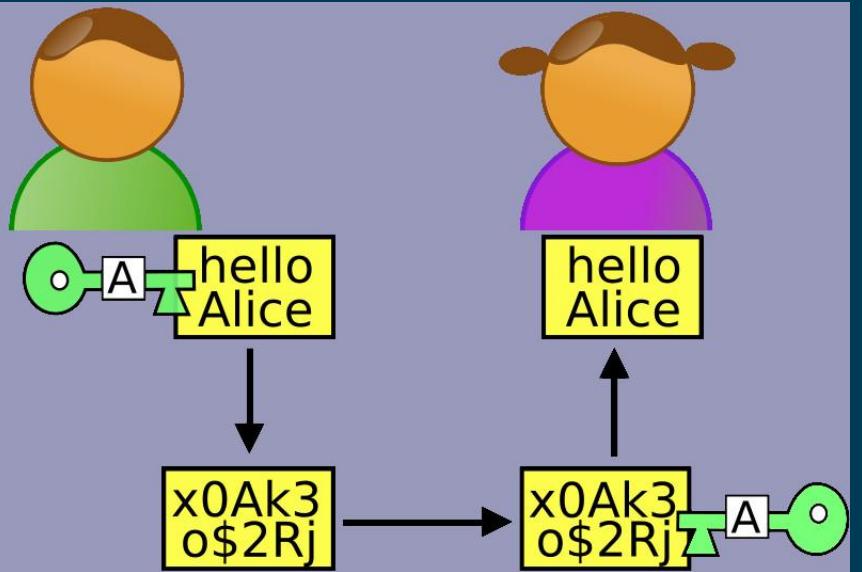
Chiffrement symétrique

Crypto moderne





Pourquoi “symétrique” ?



Pourquoi “symétrique” ?

Types de chiffrement symétrique

- Chiffrement par blocs
- Chiffrement par flot

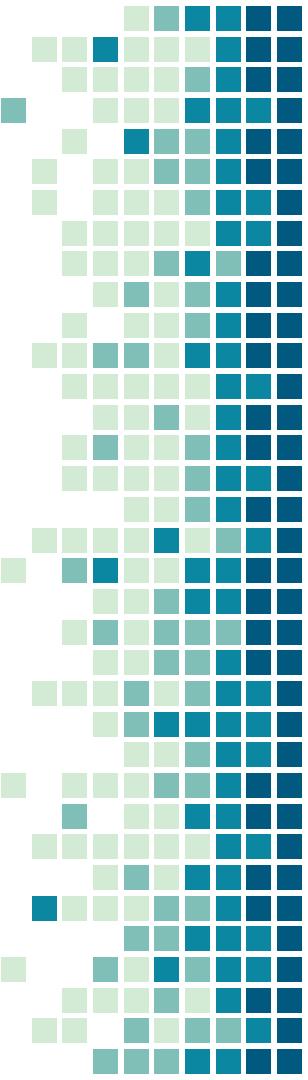
Chiffrement par blocs

Segmentons la donnée



Chiffrement par blocs

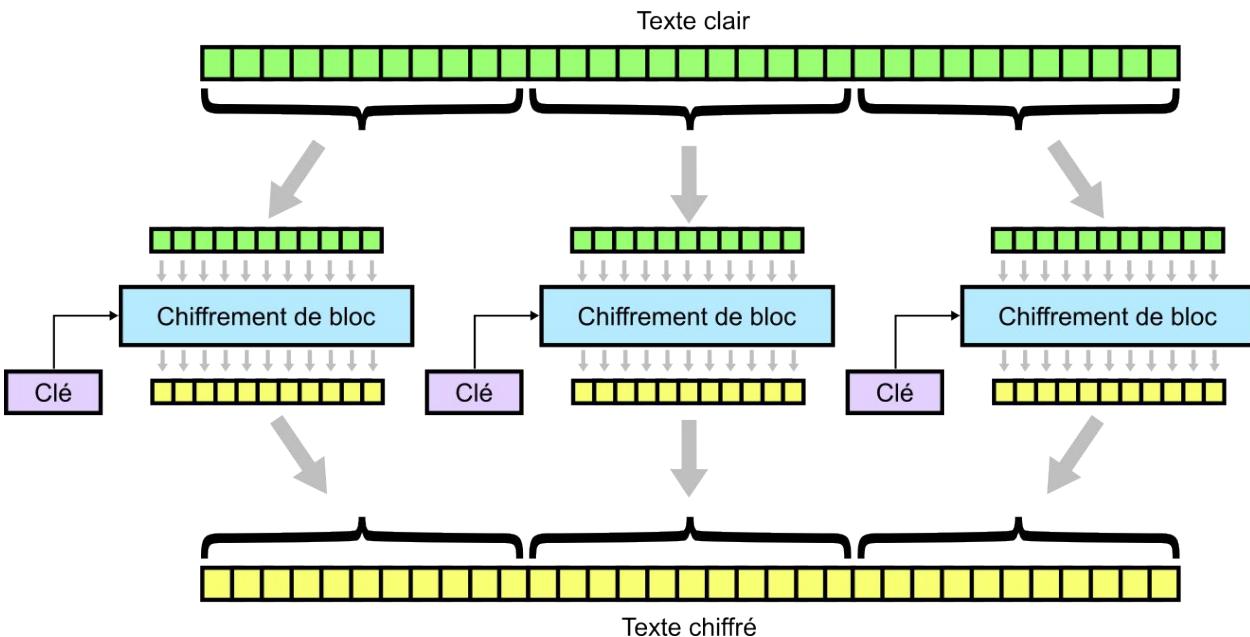
- Segmentations de la données à chiffrer en blocs
- Taille du bloc qui dépend de l'algorithme



Chiffrement par blocs

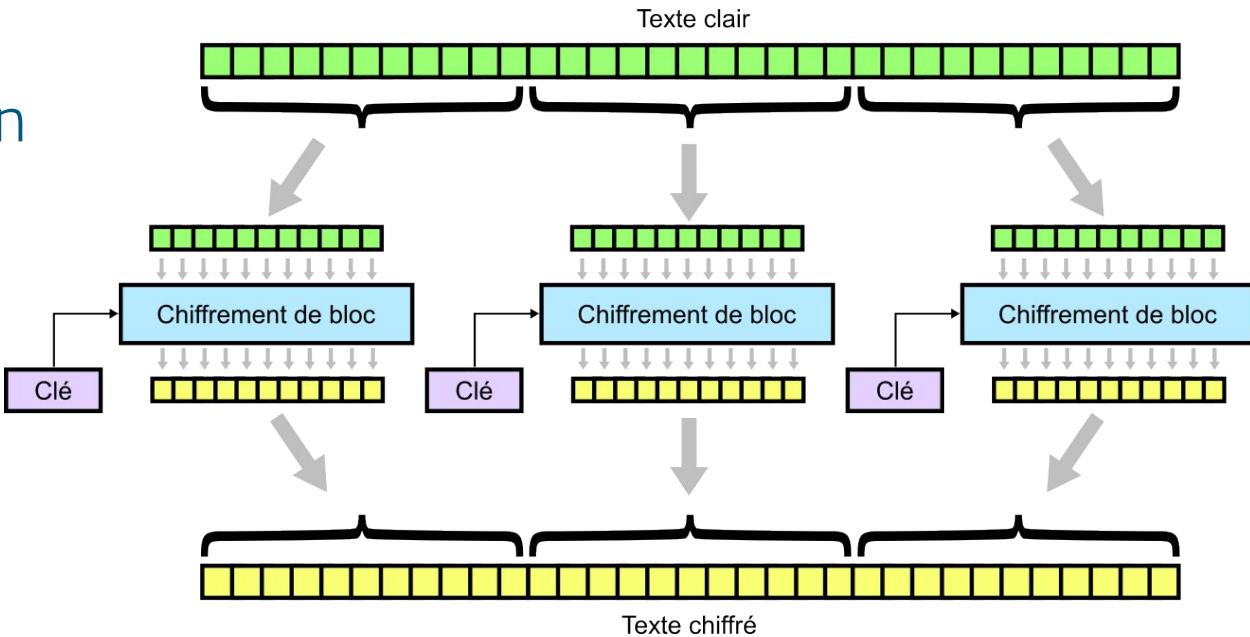
- Segmentations de la données à chiffrer en blocs
- Taille du bloc qui dépend de l'algorithme
- Application de l'algorithme successivement sur les blocs
- Utilisation d'un “mode d'opération”

Chiffrement par blocs - mode d'opération



Chiffrement par blocs - mode d'opération

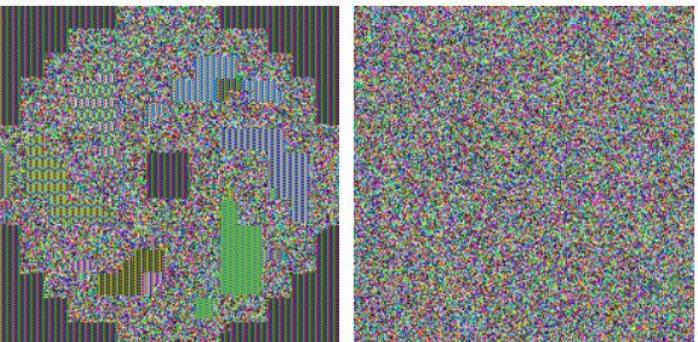
Mode
d'opération
= **ECB**
*Electronic
Codebook*



