INSTITUTO TECNOLÓGICO AUTÓNOMO DE MÉXICO



MODELADO ESTADÍSTICO DEL VOTO FN EN FRANCIA:

Análisis de las configuraciones sociales de los movimientos nativistas, autoritarios de corte populista.

Tesis

QUE PARA OBTENER EL TÍTULO DE

LICENCIADO EN ACTUARÍA

PRESENTA

FERNANDO ANTONIO ZEPEDA HERRERA

ASESOR: DR. LUIS ENRIQUE NIETO BARAJAS

MÉXICO, D.F. 2018

INSTITUTO TECNOLÓGICO AUTÓNOMO DE MÉXICO



MODELADO ESTADÍSTICO DEL VOTO FN EN FRANCIA:

Análisis de las configuraciones sociales de los movimientos nativistas, autoritarios de corte populista.

Tesis

QUE PARA OBTENER EL TÍTULO DE

LICENCIADO EN ACTUARÍA

PRESENTA

FERNANDO ANTONIO ZEPEDA HERRERA

ASESOR: DR. LUIS ENRIQUE NIETO BARAJAS

MÉXICO, D.F. 2018

"Con fundamento en los artículos 21 y 27 de la Ley Federal del Derecho de Autor y como titular de los derechos moral y patrimonial de la obra titulada "MODELADO ESTADÍSTICO DEL VOTO FN EN FRANCIA: Análisis de las configuraciones sociales de los movimientos nativistas, autoritarios de corte populista.", otorgo de manera gratuita y permanente al Instituto Tecnológico Autónomo de México y a la Biblioteca Raúl Bailléres Jr., la autorización para que fijen la obra en cualquier medio, incluido el electrónico, y la divulguen entre sus usuarios, profesores, estudiantes o terceras personas, sin que pueda percibir por tal divulgación una contraprestación".

AUTOR	
FECHA	

FIRMA

A Dios,

 $por\ todo$

A MIS HERMANOS,

por tanto

A MIS PADRES,

por siempre

A TODAS LAS VÍCTIMAS DE
RACISMO, XENOFOBIA Y DISCRIMINACIÓN,
pero también a los que tienen miedo por su futuro,
para que puedan encontrar esperanza sin odio.

Agradecimientos

Índice general

\mathbf{A}_{i}	grade	ecimientos	III
In	\mathbf{trod}	ucción	VII
Ι	Lo	s movimientos NAP y el caso del FN	1
1.	Los	movimientos NAP	2
	1.1.	Definiendo una familia política	5
	1.2.	El Front National como movimiento NAP	8
2.	El I	N dentro del sistema político francés	13
	2.1.	Recuento del sistema político	13
		2.1.1. Semipresidencialismo francés	14
		2.1.2. División territorial	18
		2.1.3. Principales elecciones	21
	2.2.	Breve historia del Front National	24
		2.2.1. El FN del desierto (1972-1983)	25
		2.2.2. El FN Lepenista (1984-2010)	27

		2.2.3. El FN Marinista (2011-)	31
3.	3. Teorías sobre el voto NAP 3		
	3.1.	Estructuralismo y Culturalismo	36
	3.2.	Clivajes y Escolaridad	38
	3.3.	La Clase Desplazada por la Globalización	40
	3.4.	Teorías del Conflicto e Interés económico	42
II	P	aradigma estadístico bayesiano	45
4.	La j	probabilidad no existe	46
	4.1.	¿Probabilidad o probabilidades?	47
	4.2.	Aprendizaje bayesiano	51
	4.3.	La única receta de la inferencia bayesiana	53
		4.3.1. Problemas de inferencia bayesiana	53
		4.3.2. La receta	57
	4.4. Distribuciones iniciales		58
		4.4.1. Distribuciones iniciales no informativas	61
5.	Mod	delos de Regresión Bayesianos	69
	5.1.	Regresión lineal	70
		5.1.1. Análisis bayesiano del modelo lineal normal	73
	5.2.	Regresión Logística	82
		5.2.1. Modelos lineales generalizados	83
		5.2.2. Identificabilidad	89
	5.3.	Modelos Jerárquicos	89

Anexos	90
A. Bases de datos utilizadas	92
Referencias	94

Introducción

Al cursar la Licenciatura en Actuaría en el ITAM, los alumnos debemos elegir un área de concentración, misma que en mi caso fue aquella de estadística. Uno de mis motivos fue que, al cursar las primeras materias de probabilidad y estadística en la carrera, encontré que esta es el puente perfecto entre mi inclinación cuantitativa y mi gusto por las ciencias sociales. En efecto, la estadística, sin perder formalidad y rigor matemáticos, resulta ser ampliamente aplicable a problemas reales. Lo que empezó como el estudio de los juegos de azar, hoy es una de las herramientas científicas más importantes que tenemos. Ya lo advertía Laplace hace aproximadamente 300 años y hoy su importancia y alcance solo han crecido.

CITAR PÁGINA HARVARD.

Bien dijo John Tukey que la mejor parte de ser un estadístico es que puedes jugar en el patio de todo mundo. Mi patio de juego favorito son los fenómenos políticos. Además de la carrera actuarial también cursé en el ITAM la Licenciatura en Relaciones Internacionales. Por ello, me resultó natural presentar como tesis de ambas carreras un estudio estadístico relacionado con uno de los fenómenos que más han despertado interés en los últimos años: aquellos movimientos que se han

desarrollado particularmente en Europa y que usualmente son llamados derechas extremas, derechas radicales o simplemente populismos de derecha.

Ni la academia ni los medios de comunicación logran un consenso sobre cómo llamar o clasificar a esta familia política. Además de los términos que ya mencioné, es posible encontrar referencias al nacionalismo populista, al tribalismo reaccionario, al neopopulismo o a términos más polémicos como neofascismo, postfascismo o incluso neonazismo (Mudde 2007; Mammone, Godin y Jenkins 2012; Hainsworth 2016a). A pesar de ello, de acuerdo con Cas Mudde, es posible definir a la familia política con base en tres características básicas (Mudde 2007; Beauchamp 2016a). En primer lugar, el nativismo como forma xenófoba de nacionalismo. También son movimientos autoritarios, que privilegian el discurso de la seguridad, la ley y el orden. Finalmente, todos comparten el populismo como forma no solo de hacer política sino, más fundamentalmente, de ver a la sociedad: frente a las élites corruptas— el ellos— el pueblo puro— el nosotros—. Mudde los llama movimientos de derecha radical populistas aunque en esta ocasión los llamaré NAP— nativistas autoritarios de corte populista— con el objetivo de resaltar sus características fundamentales.

De manera particular, el partido que pudiera considerarse pater familias de esta corriente es el Front National francés (Mudde 2007, 14). Fundado, entre otros personajes, por Jean-Marie Le Pen en 1972 (Stockemer 2017, 10), surgió en la escena política en 1984 al obtener algo más de 2 millones de sufragios en las elecciones europeas de ese año (Le Bras 2015) Falta página. En 2002, Le Pen avanzó de manera sorpresiva a la segunda vuelta presidencial, misma que perdió frente a

Jacques Chirac. En los últimos años, ya con Marine Le Pen— hija del fundador—como lideresa, el FN ha roto el tradicional sistema bipartidista de Francia (Le Bras 2016) y logró, ella también, avanzar hacia la segunda vuelta presidencial en las elecciones de 2017.

Ante esta situación, las preguntas aparecen. ¿Por qué la gente vota por estas propuestas? ¿Qué tipo de votante los ha apoyado y qué tipo de votante los rechaza? ¿Dónde han tenido más votos? ¿Cuáles son los terrenos fértiles que han permitido este surgimiento y cuáles han fungido como barreras a su crecimiento? Mucho se ha escrito sobre estas y otras posibles dudas.¹

Esta tesis pretende contribuir al entendimiento de este fenómeno mediante un estudio de caso. A partir de datos censales agregados y los resultados de 4 elecciones en Francia, en 2007 y 2012, buscaré describir las configuraciones sociales dónde se ha desarrollado más el FN y aquellas que han inhibido su crecimiento. Debido a la naturaleza agregada de los datos, cualquier conclusión derivada del modelado estadístico de los mismos tiene que ser matizada para evitar caer en una falacia ecológica. Sin embargo, el presente estudio puede considerarse en conjunto con otras investigaciones que permiten obtener conclusiones a nivel individual.

Debido a que este trabajo es un proyecto de titulación para dos carreras pertenecientes a áreas del conocimiento distintas, decidí estructurarlo en 3 apartados relativamente independientes pero complementarios entre sí. Esto quiere decir que dependiendo del interés de cada lector, es posible concentrarse en cada uno de ellos

¹ Se puede aquí insertar una serie de referencias.

por separado, estudiarlos en un orden diferente al presentado o, en casos particulares, omitir alguna de las 3 partes. Sugiero, sin embargo, la estructura presentada debido a que considero que permite a lectores de las más variadas formaciones aproximarse de manera global al problema en cuestión.

En primer lugar, es necesario contar con un marco teórico sobre los movimientos NAP en general y el Front National en particular. Considero que cualquier análisis estadístico aplicado tiene que estar acompañado de un conocimiento general del problema en cuestión. Este es el objetivo de los primeros 3 capítulos. El capítulo 1 define en términos más formales a los movimientos NAP y presenta una primera referencia de lo que caracteriza al FN como un partido de dicha corriente política. El capítulo 2 tiene como objetivo familiarizar al lector con el sistema político francés así como con la historia del FN dentro de dicho sistema. El tercer capítulo, por su parte, recoge una serie de teorías presentes en la literatura sobre las razones por las cuales las personas votan por los movimientos NAP. Es con relación a estas teorías que busqué obtener las variables del modelo estadístico.

La segunda parte de la tesis constituye el marco teórico estadístico en el que baso el análisis de los datos franceses. Así como es importante conocer el contexto al que aplicaremos la estadística— nuestro patio de juego— es fundamental el contexto estadístico por sí mismo. En este sentido, el capítulo 4 representa una primera introducción general al paradigma estadístico bayesiano bajo el cual trabajo. El capítulo 5, por su parte, constituye una aproximación teórica a los modelos objeto de esta tesis. Debido a las implicaciones prácticas que conlleva modelar desde la perspectiva bayesiana, el capítulo 6 describe los métodos computacionales que

permiten llevar a cabo inferencias estadísticas bayesianas.

Finalmente, la tercera parte de la tesis es el modelado de los datos franceses. Una vez que se cuenta con ambos marcos teóricos— el cualitativo y el cuantitativo— procedo al análisis. El capítulo 7 presenta los datos de manera descriptiva y mediante un análisis exploratorio. El capítulo 8 contiene el modelado en sí: los diferentes modelos aplicados a los datos franceses y la discusión de por qué fueron considerados. Por último, el noveno capítulo contiene la interpretación de los resultados y las conclusiones generales del proyecto.

Parte I

Los movimientos NAP y el caso del FN

Capítulo 1

Los movimientos NAP

El fenómeno de los movimientos que discute este trabajo es igualmente polémico como variable. La primera diferencia es la cantidad de apelativos con la que son identificados y que incluyen algunos como derechas extremas o radicales—etiquetas que en la mayoría de las ocasiones los propios partidos rechazan 1—
. Independientemente del debate sobre el término correcto, en general hay un acuerdo sobre cuáles movimientos pertenecen al núcleo de esta familia política. Dentro de esta categoría encontramos a partidos como el PVV holandés de Geert Wilders, quien llegó a ser líder en las encuestas hacia la elección de 2017; la Lega de Matteo Salvini en Italia, uno de los causantes de la caída del gobierno Renzi; la AfD alemana, misma que consiguió lugares en el Bundestag gracias a sus buenos resultados en las elecciones de 2017, particularmente en el este del país; el FPÖ astríaco, logrando el segundo lugar en las últimas elecciones parlamentarias y formando parte de la coalición gobernante de nuevo; incluso, y sobre todo en

 $^{^1\}mathrm{Ver}$ por ejemplo Hainsworth (2016a, 8) o reportes periodísticos como Le Parisien (2013) y Sputnik (2017).

épocas más recientes, el UKIP, con Nigel Farage como impulsor de la salida del Reino Unido de la Unión Europea, entre otros tantos a lo largo y ancho de Europa.²

Esto quiere decir también que los movimientos comunmente asociados con el fenómeno se pueden encontrar en países institucionalmente muy disímiles. Los hay bajo monarquías parlamentarias, sistemas federales o regímenes más centralizados; con elecciones de mayoría relativa, de representación proporcional o mixtas; con una o dos vueltas. Han surgido en regiones distintas como Escandinavia, Europa Central, Europa del Este o los Balcanes. Más aún, este fenómeno parece no ser exclusivamente europeo. El triunfo de Donald Trump en las elecciones de 2016 en Estados Unidos ha supuesto, al menos en términos de percepción, su expansión más importante por la importancia que reviste la nación norteamericana, la atención mediática que generó en todo el mundo, las posibles consecuencias para el sistema internacional, el Estado y las vidas concretas de miles de seres humanos, así como en ser— junto con el Brexit— el más claro caso real de éxito electoral de alguno de estos movimientos.

Otra característica cambiante es que tampoco han estado exentos de evoluciones temporales: mientras que en los años 80 tenían un programa económico marcadamente favorable al libre mercado, en los años recientes han migrado hacia posiciones mucho más proteccionistas. A pesar de estas diferencias, es posible entender este fenómeno como una sola familia política trasnacional.

Ciertamente hay que reconocer que esta corriente es tradicionalmente identifi-

 $^{^2}$ Otros ejemplos de partidos de esta corriente en regiones tales como Escandinavia, Europa del Este o los Balcanes se pueden consultar en Mammone, Godin y Jenkins (2012) o Hainsworth (2016a).

cada con Europa. Aunque Donald Trump ha atraído más interés hacia el fenómeno y existen referenccias que estudian el desarrollo del mismo en Estados Unidos antes de su llegada,³ su triunfo es demasiado reciente para cambiar totalmente dicha percepción.⁴ Las caracterizaciones tradicionales que uno puede encontrar en la literatura frecuentemente se basan en elementos que aluden explícitamente a Europa.

Por ejemplo, Mammone, Godin y Jenkins (2012), siguiendo al sociólogo Alain Bihr, señalan dos aspectos que consideran fundamentales, aunque aparentemente contradictorios. En primer lugar, con la creciente globalización, los Estados-Nación se percibirían como inoperantes e impotentes ante las decisiones tomadas "en otro lado, por otros". En consecuencia, estos partidos buscan resaltar a la Nación. En segundo lugar, sin embargo, estos movimientos añoran o reclaman a Europa mas no a la Unión Europea— como hogar. Esta sería una Europa blanca, opuesta a la globalización, la hegemonía de EUA, la pluralidad étnica y el Islam. Así, Mammone, Godin v Jenkins encuentran que los partidos han buscado dejar el simple nacionalismo para hablar de un "nacionalismo europeo". Por otro lado, estos movimientos podrían analizarse como una familia política porque comparten, según los autores, tres pilares básicos: la idea de la inequidad y la jerarquía, un nacionalismo étnico vinculado a la comunidad mono racial y la adopción de medios radicales para lograr sus objetivos y defender a la comunidad imaginada. De entre estos aspectos el más claro y relevante podría ser el etnonacionalismo. Los inmigrantes— no blancos y, en general, provenientes de ex colonias— serían vistos como poseedores de culturas diferentes que atentan contra la milenaria tradición

³Por ejemplo Cox y Durham (2016).

 $^{^4}$ Otro motivo es que todavía hay dudas sobre si realmente forma parte de esta familia política (Mudde 2017).

nacional. Los autores consideran esta postura diferencialista como simple racismo pues cambiar el término biológico por el cultural es solo retórica.⁵ Sin embargo, y sin que quede claro si el motivo es solamente aparentar ser una opción más aceptable, estos partidos habrían buscado bajar el tono de dicha retórica sustituyéndolo por un abierto populismo. Por su parte, Hainsworth (2016a), refiere otra serie de elementos que pudieran caracterizar a esta familia política: chauvinismo de bienestar⁶, ley y orden, la búsqueda de un Estado fuerte, el carácter antisistema o incluso la antidemocracia, entre otros.

Estas son buenas aproximaciones iniciales. Sin embargo, para poder tener un mayor entendimiento teórico del fenómeno se debe partir de una delimitación más puntual y formal de las características que hacen a un partido determinado pertenecer a esta familia política. Se debe pues, definir teóricamente a la familia política. Éste es el objetivo de Cas Mudde (2007).

1.1. Definiendo una familia política

Mudde busca encontar la máxima cantidad de similitudes que puedan tener los partidos normalmente asociados al fenómeno para pertencer a esta familia política. Así, logra construir de manera simple pero estructurada una caracterización teórica de lo que él llama los partidos de derecha radical de corte populista.⁷

⁵Esta interpretación de que la retórica culturalista es más bien racismo cultural es compartida por muchos autores. Hainsworth (2016a, 11-12) refiere la propia visión al tiempo que presenta varias citas que apoyan esta argumentación. Goodliffe (2017), en un foro sobre el crecimiento del populismo en el mundo, también señaló que las teorías e ideas diferencialistas son, en el fondo, manifestaciones de racismo.

⁶Este término es mi traducción del inglés welfare chauvinism.

⁷De nueva cuenta, esta es una traducción personal del inglés. El término original es *populist radical right parties*.

Para ello, hace uso, principalmente, de tres definiciones básicas que presento a continuación.