Chiffrement par blocs - mode d'opérations

Mode
d'opération
= **ECB**
*Electronic
Codebook*

À gauche : ECB
À droite : CBC

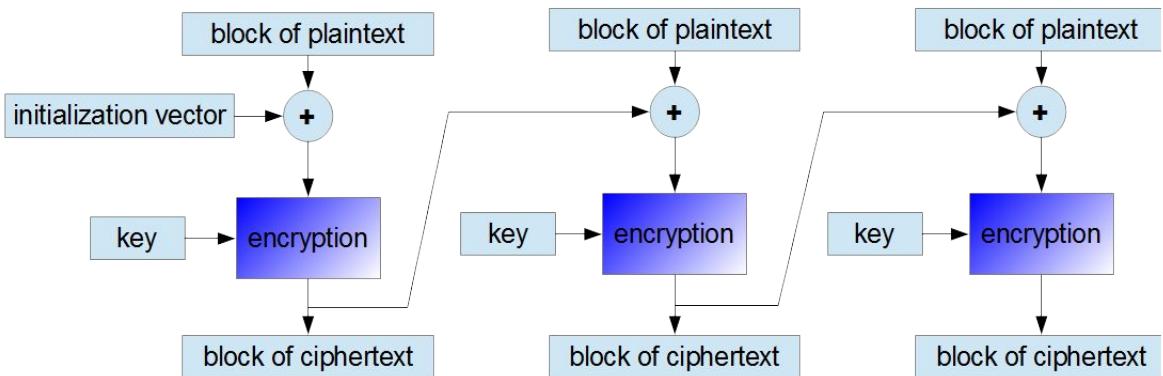


Chiffrement par blocs - mode d'opérations

- Problème d'ECB : pas de relations entre les blocs

Chiffrement par blocs - mode d'opérations

- Problème d'ECB : pas de relations entre les blocs
- Exemple avec relation + Vecteur d'initialisation : CBC



Chiffrement par blocs - IV

- Données aléatoires* de la taille d'un bloc (*Le plus souvent*)

Chiffrement par blocs - IV

- Données aléatoires* de la taille d'un bloc (*Le plus souvent*)
- Public
- Fourni avec le message chiffré pour le déchiffrement

Chiffrement par blocs - IV

- Données aléatoires* de la taille d'un bloc (*Le plus souvent*)
- Public
- Fourni avec le message chiffré pour le déchiffrement
- Nonce

Chiffrement par blocs - notations

- Algorithme de chiffrement par bloc (*e.g. : AES*)
- Mode d'opération (*e.g. : CBC*)

Chiffrement par blocs - notations

- Algorithme de chiffrement par bloc (*e.g. : AES*)
- Mode d'opération (*e.g. : CBC*)
- Padding (si applicable) (*e.g. : PKCS7*)

Chiffrement par blocs - clé de chiffrement

- Clé de la taille d'un bloc
- Si on veut un mot de passe ?

Chiffrement par blocs - clé de chiffrement

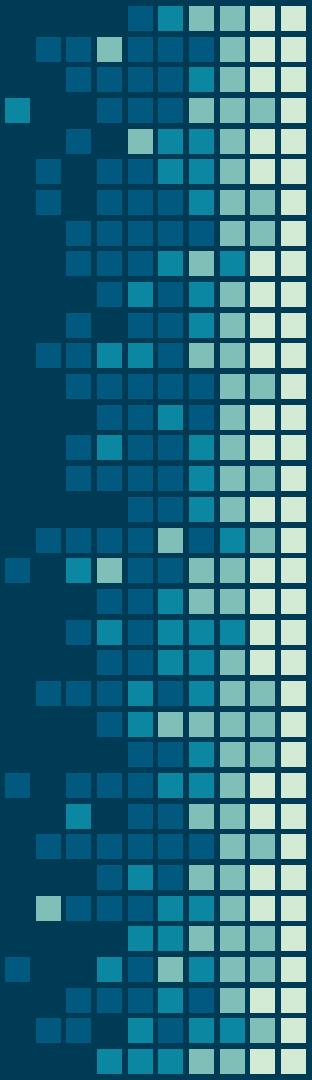
- Clé de la taille d'un bloc
- Si on veut un mot de passe ?
- Fonction de hachage

Chiffrement symétrique - exemple

```
$ alias gpg="gpg --pinentry-mode=loopback" # Use CLI provided password
$ cat message
Ceci est un message secret
$ gpg --passphrase toto -c message
$ cat message.gpg
zLxF0mRPUh1X9n$ {<pu'iI
/*Z°pY[¶^n~GRf`%
$ rm message
$ gpg --passphrase toto -d message.gpg
gpg: AES256 encrypted data
gpg: encrypted with 1 passphrase
Ceci est un message secret
$ gpg --passphrase tata -d message.gpg
gpg: AES256 encrypted data
gpg: encrypted with 1 passphrase
gpg: decryption failed: Bad session key
```

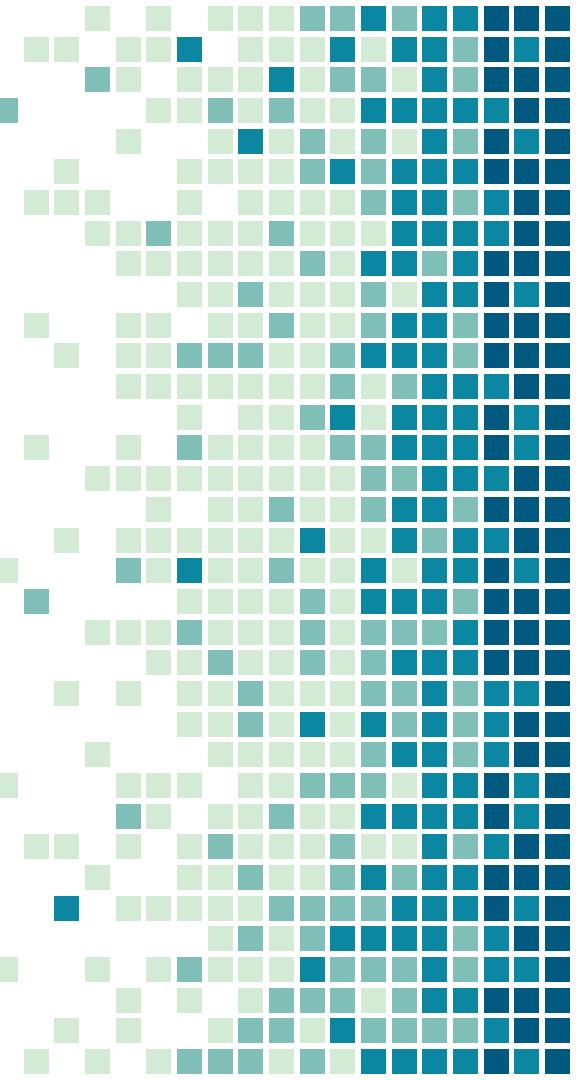
Chiffrement symétrique par bloc

Des questions ?



Aléatoire et pseudo-aléatoire

Transformons du déterminisme en
non-déterminisme



Aléatoire et pseudo-aléatoire

- Ordinateur intrinsèquement déterministe

Aléatoire et pseudo-aléatoire

- Ordinateur intrinsèquement déterministe
- Aléatoire cryptographique

Aléatoire et pseudo-aléatoire

- Ordinateur intrinsèquement déterministe
- Aléatoire cryptographique
- Pseudo-aléatoire

Générateur de pseudo-aléatoire

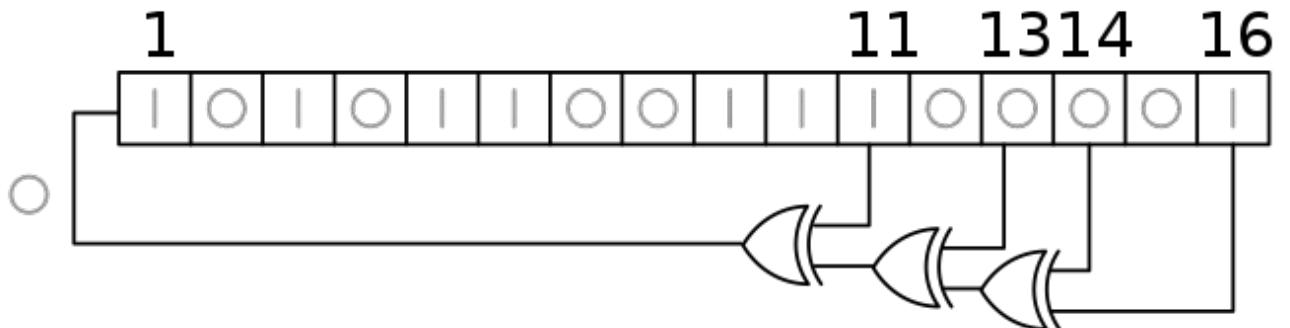
→ PRNG (*PseudoRandom Number Generator*)

Générateur de pseudo-aléatoire

- PRNG (*PseudoRandom Number Generator*)
- Suite mathématiques déterministe
- Dépend d'une seed

Générateur de pseudo-aléatoire

- PRNG (*PseudoRandom Number Generator*)
- Suite mathématiques déterministe
- Dépend d'une seed



Générateur de pseudo-aléatoire – entropie

- Entropie de Shannon
- “Quantité d'information”

Générateur de pseudo-aléatoire – entropie

- Entropie de Shannon
- “Quantité d'information”
- ACABACABACABACAB ... -> $H(x) = 1.5$

Générateur de pseudo-aléatoire – entropie

- Entropie de Shannon
- “Quantité d'information”
- ACABACABACABACAB ... -> $H(x) = 1.5$
- miHdnDFbgMIuqFkP ... -> $H(x) = 4$

Générateur de pseudo-aléatoire – entropie

- Entropie de Shannon
- “Quantité d'information”
- ACABACABACABACAB ... -> $H(x) = 1.5$
- miHdnDFbgMIuqFkP ... -> $H(x) = 4$
- “Nombre de questions à poser en moyenne pour connaître un symbole”

Générateur de pseudo-aléatoire – 2 approches pour la crypto

- CSPRNG (*cryptographically secure pseudorandom number generator*)

Générateur de pseudo-aléatoire – 2 approches pour la crypto

- CSPRNG (*cryptographically secure pseudorandom number generator*)
- PRNG avec ajout d'entropie
 - ◆ Evénements imprédicibles

Générateur de pseudo-aléatoire – 2 approches pour la crypto

- CSPRNG (*cryptographically secure pseudorandom number generator*)
- PRNG avec ajout d'entropie
 - ◆ Evénements imprédictibles
 - ◆ TRNG (*true random number generator*)