Definición 1.1. Nativismo

El *nativismo* es una ideología que mantiene que los Estados deberán ser habitados exclusivamente por miembros de un grupo nativo— la Nación— y que los elementos no nativos— personas e ideas— amenazan fundamentalmente el Estado-Nación homogéneo.

Definición 1.2. Autoritarismo

El *autoritarismo* es una creencia en una sociedad estrictamente ordenada en la cual las violaciones a la autoridad deben ser castigadas severamente.

Definición 1.3. Populismo

El populismo es una ideología estrechamente centrada que considera que la sociedad está, al fin y al cabo, separada en dos grupos homogéneos al interior y antagónicos entre sí— "el pueblo puro" vs "la élite corrupta"— y que argumenta que la política debe ser una expresión de la voluntad general del pueblo.

Para Mudde, cuando se habla de nacionalismo no hay diferencia en el motivo del mismo. Este puede ser étnico o político y, de forma más usual, una mezcla de ambos. Por ello, el nacionalismo que interpreta Mudde es diferente al simple amor por la patria o patriotismo. Con esto no basta, pues, para hacer una diferencia entre los que podrían llamarse nacionalistas moderados y los nacionalistas radicales. Es necesario, entonces, definir un tipo específico de nacionalismo: el nativismo. Este es básicamente la unión de nacionalismo con xenofobia. El nativismo es una definición mínima que caracteriza a la familia política de interés. Sin embargo, se requieren dos elementos adicionales para llegar a una definición máxima. Los discursos de seguridad, ley y orden que imperan en esta familia política se incluyen dentro del término autoritarismo. Por su parte, el populismo es definido por Mudde como un componente ideológico y no solamente como un recurso retórico o un estilo político. Un populista venera el "sentido común" del pueblo y nada es más importante que esto, ni siquiera los derechos humanos o las garantías constitucionales.

Para Mudde, entonces, los partidos de derecha radical de corte populista son aquellos que cuentan con tres componentes ideológicos: nativismo, autoritarismo y populismo. El orden de los términos es importante pues el nativismo es la definición mínima, al agregársele el autoritarismo se obtendría la derecha radical y, entonces, el populismo debe fungir como componente adicional a dicho término principal. Elijo, no obstante, llamarlos NAP, pero no para seguir contribuyendo a la falta de término común. Más bien me parece que es importante destacar siempre los conceptos básicos que fueron definidos sin obscurecerlos detrás de otros. No me parece necesario, para efectos de este trabajo, construir más términos sobre los ya definidos, al tiempo que es más transparente hacer mención constante al nativismo, autoritarismo y populismo que caracteriza a la familia política. Es

⁸Más aún, la argumentación por la cual Mudde llega a la etiqueta de derecha radical de corte populista reconoce que los términos derecha y radical deben ser interpretados de manera

bajo esta delimitación de la familia política de los NAP que habré de analizar al Front National en Francia. Por ello, lo primero que debe hacerse es verificar que, efectivamente, el FN satisfaga las definiciones de un partido NAP.

1.2. El Front National como movimiento NAP

El nativismo del Front National ha estado presente desde sus inicios. Por ejemplo, ya desde 1973 se observan tintes nativistas en sus diagnósticos que identificaban "la constitución de verdaderos barrios o ciudades extranjeras en Francia, elementos de fragmentación y que ponen en duda la unidad y la solidaridad de nuestro pueblo" y que exigían "poner fin a las políticas absurdas que toleran una inmigración salvaje, en condiciones materiales y morales desastrosas para los interesados y deshonrosas para nuestro país" (Mestre 2012, traducción propia). Otro ejemplo lo encontramos en el recorte de periódico sobre las elecciones legislativas de ese mismo año, en el que se lee "Contra la invasión a Francia por los indeseables" estableciendo que— a pesar de rechazar que los franceses sean xenófobos o racistas— la posición del FN es que "no es tolerable que nuestro país se haya convertido en un basurero abierto a los buenos para nada, a los defectuosos, a los delincuentes, a los criminales" (Delafoi 2017, traducciones propias).

muy particular. El término radical, por ejemplo, se refiere a una oposición fundamental a los valores de la democracia liberal. Desde mi punto de vista, ésta es una definición problemática pues el término es usado en política con un significado distinto. Ejemplifico citando dos partidos políticos que enarbolan la etiqueta radical y que no compartirían la visión de Mudde: la Unión Cívica Radical en Argentina y el Parti Radical de Gauche en Francia. Otra objeción más quisquillosa al uso del término escogido por Mudde es que me parece que las definiciones dadas para derecha y radical no se deducen lógicamente de las definiciones de nativismo y autoritarismo, lo que contradice el objetivo inicial de tener un mayor rigor teórico y contar con definiciones que no estiren conceptos, como diría Sartori. No obstante, reconozco la practicidad que el término conlleva pues estos partidos son generalmente posicionados a la derecha de la derecha tradicional—sin importar la definición de derecha que se tenga—, como buscan Mammone, Godin y Jenkins (2012) o Hainsworth (2016a) al abogar por el término derecha extrema.

Otro punto donde se refleja claramente el nativismo del FN es en sus frases o slogans de campaña. En 1978, François Duprat presenta un cartel con la frase "Un millón de desempleados, son un millón de inmigrantes de más. Los franceses primero." Después, en los años 80 surge el término preferencia nacional (Delafoi 2017). Este término incluye al chauvinismo de bienestar en el que la ayuda social está reservada a los miembros del grupo nativo y que podemos ver reflejado en el programa político del FN en 2007, pero va más allá pues Jean-Marie Le Pen propuso también incluirlo como un principio en el preámbulo de la constitución (L'Obs 2007). El término evolucionó con Marine Le Pen a prioridad nacional como puede leerse en la página 6 de su plataforma presidencial en 2012 (Front National 2012). Finalmente, tanto en 2007 como 2012 las plataformas del FN propusieron eliminar la obtención de la nacionalidad francesa por derecho de suelo así como la binacionalidad, permitida únicamente para aquellos que posean otra nacionalidad europea (L'Obs 2007; Front National 2012).

Por su parte, el autoritarismo también ha estado presente en el programa político del FN. Íntimamente ligados a la inmigración dentro del discurso nativista de Le Pen, el crimen, la inseguridad, la ley y el orden han tenido también un lugar constante en la plataforma frontista. En 2001, a tan solo unos días de los atentados del 11 de septiembre en Nueva York, Le Pen declaró que la seguridad era "la primera de las libertades, la primera de las igualdades, el primer deber soberano de un Estado" (Le Pen 2001). Le Pen aprovechó ese discurso para señalar como amenazas, no realmente al terrorismo de Bin Laden sino todos los problemas de

 $^{^9\,}Un$ million de chômeurs, c'est un million d'immigrés en trop. Les Français d'abord." (Mestre 2012).

seguridad internos que él identificaba. Baste el siguiente extracto de su discurso para ejemplificarlo (secc. Rétablir l'ordre et la loi):

Los franceses enfrentan una dramática explosión de criminalidad, de violencia, de tráficos múltiples, el número de violaciones, de asesinatos y de actos de barbarie, así como el riesgo del terrorismo. La seguridad, sin embargo, es la primera de las libertades. Me comprometo, por una política de firmeza y de voluntad, basada sobre la tolerancia cero, a restaurar el orden y la ley y a organizar un referendum sobre el restablecimiento de la pena de muerte para los crímenes más graves.

La propuesta de la pena de muerte— quizás la más viva prueba del autoritarismo—
no desaparecería pronto del discurso del FN. El ofrecimiento de restablecerla continuó en la plataforma de Jean-Marie Le Pen en las elecciones de 2007 junto con
otras propuestas como disminuir la edad de responsabilidad penal de menores a
los 10 años (L'Obs 2007).

Asimismo, la sección sobre seguridad de la plataforma política de Marine Le Pen en 2012, mantiene la línea dura de su padre: una política de tolerancia cero sería instaurada, los ataques organizados contra las fuerzas del orden serían fuertemente reprimidos, los efectivos policiacos habrían de aumentar, las sanciones contra reincidentes serían acrecentadas, aquella persona condenada a un año o más de prisión por reincidencia perdería todas las prestaciones sociales y, de nueva cuenta, se propondría por referendum reinstaurar la pena de muerte, así como la cadena perpetua como "alternativas para reforzar nuestro arsenal penal" (Front National 2012). En este mismo programa podemos encontrar más evidencia de que el autoritarismo y el nativismo están íntimamente ligados dentro del FN.

Por ejemplo, el "racismo antifrancés" como motivación de un crimen o delito sería considerado como un fuerte agravante y debería acrecentar la pena (6).

Finalmente, quedan por presentar ejemplos del populismo frontista. En este sentido Jean-Marie Le Pen siempre buscó hacer referencia a una élite corrupta constituida por lo que llamó le gang de l'établissement (Leprince 2016), de manera particular por la banda de los cuatro, en referencia a los 4 partidos tradicionales en Francia— los 2 de derecha y los 2 de izquierda— (Boily 2005, 32). Debido a que el populista se considera intérprete de la voluntad del pueblo, misma que es un valor en sí misma, la predilección por métodos democráticos directos es un síntoma frecuente del populismo. En Jean-Marie Le Pen lo vemos con sus propuestas sobre el referendum, no solo para la pena de muerte sino para todas las reformas fundamentales (L'Obs 2007). Su carisma y autoproclamada vocación de darle voz al pueblo confirman ese populismo: en la elección presidencial del 2002 sus carteles rezaban Le Pen, le peuple (Gross 2016).

Sin embargo, Jean-Marie Le Pen ha sido, desde mi punto de vista, ampliamente superado por su hija en términos populistas. Marine Le Pen no solo ha mantenido el énfasis en la democracia directa y los referendums, sino que en su plataforma de 2012 propuso que el referendum fuera la *única* manera de modificar la constitución (Front National 2012, 8, énfasis mío). Sin embargo, la centralidad de Marine como la líder populista es clara en los últimos años. Los logos del partido y la flama tricolor han pasado a un segundo plano detrás del rostro omnipresente de Marine Le Pen. Decía al explicar la terminología de Mudde que el populista venera el sentido común del pueblo; nunca más clara esta posición en el FN como bajo el

slogan la force du bon sens de las listas Rassamblement Bleu Marine: la fuerza del sentido común bajo el reagrupamiento azul marino, en clara referencia a la lideresa. Más aún, en los últimos años el slogan de las grandes campañas frontistas ha sido Marine, au nom du peuple! (Gross 2016). Uno solo puede conjeturar que el caracter personalista del movimiento se acentuará con el posible abandono del nombre Front National que propuso Marine Le Pen en el congreso del partido este año

Capítulo 2

El FN dentro del sistema político francés

Una vez establecido, de manera general, el caracter NAP del Front National debemos estudiar de manera un poco más detallada a este partido. Para ello presento breves resúmenes del sistema político francés, así como de la historia del partido. Así podremos estar en mejores condiciones para entender dónde y cómo participa políticamente el FN y cuál ha sido su desarrollo general.

2.1. Recuento del sistema político

Los sistemas políticos tradicionales son el presidencialismo y el parlamentarismo (Carpizo78Veser 1999, 39). Mientras que en el primero el poder se concentra en un presidente, tradicionalmente electo por sufragio universal para un periodo fijo, en el segundo es un parlamento el depositario de la soberanía popular, por

lo que el gobierno depende de la confianza de dicha asamblea (Linz 1990, 52). Sin embargo, estos no son los únicos dos sistemas políticos de gobierno. Existe también el llamado régimen semipresidencial. Este término fue popularizado por el sociólogo francés Maurice Duverger y tradicionalmente se emplea para todos aquellos regímenes híbridos que no son sistemas totalmente presidenciales ni parlamentarios (Veser 1999; Carpizo 2004, 7; Linz 1990, 52). De entre estos regímenes semipresidenciales, el más conocido es la actual V^{ta} República francesa (Carpizo 2004, 7).

2.1.1. Semipresidencialismo francés

Para Duverger, un régimen semipresidencial como el francés tiene tres componentes principales (Veser 1999, 42):

- 1. El presidente de la república es electo por sufragio universal;
- 2. posee considerables poderes;
- 3. tiene frente a él, no obstante, un primer ministro y ministros que poseen poderes ejecutivos y gubernamentales y pueden permanecer en el poder solo si el parlamento no muestra su oposición a ellos.

Las primeras dos componentes tienen un caracter marcadamente presidencial. Sin embargo, el tercer punto es un contrapeso parlamentario que hace que el régimen no sea del todo presidencial. En general, los tres puntos se reflejan en la actual constitución, promulgada el 4 de octubre de 1958 y que instauró la V^{ta} República. El primero, empero, no fue totalmente concretado sino hasta el referéndum plebiscitario de 1962 que estableció el sufragio universal directo para

la elección a la presidencia de la república. Por otro lado, como sugeriría el segundo punto de Duverger, el presidente es la piedra angular del régimen francés (Asamblée National 2017a, secc. III); es el Jefe del Estado: vela por el respeto a la Constitución, asegura el funcionamiento regular de los poderes públicos así como la continuidad del Estado, es el garante de la independencia nacional, de la integridad del territorio y del respeto de los tratados (Constitution du 4 octobre 1958, art. V). Algunos de los poderes más importantes del presidente francés son los siguientes (Asamblée National 2017a, secc. III; Vie Publique):

- Nombra al Primer Ministro y acepta su dimisión.
- Puede disolver la Asamblea Nacional.
- En casos extremos puede tomar poderes extraordinarios.
- Puede someter a referéndum ciertos proyectos de ley.
- Tiene dos áreas de predominancia:
 - La Defensa, pues es comandante supremo de las fuerzas armadas y quien decide sobre el uso de la fuerza nuclear.
 - Las Relaciones Exteriores, pues es quien negocia y ratifica los tratados, acredita los embajadores franceses ante otros Estados y es frente a quien se acreditan los embajadores ante Francia.

Sin embargo, a diferencia de lo que sucede en un régimen estrictamente presidencial, el presidente no es el Jefe de Gobierno. De hecho, el poder ejecutivo en Francia está divido entre la Presidencia y el Gobierno. El Primer Ministro es

¹Ya desde el texto original de 1958 la Asamblea nacional era electa de manera directa por la ciudadanía, pero la primera elección presidencial de la V^{ta} República fue mediante un colegio electoral.

Régimen semipresidencial V^{ta} República francesa

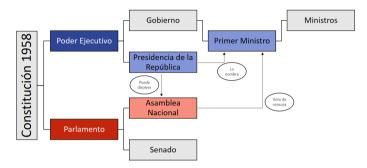


Figura 2.1: Esquema del régimen semipresidencial francés de la V^{ta} República. Los poderes ejecutivo— Presidencia de la República y Gobierno— y legislativo— Parlamento bicameral— están separados. El Presidente nombra al Primer Ministro, quien forma un Gobierno que depende de la confianza de la Asamblea Nacional, misma que puede ser disuelta por el Presidente. Fuente: elaboración propia.

el Jefe de Gobierno y es este Gobierno formado por los ministros de las diferentes carteras el que determina y conduce la política, dispone de la administración pública y asegura la ejecución de las leyes (Constitution du 4 octobre 1958, título III). Más aún, y en sincronía con el tercer componente de Duverger, el Gobierno es responsable frente a un Parlamento bicameral, compuesto por una Asamblea nacional y un Senado. Sin embargo, esta división no es totalmente equitativa pues es solamente la Asamblea nacional quien puede remover al Gobierno.² Esta estructura general puede verse en el esquema de la Figura 2.1.

¿Qué implicaciones tiene esta configuración legal? Como bien apunta Carpizo

²Existen tres mecanismos por los cuales la Asamblea nacional puede obligar a un Gobierno a renunciar. El primero es usualmente llamado voto de confianza y se da cuando el Primer Ministro somete su programa o alguna política general a la confianza de la Asamblea que vota y si la niega, el Gobierno debe renunciar. La segunda es el voto de censura que se da por iniciativa de la Asamblea y en caso de aprobarse el Gobierno cae. Finalmente el Gobierno, bajo ciertas circunstancias, puede condicionar su responsabilidad a una iniciativa particular: si la Asamblea no está de acuerdo con el proyecto debe censurar al Gobierno y destituirlo o de lo contrario el texto propuesto es aprobado automáticamente (Asamblée National 2017c).

(2004, 7-8), el régimen semipresidencial francés en la práctica es un régimen de alternancias entre un sistema (casi) presidencial y uno (casi) parlamentario. Cuál de estos subsistemas imperará depende de lo que Marrani (2009, 70) llama la sincronía dentro del ejecutivo y que depende de la configuración política de las tres instituciones resaltadas en la **Figura 2.1**: la Presidencia, la Asamblea Nacional y, por tanto, el(la) Primer(a) Ministro(a).³

Recordemos que el Presidente es quien nombra al Primer Ministro. Cuando el Presidente logra tener de su lado a la mayoría de la Asamblea nacional, este puede nombrar a quien quiera sin temor de que la Asamblea vaya a destituirlo. A pesar de que formalmente el Primer Ministro es quien gobierna, en la práctica este le debe deferencia al Presidente y se convierte solo en un facilitador de su política. Esta es la situación donde hay una sincronía al interior del ejecutivo y el sistema es marcadamente presidencial. Se da lo que Marrani llama fait majoritaire y que podríamos designar como el funcionamiento bajo mayoría presidencial. Sin embargo, cabe la posibilidad de que la Asamblea nacional tenga una mayoría que se oponga al Jefe de Estado. En este caso, conocido como cohabitation, el Presidente ya no puede nombrar a quien quiera. Debe nombrar a alguien que sea apoyado por la mayoría opositora de la Asamblea. Se da una falta de sincronización al interior del ejecutivo y el Presidente debe cohabitar con un Jefe de Gobierno políticamente opuesto a él. Aquí es cuando estamos en un subsistema de corte parlamentario pues es la mayoría parlamentaria la que gobierna y, salvo en sus

³Hasta el momento solo ha habido una mujer en el cargo, Édith Cresson (1991-1992).

⁴El Primer Ministro, a diferencia de lo que sucede en un sistema puramente parlamentario, no precisa ser miembro del Parlamento; por el contrario, existe una incompatibilidad constitucional entre la función gubernamental y el mandato parlamentario (*Constitution du 4 octobre 1958*, art. 23). Han habido Primeros Ministros que no eran diputados de la Asamblea y, cuando un diputado es nombrado ministro, este debe cesar sus funciones y su suplente lo reemplaza en la Asamblea.

dominios de predominancia, los poderes del Presidente se ven fuertemente reducidos.⁵ En la historia de Francia han existido tres cohabitaciones: Miterrand-Chirac (1986-1988), Miterrand-Balladur (1993-1995) y Chirac-Jospin (1997-2002).⁶

Una vez establecido el panorama general del sistema de gobierno en Francia, resulta pertinente hacer referencia a la división territorial del país galo.

2.1.2. División territorial

De acuerdo con el artículo 72 de la Constitución francesa,

Las colectividades territoriales de la República son las comunas, los departamentos, las regiones, las colectividades con estatus particular y las colectividades de ultramar...

Esta estructura general, puede verse en la **Figura 2.2**. Los primeros tres tipos de colectividades territoriales son los más usuales y se refieren a los 3 niveles de administración. El artículo después refiere la existencia de otros dos tipos de colectividades territoriales: las que tienen estatus particular y las de ultramar. No debe pensarse, sin embargo, que estas últimas son todas aquellas que no pertenecen a la metrópoli, identificada en la **Figura 2.2** mediante el recuadro azul interno.⁷ Más

⁵Su poder de veto, que no había mencionado, permanece. Sin embargo, el poder de veto en la práctica no es tan relevante como los otros puesto que en situación de mayoría presidencial no es usualmente necesario, mientras que en periodo de cohabitación es más un mecanismo de oposición legislativa que la mayoría de la Asamblea puede superar. El Presidente también conserva su poder de disolución, pero esta es una herramienta riesgosa y costosa políticamente.

⁶Han habido también otros periodos en los que formalmente el Primer Ministro no pertenece al mismo partido político que el Presidente pero que sí forma parte de su mayoría presidencial, por lo que no podríamos llamarlos cohabitación. Estos han sido los cuatro gobiernos bajo la presidencia de Giscard d'Estaing— el primero de Chirac (1974-1976) y los tres de Barre (1976-1977,1977-1978,1978-1981)— así como los dos gobiernos de Philippe bajo la presidencia de Macron.

⁷La metrópoli incluye el territorio continental de Francia— coloquialmente conocido como el Hexágono, por su forma— y la isla de Córsega.



Figura 2.2: Esquema de la división territorial francesa. Fuente: elaboración propia a partir de Asamblée National (2017b).

bien se refieren a 5 territorios específicos conocidos en Francia como Collectivités d'outre-mer (COM): San Bartolomé, San Martín, San Pedro y Miquelón, Wallis y Futuna, así como la Polinesia francesa. Existen otros territorios del ultramar francés diferentes a las COM. Hay territorios no habitados: la Isla de Clipperton y los Territorios australes y antárticos franceses (TAAF). Encontramos también a la Nueva Caledonia como una colectividad sui generis. Finalmente, existen otros 5 territorios de ultramar que son colectividades territoriales con estatus especial, los Départements et Régions d'outre-mer (DROM): Guadalupe, Martinica, Guyana, Reunión y Mayotte. Estos 5 DROM y otros 4 territorios en la metrópoli que también son colectividades con estatus especial— Córsega, París, Lyon y Marsella— usualmente son considerados dentro del sistema de 3 niveles, a pesar de las particularidades de cada uno. Así pues, el recuadro rojo externo de la Figura 2.2 identifica a todas las colectividades territoriales que se interpretan bajo el esquema de 3 niveles. Estos tienen las siguientes características generales (Asamblée National 2017b):

1. Comunas

Son el nivel más cercano a los ciudadanos. Existen desde 1789 cuando remplazaron a las parroquias. Existen en Francia alrededor de 36,000, aunque año con año el número varía pues las comunas pueden fusionarse o separarse. Sus principales áreas de competencia son el urbanismo, la vivienda y el ambiente. Se gobiernan principalmente mediante un concejo municipal elegido popularmente y un maire designado por dicho concejo.

2. Departamentos

El segundo nivel también fue creado en 1789. Hasta el 31 de diciembre de 2017, existían 101 departamentos, de los cuales 96 formaban la metrópoli y los otros 5 son DROM. A partir del 1ro de enero de 2018 los dos departamentos de Córsega fueron sustituidos por una colectividad única, por lo que ahora hay 100 departamentos. Tienen dos dominios de responsabilidad: la acción social y el manejo de los espacios. Se gobiernan principalmente mediante un concejo departamental elegido popularmente y un presidente designado por dicho concejo.

3. Regiones

Es el nivel de más reciente creación, pues fue reconocido como colectividad territorial en 1982. Hasta 2015 existieron 27 regiones, 22 en la metrópoli—incluída Córsega— y las 5 DROM. En 2015 hubo una reforma que agrupó algunas, por lo que las nuevas regiones son solo 18— 13 en la metrópoli, contando Córsega, y las 5 DROM—. Las regiones están encargadas del desarrollo económico, la administración del territorio y los transportes no

⁸Estos términos incluyen, el primero, los temas relacionados con grupos vulnerables como la infancia, las personas con discapacidad o los adultos mayores, mientras que el segundo se refiere, por ejemplo, al control de puertos, aeropuertos o caminos dentro del territorio del departamento.

urbanos. Se gobiernan principalmente mediante un concejo regional elegido popularmente y un presidente designado por dicho concejo.

Las colectividades territoriales usualmente son de uno de los tres niveles. Por ejemplo, Villemomble es una de las 40 comunas que conforman el departamento de Seine-Saint-Denis. Este, a su vez, es uno de los 8 departamentos que conforman la región Île de France. Sin embargo, las colectividades con estatus especial pueden compartir, al mismo tiempo, dos niveles. Este es el caso de París, que también se encuentra en la región Île de France pero que es tanto un departamento como una comuna dividida en arrondisements municipales.⁹

Una vez que he presentado un resumen general del semipresidencialismo francés y de la organización del territorio, procedo a mencionar a grandes rasgos el sistema electoral del país.

2.1.3. Principales elecciones

Con base en lo que reporta el Ministerio del Interior francés (*Les différentes élections*), identifico cuatro categorías de elecciones francesas.

- Para conformar los poderes nacionales:
 - Presidenciales.
 - Legislativas, para la Asamblea nacional.
 - Senatoriales.
- Para conformar las autoridades de los 3 niveles:

 $^{^9{\}rm N\'otese}$ que uso la palabra pueden; Marsella tiene un estatus especial pero es solamente una comuna.

- Municipales, a nivel comuna.
- Departamentales, antes conocidas como cantonales. 10
- Regionales.
- Supranacionales:
 - Europeas, para el Parlamento europeo.
- Especiales, con diversos fines:
 - Referéndums.
 - Comunitarias, se dan al interior de las comunas.

De entre estas categorías, solo me concentraré en explicar un poco más las presidenciales y las legislativas por tratarse de las dos principales instituciones que determinan el funcionamiento del sistema semipresidencial francés. Ambas son elecciones de sufragio universal directo.

La Asamblea nacional se conforma por 577 diputados que se eligen por periodos de 5 años con reelección. Se elige un diputado por circunscripción legislativa mediante un sistema de mayoría a doble vuelta. Esto significa que hay dos formas de ganar la elección:

 En la primera vuelta, si se obtiene la mayoría absoluta de la votación efectiva, siempre y cuando los votos recibidos representen al menos un cuarto de los electores inscritos en las listas de votación.

¹⁰Antes de una reforma de 2015 las elecciones para el nivel de departamento eran conocidas como elecciones cantonales pues los consejeros se eligen en circunscripciones llamadas cantones.

¹¹A menos que el Presidente disuelva la Asamblea antes del término de la legislatura, en cuyo caso no puede haber una nueva disolución en el año siguiente.

 En la segunda vuelta, donde basta la mayoría relativa. En caso de empate el(la) candidato(a) de mayor edad gana.

Pasan a la segunda vuelta todas las candidaturas que hayan obtenido un porcentaje de votación equivalente a al menos el $12.5\,\%$ de los electores inscritos en las listas de votación. Esto significa que puede haber más de dos contendientes en la segunda vuelta. 12

Por otro lado, tenemos la elección presidencial. En el siglo XXI han habido dos principales reformas consititucionales que han moldeado esta elección. La primera, en 2000, redujo el periodo presidencial de 7 a 5 años. Aunque esto pareciera a primera vista un control sobre el Presidente, en realidad es una reforma que refuerza al Jefe de Estado. Ahora los periodos presidenciales coinciden con los 5 años por los que son elegidos los diputados. Más aún, la elección presidencial se realiza unas semanas antes que la elección legislativa. Esto hace mucho menos probable que un presidente electo enfrente una cohabitación, pues su reciente triunfo tiende a impulsar una mayoría legislativa a su favor. Sin embargo, en 2008, se decidió limitar al Jefe del Estado prohibiendo que un presidente sirva más de dos mandatos.

Los presidentes también se eligen mediante mayoría a dos vueltas. Esto significa que, al igual que con los diputados, se puede ganar la elección de dos formas:

 En la primera vuelta, si se obtiene la mayoría absoluta de la votación efectiva.

 $^{^{12}}$ Esto da lugar a las expresiones duels, entre dos candidaturas, y triangulaires, entre tres. Pueden también darse cuadrangulares o segundas vueltas entre más candidatos pero son mucho menos frecuentes y, cuando suceden, tienden a haber declinaciones y alianzas.

 $^{^{13}}$ A menos, claro, que el propio Presidente disuelva la asamblea, cosa que no ha ocurrido desde la reforma. De hecho, solo han existido 5 disoluciones en la V^{ta} República, todas en el siglo XX, en 1962, 1968, 1981, 1988 y 1997.

 En la segunda vuelta, si se obtiene la mayoría absoluta de la votación efectiva.

Para garantizar que alguien gane la elección en la segunda vuelta, a diferencia de lo que pasa con las elecciones legislativas, solo pueden presentarse a la segunda vuelta las dos candidaturas más votadas en la primera. Sin embargo, existe un vacío legal en el caso de empate, pues el criterio de edad imperante en las elecciones legislativas no está contemplado para la elección presidencial (Lombart 2016).

Esta sección tuvo como objetivo proveer al lector del contexto político en Francia, presentar las estructuras básicas que se intentarán aprovechar en el análisis estadístico de los datos y facilitar la lectura de la historia del Front National, pues se hacen referencia a varios de los conceptos antes presentados y que en primera instancia pueden resultar extraños.

2.2. Breve historia del Front National

Como todo fenómeno social, el FN no ha sido un movimiento monolítico. Desde sus orígenes y hasta el día de hoy ha tenido momentos de menor y mayor éxito. Un esquema para estudiar la historia del partido, principalmente desde el punto de vista electoral, es señalar tres grandes etapas. En primer lugar, la primera década de su existencia estuvo marcada por la marginalidad política y es comúnmente llamada la traversée du désert. En segundo lugar, a partir de los años 80 el FN irrumpe en la escena política de la mano de su líder Jean-Marie Le Pen quien, en 2002, logró alcanzar su zenit al obtener el segundo lugar en la primera vuelta presidencial de ese año. No obstante la primera década del siglo XXI estuvo marcada

por el declive de la figura de Le Pen. Por ello, en 2011 comienza la más reciente etapa del partido. Jean-Marie Le Pen pasó la batuta del liderazgo a su hija Marine Le Pen quien desde entonces ha implementado una estrategia de dédiabolisation, buscando acabar con la imagen negativa del partido, principalmente con respecto al carácter racista que caracterizó a su padre. El recuento histórico que sigue está basado primordialmente en aquellos que hacen Hainsworth (2016b) y Stockemer (2017), así como en el apéndice cronológico al libro editado por Crépon, Dézé y Mayer (2015) pero algunas otras referencias se citan también.

2.2.1. El FN del desierto (1972-1983)

El Front National surgió como una iniciativa del movimiento Ordre Nouveau (ON) en 1972 para unir en una plataforma electoral a distintos grupúsculos 14 políticos extremistas como los irredentistas de la colonización francesa en Algeria, los herederos del movimiento poujadista o del régimen de Vichy, intelectuales de la Nouvelle Droite, organizaciones juveniles como Occident o L'Œuvre Française, revisionistas del Holocausto, monarquistas, entre otros. Jean-Marie Le Pen fue elegido presidente del partido, en parte por ser una figura relativamente conocida—se había convertido en el diputado más joven en 1956 como parte del movimiento de Poujade y había sido el coordinador de campaña de Tixier-Vignancour en 1965—y en parte por, irónicamente, ser visto como un moderado.

Durante los años siguientes, sin embargo, el nuevo partido hiló una serie de fracasos electorales en las elecciones legislativas de 1973, las presidenciales de 1974,

¹⁴En el sentido de grupos más bien pequeños y dispersos.

las legislativas de 1978 y, de manera más particular, en las presidenciales de 1981, en las cuales Le Pen no logró las firmas necesarias para participar. Los problemas no se limitaron a las urnas. Ya desde 1973 la multiplicidad de facciones hizo que el partido se debilitara. Después de un mitin llamado *Alto a la inmigración salvaje* miembros de ON se enfrentaron en una batalla campal violenta con miembros de la Liga Comunista por lo que el movimiento fue proscrito. Esto le permitió a Le Pen tomar mayor control del partido, pero también hizo surgir en 1974 a un nuevo partido fundado por miembros de ON, el PFN(*Parti des Forces Nouvelles*). En 1976 Le Pen sobrevivió a un intento de asesinato, pero su segundo al mando e ideólogo François Duprat fue asesinado por un coche bomba en 1978. El Front National parecía apenas sobrevivir.

Entonces, el partido comienza a poner en un segundo plano su carácter anticomunista para hacer mayor énfasis en la migración vinculando a los inmigrantes con los problemas de seguridad y desempleo. A inicios de los años 80, sus posturas nativistas, autoritarias y populistas empezaron a resonar en los votantes. El gobierno de Miterrand implementó varias medidas para facilitar la inmigración, reducir las prerrogativas de la policía y otorgó amnistías a casi el 14 % de los prisioneros. La población francesa no fue del todo favorable a ello. Los partidos tradicionales de derecha comenzaron a endurecer sus posturas frente a la migración y la seguridad. Esto le dio mayor legitimidad al FN pues le permitió normalizar, de cierta manera, su discurso.

A nivel local, el FN comienza a crecer en Dreux donde en las elecciones legisla-

 $^{^{15}}$ En Francia, para que una persona se pueda presentar como candidata en las elecciones presidenciales requiere 500 apadrinamientos de parte de representantes electos como pueden ser alcaldes o legisladores.

tivas de 1981 logró obtener más de 10 % de los votos. En las elecciones municipales de 1983 Le Pen es nombrado consejero municipal del distrito 20 de París al obtener 11.26 % de los votos en la primera vuelta y 8.54 % en la segunda. Jean-Pierre Stirbois en Dreux logra incluso un mejor resultado: 16.72 % de los votos en la primera vuelta y una alianza con la derecha tradicional en la segunda vuelta lo llevan también a ser consejero municipal. El partido había atraversado un desierto político y estaba a punto de sorprender a propios y extraños.

2.2.2. El FN Lepenista (1984-2010)

La hora de la verdad de Le Pen, literalmente, llegó en 1984. El éxito en Dreux hizo que Le Pen fuera invitado en febrero de ese año al programa político de TV más visto en Francia entonces, L'heure de verité. La entrevista fue todo un éxito y simbólicamente podría marcar el inicio de lo que aquí llamo la era lepenista del FN. La confirmación de esta nueva etapa fue el 17 de junio de 1984. Las listas del FN lograron aproximadamente 11% de los votos en las elecciones al Parlamento Europeo que se transformaron, gracias al sistema proporcional, en 10 eurodiputados de extracción frontista.

El FN ya no era un partido al margen del sistema político, lo que le permitió captar más liderazgos. El más importante de esos nuevos adherentes fue, sin duda, Bruno Mégret. En 1985 se unió al partido y en 1988 se conviertió en director general. La adición de Mégret demostraría ser fundamental para la consolidación del FN como un actor político relevante en Francia. A él se le atribuye la profe-

 $^{^{16}}$ Las preferencias electorales del FN pasaron del 3.5% al 7% a la semana siguiente de la entrevista, por ejemplo (Stockemer 2017, 53).

sionalización de los cuadros y estructuras del partido así como la popularización de la retórica frontista y, en gran medida, el que en las elecciones de la segunda mitad de los 80 el FN haya obtenido alrededor del 10% de manera consistente. En los años 90 el FN continuó— de la mano del populismo de Le Pen y la organización de Mégret— creciendo en las preferencias electorales. En 1995, los candidatos del FN se convirtieron en alcaldes en tres ciudades relevantes: Toulon, Marignane y Orange. En las elecciones presidenciales de 1995, las legislativas de 1997 y las regionales de 1998 el frontismo se afianzó alrededor del 15% de los votos.