Générateur de pseudo-aléatoire – 2 approches pour la crypto

- CSPRNG (*cryptographically secure pseudorandom number generator*)
- PRNG avec ajout d'entropie
 - ◆ Evénements imprédicibles



Nuclear decay

Lavarand @Cloudflare
10% internet traffic



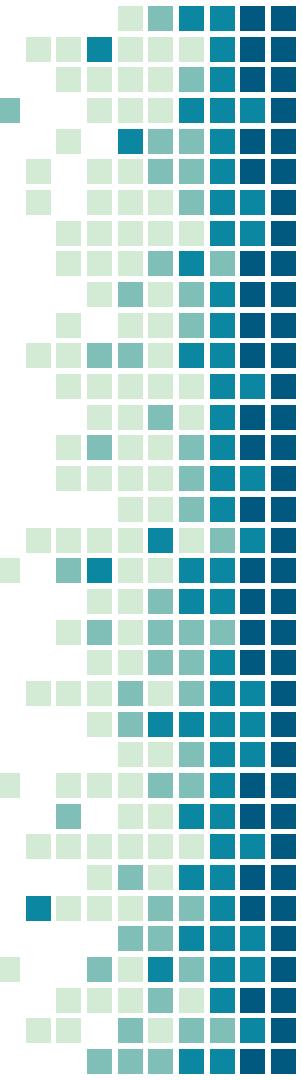
Extraction d'entropie de désintégrations nucléaires



Générateur de pseudo-aléatoire - Exemple concret : /dev/random

- Interface de linux avec un CSPRNG
 - ◆ PRNG + entropie

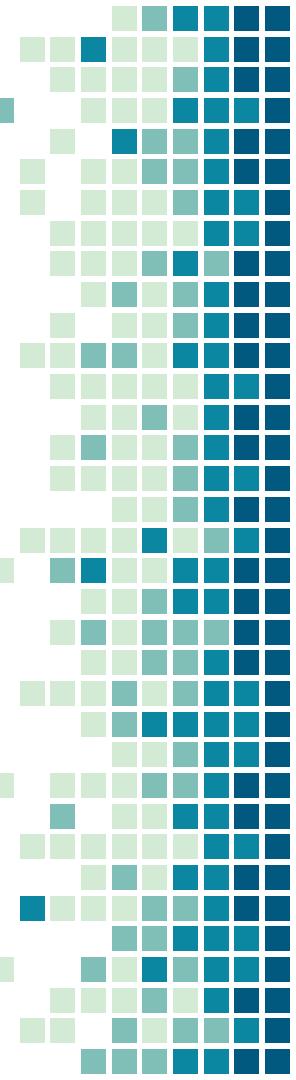
Générateur de pseudo-aléatoire - Exemple concret : /dev/random



- Interface de linux avec un CSPRNG
 - ◆ PRNG + entropie
- Sources d'entropie :
 - ◆ Latences du disque
 - ◆ Mouvements souris + clavier
 - ◆ Cycles du CPU
 - ◆ ...

Aléatoire et cryptographie - Quoi retenir

- Notion d'entropie
- Aléatoire et pseudo-aléatoire
- Vrai aléatoire vient de sources externes
- PRNG, CSPRNG

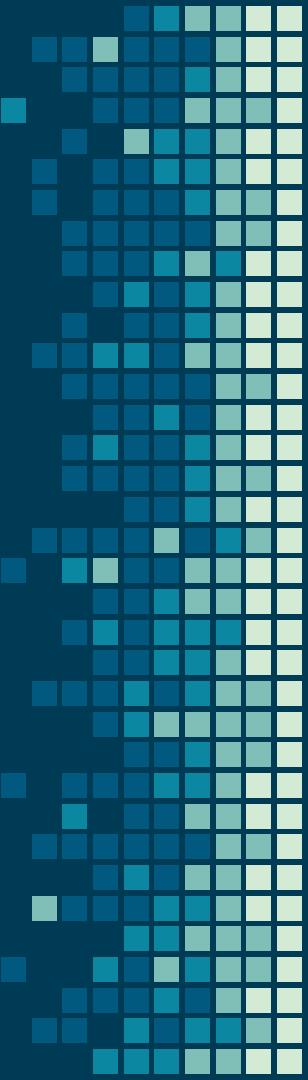


Chiffrement symétrique en pratique

- **DES** (1977)
- **3DES** (1999)
- **Blowfish** (1993)
 - ◆ blocs 64 bits
 - ◆ clé 32-448
- **AES** (2000)
 - ◆ blocs de 128 bits
 - ◆ clé 128/192/256

Aléatoire et entropie

Des questions ?



Chiffrement symétrique par flot

Chiffrement (presque) parfait



Chiffrement par flot

- Pas de blocs avec obligation de taille
- Pas de padding

Chiffrement par flot

- Pas de blocs avec obligation de taille
- Pas de padding
- Grosso modo un PRNG pour masque jetable

Chiffrement par flot - chiffre de Vernam

- Chiffrement impossible à casser
- Pas de vecteur d'attaque pour la cryptanalyse

Chiffrement par flot - chiffre de Vernam

- Chiffrement impossible à casser
- Pas de vecteur d'attaque pour la cryptanalyse
- Clé de la taille de la donnée à chiffrer

Chiffrement par flot - chiffre de Vernam

- Chiffrement impossible à casser
- Pas de vecteur d'attaque pour la cryptanalyse
- Clé de la taille de la donnée à chiffrer
- XOR entre donnée et clé

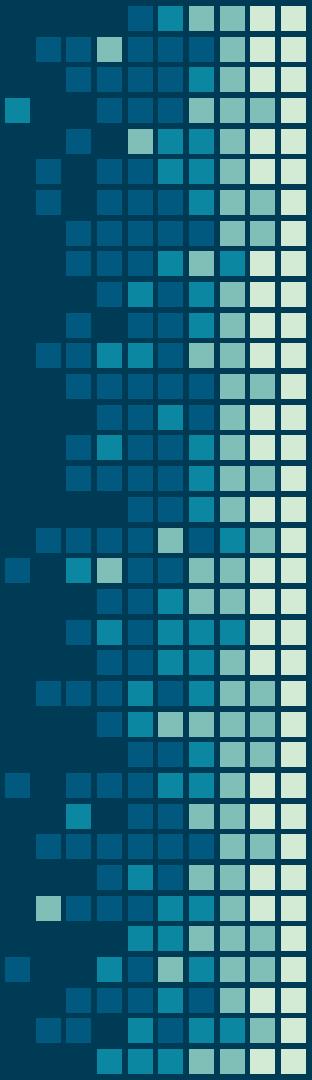
Opération XOR		
A	B	C = A ⊕ B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Chiffrement par flot - en pratique

- RCA (1987)
- E0 (fin 1990) (bluetooth)
- Chacha20 (2008)

Chiffrement symétrique par flot

Des questions ?

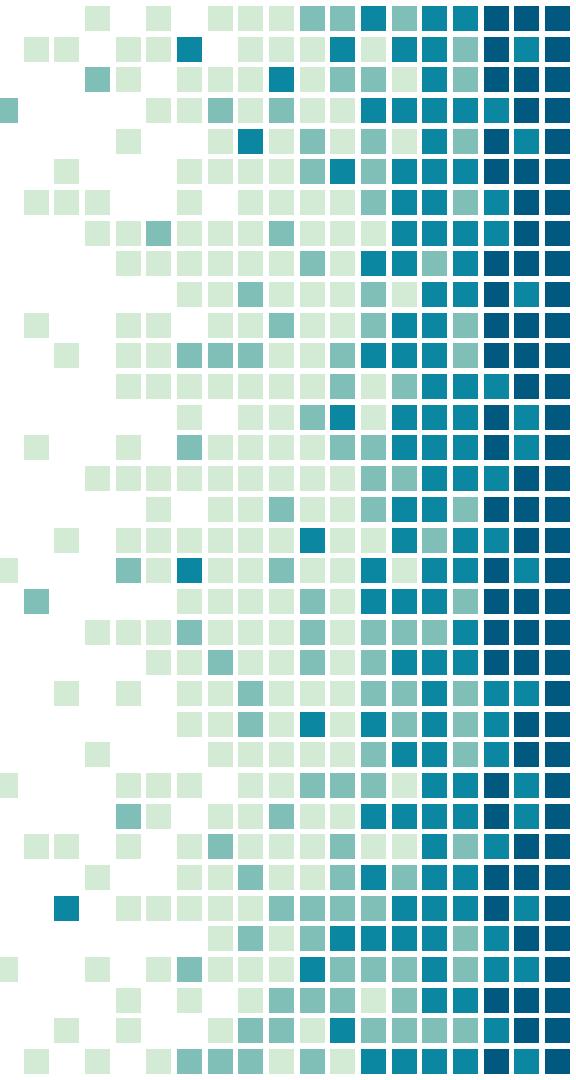


Cryptographie asymétrique



Chiffrement asymétrique

Généralités



Chiffrement asymétrique - Généralités

- Communication sécurisés sur canaux non sécurisés

Chiffrement asymétrique - Généralités

- Communication sécurisés sur canaux non sécurisés
- Authentification
- Signature numérique