Empero, los éxitos no estuvieron alejados de los escándalos. A pesar de los intentos de Mégret por encuadrar el nativismo del FN en conceptos más políticamente correctos— que no más moderados— como la preferencia nacional, el antisemitismo de Le Pen y de otros miembros del FN era evidente. En varias ocasiones Le Pen fue centro de atención por sus comentarios antisemitas. Los más conocidos son quizás cuando dijo que el Holocausto era un "pequeño detalle" en la historia de la Segunda Guerra Mundial o cuando se burló de un ministro de nombre Michel Durafour llamándolo Monsieur Durafour Crématoire. 18

Asimismo, con los éxitos también surgieron las rivalidades internas. El liderazgo de Mégret empezó a ser más evidente e incómodo para Le Pen. Ambos personajes tenían también visiones distintas sobre la estrategia del partido; por ejemplo, mientras Mégret abogaba por tejer alianzas con los partidos de la derecha tradicional, Le Pen siempre las rechazó, lo que a los seguidores de Mégret les hacía

 $^{^{17}9\,\%}$ en las cantonales de 1985, $10\,\%$ en las legislativas de 1986, $14\,\%$ en las presidenciales de 1988, $9\,\%$ en las legislativas de 1988, $11\,\%$ en las europeas de 1989, así como el primer alcalde frontista en 1989.

 $^{^{18} {\}rm La}$ palabra four en francés significa horno y agregó el término cr'ematoire, es decir, crematorio.

creer que en realidad no quería llegar al poder. Las tensiones fueron creciendo hasta llegar a un enfrentamiento directo entre 1998 y 1999. A causa de un ataque físico de Le Pen contra una candidata socialista en 1997, este estaba impedido para participar en las elecciones europeas de 1999. Mégret parecía la opción más natural para encabezar las listas del partido. Sin embargo, parafraseando a Le Pen, en el FN el único que importaba era el número uno, así que colocó a su esposa en el primer puesto en lugar de a Mégret. En diciembre de 1998, Mégret criticó a Le Pen y dijo que se había convertido en un lastre para el partido. El comité ejecutivo del partido, controlado por Le Pen, votó para expulsar a Mégret del FN. En respuesta, Mégret fundó un nuevo partido, el MNR (Mouvement National Républicain). El cisma mégretista se llevó a casi la mitad de los miembros del FN y a su más importante operador político. Compitiendo contra el MNR, en las elecciones europeas de 1999 el frontismo sólo obtuvo el 5.7% de los votos. No obstante, el más grande éxito de Jean-Marie Le Pen llegó apenas unos años después.

Ante una izquierda sumamente dividida— hubo 8 candidatos de izquierda— en una elección presidencial atípica, Le Pen sacudió a propios y extraños el 21 de abril de 2002.²⁰ Los estrategas de los candidatos no creían lo que sus conteos rápidos les decían. A las 8 de la noche, las cadenas de televisión dieron la noticia: Jean-

¹⁹Le Pen había ido a Mantes-la-Jolie a apoyar a su hija en su campaña en las legislativas de 1997. Al llegar al lugar fue recibido por manifestantes que lo increparon, llamándolo fascista. Desde que bajaron del carro, los guardaespaldas de Le Pen comenzaron a golpear a los manifestantes y eso desató una pela en la que el propio Le Pen se involucró. En un momento empujó contra un muro a la rival de su hija, la socialista Annette Peulvast-Bergeal (ver video en Ina Politique 2012, seg. 49). Por este ataque, Le Pen fue condenado en 1998 a un año de inegilibilidad, a tres meses de prisión suspendida condicionalmente y a 5,000 francos de multa (Les Echos 1999).

 $^{^{20}}$ La elección fue atípica no solo por la división de la izquierda sino porque en total 16 candidaturas lograron las firmas necesarias para competir, un récord en Francia. Nadie logró más de $20\,\%$ de los votos en la primera ronda, algo también inédito.

Marie Le Pen había quedado en segundo lugar, apenas por encima del candidato socialista, Lionel Jospin. ²¹ Del lado socialista, incredulidad, sorpresa absoluta y llanto de tristeza. Del lado del FN, también hubo incredulidad, sorpresa absoluta y llanto, pero de emoción. ²² Le Pen había avanzado a la segunda vuelta presidencial. Se enfrentaría al ganador de la primera, el presidente en funciones, Jacques Chirac. Hubo fuertes llamados a unirse en torno a Chirac para evitar que ganara el candidato FN. Ante la amenaza que, para la enorme mayoría de los franceses, representaba Le Pen, Chirac fue reelecto por un amplísimo margen: 82 % vs 18 %.

Así pues, 2002 fue el gran éxito de Jean-Marie Le Pen, pero también el inicio del fin: era claro que la mayor parte de la población no veía en él una opción aceptable. Los resultados electorales que siguieron fueron en declive: 10 % en las europeas de 2004, 11 % en las presidenciales de 2007, 4 % en las legislativas de 2007, 6 % en las europeas de 2009. Fiel a su costumbre, Le Pen siguió mostrando su revisionismo de la Segunda Guerra Mundial al declarar en 2005 que: "al menos en Francia, la Ocupación alemana no fue particularmente inhumana". El partido enfrentó problemas económicos y deudas que lo obligaron a despedir a un tercio de los empleados, a cancelar su fiesta Bleu Blanc Rouge, entre otras cosas. Era claro que Jean-Marie Le Pen ya no estaba en condiciones de liderar al Front National. Sin embargo, el líder histórico no habría de ceder el mando a cualquiera.

 $^{^{21}}$ La diferencia fueron menos de 200 mil votos.

²²En Youtube se puede encontrar un documental en francés que refleja de muy buena manera cómo se vivió esa noche electoral en Francia (Capo 2017, por ejemplo, ver desde el min. 30).

2.2.3. El FN Marinista (2011-)

Cuando fue momento de pasar la batuta de su movimiento, y a pesar de que existía mucho apoyo al interior del partido para que Bruno Gollnisch— un viejo lobo de mar del FN— fuera el nuevo líder, Jean-Marie Le Pen decidió apoyar a su hija, Marine Le Pen.²³ El 16 de enero de 2011, Marine Le Pen fue elegida presidente del FN, mientras que Jean-Marie Le Pen fue nombrado presidente honorario del mismo.

La estrategia del marinisme, en contraposición a la del lepenisme, ha buscado desatanizar al partido. Marine Le Pen ha querido renovar la imagen que el FN presenta a los electores. Presento dos ejemplos de estos intentos. En primer lugar, si el FN lepenista siempre fue muy vocal respecto a sus posiciones sobre los temas de prácticas y costumbres sociales o, como se les conoce en Francia, las mæurs, bajo el liderazgo marinista, la posición oficial del FN al respecto ha cambiado. El símbolo de esta inflexión en temas sociales quizás es Florian Philippot— vicepresidente del partido de 2012 a 2017— quien en 2014 declaró ser gay, algo impensable en el FN lepenista. Por otro lado, y de manera muy particular, Marine Le Pen ha cortado al interior del partido las expresiones antisemitas y abiertamente racistas. A diferencia de lo que dijo su padre, ella ha declarado que todo el mundo sabe lo que pasó en los campos nazis, en qué condiciones sucedió y cómo representó la máxima expresión de la barbarie. De hecho, a raíz de que Jean-Marie Le Pen

²³En una elección interna anterior para el liderazgo del comité central del partido, Gollnisch había ganado mientras que Marine Le Pen había quedado en una lejana posición número 34 (Williams 2012, 265).

²⁴Digo inflexión porque no ha sido un cambio total: hay cuadros que mantienen posiciones firmes en contra del aborto o los matrimonios entre personas del mismo sexo, sin embargo, la postura oficial ha sido más ambigua y ha dejado de hacer énfasis en esos temas. El lector interesado en el tema de las mœurs dentro del FN puede consultar el texto de Crépon (2015).

reafirmara en 2015 el caracter de "pequeño detalle" del Holocausto, Marine Le Pen empujó y consiguió la expulsión de su padre del partido.

Esta estrategia parece haber rendido sus frutos con el electorado. A pesar de no avanzar a la segunda vuelta en 2012, Marine Le Pen superó a su padre al obtener 18% de los votos en la primera vuelta. En las legislativas de ese año, el FN obtuvo dos diputaciones y el 14 % de los sufragios. En 2014, el partido conquistó 11 alcaldías, sus primeros dos senadores y fue la primera fuerza política votada en las elecciones europeas con 25 %. Este crecimiento ha continuado para el partido, en 2015 el FN obtuvo el 25 % en las elecciones departamentales y el 28 % en las regionales. Finalmente, en las elecciones presidenciales de 2017, la lideresa del frontismo logró superar de nueva cuenta a su padre. Ella obtuvo 21 % de los votos de la primera vuelta, más que Jean-Marie Le Pen en 2002, lo que le permitió también avanzar a la segunda vuelta. Sin embargo en 2017, a diferencia del 2002, la presencia del FN en la segunda vuelta no fue sorpresiva sino más bien era lo esperado. Más aún, si Le Pen padre perdió dicha segunda vuelta por una diferencia de alrededor de 65 puntos porcentuales, Le Pen hija la perdió por poco más de 30. Los franceses volvieron a dejar claro que consideran, mayoritariamente, al FN como una amenaza; empero, esa percepción ha disminuido fuertemente en la era marinista del partido.

A pesar de estos éxitos de la estrategia de desdemonización, existen varios paralelismos con la historia de su padre. Así como Jean-Marie Le Pen tuvo a Bruno Mégret como su operador político, Marine Le Pen se apoyó en Florian Philippot para encuadrar su discurso y manejar al partido. Ambas manos derechas de los

Le Pen, terminaron por salir del partido y fundar su alternativa política, aunque los motivos y circunstancias de los cismas fueron distintos. Como ya he dicho, Mégret fue expulsado después de desafiar directamente a Jean-Marie Le Pen por el liderazgo del partido. La renuncia de Philippot al FN, por el contrario, surge en medio de una introspección del partido y la búsqueda de culpables después de las elecciones de 2017.

Las elecciones presidenciales de 2017 marcaron la mayor cantidad de votos en la historia del FN. 33 % en la segunda vuelta no es un dato menor, sin embargo, para muchos significó un fracaso. Bruno Jeudy, Vanessa Schneider, Nonna Mayer y Jérôme Fourquet discutieron al respecto en el programa de televisión C dans l'air (2017): muchas encuestas a lo largo del proceso apuntaban a que Le Pen lograría hasta 40% de los sufragios hasta que la noche del debate entre Le Pen y Emmanuel Macron se dio un punto de inflexión. Marine Le Pen fue muy agresiva minando, posiblemente, el esfuerzo de desdemonización— pero también se vio poco preparada. En un momento Macron le preguntó si ella proponía abandonar el euro y regresar al franco como moneda francesa. Su respuesta fue ambigua y muy poco clara. El debate supuso un duro golpe que le hizo perder al menos 5 puntos porcentuales de intención de voto. Más aún, la postura de abandonar el euro no fue la más popular entre el electorado e incluso dentro de buena parte de los miembros del FN. Ésta propuesta, como la mayoría del programa económico del FN, se debe a Philippot y su corriente que podríamos llamar soberanista en contraposición a la línea identitaria más dura del partido.²⁵ Mientras que Philippot buscaba poner más énfasis en los temas económicos y sociales, que pudieran atraer a más

²⁵Ver por ejemplo Marin (2017), Berteloot (2017) y Europe 1 (2017).

electores,²⁶ otros cuadros del partido buscarían resaltar la línea de inmigración y seguridad de corte más derechista. Philippot fue señalado como el culpable de la decepción. Formó una organización política interna al FN llamada *Les Patriotes* y amenazó con abandonar el partido si el FN renunciaba a su posición sobre el euro. Después de las elecciones legislativas, en las que el FN logró 8 escaños pero no los 15 necesarios para convertirse en grupo parlamentario, las presiones aumentaron. Marine Le Pen le pidió elegir entre la vicepresidencia del FN y la dirección de *Les Patriotes* y él respondió acusando al partido de estar cambiando de línea y regresando a un pasado absolutamente horripilante. Su destino estaba sellado: le fueron retiradas sus responsabilidades como vicepresidente y Philippot renunció al FN para convertir a *Les Patriotes* en un nuevo partido político.²⁷

²⁶Particularmente de izquierda, los llamados *qaucho-lepenistes*.

²⁷Ver Galtier (2017) y Zafimehy (2017).

Capítulo 3

Teorías sobre el voto NAP

Dentro de la metodología de política comparada existen cuatro grandes paradigmas: institucional, instrumental, cultural y estructural (Uribe Coughlan 2016). En esta tesis, estoy interesado en explorar las configuraciones sociales donde se desarrolla o no el voto por un partido NAP específico. Este análisis, a primera vista, parece más prometedor desde una perspectiva cultural o estructural. Más aún, si uno hace una revisión hemerográfica o en internet sobre los motivos de éxito de Trump, el Brexit o el FN encontramos que predominan fuertemente las explicaciones de carácter económico y/o cultural (Beauchamp 2016a, 2016b; Carney 2016; Tesler 2016; Sides y Tesler 2016; Arnade 2016). ¿Son los desplazados por la globalización los que votan por los NAP? Los trabajadores del Rust Belt le habrían costado la presidencia a Hillary Clinton, la escolaridad es un clivaje frecuentemente mencionado, existiría un voto de izquierda económica detrás de estos movimientos... ¿O es en realidad una reacción cultural frente a la presencia de aquellos que se consideran como el Otro: musulmanes, latinos, negros, inmigrantes en general?

Estos fenómenos se están dando en sociedades con población predominantemente blanca y dentro de la cultura occidental, lo que podría interpretarse como un choque de culturas. Así pues, desde el estudio académico, el debate parece estar entre dos resentimientos distintos, el económico y el racial/cultural, sin que haya a priori uno incontroversialmente dominante sino que más bien están relacionados entre sí (Inglehart y Norris 2016; Ivarsflaten y Gudbransen 2014). Entonces, ¿cómo se aproximan los paradigmas estructural y cultural a dichas explicaciones?

3.1. Estructuralismo y Culturalismo

Desde el paradigma estructural, se dice que "las estructuras condicionan el resultado" (Balaam y Veseth 2008, 69). El concepto tradicional de estructura se refiere a grupos con características materiales distintas. Por ejemplo, el estructuralista socioeconómico por antonomasia resulta Marx. Para él, las profundas fuerzas sociales seguirían un proceso histórico lineal que pasaría del feudalismo al capitalismo y después al socialismo, para culminar en el comunismo (Balaam y Veseth 2008). Los cambios tecnológicos impulsarían un sistema económico con nuevas clases sociales que desplazarían las viejas instituciones, refiere Heilbroner (1992) al hablar de la teoría marxista. Con la revolución industrial habrían llegado dos clases sociales encontradas: la burguesía y el proletariado. La Historia marxista sería inevitable, dice el Manifiesto Comunista (148):

[El desarrollo de la industria moderna] derriba los fundamentos mismos por los que la burguesía produce y apropia la producción. Lo que la

 $^{^1 \+ \!\! \}iota$ Habrá advertido Huntington que el choque se daría desde el seno mismo de las sociedades europeas y estadounidense?

burguesía produce entonces son, sobre todo, sus propios sepultureros. Su caída y la victoria del proletariado son igualmente inevitables...

Hasta ahora no hemos verificado empíricamente esas afirmaciones de Marx y Engels, pero varias de sus herramientas teóricas siguen vigentes. Lo que la lucha de clases entre el proletariado y la burguesía ejemplifica es que, dentro de las sociedades, existen grupos cuyos intereses están enfrentados. La pertenencia a una de estas clases determinaría, primordialmente, las preferencias políticas de un individuo.

Por otro lado, el enfoque cultural tiene como unidad de análisis las ideas y valores existentes en una sociedad. De acuerdo con Sheri Berman (2001), una de las preguntas teóricas que este paradigma busca responder es cómo las variables culturales e ideológicas influyen el comportamiento político; en otras palabras, ¿cuáles son los mecanismos causales que conectan dichas variables con resultados políticos específicos? Un ejemplo de esto es el libro The Civic Culture (Almond y Verba 1963)— generalmente considerado como el precursor de esta corriente— que propone cómo diferentes culturas políticas llevarían a distintos grados de estabilidad democrática. Otro ejemplo son los análisis que asocian las preferencias partidarias con ciertos valores e ideas, como el que realiza Ronald Inglehart en 1977 con su teoría de la revolución silenciosa. Para Inglehart, las condiciones económicas de la posguerra con la que crecieron los jóvenes europeos— mejores con relación a las de sus padres— habrían hecho que se formaran en valores postmateriales como el sentido de pertenencia y la realización personal (Kesselman 1979). Esto, a su vez, se relacionaría con preferencias por partidos que él llama libertarios de izquierda.²

²El término en inglés es *left-libertarian*, ver Inglehart y Norris (2016).