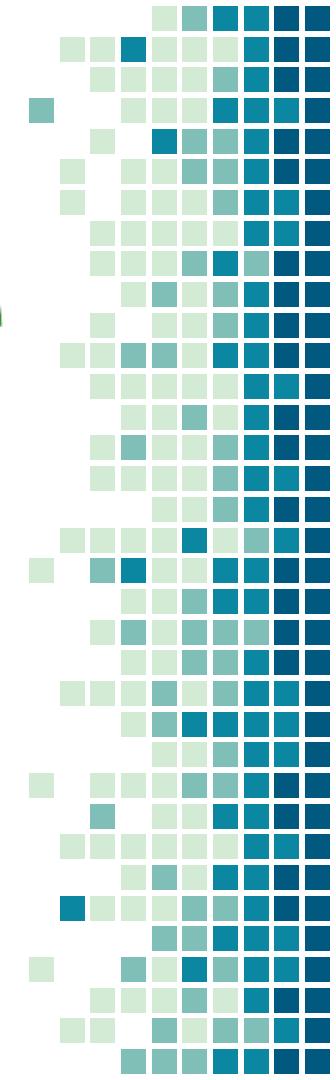
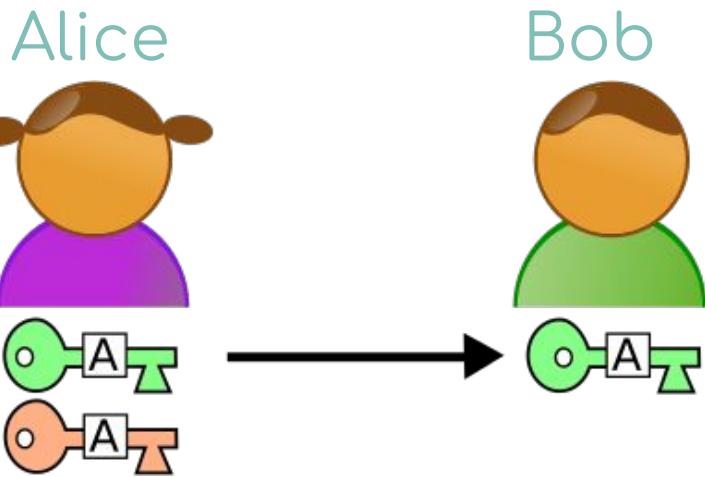
Clé publique, clé privée

- Base de la crypto asymétrique
- Clé privée et publique liées

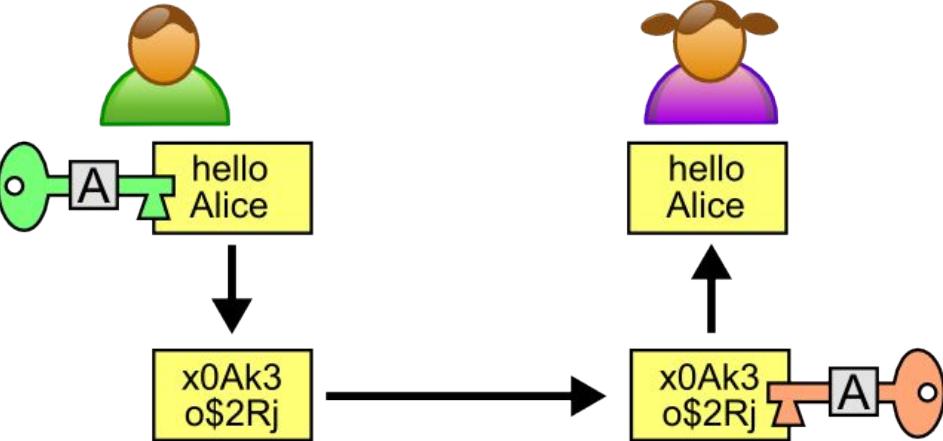
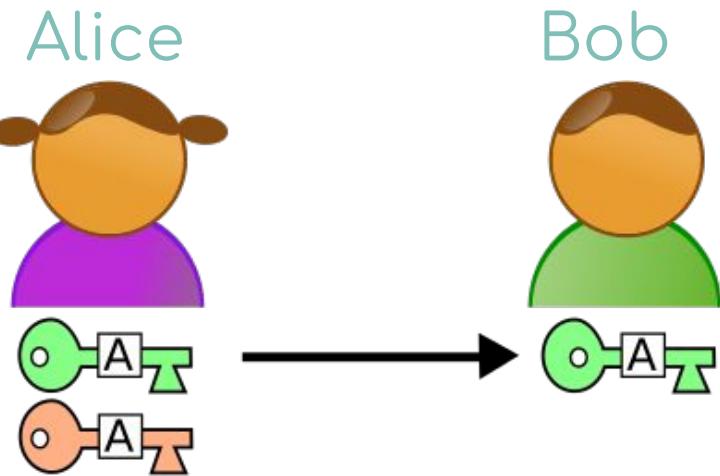
Clé publique, clé privée

- Base de la crypto asymétrique
- Clé privée et publique liées
- Clé publique dérivable de la clé privée
 - ◆ Inverse évidemment difficile *au sens cryptographique*

Clé publique, Clé privée

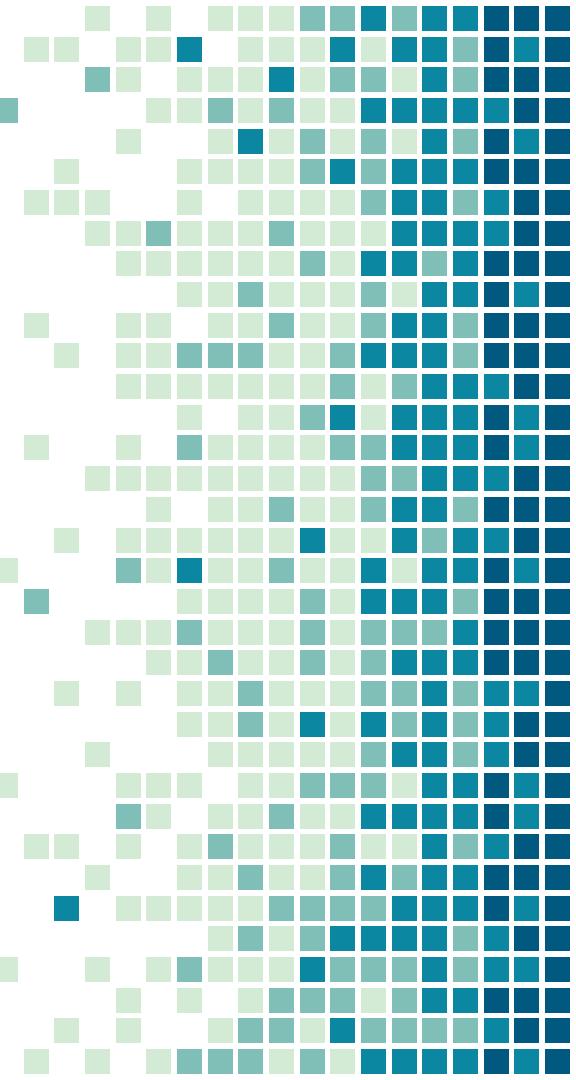


Clé publique, Clé privée



Mise en pratique

2 exemples volontairement simplifiés



Exemple : authentification pour git*

- Valable pour git ACU, github, gitlab, ...
- On donne sa clé publique au site

Exemple : authentification pour git*

- Valable pour git ACU, github, gitlab, ...
- On donne sa clé publique au site
 - ◆ Rattachée à un compte

Exemple : authentification pour git*

- Valable pour git ACU, github, gitlab, ...
- On donne sa clé publique au site
 - ◆ Rattachée à un compte
- À la connexion : fourni une preuve de son identité grâce à sa clé privée

Exemple : authentification pour git*

- Valable pour git ACU, github, gitlab, ...
- On donne sa clé publique au site
 - ◆ Rattachée à un compte
- À la connexion : fourni une preuve de son identité grâce à sa clé privée
- Le serveur peut vérifier le processus d'auth avec la clé publique

Exemple : HTTPS

- Le site diffuse sa clé publique

Exemple : HTTPS

- Le site diffuse sa clé publique
- Le client l'utilise pour chiffrer un message

Exemple : HTTPS

- Le site diffuse sa clé publique
- Le client l'utilise pour chiffrer un message
- Le message chiffré n'est déchiffrable que par la privée du site

Exemple : HTTPS

- Le site diffuse sa clé publique
- Le client l'utilise pour chiffrer un message
- Le message chiffré n'est déchiffrable que par la privée du site
- Le site peut recevoir les données du client en toute sécurité

Exemple : HTTPS

- Le site diffuse sa clé publique
- Le client l'utilise pour chiffrer un message
- Le message chiffré n'est déchiffrable que par la privée du site
- Le site peut recevoir les données du client en toute sécurité ... vraiment ?

Exemple : HTTPS

→ Comment le site envoie de la donnée ?

Exemple : HTTPS

→ Comment le site envoie de la donnée ?

Exemple : HTTPS

- Comment le site envoie de la donnée ?
- Crypto asymétrique beaucoup plus lente
 - ◆ Performante sur petites données

Exemple : HTTPS

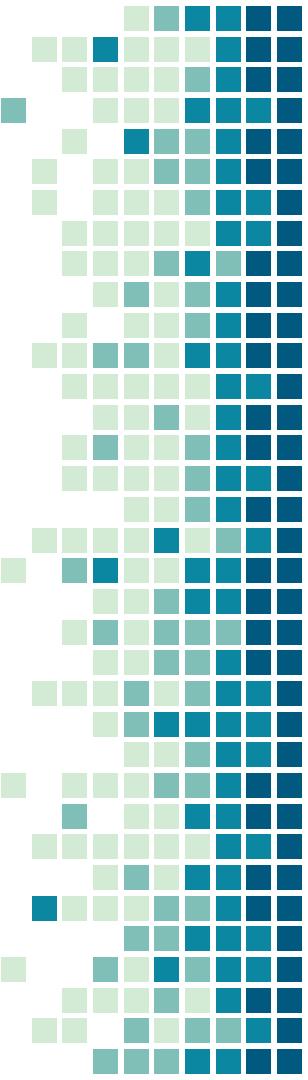
- Comment le site envoie de la donnée ?
- Crypto asymétrique beaucoup plus lente
 - ◆ Performante sur petites données
- Asymétrie pour l'échange de clés symétriques

Exemple : HTTPS

- Comment le site envoie de la donnée ?
- Crypto asymétrique beaucoup plus lente
 - ◆ Performante sur petites données
- Asymétrie pour l'échange de clés symétriques
 - ◆ Protocole d'échange de clés (*Diffie-Hellman*)

Exemple : HTTPS

- Comment le site envoie de la donnée ?
- Crypto asymétrique beaucoup plus lente
 - ◆ Performante sur petites données
- Asymétrie pour l'échange de clés symétriques
 - ◆ Protocole d'échange de clés (*Diffie-Hellman*)
- Nécessité de s'assurer de l'identité du destinataire



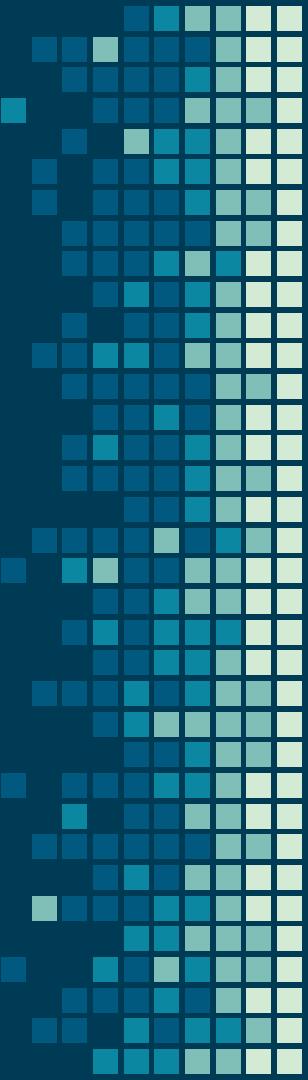
Chiffrement asymétrique en pratique

- RSA (1977)
- Clé de 2048/4096 bits

```
1 $ time openssl genrsa 2048 > /dev/urandom
2 Generating RSA private key, 2048 bit long modulus (2 primes)
3 openssl genrsa 2048 > /dev/urandom 0.04s user 0.01s system 97% cpu 0.046 total
4 $ time openssl genrsa 4096 > /dev/urandom
5 Generating RSA private key, 4096 bit long modulus (2 primes)
6 openssl genrsa 4096 > /dev/urandom 0.98s user 0.01s system 99% cpu 0.996 total
7 $ time openssl genrsa 8192 > /dev/urandom
8 Generating RSA private key, 8192 bit long modulus (2 primes)
9 openssl genrsa 8192 > /dev/urandom 9.36s user 0.01s system 99% cpu 9.442 total
```

Clé publique/privée

Des questions ?



Échange de clés de Diffie-Hellman

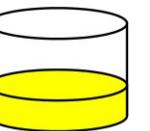
Mélangeons de la peinture



Échange de clés de Diffie-Hellman

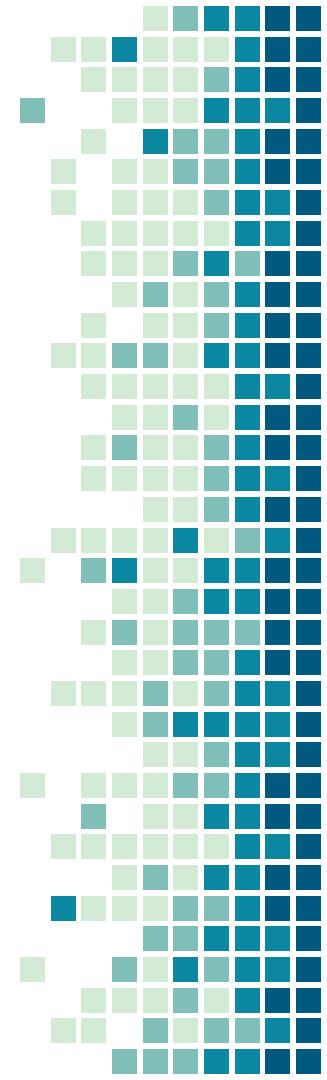
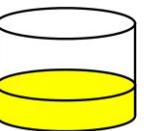
- Peinture jaune :
donnée publique