Considero, siguiendo en parte a Sewell Jr. (1992), que estos dos paradigmas pueden coexistir. Las estructuras pueden ser culturales, así como cambios en las condiciones materiales pueden llevar a cambios ideológicos. En el argumento de Inglehart esto es claro, pero la implicación va más allá. Los desarrollos económicos, así como los cambios en las relaciones de poder o la entrada de nuevos grupos sociales puede forzar un replanteamiento de las creencias existentes (Berman 2001, 235). Cuando hablo de estructuras, entonces, me refiero en un sentido informal a las condiciones ideológicas o materiales que moldean diferentes grupos sociales con intereses distintos. Así pues, en lo subsecuente es bajo esta idea general de estructuras que planteo las posibles explicaciones del voto NAP. A continuación exploro algunas teorías sobre cómo las estructuras sociales y los grupos que éstas forman, guían las preferencias electorales de los votantes en relación con los movimientos NAP.

3.2. Clivajes y Escolaridad

Un constructo teórico fundamental para mi propósito es el de clivaje político, pues el principal foco de la teoría de clivajes es la "evolución a largo plazo de la estructura social", en donde yacen las "fuerzas más fundamentales de la política" (Bornschier 2009, 4). Rokkan y Lipset son las referencias obligadas con respecto a los clivajes tradicionales, pero Bartolini presenta una conceptualización formal clara. Un clivaje es una división política que cuenta con tres elementos: división socioestructural, identidad colectiva y manifestación organizacional.³ Es decir, para que una división en la sociedad pueda considerarse como un clivaje, debe existir

³Citados en Bornschier (2009).

una diferencia clara en términos socioestructurales, y que los miembros de cada grupo que constituya dicha distinción formen una identidad colectiva y cierta capacidad de movilización. Estas tres características, la teoría indica, llevarían a que los miembros de cada grupo del clivaje voten de acuerdo a los intereses del mismo. La pertenencia a uno de los lados de la estructura determinaría las preferencias políticas del individuo, traducidas en su voto.

Con relación a los movimientos NAP, un clivaje determinante resultaría ser el de ciudadanos escolarizados frente a los no escolarizados. La primera realización de la segunda vuelta presidencial en Austria en 2016 arrojó una clara división entre aquellos con nivel escolar obligatorio y aquellos con niveles de escolaridad media superior y superior. En Estados Unidos, de acuerdo con Nate Silver (2016), la escolaridad fue el clivaje que mejor predijo quién votaba por Donald Trump. Rae (2016) encontró también una fuerte relación entre el porcentaje de voto antieuropeo en el referéndum británico de 2016 y el porcentaje a nivel local de personas poco escolarizadas. Este clivaje, de acuerdo con Hervé Le Bras (2015, cap. VII Le pari), tiene consecuencias socioeconómicas directas al tiempo que contribuye a la formación de una clase— al menos en Francia— temerosa frente a su posición en la estructura social y susceptible de votar por el Front National.

⁴Muchos hablan de ciudadanos educados y no educados, pero considero que el término correcto debe ser escolarizados o academizados pues la diferencia socioestructural es la asistencia a una institución académica de nivel medio superior o superior, cosa que no garantiza per se la educación del individuo, máxime que este es un concepto sujeto a debate, súmamente subjetivo, esquivo y cargado.

⁵Ver los resultados de encuestas referenciados por Hoare (2016).

3.3. La Clase Desplazada por la Globalización

Por otro lado, en la discusión actual sobre los movimientos NAP, no es raro encontrar referencias al fascismo.⁶ En este sentido resulta pertinente recordar el estudio que desarrolló Barrington Moore respecto del fascismo del siglo XX.

Desde una perspectiva estructural, Moore explica el surgimiento del fascismo en Alemania, Italia y Japón. La modernización conservadora y la industrialización, frutos de una revolución desde arriba, llevaron a contradicciones estructurales fuertes en estos países. El fascismo fue un intento de hacer popular y plebeyo el conservadurismo y el reaccionismo, que habían perdido su legitimidad, dice Moore (1966, 447). La característica principal del fascismo del siglo XX es el anticapitalismo plebeyo. En términos de voto, por ejemplo, los Nazis fueron más populares entre aquellos que tenían menos y estaban más desfavorecidos con relación al área particular en la que vivían (448-449). Sides y Tesler (2016) presentan cierta evidencia de que este fue el caso en Estados Unidos con el apoyo hacia Donald Trump, Arnade (2016) habla de la concentración de la prosperidad en el Reino Unido como posible catalizador del voto para el Brexit y Le Bras (2015) examina el mapa del voto frontista en Francia frente a un índice de desigualdad socioeconómica en el mismo espíritu con el que Moore refiere el voto Nazi en el espacio rural alemán de inicios de los años treinta pero de una manera mucho más detallada.

Ciertamente Moore no es el único teórico que señala el vínculo entre una fuerte modernización económica y el voto hacia los movimientos extremos por parte de

⁶Por ejemplo, el número de octubre de 2016 de la revista Letras Libres, dedicado a Donald Trump, presentó una sugerente portada con la foto del magnate y un bigote al estilo Hitler formado por las palabras *Fascista Americano* (*Letras Libres* 2016). Otro ejemplo es el carácter neofascista de Norbert Hofer, ver Hoare (2016).

clases desfavorecidas:

Al evaluar su propia situación las personas hacen comparaciones con la situación de los demás. Los votantes con una situación socioeconómica débil pueden evaluar esta posición de forma más negativa en tanto vivan en una región acaudalada. Entonces, desigualdades en el ingreso pueden traducirse en apoyo a partidos de derecha extrema (Coffé, Heyndels y Vermeir 2007, 144, traducción propia).

Esta línea de investigación argumentaría por qué estamos viviendo hoy estos movimientos NAP. Para Branko Milanovic (2016), la globalización iniciada a finales del siglo XX— y vigente en nuestro siglo— constituye el más grande cambio en la distribución de los ingresos desde la revolución industrial. Esta redistribución ha traído crecimiento económico, pero de manera muy variada a lo largo de los percentiles poblacionales. Así como el 5 % más rico ha seguido creciendo por encima del promedio, los primeros 70 percentiles lo han hecho a diferentes tasas. Sin embargo, el crecimiento que llama más la atención es el de la población entre el percentil 70 y 95: han crecido menos que la media o incluso han visto su ingreso real disminuir. ¿Quiénes son estas personas? Siete de cada 10 provienen de los viejos países ricos de la OCDE. Precisamente muchos de los países en los cuales vemos estos movimientos NAP prosperar. 8

 $^{^7\}mathrm{Esta}$ evidencia ha llegado a ser conocida como la gráfica del elefante debido a su forma. Ver Milanovic (2016).

⁸Claro que deducir que esto es prueba de que son estas personas quienes votan por los movimientos NAP sería un error, pues se caería en un caso de falacia ecológica.

3.4. Teorías del Conflicto e Interés económico

Otros modelos que pudieran encajar con este comportamiento de crecimiento en las preferencias por movimientos NAP son la teoría del conflicto y la teoría del interés económico. La primera constituye una explicación consistente con ciertos argumentos culturales sobre la motivación racista. La violencia étnica, expresada en manifestaciones xenófobas propias de los movimientos NAP, proviene del resentimiento. La clase privilegiada de la sociedad— pensemos aquí en el tradicional grupo de hombres blancos que mencionan los culturalistas— comienza a acumular un "sentimiento de injusticia cuando ve su privilegio escurrirse hacia las manos de otro grupo que no lo tenía antes", por lo que una "causa de la violencia étnica es el cambio en estatus legal v político de los grupos étnicos mayoritarios v minoritarios". ¹⁰ Este miedo a "ir cayendo" en la estructura social es lo que empuja a muchos franceses a apostar por el Front National con su voto, de acuerdo a Le Bras (2015). Así, Blalock (1967) y Olzac (1992) teorizan sobre que el conflicto aumenta en zonas de problemas económicos, como el desempleo, y ahí se suceden reacciones exclusionistas por parte de los grupos mayoritarios; aunque aquí podrían insertarse referencias que señalen que este resentimiento no puede ser puramente económico y que las reacciones culturales se dan incluso en zonas económicamente beneficiadas. La teoría del conflicto, pues, no se reduce a la pérdida de privilegios económicos sino importantemente, socioculturales.. Si al resentimiento sumáramos el miedo por competir por la escasez de los recursos, podría sugerirse el por qué los trabajadores manuales con menores niveles escolares tenderían a reaccionar frente a los grupos de inmigrantes. Esta es la lógica de la teoría del interés económico:

⁹Esta teoría es expuesta por autores como Blalock (1967) y Olzac (1992)— citados por Coffé, Heyndels y Vermeir (2007)— o Petersen (2002), referido por Beauchamp (2016b).

¹⁰Petersen (2002) citado por Beauchamp (2016b), traducción propia.

la presencia de inmigrantes resulta en un aumento en la competencia por recursos escasos y, por lo tanto, en conflictos entre grupos sociales (Coffé, Heyndels y Vermeir 2007, 144). Estas dos teorías son consistentes con el concepto de chauvinismo del bienestar: la propuesta de que los beneficios que aporta el estado de bienestar deben estar reservados exclusivamente para el grupo nativo, no para los grupos de fuera. Esto encaja con el nativismo que identifica Mudde en los grupos NAP (Mudde 2007; Beauchamp 2016a) y con las propuestas concretas de sus líderes. La propuesta de sus líderes.

Aunque probablemente menos verificable empíricamente, otra de las líneas teóricas estructurales sobre el voto por los partidos NAP lo encontramos en las referencias de Valentino, Brader y Jardina (2013). Aunado a las explicaciones que ya he mencionado— mismas que ellos agrupan dentro de la categoría de la hipótesis de la competencia del mercado laboral— encontramos las hipótesis fiscales. Esta hipótesis puede contribuir a explicar la oposición de la, así llamada, pequeña burguesía hacia los inmigrantes. Éstos supondrían una presión adicional a la seguridad social y, consigo, la necesidad de incrementar los impuestos, un aumento en los costos de la educación y más cargas a la infraestructura (150). La preferencia de clase de la pequeña burguesía, que tiene negocios propios y busca que sus hijos tengan grados universitarios, es altamente contraria al aumento de impuestos y costos. Si los inmigrantes son vistos como chivos expiatorios para estos riesgos, se entendería por qué hay un número elevado de votos por los NAP entre esta clase social.

 $^{^{11}}$ Kitschelt (1995) citado por Coffé, Heyndels y Vermeir (2007). Observar también el paralelismo con el marco teórico estructural à la Tilly sobre grupos miembro y grupos retadores (Skocpol 1979).

 $^{^{12} \}rm{Ver}$ por ejemplo el reclamo de Marine Le Pen para terminar con la educación gratuita a hijos de inmigrantes (Le Monde 2016).

Estos capítulos han sido un marco teórico sobre el problema de los movimientos NAP en general y el Front National en particular. La siguiente parte de la tesis, por otro lado, servirá de marco teórico sobre el paradigma estadístico— y sus herrramientas— bajo el que realizaré el análisis.

Parte II

Paradigma estadístico bayesiano

Capítulo 4

La probabilidad no existe

Cuando nos enfrentamos a situaciones inciertas, constantemente medimos nuestra incertidumbre de manera personal, con base en la información que tenemos disponible. Esta medición la expresamos coloquialmente mediante el término probabilidad. Por ejemplo, nos podemos preguntar la probabilidad de que en una elección popular, una candidatura haya recibido entre el 30 % y el 35 % de los votos. Más aún, como dice Berger (1985, 75), es común "pensar en términos de probabilidades personales todo el tiempo: cuando se apuesta al resultado de un partido de fútbol americano, cuando se evalúa la posibilidad de lluvia al día siguiente...". Es decir, día con día utilizamos el término probabilidad para referirnos a apreciaciones subjetivas de la plausibilidad de cosas inciertas. A esta conceptualización de la probabilidad como una medida personal de la incertidumbre se le conoce como el paradigma subjetivo o bayesiano. Esta es una interpretación filosófica radicalmente distinta a las más tradicionales: la empírica o frecuentista y la clásica (Singpurwalla 2017, 19,27; Gutiérrez Peña 2016, 16).

4.1. ¿Probabilidad o probabilidades?

Desde la óptica bayesiana, la probabilidad en sentido matemático no sería, pues, un concepto ajeno ni incompatible al cotidiano; por el contrario, siendo en el fondo el mismo, permitiría extender su uso a todas aquellas situaciones en las que no aplican las otras perspectivas (Berger 1985; Gutiérrez Peña 2016). ¿Cuáles serían algunos ejemplos de dichas situaciones?

El paradigma clásico está basado "en ciertas simetrías o en propiedades físicas" (Gutiérrez Peña 2016, 19; itálicas en el original). En virtud de dichas simetrías las probabilidades asignadas a los eventos son iguales. Por ello, puede aplicarse a situaciones proclives al consenso, generalmente juegos de azar, y donde la regla general de probabilidades es: casos favorables entre casos totales. En lo que respecta a las probabilidades personales, éstas pueden o no coincidir, incluso en las situaciones más proclives a un consenso. Un lanzamiento de una moneda tiene dos posibles resultados igualmente probables... o no. Reducir la probabilidad a que siempre deba ser 0.5 es un error (Singpurwalla 2017, 28). Si alguien tiene pruebas de que una moneda particular está cargada, pudiera asignar una probabilidad radicalmente distinta al águila que al sol, mientras que quien desconoce esta información medirá la incertidumbre que rodea al lanzamiento con una asignación equiprobable. Ambas mediciones son válidas, solamente difieren en que son realizadas por sujetos con distinto grado de incertidumbre o conocimiento sobre el fenómeno de interés. Lo que sí podemos decir es que esta interpretación clásica es la más restrictiva pues se reduce al hecho de que la probabilidad de algún evento siempre es equitativa y los casos en los que eso sea una buena aproximación a la realidad son relativamente pocos.

Por otro lado, para el paradigma frecuentista, la probabilidad es un límite de frecuencias relativas de eventos repetidos bajo condiciones similares. Es una extensión del concepto clásico: casos favorables entre casos totales, cuando los casos totales tienden a infinito. Así, "únicamente los sucesos que pueden ser repetidos tienen probabilidad" (Aquino Pérez 2010, 4). Es decir, la probabilidad sería una propiedad de un colectivo y no de eventos individuales (Singpurwalla 2017, 17). ¿Cuál sería pues la probabilidad de que cierto partido político gane las próximas elecciones presidenciales en México o de que la Selección Nacional logre jugar un quinto partido en el siguiente Mundial de futbol? Dichos eventos son únicos, no pueden repetirse infinitamente bajo las mismas circunstancias con tal de que seamos capaces de registrar empíricamente su límite de frecuencias relativas. Claro, podemos pensar en que hayan suficientes eventos bajo condiciones similares como para que la probabilidad sea aproximadamente, digamos, 30 %. Pero, ¿cuántos eventos son suficientes? y ¿qué tan similares deben ser? (23-24). Por el contrario, para la perspectiva bayesiana sí que podemos expresar, cada uno de nosotros, nuestras probabilidades subjetivas sobre ellos.

De manera general se podría decir que los paradigmas tradicionales interpretan la probabilidad exclusivamente como una medida de variabilidad. Dicha variabilidad es un concepto necesario, ciertamente, pero más limitado que aquél de incertidumbre: la incertidumbre puede derivarse de la variabilidad, pero existen muchos fenómenos invariantes que son inciertos. Pensemos en el ejemplo al que me refería al inicio de este capítulo. La proporción de votos de una candidatura en una elección es una proporción fija y que no varía— al cierre de la votación, al menos—. Sin embargo, nos podemos hacer preguntas probabilísticas acerca de ella porque, hasta que no se anuncian los resultados oficiales, ésta es desconocida. Incluso es posible llevar este argumento al extremo: ¿cuál es la probabilidad de que mis dos hermanos cumplan años el mismo día? Este es un evento cierto o falso, totalmente determinado en el pasado pues, o bien nacieron el mismo día del año o no. Por lo mismo, en estricto sentido sería difícil hacer una estimación probabilística de ello desde el punto de vista lógico o frecuentista. Alguien podría intentar hacer el argumento de que, asumiendo equiprobabilidad e ignorando los años bisiestos, esta debería ser de una en 365. Alguien más, en un espíritu más frecuentista, podría decir que ésta debe ser la probabilidad de que sean gemelos y, por lo mismo, igual a la proporción de nacimientos gemelares. Si me preguntan a mí, les diría que esa probabilidad es 1: sé que ambos nacieron el 16 de diciembre.

El estadístico y actuario italoaustríaco Bruno de Finetti, acuñó la frase que le da nombre a este capítulo y que sintetiza esta visión bayesiana de la probabilidad. Para los bayesianos, LA probabilidad única, absoluta y objetiva no existe; más bien es una medida subjetiva de la incertidumbre que un individuo particular tiene frente al fenómeno de interés.

Esta argumentación filosófica se ve reforzada por una justificación matemática formal: la teoría de decisión bayesiana. Con base en unos axiomas, llamados de coherencia, se puede demostrar que un decisor, ante un problema de decisión con incertidumbre, debe actuar de la siguiente manera:¹

¹En el sentido normativo de que esta es la manera óptima de actuar si se quiere evitar violar los axiomas de coherencia y de ninguna manera en un sentido descriptivo que diga que los seres humanos actuamos de dicha forma o incluso, llevando el argumento al extremo, que se tengan que aceptar dichos axiomas.