Alice



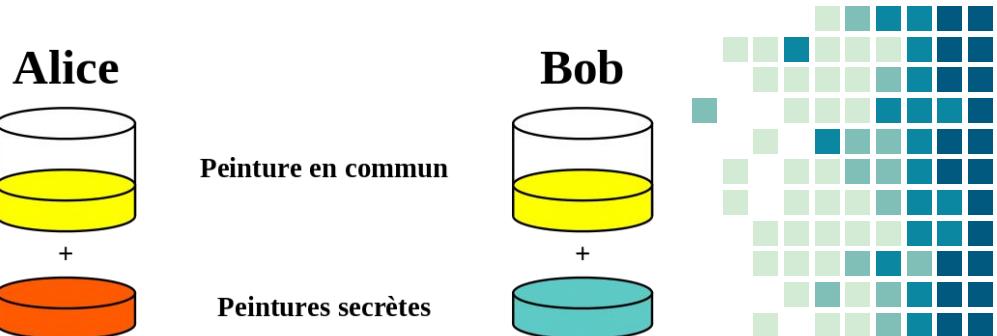
Peinture en commun

Bob



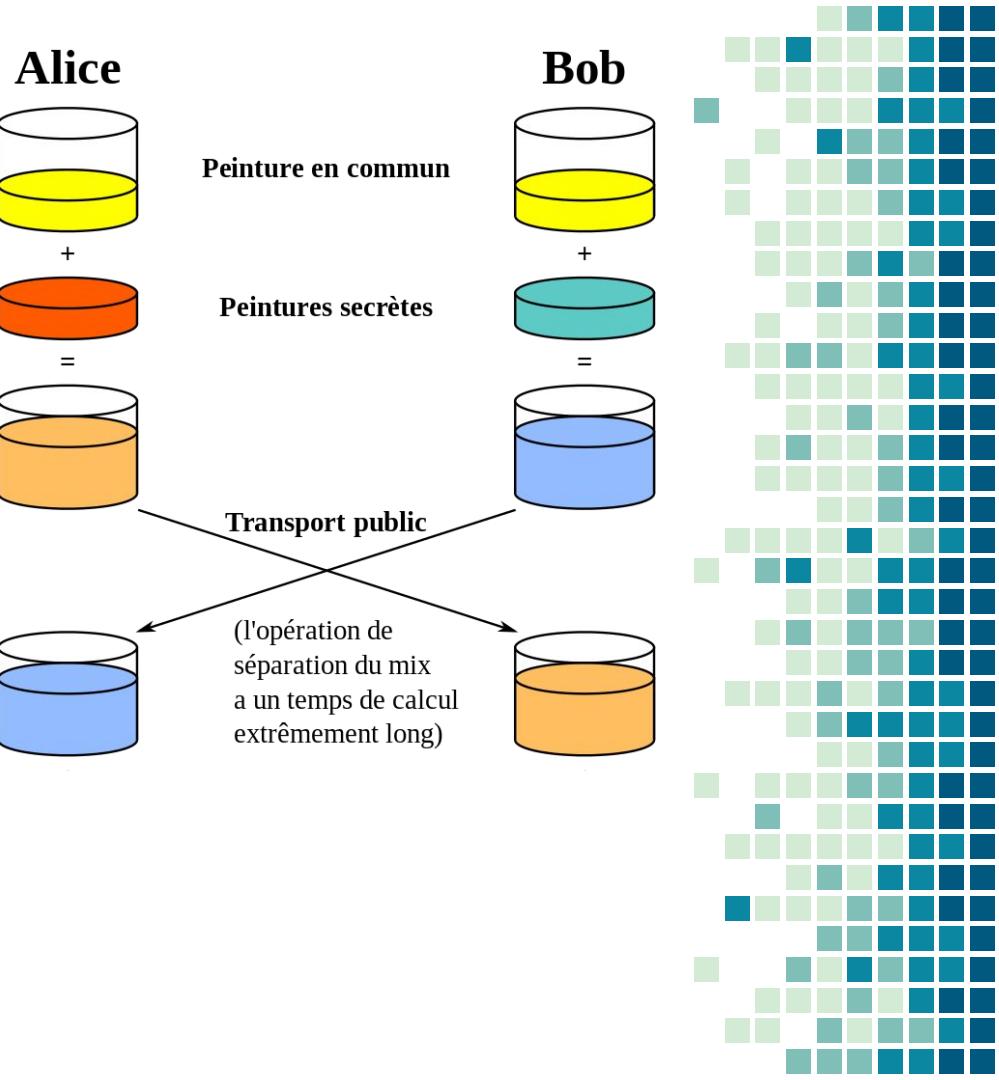
Échange de clés de Diffie-Hellman

- Peinture jaune : donnée publique
- Peinture rouge+bleu : données privées



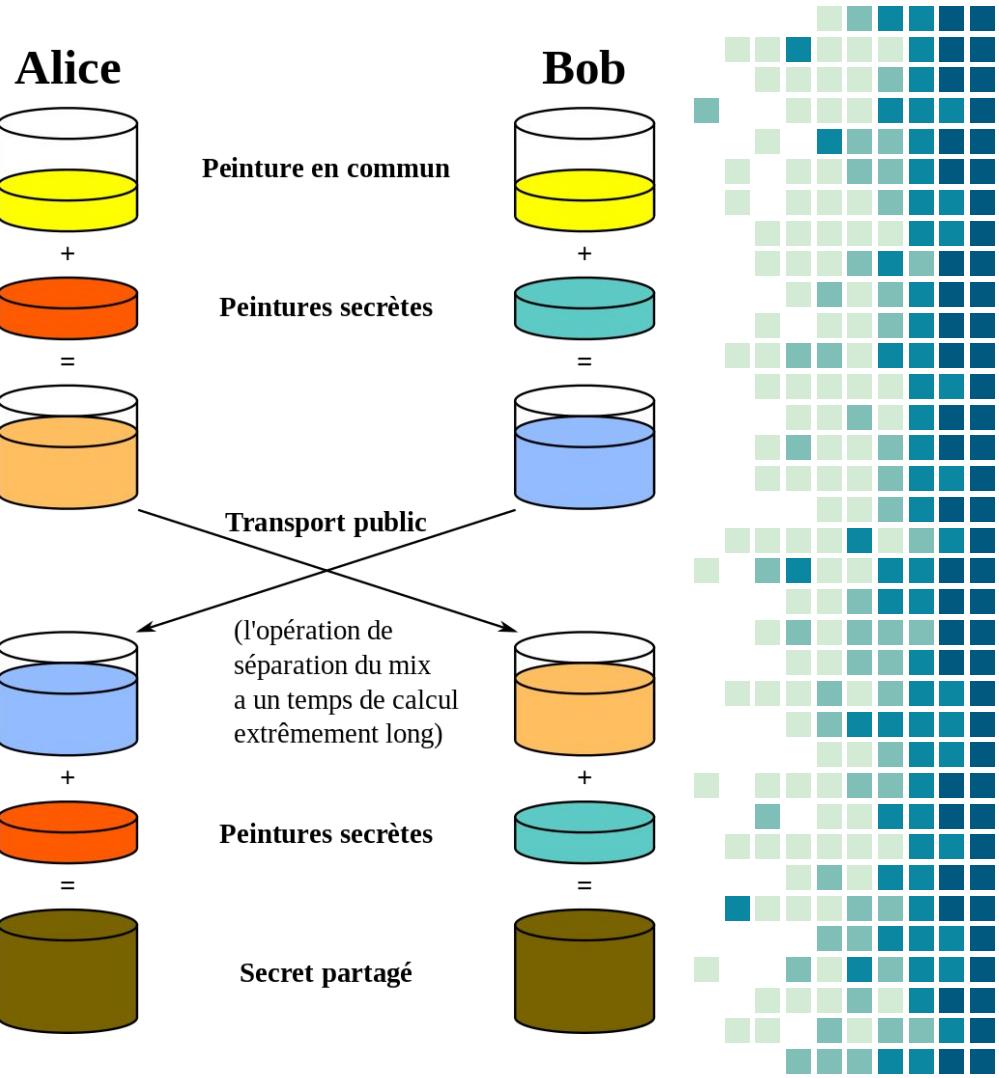
Échange de clés de Diffie-Hellman

- Peinture jaune : donnée publique
- Peinture rouge+bleu : données privées
- Peintures orange+cyan : résultat non réversible



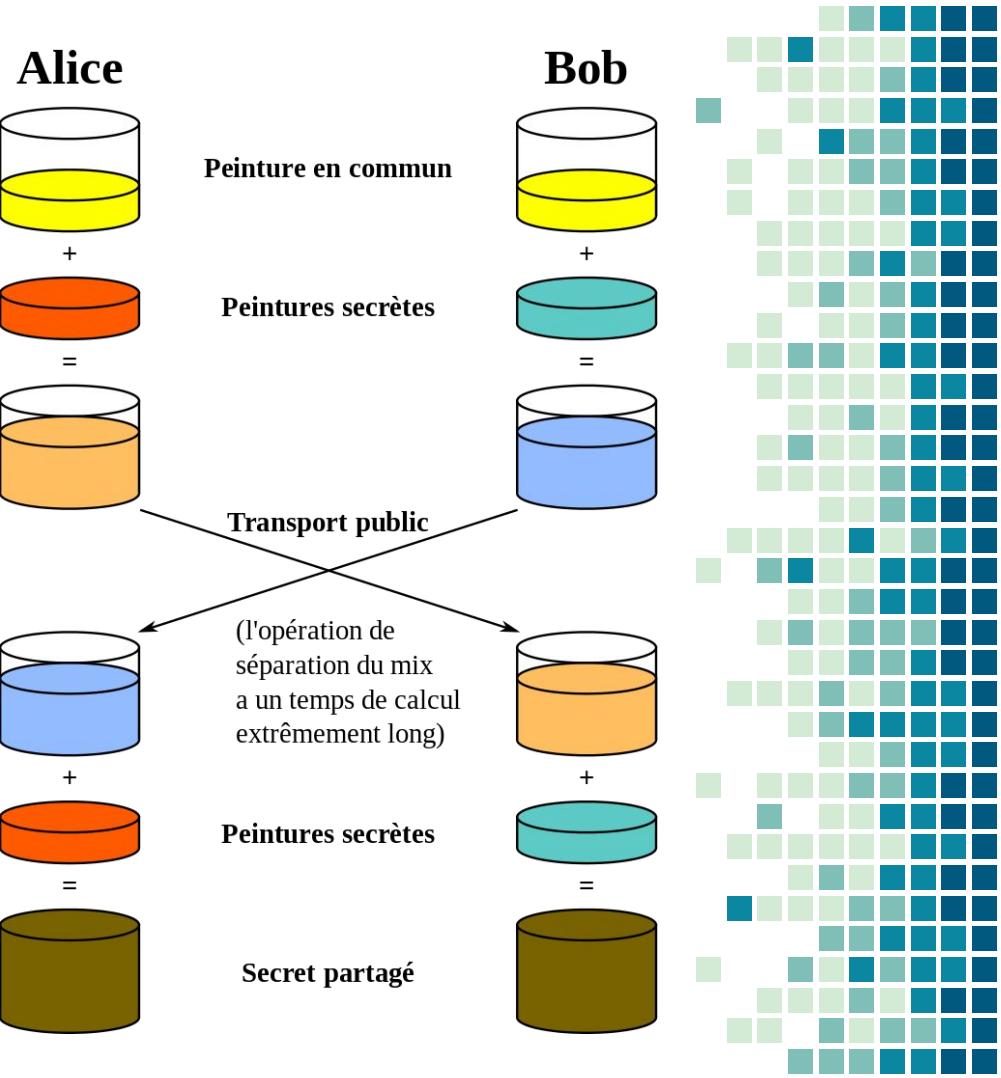
Échange de clés de Diffie-Hellman

- Peinture jaune : donnée publique
- Peinture rouge+bleu : données privées
- Peintures orange+cyan : résultat non réversible
- Ajout de la donnée privée : secret identique



Échange de clés de Diffie-Hellman

→ Problème du logarithme discret



Signature numérique (DSA)

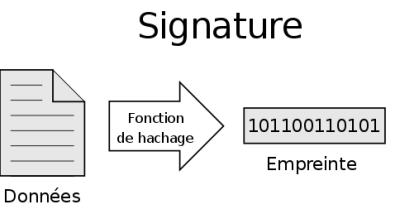
S'assurer de communiquer avec la
bonne personne



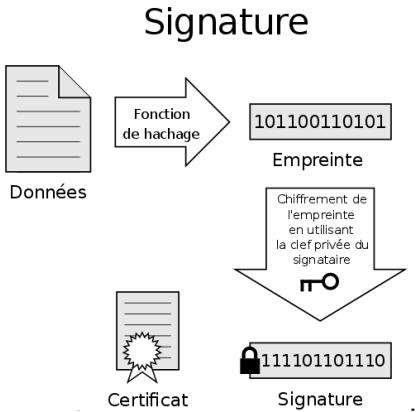
Signature numérique - postulats de base

- Le signataire possède une identité publique
- Cette identité est connue du destinataire

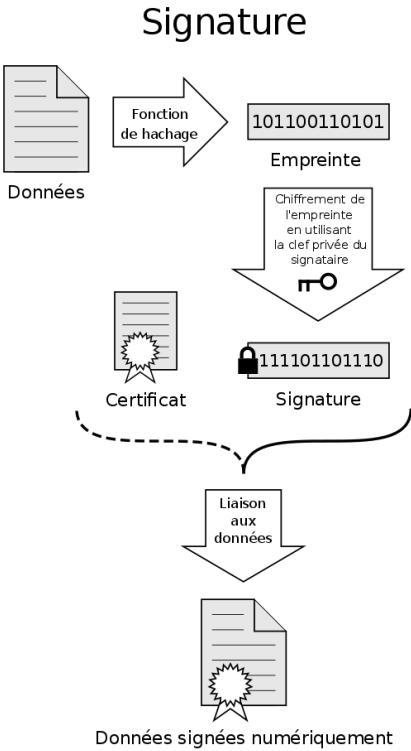
Signature numérique - principe



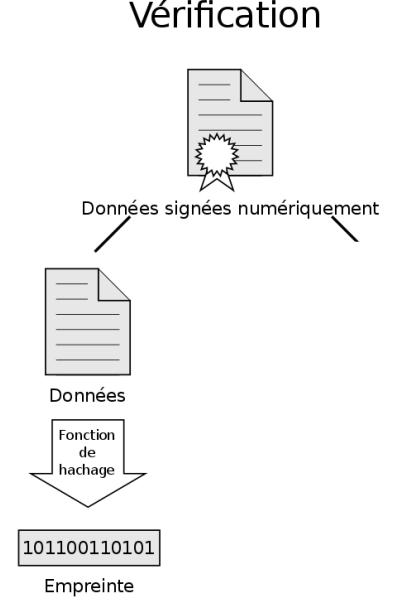
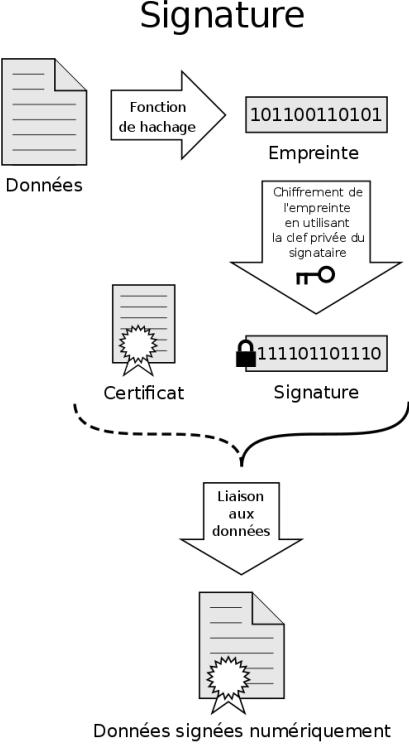
Signature numérique - principe