- 1. Expresar su incertidumbre sobre los eventos inciertos relevantes en una medida llamada probabilidad (subjetiva).
- Reflejar sus preferencias sobre las posibles consecuencias mediante otra medida llamada utilidad).
- Tomar la decisión que maximice la utilidad esperada o, equivalentemente, minimice la pérdida esperada.

Dicha justificación axiomática escapa mis objetivos pero una primera introducción a ella puede consultarse en referencias como Mendoza y Regueiro (2011) o Bernardo (1981).

Por otro lado, este procedimiento bayesiano está encaminado, de cierta forma, a reducir el riesgo de las consecuencias que puedan surgir en un problema de decisión. Cualquier decisor que usa la teoría bayesiana hará esto. Sin embargo, desde mi punto de vista, la diferencia entre ello y lo que hace un decisor bayesiano estriba en que éste último se preocupa también por minimizar la incertidumbre asociada al fenómeno de su interés. ¿Cómo podemos realizar un análisis dentro de la teoría de la decisión que busque reducir la incertidumbre? Recabando mayor información. En el contexto de la estadística esto significa obtener datos. Frecuentemente, en mi trabajo, bromeamos sobre el bayesiano que no necesita datos para estimar lo que sea, pues bastan sus probabilidades y pérdidas subjetivas. Sin embargo, al margen del buen humor, la realidad es que si solo tomamos decisiones a priori estamos siendo obtusos. En el mejor de los casos, diremos que ya contamos con la única información disponible; en el peor, estaríamos siendo víctimas de una ciega soberbia. Por lo mismo, el estadístico bayesiano debe primero preocuparse por los

datos y, una vez recabados, proceder al análisis. Así pues, es necesario continuar esta breve introducción al paradigma bayesiano presentando el mecanismo por el cual un estadístico bayesiano aprende de los datos y actualiza sus creencias subjetivas.

4.2. Aprendizaje bayesiano

Un punto clave de la teoría de decisión bayesiana es que la definición matemática de la probabilidad subjetiva satisface los axiomas de Kolmogorov que dan sustento a la teoría usual de probabilidades. Es decir, las probabilidades subjetivas satisfacen los mismos teoremas y resultados que se aprenden en los cursos de probabilidad. Uno de los más elementales es el teorema que hace posible este aprendizaje bayesiano de los datos: el Teorema de Bayes.

Teorema 4.1. Teorema de Bayes. (Versión probabilística)

Sean A y B eventos tales que $P(B) \neq 0$. Se cumple que:

$$P(A|B) = \frac{P(B|A)P(A)}{P(B)} ,$$

donde P(A|B) y P(B|A) son probabilidades condicionales, mientras que P(A) y P(B) son las respectivas probabilidades marginales.

Vale la pena detenerse a pensar qué implica este teorema en el contexto de la estadística bayesiana; no por nada el apelativo de nuestro paradigma es justamente bayesiano, en honor a Thomas Bayes, mismo personaje al que se refiere el teorema. Cuando hacemos inferencia estadística (paramétrica), usualmente estamos interesados en conocer sobre una cantidad desconocida θ , llamada parámetro.

Bajo el paradigma bayesiano, éste es tratado como si fuera una variable aleatoria y, por tanto, le asignamos una distribución de probabilidad inicial o a priori $p(\theta)$. Esta $p(\theta)$ resume nuestro estado de conocimiento inicial sobre el parámetro. Posteriormente, para reducir nuestra incertidumbre procedemos a recabar información en forma de datos x. Finalmente determinamos una distribución sobre dichos datos dado el parámetro— $p(x|\theta)$ — y que, como función del parámetro, es llamada función de verosimilitud— $L(\theta)$ —. Nuestro objetivo entonces es invertir las probabilidades y conocer la distribución del parámetro dado los datos $p(\theta|x)$. Esto lo hacemos mediante el teorema de Bayes:

Teorema 4.2. Teorema de Bayes. (Versión estadística)

Sean θ un vector de parámetros desconocidos, $p(\theta)$ su distribución inicial y x información adicional en forma de datos conocidos. Entonces, la distribución posterior de θ , una vez observados los datos, es:

$$p(\theta|x) = \frac{p(x|\theta)p(\theta)}{p(x)}$$
,

donde $p(x|\theta) = L(\theta)$ es la función de verosimilitud de los datos x dado el vector de parámetros θ y con p(x) la distribución marginal de los datos.

Visto todo como función de θ , nuestra cantidad de interés, la expresión anterior se reduce a:

$$p(\theta|x) \propto L(\theta)p(\theta)$$
, (4.1)

 $^{^2}$ El caracter subjetivo de las probabilidades implica que cada una es condicional al conocimiento particular del decisor. Esto se puede representar como unas condiciones H, por lo que formalmente debería escribirse $p(\theta|H)$. Sin embargo, para no hacer demasiado complicada la notación, usualmente no se hace explícita dicha condición. Por ese motivo, un bayesiano dirá que todas las probabilidades son condicionales y que las probabilidades puramente marginales no existen.

³Precisamente una de las primeras motivaciones de la estadística bayesiana era justamente la de encontrar una forma de calcular estas *probabilidades inversas* (Robert 2007, 8).

pues p(x) depende solo de los datos ya observados y funge como la constante normalizadora que hace que la posterior integre a 1. Esta última representación resume el proceso de aprendizaje bayesiano: la posterior es proporcional a la verosimilitud por la inicial.⁴ Así pues, gracias al teorema de Bayes podemos actualizar nuestras creencias inciales, aprendiendo de los datos, para posteriormente tomar una decisión. ¿Qué tipo de decisiones tomamos cuando hacemos inferencia estadística bayesiana? Esa es la conexión entre la teoría de decisión y la estadística y de eso hablo en la siguiente sección.

4.3. La única receta de la inferencia bayesiana

En muchas ocasiones, se debe tomar una decisión y para ayudar a tomarla se utiliza la estadística. Como dicen Gelman y col. (2013, 237) o Robert (2007, 1), muchos, si no es que la mayoría, de los análisis estadísticos se realizan con el objetivo final de tomar una decisión. Ellos mismos, así como Berger (1985), presentan varios ejemplos al respecto. Empero, el propio proceso de inferencia estadística puede plantearse como un problema de decisión. Por ello, discuto brevemente algunos problemas usuales de la inferencia estadística desde esta óptica y termino la sección con una "receta" que resume el proceso de inferencia bayesiana.

4.3.1. Problemas de inferencia bayesiana

Normalmente son tres los procedimientos de inferencia estadística más mencionados: contraste o prueba de hipótesis, estimación puntual y estimación por

⁴Una observación adicional es que, si obtenemos otros datos independientes de los primeros, podemos aplicar el teorema de manera secuencial— pues la distribución posterior con los primeros datos se convierte en la inicial para los segundos — o bien todo de una vez (Lee 2012, 37-39; Gutiérrez Peña 2016, 35-36; Robert 2007, 23).

intervalos. Como mencionan Mendoza y Regueiro (2011, 58-59) y Robert (2007, 7), también debemos considerar el problema de predicción como uno fundamental en la inferencia estadística.

Prueba de hipótesis

El procedimiento de inferencia estadística más sencillo de interpretar como problema de decisión es la prueba de hipótesis. Supongamos que tenemos una hipótesis nula H_0 y una alternativa H_1 . Digamos que H_0 : $\theta \in \Theta_0$ y H_1 : $\theta \in \Theta_1$, donde Θ_0 y Θ_1 son dos subconjuntos del espacion parametral Θ . Las decisiones que podemos tomar serían aceptar a H_0 o a H_1 como la hipótesis más cercana a la realidad. ¿Cuál hipótesis debemos elegir? El procedimiento es minimizar la pérdida esperada. Para ello definimos nuestra distribución inicial, nuestra función de pérdida y recabamos una muestra aleatoria x. Usualmente se asume que equivocarse conlleva una pérdida de valor 1 pero no equivocarse no conlleva ninguna. Bajo estas condiciones debemos rechazar H_0 y elegir H_1 cuando la probabilidad posterior de que el verdadero valor del parámetro esté en Θ_1 sea mayor a la probabilidad posterior de que se encuentre en Θ_0 (Mendoza y Regueiro 2011, 49-52). Es decir, en términos más sencillos, deberíamos elegir la hipótesis más probable una vez que observamos los datos.

Lo elegante de esta solución contrasta con lo poco claro que puede resultar el procedimiento tradicional. Bajo este paradigma bayesiano, estamos preguntándonos por las probabilidades de las hipótesis, dados los datos. Esta es una aproximación más intuitiva que el enfoque frecuentista que mide probabilidades en el espacio de los datos, como el valor p que indica la probabilidad si la hipótesis

⁵Esta función de pérdida es conocida como pérdida 1-0.

nula fuese verdadera de observar datos al menos tan extremos como los observados realmente (Congdon 2006, 2; énfasis mío.). Normalmente pensaríamos que rechazar una hipótesis nula al 5%, significaría que hay una probabilidad de que sea verdadera de tan solo el 5% y, sin embargo, los libros constantemente advierten que éste no es el caso. Esta es una confusión que se evita desde el enfoque bayesiano, como bien dice Lee (2012, xxi).

Estimación puntual

Otra herramienta básica de la inferencia es la estimación puntual en la que queremos estimar un parámetro θ con un estimador $\hat{\theta}$. En este caso, las posibles decisiones son los valores del estimador que podríamos adoptar. Existe una multiplicidad de opciones comúnmente aceptadas como pérdida (Berger 1985; Mendoza y Regueiro 2011; Nieto Barajas 2016). Una forma de razonar es que, entre más alejado del verdadero valor θ se encuentre nuestro estimador $\hat{\theta}$, mayor deberá ser la pérdida (Mendoza y Regueiro 2011, 53). Así, una muy utilizada es la llamada cuadrática: $L(\hat{\theta}, \theta) = (\theta - \hat{\theta})^2$. El estimador puntual óptimo bajo pérdida cuadrática resulta ser la media posterior. Si se eligen otras pérdidas, podemos estimar con la mediana o, incluso, con la moda.

Estimación por intervalos

Otro de los procedimientos frecuentistas con una interpretación rebuscada es el de intervalo de confianza. Cuando construimos un intervalo al 95 % sabemos que, de repetir el mismo procedimiento con diferentes muestras una cantidad suficiente

⁶Esto se menciona en Berger (1985), Nieto Barajas (2016) y se demuestran los resultados en Usi López (2014, 39-43) o en Lee (2012, 234-240). Quizás la primera referencia que habla de un estimador derivado de esta forma es de Laplace en 1773, cuando refiere que la mediana posterior minimiza el error absoluto esperado (Robert 2007, 12, Ejemplo 1.2.5); es decir, bajo pérdida absoluta $L(\hat{\theta}, \theta) = |\theta - \hat{\theta}|$, la mediana de la distribución posterior es la decisión óptima.

de veces, aproximadamente el 95% de las veces los intervalos resultantes contendrán al verdadero parámetro. El intervalo específico, con los datos observados, puede o no ser de ese 95% (Congdon 2006, p. 2). Por el contrario, cuando reportamos un intervalo de probabilidad bayesiano del 95%, efectivamente estamos diciendo que el verdadero valor del parámetro θ se encuentra dentro del mismo con una probabilidad de 0.95. Al parecer, las recetas frecuentistas— parafraseando a Lee (2012, p. xxi)— no responden las preguntas que uno se hace naturalmente sino que más bien responden preguntas complicadas que pocos realmente se harían. El paradigma bayesiano, en este sentido, tiene una interpretación mucho más intuitiva. Para ver un planteamiento de este problema de inferencia estadística como problema de decisión se puede consultar Mendoza y Regueiro (2011, pp. 56-58).

Predicción

Cuando se conoce el valor del parámetro θ , resulta natural intentar predecir el resultado de una observación futura \tilde{x} mediante la distribución condicional $p(\tilde{x}|\theta)$. Sin embargo, en el contexto de incertidumbre sobre los parámetros en el que estamos trabajando debemos considerar también que el valor específico de θ es desconocido. Así pues, debemos considerar más bien la distribución conjunta de las dos cantidades desconocidas, \tilde{x} y θ . A partir de esta distribución $p(\tilde{x},\theta)$ podemos obtener la distribución marginal de la observación futura y con ella predecir:

$$p(\tilde{x}) = \int_{\Theta} p(\tilde{x}, \theta) d\theta = \int_{\Theta} p(\tilde{x}|\theta) p(\theta) d\theta.$$

Esta distribución marginal es conocida como distribución predictiva inicial. Al calcularla estamos promediando las distribuciones condicionales a través de los

diferentes valores que el parámetro θ puede tomar. Sin embargo, como ya he mencionado con anterioridad, nuestro interés principal es tomar decisiones— en este caso predecir— reduciendo la incertidumbre a través de datos. Buscaremos tener entonces una distribución predictiva posterior que tome en cuenta la información proporcionada por los datos observados. Bajo el esquema paramétrico, la observación futura sería condicionalmente independiente de los datos, dado el verdadero valor del parámetro. Así pues, condicionando sobre el parámetro e integrando debido a que realmente no conocemos su verdadero valor, tenemos lo siguiente:

$$p(\tilde{x}|x) = \int_{\Theta} p(\tilde{x}, \theta|x) d\theta$$
$$= \int_{\Theta} p(\tilde{x}|\theta, x) p(\theta|x) d\theta$$
$$= \int_{\Theta} p(\tilde{x}|\theta) p(\theta|x) d\theta .$$

En este punto, procedemos de manera análoga al caso de estimación puntual o por intervalos, dependiendo del tipo de predicción que queramos hacer.

4.3.2. La receta

He hablado de los principales problemas de inferencia estadística como problemas de decisión. También he hecho énfasis en la importancia de tomar dichas decisiones una vez observados los datos con el fin de reducir tanto el riesgo como la incertidumbre. Independientemente de la pérdida particular que el estadístico tenga, el otro componente fundamental con el que tomaría la decisión es con la distribución posterior. Esto motiva lo que Gutiérrez Peña (2016, p.29) llama la única receta de la inferencia bayesiana:

... encontrar la distribución condicional de todas aquellas cantidades de interés cuyo valor desconocemos dado el valor conocido de las variables observadas.

Puesto de otra forma por el mismo autor: la distribución final es la inferencia. Ahora bien, llamarla única receta es un recurso mnemotécnico, pues como bien advierte el autor, así como Berger (1985), es deseable resumir esta inferencia general en un proceso específico. Christian P. Robert (2007, 8-9) también hace énfasis en la importancia de hacer inferencia estadística basados en la distribución posterior. Como bien dice,

... el propósito de un análisis estadístico es fundamentalmente un propósito de inversión, puesto que busca recuperar las causas— reducidas a los parámetros del mecanismo probabilístico de generación— de los efectos— resumidos por las observaciones. En otras palabras, al observar un fenómeno aleatorio dirigido por un parámetro θ , los métodos estadísticos permiten deducir de estas observaciones una inferencia (esto es, un resumen, una caracterización) sobre θ [...] La inferencia está basada entonces en la distribución de θ condicional en x [...] llamada la distribución posterior...⁷

4.4. Distribuciones iniciales

En las secciones anteriores he tratado de exponer y enfatizar que un análisis bayesiano debería tener como objetivo práctico aprender de los datos, invirtiendo probabilidades, para calcular distribuciones posteriores. Sin embargo, para lograr

⁷Itálicas en el original, traducción propia.

esto es necesario empezar con una distribución inicial que, como he mencionado, refleje la incertidumbre que se tenga frente a un fenómeno de interés. Existen muchas formas diferentes de determinar la distribución inicial, en esta sección presentaré algunas de ellas con base en Berger (1985, Cap. 3), Congdon (2006, Cap. 1), Robert (2007, Caps. 2-3) y Gelman y col. (2013, Caps. 1-2).

Empecemos por considerar el caso cuando el espacio parametral sobre el que tenemos que determinar las probabilidades es discreto. Por ejemplo, pensemos en fijar una distribución inicial para un partido de futbol, en el que hay 3 posibles resultados: victoria para el local, victoria para el visitante o empate. La primera distribución posible está basada en lo que se conoce como el criterio de la razón insuficiente. Fue propuesto por Laplace y está relacionado a la interpretación clásica de la probabilidad puesto que establece que, a falta de información adicional que permita invalidarlo, se debería tomar el supuesto de que todos los eventos son igualmente probables. Así pues, podríamos asignar una distribución discreta uniforme de 1/3 a cada uno de los 3 resultados del partido.

Sin embargo, podría haber razones suficientes para que esta no sea la distribución inicial. Por ejemplo, podemos creer que el equipo local es mejor que el equipo visitante. Y asignar una probabilidad del 60% a que el local gane. Quedaría repartir el 40% restante entre el empate y una sorpresiva victoria del visitante. Podríamos pensar que es 3 veces más probable un empate que una victoria del visitante, por lo que repartiríamos el 40% como 30% y 10%. Otro aficionado, quizás piensa que un 30% de probabilidad de empate es demasiado alto, en cuyo caso sería necesario ajustar las probabilidades así calculadas hasta encontrar una

combinación aceptable. Pudiéramos también asignar una distribución inicial basados en algún tipo de frecuencia relativa histórica.

Otra forma de asignar probabilidades a eventos es pensar en apuestas que consideremos justas. Imaginemos un mercado como el del sitio web https://www.predictit.org/en el que podemos apostar una cantidad $p \in (0,1)$ de centavos de dólar a que un evento suceda. Si el evento efectivamente sucede, nuestra apuesta vale 1 dólar y habremos ganado 1-p centavos. Si el evento no sucede, perdemos p centavos. Por otro lado, pensemos en una apuesta justa, es decir, una cuya ganacia esperada fuera 0. La ganancia esperada E[g] es igual a la ganancia cuando el evento sucede, por la probabilidad de que suceda, más la ganancia— en este caso, negativa—cuando el evento no sucede, por la probabilidad de que no suceda. Si denotamos al evento como E y a su probabilidad como P(E), tenemos que :

$$E[g] = 0 \Leftrightarrow (1-p)P(E) - pP(E^c) = 0$$
$$\Leftrightarrow (1-p)P(E) - p(1-P(E)) = 0$$
$$\Leftrightarrow P(E) - p = 0$$
$$\Leftrightarrow P(E) = p.$$

Si apostáramos una cantidad mayor estaríamos arriesgándonos de más, o dicho de otra forma, tendríamos una ganancia esperada negativa, por lo que no nos convendría la apuesta. Querríamos apostar menos, pues en ese caso nuestra ganancia esperada sería positiva. Esto quiere decir que podemos pensar en las probabilidades subjetivas de un evento como la máxima cantidad que estaríamos dispuestos

a considerar en una apuesta de este tipo.⁸

Más frecuentemente, sin embargo, la distribución inicial debe ser continua. ¿Cómo elegirla? A continuación presento algunos métodos.

4.4.1. Distribuciones iniciales no informativas

Al igual que con las distribuciones discretas podemos comenzar por el criterio de la razón insuficiente y proponer una distribución que busque reflejar una ignorancia general en la que no se prefieran a priori algunos resultados o valores de los parámetros. Así surgen las llamadas distribuciones iniciales no informativas. Éstas se usan, generalmente, por dos motivos. En primer lugar, podemos creer que no contamos con información inicial y que, efectivamente, nuestra ignorancia es total. Alternativamente, podemos ignorar la información existente porque queremos presentar una distribución relativamente más objetiva, ya sea porque el contexto así lo exige, porque se busca llevar acabo un análisis de sensibilidad bajo diferentes supuestos o por algún otro motivo.

El criterio de la razón insuficiente lleva a proponer una asignación equiprobable a los eventos. Así pues, la primera distribución inicial no informativa que se puede considerar es la uniforme. Esto es que la distribución sea proporcional a una

⁸Sabemos que cuando se trata de apuestas, la gente tiende a ser aversa al riesgo, lo que haría que alguien nos dijera que la ganancia esperada tendría que ser muy positiva para siquiera considerar una apuesta. De manera análoga, alguien amante al riesgo podría estar dispuesto a apostar aún con una ganancia esperada negativa. Sin embargo, consideremos que la apuesta es meramente imaginativa como mecanismo para dilucidar probabilidades subjetivas y que las cantidades apostadas serían en teoría lo suficientemente pequeñas como para pensar en una utilidad lineal del dinero.

constante:

$$p(\theta) \propto c$$

Esta distribución, sin embargo, ha sufrido algunas críticas. La primera de ellas es que, si uno quiere reflejar incertidumbre total sobre un parámetro, esto querría decir que también deberíamos reflejar incertidumbre total sobre transformaciones a dicho parámetro. Sin embargo, la distribución uniforme no es *invariante ante transformaciones*. Por ello, se han buscado distribuciones no informativas diferentes a la uniforme y que sí cumplan con la invarianza ante transformaciones. La más utilizada es la *inicial de Jeffreys*.

Definición 4.1. Inicial de Jeffreys

La distribución inicial de Jeffreys para un parámetro θ se define en términos de la información de Fisher como:

$$p(\theta) \propto \sqrt{I_x(\theta)}$$
 donde $I_x(\theta) = -E \left[\frac{\partial^2}{\partial \theta^2} ln \left(p(x|\theta) \right) \right]$

Un desarrollo de cómo obtener este resultado de invarianza se puede encontrar en Mendoza y Regueiro (2011, 81-85).

Ciertamente la inicial de Jeffreys logra superar la primera crítica a las distribuciones iniciales uniformes no informativas. Sin embargo, otra crítica a las distribuciones uniformes también suele estar dirigida a esta distribución de Jeffreys. Para ejemplificarla consideremos el caso en el que tenemos una observación x proveniente de una distribución normal con varianza conocida. En este caso

tenemos que la inicial de Jeffreys es la siguiente:

$$p(\theta = \mu) \propto \sqrt{I_x(\theta = \mu)} = \sqrt{-E\left[\frac{\partial^2}{\partial \mu^2} ln\left(p(x|\mu)\right)\right]}$$

donde

$$ln(p(x|\mu)) = -\frac{ln(2\pi\sigma^2)}{2} - \frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}$$

$$\Rightarrow \frac{\partial}{\partial\mu}ln(p(x|\mu)) = \frac{x-\mu}{\sigma^2}$$

$$\Rightarrow \frac{\partial^2}{\partial\mu^2}ln(p(x|\mu)) = -\frac{1}{\sigma^2}$$

$$\Rightarrow I_x(\theta = \mu) = \frac{1}{\sigma^2},$$

por lo que,

$$p(\theta = \mu) \propto \frac{1}{\sigma^2} \propto 1.$$

Es decir, la inicial de Jeffreys en este caso coincide con la distribución "uniforme" para $\theta = \mu$. La crítica a este tipo de distribuciones radica en que, si integramos sobre todo el espacio parametral— en este caso \mathbb{R} — vemos que no integra a 1. Esto es, esta distribución es *impropia*. Robert (2007, 27-28) presenta algunas justificaciones para utilizar distribuciones iniciales impropias. La más razonable, desde mi punto de vista, resulta ser que en realidad cualquier inferencia o decisión se deberá tomar— como ya he mencionado— con la distribución posterior. Mientras esta distribución posterior sea propia, es posible utilizar distribuciones iniciales impropias. Otra buena justificación es cuando la inicial impropia puede ser vista como un límite de distribuciones propias, pero de esto hablo un poco más adelante.

Si a alguien no satisfacen estas justificaciones, empero, es posible especificar distribuciones débilmente informativas en el sentido de aquellas que, siendo distribuciones propias, buscan reflejar la mayor incertidumbre razonable o posible. Este enfoque es apoyado por Gelman y col. (2013, 55,415-416), por ejemplo, cuando se tiene una regresión logística en la que para todo propósito práctico los efectos de los coeficientes no se esperan que sean mayores a 10 en la escala logística, por lo que una distribución inicial que concentre su probabilidad en esta región— sin que esto signifique que no haya probabilidad fuera de la misma— sería razonable.

Distribuciones iniciales informativas

Cuando efectivamente se quiere reflejar la existencia de información inicial, es usual recurrir a una familia paramétrica conocida y, con base en algún criterio o proceso, determinar la distribución inicial. Uno de dichos métodos es cuando se tiene una idea general del valor esperado y la dispersión del parámetro y se utiliza esta información para fijar la distribución inicial como aquella que tiene como media y varianza estos valores. Por ejemplo, si suponemos que la distribución inicial de un parámetro es una distribución normal, basta con especificar μ — el parámetro del valor esperado— y σ^2 — o alguna transformación de este como parámetro de dispersión—. Una alternativa más robusta— sobre todo en espacios no restringidos— es utilizar ciertos percentiles en lugar de momentos para fijar la distribución, pero la idea sigue siendo la misma: una vez elegida una familia paramétrica, basta determinar sus parámetros con base en información inicial resumida mediante alguna cantidad.

Hay ocasiones en las que en lugar de pensar directamente en los parámetros θ podemos pensar en términos del resultado x de nuestro experimento— o una observación futura \tilde{x} — como frecuentemente podría suceder con un modelo de regresión. En estos casos podemos utilizar la distribución predictiva inicial para determinar la distribución que buscamos, recordando que:

$$p(\tilde{x}) = \int_{\Omega} p(\tilde{x}|\theta)p(\theta)d\theta,$$

por lo que podríamos utilizar un enfoque de momentos o cuantiles como el mencionado en el párrafo anterior. Empero, gracias a la simulación por computadora, es relativamente sencillo visualizar mediante histogramas, densidades o resúmenes las implicaciones en la distribución de x o \tilde{x} que podrían tener diferentes distribuciones iniciales $p(\theta)$. Se puede, por ejemplo, tener una idea del valor esperado, dispersión o cuantiles de x y mediante prueba y error seleccionar parámetros de $p(\theta)$ consistentes con dicha información previa.

Sobre todo antes de los avances computacionales, uno de los objetivos en un análisis bayesiano era simplificar al máximo el proceso de cálculo de la distribución posterior. Una forma de hacerlo es elegir una distribución inicial con una forma funcional que se conserve al ser multiplicada por la verosimilitud en el teorema de Bayes. Esto da lugar a lo que se conoce como distribuciones iniciales conjugadas:

Definición 4.2. Distribución conjugada

Sea x una variable aleatoria con distribución $p(x|\theta)$, entonces la familia de distribuciones iniciales $\mathcal{F} = \{p(\theta)\}$ es conjugada para $p(x|\theta)$ si $p(\theta|x) \in \mathcal{F}$.

Dejando de lado casos triviales como cuando se considera \mathcal{F} la familia de todas las distribuciones, la noción de distribuciones condicionales es útil cuando se hace uso de alguna forma partamétrica particular. Por ejemplo, supongamos que tenemos un experimento en el que consideramos que x, dado θ , se distribuye binomial. En esta situaciones tenemos que la función de verosimilitud, que es una función de θ , tiene la siguiente forma:

$$p(x|\theta) \propto \theta^x (1-\theta)^{n-x}$$
.

Si queremos que al multiplicar esta expresión por una distribución inicial $p(\theta)$ el resultado $p(\theta|x)$ siga perteneciendo a la misma familia de $p(\theta)$, lo que necesitamos es elegir la distribución inicial que tenga la misma forma— como función de θ — que $p(x|\theta)$. En el caso de la verosimilitud binomial, resulta que una distribución inicial beta es conjugada. En efecto, su forma es la misma de la binomial:

$$\theta \sim \mathcal{B}eta(\alpha, \beta) \Rightarrow p(\theta) \propto \theta^{\alpha - 1} (1 - \theta)^{\beta - 1}$$
 y
 $x|\theta \sim Binom(n, \theta) \Rightarrow p(x|\theta) \propto \theta^{x} (1 - \theta)^{n - x},$

por lo que, al utilizar el teorema de Bayes tenemos que,

$$p(\theta|x) \propto \theta^{\alpha-1} (1-\theta)^{\beta-1} \theta^x (1-\theta)^{n-x}$$
$$\propto \theta^{(\alpha+x)-1} (1-\theta)^{(\beta+n-x)-1}$$
$$\Rightarrow \theta|x \sim \mathcal{B}eta(\alpha+x, \beta+n-x)$$

La gran ventaja de las distribuciones conjugadas es que, al mantener la familia

paramétrica, la actualización bayesiana se reduce a actualizar los parámetros de la distribución inicial. Más aún, es frecuente la interpretación de los parámetros iniciales como equivalentes a una muestra previa. Por ejemplo, en el caso binomial, x se interpreta como el número de éxitos, mientras que n-x representa el número de fracasos en el experimento. Haciendo el paralelismo con los hiperparámetros de la distribución inicial, $(\alpha-1)$ y $(\beta-1)$ pueden interpretarse, respectivamente, como éxitos y fracasos previos. De esta manera, la distribución posterior suma los éxitos previos con los del experimento— $\alpha-1+x$ — y los fracasos previos con los del experimento— $\beta-1+(n-x)$ —. Empero, al utilizar esta interpretación para especificar distribuciones iniciales informativas se debe cuidar que efectivamente la hipotética muestra previa refleje de manera aceptable la incertidumbre inicial. Puede no ser tan simple determinar realmente cuánta información conlleva una muestra previa de un determinado tamaño, por lo que se pudiera correr el riesgo de subestimar la influencia que tendrá una distribución inicial determinada de esta manera sobre la distribución posterior.

En ocasiones, por el contrario, esta interpretación de muestras previas puede utilizarse también para buscar una distribución no informativa. Podemos, por ejemplo, especificar como inicial aquella distribución cuyos parámetros representen una muestra previa de tamaño cero, lo que se conoce como distribuciones iniciales mínimo informativas límites de conjugadas. En el caso de la distribución beta, una muestra previa de tamaño cero induce que ambos parámetros sean iguales a 1, por lo que la distribución límite de conjugadas resulta ser una $\mathcal{B}eta(\alpha=1,\beta=1)$ que resulta ser equivalente a una distribución uniforme sobre el intervalo [0, 1]. Sin embargo, como discutía al presentar las distribuciones no informativas, es frecuente que estos límites de distribuciones sean distribuciones impropias, como sucede en el caso normal.⁹ A pesar de ello, cuando llevan a una distribución posterior propia, estas son frecuentemente utilizadas.

Independientemente de cuál sea la distribución inicial que se proponga en un análisis— o incluso si se proponen varias con el fin de realizar un análisis de sensibilidad ante diferentes supuestos iniciales— es importante recordar que una de las ventajas de este paradigma bayesiano es que permite transparentar o enfatizar las decisiones subjetivas del estadístico y, por consiguiente, poner en contexto el alcance de sus conclusiones. Ciertamente esta subjetividad es uno de los postulados más comentados por quienes no comparten el paradigma bayesiano. Sin embargo, como bien nos recuerda Berger (1985, 110) al citar a Box y a Good, cualquier supuesto en un modelo puede considerarse como subjetivo y, siempre que existan justificaciones o consideraciones sobre los supuestos iniciales que tenga un análisis, es mejor ser explícito en ellos que correr el riesgo de ignorarlos "debajo del tapete" de la objetividad.

⁹Para ver el desarrollo de la distribución mínimo informativa límite de conjugadas normal puede consultarse Mendoza y Regueiro (2011, 79-80) o o más adelante en la sección de modelo lineal.

Capítulo 5

Modelos de Regresión

Bayesianos

Parafraseando a Draper y Smith (1998, 15-16), al realizar un análisis estadístico sobre algún fenómeno que presenta variabilidad, muchas veces lo que se busca es explorar los efectos que algunas variables explicativas ejercen— o parecen ejercer— sobre una variable de interés. En algunos casos puede darse que, efectivamente, exista una relación funcional simple entre ambos tipos de variables. No obstante es mucho más común que, o bien la relación sea mucho más compleja de lo que podemos entender o describir, o bien simplemente nos es desconocida. En ambos casos, lo que podemos hacer es modelar— esto es, aproximar— esta relación mediante algunas funciones matemáticas. Por razones históricas relacionadas con el trabajo de Sir Francis Galton esta clase de modelos se conocen como modelos de regresión (Zepeda Herrera 2015, 28).

5.1. Regresión lineal

En el caso más sencillo, podemos pensar que y = f(x). Sin embargo, en la mayoría de los casos este modelo tomado literalmente podría parecernos una mala aproximación. Pensemos en el caso en el que se busca describir el peso en kilogramos de una persona a partir de la estatura. Es claro que a una misma estatura le podrían corresponder distintos valores de peso. Así pues, la relación no puede ser completamente descrita solo por una función de la estatura. A pesar de ello, podemos observar empíricamente que a mayor estatura esperamos un mayor peso. Esto nos llevaría a pensar que podemos modelar el valor esperado de nuestra variable de interés mediante alguna función de las variables explicativas.

Esto quiere decir, bajo una perspectiva bayesiana paramétrica, que modelaremos la incertidumbre producto de la variabilidad en la variable de interés Ymediante una distribución de probabilidad condicional $p(Y|\theta, X)$ cuyo valor esperado esté relacionado con las variables explicativas X mediante una función $h(\theta, X)$ que depende también de ciertos parámetros θ :

$$Y|\theta, X \sim p(Y|\theta, X)$$
 $E[Y|\theta, X] = h(\theta, X)$ (5.1)

Las formas más simples de la función $h(\theta, X)$ son lineales en los coeficientes, esto es de la forma siguiente

$$h(\theta, X) = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \dots + \beta_p X_p,$$

para p variables explicativas¹ y donde $\theta = (\beta_0, \beta_1, \dots, \beta_p, \theta_r)$ con θ_r posibles

 $^{^{1}}$ Las variables explicativas pueden llegar a ser transformaciones unas de otras como cuando

parámetros adicionales de la distribución condicional de Y dado X pero que no determinan su esperanza.

Debido a que no conocemos la verdadera relación entre nuestras variables, tenemos incertidumbre sobre los valores de los coeficientes que determinan nuestra función $h(\theta, X)$. Así pues, bajo la perspectiva bayesiana debemos reflejar dicha incertidumbre también mediante alguna distribución de probabilidad $p(\theta)$. Buscaremos, entonces, reducir esta incertidumbre mediante la recolección de datos (y, x) que nos permitan, a través del teorema de Bayes obtener la distribución posterior $p(\theta|y, x)$.

Como bien notan tanto Gelman y col. (2013, 354) como Congdon (2006, 111), el modelo más general debería incorporar también la incertidumbre que pudiera existir sobre las variables explicativas X derivada, por ejemplo, de posibles errores de medición. Sin embargo, si se puede asumir que los parámetros φ de la distribución marginal de X, $p(X|\varphi)$, son independientes de θ — es decir $p(\varphi,\theta) = p(\varphi)p(\theta)$ — al aplicar el Teorema de Bayes veríamos que la distribución posterior $p(\theta|y,x)$ no dependería de φ por lo que podemos proceder ignorando dicha incertidumbre para efectos de las inferencias sobre θ . Por eso— y para simplificar la notación— en lo que sigue omitiré la condicional en X, con lo que $p(\theta|y,x)$ se convierte en $p(\theta|y)$, por ejemplo.