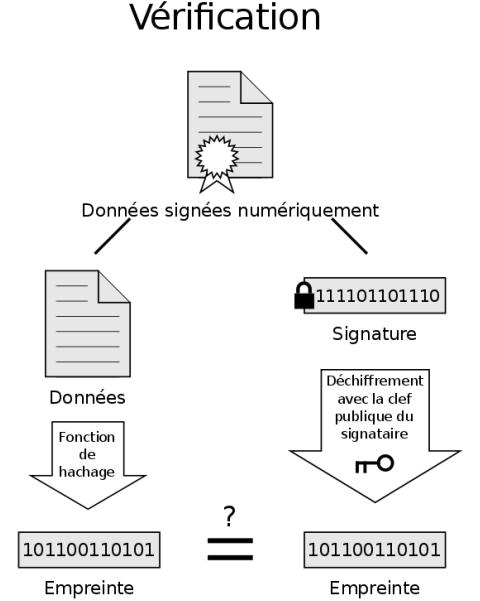
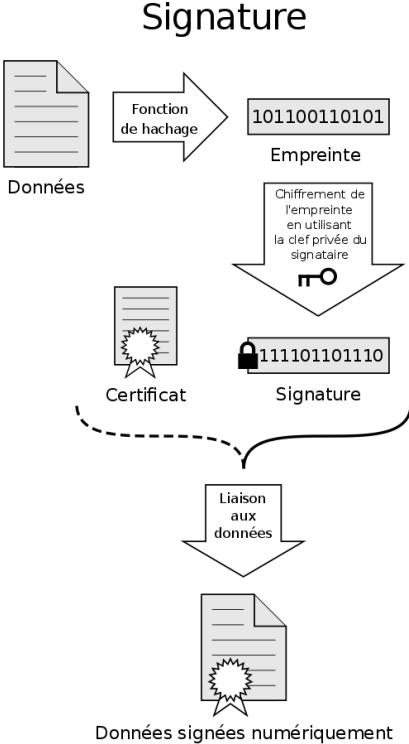
Signature numérique - principe



Signature numérique - principe

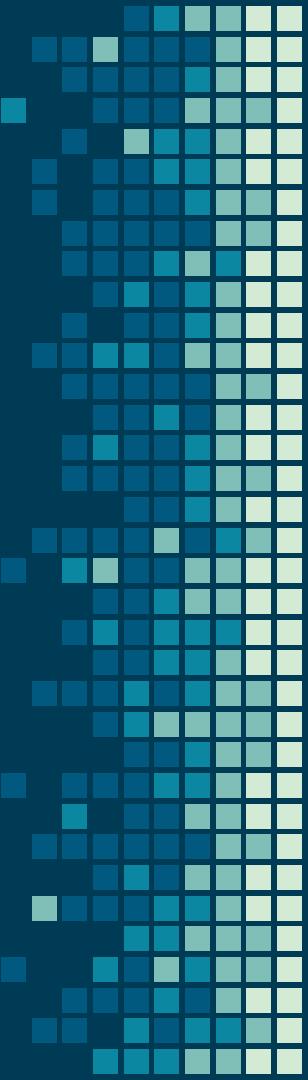


Signature numérique - principe



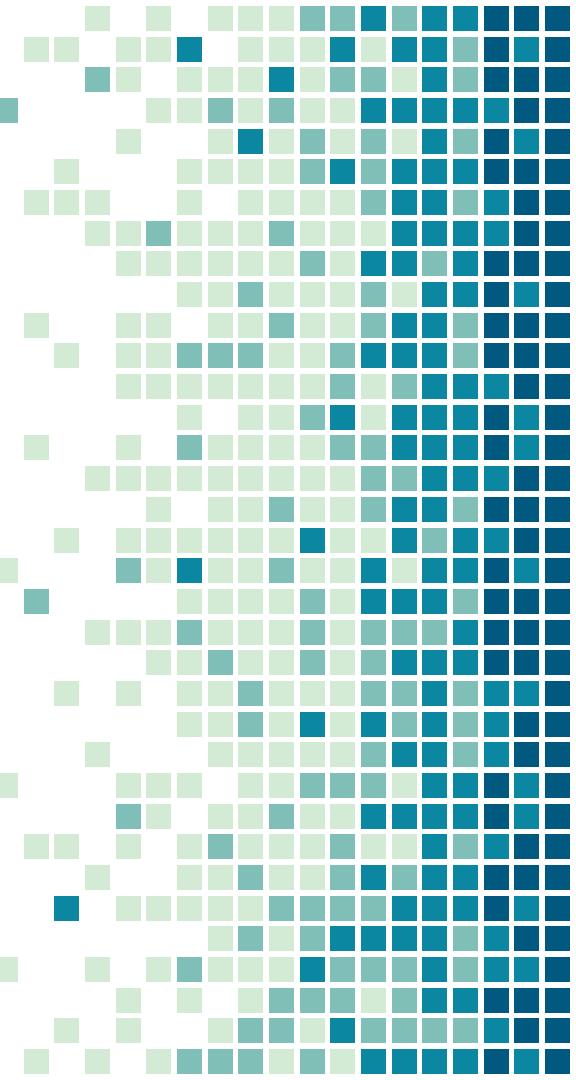
Echange de clés et signature

Des questions ?



Certificats X.509

Identité numérique publique



Certificats X.509

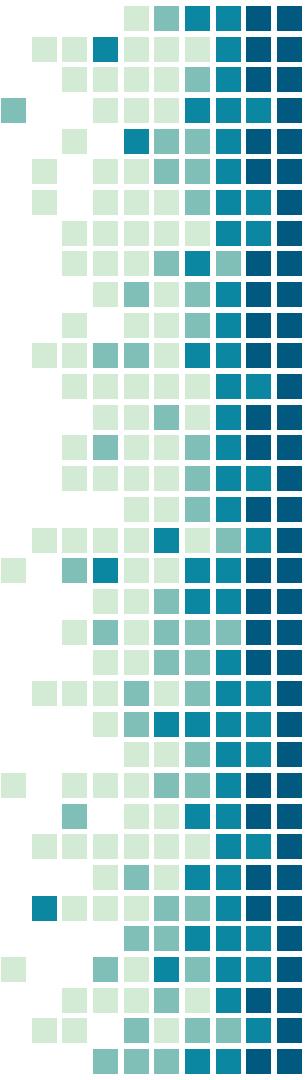
→ Spécification d'un certificat numérique

Certificats X.509

- Spécification d'un certificat numérique
- Lier une clé publique à une identité
 - ◆ Distinguished Name (DN)
 - ◆ Alternative Name (AN)

Certificats X.509

- Spécification d'un certificat numérique
- Lier une clé publique à une identité
 - ◆ Distinguished Name (DN)
 - ◆ Alternative Name (AN)
- Dates de validité, infos crypto, ...



Certificats X.509

- Spécification d'un certificat numérique
- Lier une clé publique à une identité
 - ◆ Distinguished Name (DN)
 - ◆ Alternative Name (AN)
- Dates de validité, infos crypto, ...
- Signature du certificat par une Autorité de Certification

Certificat X.509 - Exemple

```
1 $ openssl x509 -in /etc/letsencrypt/live/cyrilduval.fr/chain.pem -text -noout
2 Certificate:
3     Signature Algorithm: sha256WithRSAEncryption
4         Issuer: C = US, O = Let's Encrypt, CN = Let's Encrypt Authority X3
5         Validity
6             Not Before: Nov 18 21:14:43 2019 GMT
7             Not After : Feb 16 21:14:43 2020 GMT
8         Subject: CN = cyrilduval.fr
9         Subject Public Key Info:
10            Public Key Algorithm: rsaEncryption
11                Public-Key: (4096 bit)
12                    Modulus:
13                        00:b4:09:19:d4:0e:3c:82:3b:0f:ae:66:b7:c9:3d:
14                        ...
15                        3d:0a:2e:f8:02:f6:b8:3f:49:6c:51:f4:ac:48:90:
16                        b3:6a:1b
17                Exponent: 65537 (0x10001)
18            X509v3 extensions:
19                X509v3 Subject Alternative Name:
20                    DNS:cyrilduval.fr, DNS:www.cyrilduval.fr
21            Signature Algorithm: sha256WithRSAEncryption
22                71:e3:26:c5:51:db:30:55:07:d4:ac:7a:8b:05:67:a7:81:ba:
23                ...
24                78:04:19:da:b7:c1:25:d8:12:ab:62:bf:0e:3d:0a:b9:55:82:
25                d6:22:fd:6e
```

Autorité de certification

Ne pas faire confiance à n'importe qui



Autorité de certification

→ Tiers de confiance

Autorité de certification

- Tiers de confiance
- Chaine les certificats

Autorité de certification

- Tiers de confiance
- Chaine les certificats
- Sommet de la chaîne : certificat racine

Autorité de certification

- Tiers de confiance
- Chaine les certificats
- Sommet de la chaîne : certificat racine
 - ◆ Présents sur les machines des clients
 - ◆ `/etc/ssl/certs` pour linux

Autorité de certification - exemple

- Regardons par exemple le certificat fourni par wikipédia en HTTPS
- On utilise `openssl connect` pour vérifier



```
1 $ openssl s_client -connect fr.wikipedia.org:443
2 CONNECTED(00000003)
3 depth=2 OU = GlobalSign ECC Root CA - R5, O = GlobalSign, CN = GlobalSign
4 verify return:1
5 depth=1 C = BE, O = GlobalSign nv-sa, CN = GlobalSign ECC OV SSL CA 2018
6 verify return:1
7 depth=0 C = US, ST = California, L = San Francisco, O = "Wikimedia Foundation,
     Inc.", CN = *.wikipedia.org
8 verify return:1
9 ---
10 Certificate chain
11  0 s:C = US, ST = California, L = San Francisco, O = "Wikimedia Foundation,
      Inc.", CN = *.wikipedia.org
12    i:C = BE, O = GlobalSign nv-sa, CN = GlobalSign ECC OV SSL CA 2018
13  1 s:C = BE, O = GlobalSign nv-sa, CN = GlobalSign ECC OV SSL CA 2018
14    i:OU = GlobalSign ECC Root CA - R5, O = GlobalSign, CN = GlobalSign
15  2 s:OU = GlobalSign ECC Root CA - R5, O = GlobalSign, CN = GlobalSign
16    i:OU = GlobalSign Root CA - R3, O = GlobalSign, CN = GlobalSign
17 ---
18 Server certificate
19 ...
20 subject=C = US, ST = California, L = San Francisco, O = "Wikimedia Foundation,
      Inc.", CN = *.wikipedia.org
21
22 issuer=C = BE, O = GlobalSign nv-sa, CN = GlobalSign ECC OV SSL CA 2018
```

```
1 $ openssl s_client -connect fr.wikipedia.org:443
2 ...
3 2 s:OU = GlobalSign ECC Root CA - R5, 0 = GlobalSign, CN = GlobalSign
4     i:OU = GlobalSign Root CA - R3, 0 = GlobalSign, CN = GlobalSign
5 ...
6 $ ls /etc/ssl/certs/GlobalSign*
7 GlobalSign_ECC_Root_CA_-_R4.pem
8 GlobalSign_ECC_Root_CA_-_R5.pem
9 GlobalSign_Root_CA.pem
10 GlobalSign_Root_CA_-_R2.pem
11 GlobalSign_Root_CA_-_R3.pem
12 GlobalSign_Root_CA_-_R6.pem
```



```
1 $ openssl x509 -in GlobalSign_ECC_Root_CA_-_R5.pem -text -noout
2 Certificate:
3     Data:
4         Signature Algorithm: ecdsa-with-SHA384
5         Issuer: OU = GlobalSign ECC Root CA - R5, O = GlobalSign, CN = GlobalSign
6         Validity
7             Not Before: Nov 13 00:00:00 2012 GMT
8             Not After : Jan 19 03:14:07 2038 GMT
9         Subject: OU = GlobalSign ECC Root CA - R5, O = GlobalSign, CN =
10            GlobalSign
11         Subject Public Key Info:
12             Public Key Algorithm: id-ecPublicKey
13                 Public-Key: (384 bit)
14                 pub:
15                     ...
16                     04:47:45:0e:96:fb:7d:5d:bf:e9:39:d1:21:f8:9f:
17                     ...
18                     93:4d:97:61:06:86:4a
19             ASN1 OID: secp384r1
20             NIST CURVE: P-384
21         Signature Algorithm: ecdsa-with-SHA384
22             30:65:02:31:00:e5:69:12:c9:6e:db:c6:31:ba:09:41:e1:97:
23             ...
24             69:f1:f7:3b:e1:2a:cb:f9:2b:f3:66:90:37
```

Cryptographie et courbes elliptiques

Car la crypto était simple jusqu'à présent

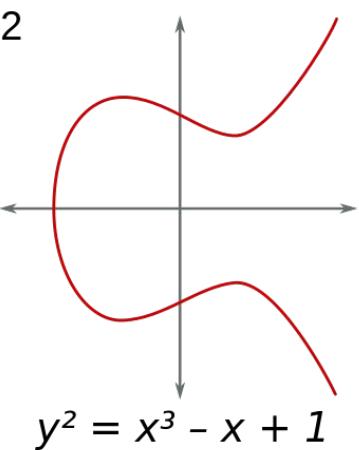
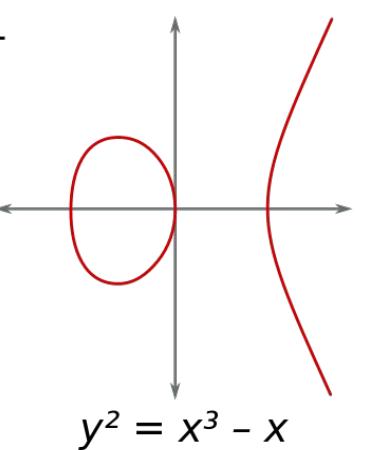


Courbes elliptiques

→ Problème du logarithme discret

Courbes elliptiques

- Problème du logarithme discret
- Autre approche avec des problèmes sur courbes elliptiques



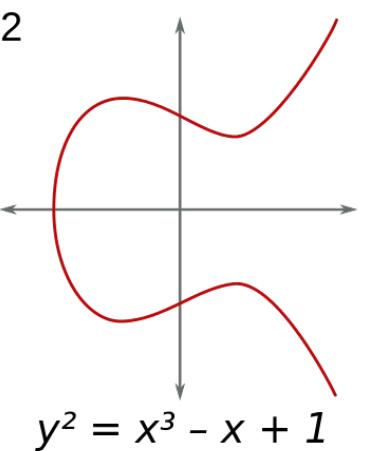
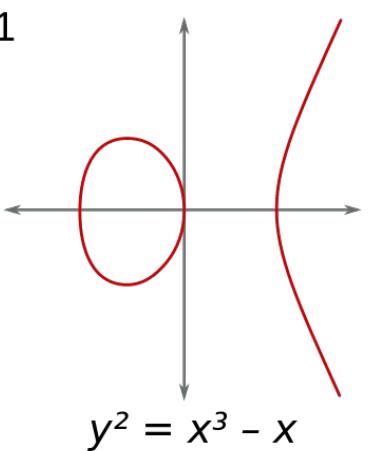
Courbes elliptiques

- Problème du logarithme discret
- Autre approche avec des problèmes sur courbes elliptiques

- Courbes précises

e.g.: **Curve25519**

$$y^2 = x^3 + 486662x^2 + x$$



Courbes elliptiques

- Pas directement transposable
 - ◆ Diffie-Hellman (*DH*) ->
Elliptic Curves Diffie-Hellman (*ECDH*)

Courbes elliptiques

- Pas directement transposable
 - ◆ Diffie-Hellman (*DH*) ->
Elliptic Curves Diffie-Hellman (*ECDH*)
- Implémentation souvent plus difficile

Courbes elliptiques

- Pas directement transposable
 - ◆ Diffie-Hellman (*DH*) ->
Elliptic Curves Diffie-Hellman (*ECDH*)
- Implémentation souvent plus difficile
- Utilisation (utilisateur) identique

Courbes elliptiques

- Pas directement transposable
 - ◆ Diffie-Hellman (*DH*) ->
Elliptic Curves Diffie-Hellman (*ECDH*)
- Implémentation souvent plus difficile
- Utilisation (utilisateur) identique
- Clés beaucoup plus petite pour sécurité égale

Courbes elliptiques



```
1 $ cat id_rsa.pub | wc -c
2 725
3 $ cat id_ed25519.pub | wc -c
4 100
```

Le plus important

Soyez attentifs



Le plus important

On dit :

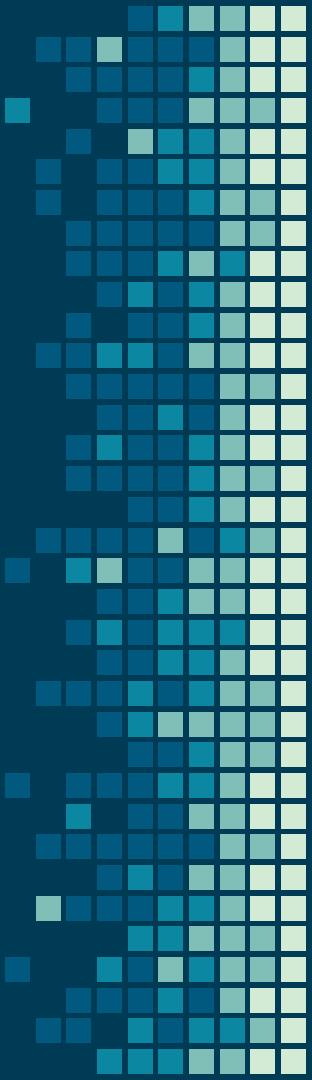
- > Chiffrer
- > Déchiffrer
- > Chiffrement
- > Décrypter

On ne dit pas :

- > Crypter
- > Cryptage
- > Encrypter
- > Chiffrage

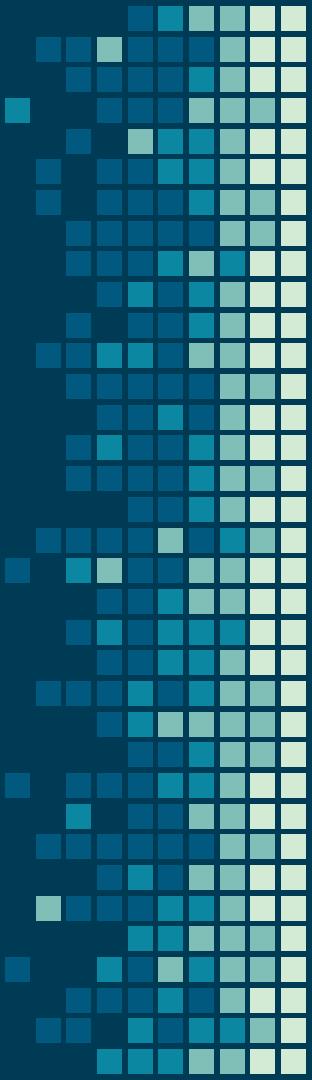
Merci !

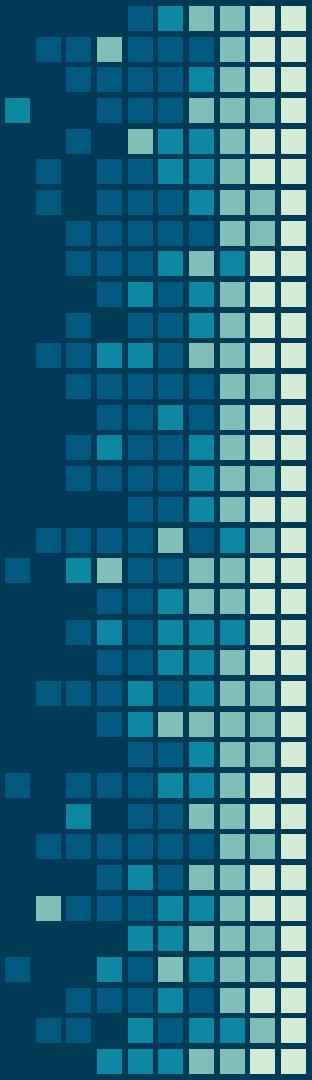
Des questions ?



Merci !

Des questions ?





Disponible sur
zarak.fr/crypto/introduction