El modelo de regresión más usual es cuando se asume que la variable de interés depende linealmente de las variables explicativas salvo por un error aleatorio que

se buscan ajustar relaciones de orden cuadrático o como cuando se incluyen interacciones.

se distribuye normal. Esto es, supongamos que tenemos N conjuntos de observaciones, condicionalmente independientes, $\{(y_i, x_{i,1}, \dots, x_{i,p-1})\}_{i=1}^N$ donde nuestra variable de interés es Y y contamos con p-1 variables explicativas $\{X_j\}_{j=1}^{p-1}$, la regresión lineal normal bajo los supuestos usuales es:

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 x_{i,1} + \dots + \beta_{p-1} x_{i,p-1} + \epsilon_i \qquad \epsilon_i \sim N(0, \sigma^2) \quad \forall i = 1, \dots, N.$$

Que en términos de la Ecuación 5.1 sería

$$y_i|\theta \sim N(\mu_i, \sigma^2) \quad \mu_i = E[y_i|\theta] = \beta x_i \quad \forall i = 1, \dots, N,$$
 (5.2)

donde $\beta = (\beta_0, \beta_1, \dots, \beta_{p-1}), x_i = (1, x_{i,1}, \dots, x_{i,p-1})$ y tal que $\theta = (\beta, \sigma^2)$ tenga alguna distribución inicial apropiada.

También es posible aprovechar la notación matricial para simplificar estas expresiones, así como trabajar con ellas. Definiendo lo siguiente,

$$X = \begin{pmatrix} 1 & x_{1,1} & \cdots & x_{1,p-1} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 1 & x_{N,1} & \cdots & x_{N,p-1} \end{pmatrix} \in \mathbb{R}_{N \times p},$$
$$y = (y_1, \dots, y_N)^T \in \mathbb{R}_{N \times 1},$$
$$\beta = (\beta_0, \beta_1, \dots, \beta_{p-1})^T \in \mathbb{R}_{p \times 1},$$

tenemos que el modelo de regresión normal puede ser expresado de manera com-

pacta de la siguiente forma:

$$y|\theta \sim N_N(X\beta, \sigma^2 \mathbb{I}_N)$$
 tal que $\theta = (\beta, \sigma^2) \sim p(\beta, \sigma^2)$, (5.3)

donde $N_N(X\beta, \sigma^2 \mathbb{I}_N)$ representa una distribución normal N-variada con media $X\beta$ y varianzas individuales σ^2 y $p(\beta, \sigma^2)$ una distribución inicial para los parámetros desconocidos.

5.1.1. Análisis bayesiano del modelo lineal normal

Ahora bien, para realizar un análisis bayesiano del modelo requerimos especificar una distribución inicial para θ y, mediante el teorema de Bayes, actualizarla para obtener una distribución posterior dados los datos observados. Entonces, primero presento una manipulación de la función de verosimilitud para después ver algunas distribuciones iniciales frecuentemente utilizadas y, finalmente, realizar la actualización de las mismas dados los datos.

Verosimilitud

Siguiendo a Gutiérrez Peña (2016, Cap. 3) y Congdon (2006, Sec. 4.2), manipulemos la función de verosimilitud de la normal multivariada de la **Ecuación** 5.3 para facilitar la actualización mediante el teorema de Bayes. Observemos que:

$$p(y|\theta) = \frac{1}{\sqrt{(2\pi)|\sigma^2 \mathbb{I}_N|}} exp\left\{-\frac{1}{2}(y - X\beta)^T (\sigma^2 \mathbb{I}_N)^{-1} (y - X\beta)\right\}$$
$$p(y|\theta) \propto (\sigma^2)^{-n/2} exp\left\{-\frac{1}{2\sigma^2} (y - X\beta)^T (y - X\beta)\right\}$$
(5.4)

En el análisis clásico o frecuentista, el estimador máximo verosímil para los

coeficientes β es $b = (X^T X)^{-1} X^T y$. Podemos manipular los términos dentro de la exponencial en la distribución normal con este estimador b:

$$y - X\beta = y - Xb + Xb - X\beta = (y - Xb) + X(b - \beta)$$

$$\Rightarrow (y - X\beta)^T (y - X\beta) = \left\{ (y - X\beta)^T + [X(b - \beta)]^T \right\} \left\{ (y - Xb) + X(b - \beta) \right\}$$

$$= (y - Xb)^T (y - Xb) + (y - Xb)^T X(b - \beta) + [X(b - \beta)]^T (y - Xb) + [X(b - \beta)]^T X(b - \beta)$$

y, agrupando los términos cruzados en $k(y, \beta)$,

$$\Rightarrow (y - X\beta)^{T}(y - X\beta) = (y - Xb)^{T}(y - Xb) + (b - \beta)^{T}X^{T}X(b - \beta) + k(y, \beta).$$
(5.5)

En realidad, $k(y, \beta) = 0$:

$$k(y,\beta) = (y - Xb)^{T} X(b - \beta) + [X(b - \beta)]^{T} (y - Xb)$$

notando que el segundo término es igual al primero pero transpuesto,

$$(y - Xb)^T X(b - \beta) = (y^T - b^T X^T)(Xb - X\beta)$$

sustituyendo el valor de b y considerando que Xb = y

$$(y - Xb)^{T} X(b - \beta) = \left\{ y^{T} - \left[(X^{T} X)^{-1} X^{T} y \right]^{T} X^{T} \right\} (y - X\beta)$$
$$= \left\{ y^{T} - \left[y^{T} X (X^{T} X)^{-T} \right] X^{T} \right\} (y - X\beta)$$

$$= [y^T - y^T X (X^{-1} X^{-T}) X^T] (y - X\beta)$$
$$= (y^T - y^T) (y - X\beta)$$

entonces,

$$(y - Xb)^T X(b - \beta) = 0 \implies k(y, \beta) = 0.$$

Podemos entonces sustituir la **Ecuación 5.5** con $k(y,X,\beta)=0$ en la **Ecuación 5.4**:

$$p(y|\theta) \propto (\sigma^2)^{-n/2} exp \left\{ -\frac{1}{2\sigma^2} \left[(y - Xb)^T (y - Xb) + (b - \beta)^T X^T X (b - \beta) \right] \right\}$$
$$\propto (\sigma^2)^{-n/2} exp \left\{ -\frac{1}{2\sigma^2} \left[(y - Xb)^T (y - Xb) + (\beta - b)^T X^T X (\beta - b) \right] \right\}$$

Igual que con el estimador b para los coeficientes, podemos utilizar el estimador máximo verosimil de la varianza, $\hat{\sigma}^2 = \frac{1}{N}(y - Xb)^T(y - Xb)$, para preparar la verosimilitud de $y|\theta$:

$$p(y|\theta) \propto (\sigma^2)^{-n/2} exp \left\{ -\frac{1}{2\sigma^2} \left[N\hat{\sigma}^2 + (\beta - b)^T X^T X (\beta - b) \right] \right\}$$

Notemos ahora que si la varianza σ^2 fuera conocida podríamos descomponer esta distribución en dos partes, una de las cuales tiene la forma del kernel de una distribución normal para $\beta | \sigma^2$, lo que sugiere ya la familia conjugada de distribuciones iniciales:

$$p(y|\theta) \propto \exp\left\{-\frac{1}{2\sigma^2}\left[(\beta-b)^TX^TX(\beta-b)\right]\right\}(\sigma^2)^{-N/2}\exp\left\{-\frac{N\hat{\sigma}^2}{2\sigma^2}\right\}.$$

Finalmente, en este contexto resultará más fácil trabajar en términos de precisiones que de varianzas. Si definimos la precisión de una variable normal como $\tau=\frac{1}{\sigma^2}$, tenemos que la función de verosimilitud en el modelo normal se puede representar como sigue:

$$p(y|\theta) \propto exp\left\{-\frac{\tau}{2}\left[(\beta - b)^T X^T X(\beta - b)\right]\right\} \tau^{N/2} exp\left\{-\frac{N\hat{\sigma}^2 \tau}{2}\right\}.$$
 (5.6)

Distribuciones iniciales

La primera distribución inicial que podríamos plantear sería la distribución conjugada. Recordemos que esta debe tener la misma forma funcional que la verosimilitud, por lo que la **Ecuación 5.6** sugiere lo siguiente:

$$p(\theta) = p(\beta, \tau) \propto exp\left\{-\frac{\tau}{2}\left[(\beta - b_0)^T T_0(\beta - b_0)\right]\right\} \tau^{a/2} exp\left\{-\frac{r\tau}{2}\right\}\,,$$

donde b_0 , T_0 , a y r sean algunos parámetros convenientes. Con esta forma, podemos determinar la familia conjugada en un proceso de dos pasos. En primer lugar, asumimos que la varianza o precisión está dada, lo que permite definir una distribución inicial para $\beta|\tau$. Posteriormente, determinaremos la distribución inicial conjugada para τ . Es decir, separaremos la distribución inicial en dos: $p(\theta) = p(\beta, \tau) = p(\beta|\tau)p(\tau)$.

La distribución condicional resulta ser una normal centrada en b_0 y con precisión τT_0 , por lo que debemos completarla multiplicando por $1 = \tau^{(p-p)/2}$, donde p es el número de coeficientes, incluyendo a β_0 . Así:

$$p(\theta) = p(\beta|\tau)p(\tau) \propto exp\left\{-\frac{\tau}{2}\left[(\beta-b_0)^TT_0(\beta-b_0)\right]\right\}\tau^{a/2}exp\left\{-\frac{r\tau}{2}\right\}$$

$$\propto \tau^{(p-p)/2} exp \left\{ -\frac{\tau}{2} \left[(\beta - b_0)^T T_0 (\beta - b_0) \right] \right\} \tau^{a/2} exp \left\{ -\frac{r\tau}{2} \right\} .$$

Con lo que

$$p(\beta|\tau) \propto \tau^{p/2} exp \left\{ -\frac{\tau}{2} \left[(\beta - b_0)^T T_0 (\beta - b_0) \right] \right\} y$$
$$p(\tau) \propto \tau^{(a-p)/2} exp \left\{ -\frac{r\tau}{2} \right\}. \tag{5.7}$$

La distribución inicial de τ también ya tiene una forma conocida: es proporcional a una gamma. Para verlo solo basta con un poco de álgebra para verificar que el parámetro de forma debe ser $a_0 = (a-p+2)/2 = (a^*-p)/2$ con $a^* = a+2$ y el de tasa $r_0 = r/2$. Por lo tanto, en su conjunto, tenemos que θ tiene una distribución inicial Normal-Gamma:

$$\theta = (\beta, \tau) \sim NG_p \left(b_0, T_0, a_0 = \frac{a^* - p}{2}, r_0 = \frac{r}{2} \right)$$

de forma que

$$\beta | \tau \sim N_p(b_0, \tau T_0) \text{ y } \tau \sim \Gamma\left(a_0 = \frac{a^* - p}{2}, r_0 = \frac{r}{2}\right).$$
 (5.8)

Cabe hacer notar que esta distribución inicial conjugada es propia siempre que $a^*>p,\,r>0$ y $B_0=T_0^{-1}$ sea positiva definida.

Por otro lado, si se buscan distribuciones iniciales más vagas, resulta que también es posible obtener distribuciones mínimo informativas límites de esta conjugada. Por ejemplo, aunque es impropia, la inicial de Jeffreys es de esa forma con los siguientes límites: $a^* \to p$, $r \to 0$ y $B_0 = T_0^{-1} \to \mathbf{O}$. La **Ecuación 5.7** se reduce a la siguiente expresión (Gutiérrez Peña 2016, 14):

$$p(\theta) = p(\beta, \tau) \propto \tau^{(p-2)/2} \tag{5.9}$$

Distribuciones finales

Consideremos para la actualización el caso general de la distribución inicial normal gamma de la **Ecuación 5.8**.

$$y|\theta \sim N_N(X\beta, \sigma^2 \mathbb{I}_N)$$
 tal que $\theta = (\beta, \sigma^2) \sim p(\beta, \sigma^2)$
 $\beta|\tau \sim N_p(b_0, \tau T_0)$
 $\tau \sim \Gamma\left(a_0 = \frac{a^* - p}{2}, r_0 = \frac{r}{2}\right)$. (5.10)

Aplicaremos el teorema de Bayes con base en las **Ecuaciones 5.6 y 5.7** buscando, al tener una inicial conjugada, mantener la forma de normal gamma. Esto es, la verosimilitud la podemos ver también como el producto de dos distribuciones, una normal para $\beta | \tau$ centrada en el estimador máximo verosímil b y con precisión $\tau X^T X$ y una gamma para τ utilizando el estimador máximo verosímil de la varianza $\hat{\sigma}^2$.

$$p(\theta|y) \propto p(y|\theta)p(\theta)$$

$$\propto exp\left\{-\frac{\tau}{2}\left[(\beta-b)^TX^TX(\beta-b)\right]\right\}\tau^{N/2}exp\left\{-\frac{N\hat{\sigma}^2\tau}{2}\right\}$$

$$\tau^{p/2}exp\left\{-\frac{\tau}{2}\left[(\beta-b_0)^TT_0(\beta-b_0)\right]\right\}\tau^{(a-p)/2}exp\left\{-\frac{r\tau}{2}\right\}$$

$$\propto \tau^{p/2}exp\left\{-\frac{\tau}{2}\left[(\beta-b)^TX^TX(\beta-b)+(\beta-b_0)^TT_0(\beta-b_0)\right]\right\}$$

$$\tau^{(N-p+a)/2} exp\left\{-\frac{N\hat{\sigma}^2 + r}{2}\tau\right\}. \tag{5.11}$$

Ahora simplifiquemos el término dentro de la primera exponencial para que coincida con el kernel de una distribución normal.

$$(\beta - b)^{T} X^{T} X (\beta - b) + (\beta - b_{0})^{T} T_{0} (\beta - b_{0})$$

$$= \beta^{T} X^{T} X \beta - \beta^{T} X^{T} X b - b^{T} X^{T} X \beta + b^{T} X^{T} X b + b^{T} T_{0} \beta - \beta^{T} T_{0} b_{0} - b_{0}^{T} T_{0} \beta + b_{0}^{T} T_{0} b_{0}$$

notando que todos estos términos son escalares de forma que sus transpuestos son ellos mismos, así como que $T_0^T = T_0$,

$$= \beta^T X^T X \beta - 2\beta^T X^T X b + b^T X^T X b + \beta^T T_0 \beta - 2\beta^T T_0 b_0 + b_0^T T_0 b_0$$
$$= \beta^T (X^T X + T_0) \beta - 2\beta^T X^T X b - 2\beta^T T_0 b_0 + b^T X^T X b + b_0^T T_0 b_0$$

definiendo
$$T_1 = X^T X + T_0$$
 y $g(X, y) = b^T X^T X b + b_0^T T_0 b_0$,

$$= \beta^{T} T_{1} \beta - 2 \beta^{T} X^{T} X b - 2 \beta^{T} T_{0} b_{0} + g(X, y)$$
$$= \beta^{T} T_{1} \beta - 2 \beta^{T} \left[X^{T} X b + T_{0} b_{0} \right] + g(X, y)$$

definiendo $b_1 = T_1^{-1}(X^TXb + T_0b_0)$ y completando el cuadrado:

$$= \beta^T T_1 \beta - 2\beta^T T_1 b_1 + g(X, y)$$

= $(\beta - b_1)^T T_1 (\beta - b_1) + g(X, y) - b_1^T T_1 b_1$. (5.12)

Con esta manipulación de términos, ya podemos tener la distribución posterior de $\beta|\tau$, sustituyendo (5.12) en la **Ecuación 5.11**, como una normal p-variada con media b_1 y precisión τT_1 :

$$p(\theta|y) \propto \tau^{p/2} exp \left\{ -\frac{\tau}{2} \left[(\beta - b1)^T T_1 (\beta - b_1) \right] \right\}$$
$$\tau^{(N-p+a)/2} exp \left\{ -\frac{N\hat{\sigma}^2 + g(X,y) - b_1^T T_1 b_1 + r}{2} \tau \right\}.$$

La nueva media $b_1 = T_1^{-1}(X^TXb + T_0b_0)$ puede verse como un promedio de las medias originales— la de la inicial y el estimador máximo verosímil— ponderadas por sus precisiones (Congdon 2006, 112). La nueva precisión es simplemente la suma de las precisiones originales.

Ahora debemos encontrar los nuevos parámetros de forma y tasa para la distribución posterior de τ . Igualando el exponente de τ en la última expresión a $a_1 - 1$, donde a_1 es el nuevo parámetro de forma, para satisfacer la representación de una distribución gamma se llega a que $a_1 = (N - p + a^*)/2$. El nuevo parámetro de tasa r_1 requiere ser un poco más explícitos:

$$\begin{split} r_1 &= \frac{N\hat{\sigma}^2 + g(X,y) - b_1^T T_1 b_1 + r}{2} \\ &= \frac{(y - Xb)^T (y - Xb) + b^T X^T X b + b_0^T T_0 b_0 - b_1^T T_1 b_1 + r}{2} \,. \end{split}$$

Pero resulta que $(y - Xb)^T(y - Xb) + b^TX^TXb = y^Ty$:

$$(y - Xb)^{T}(y - Xb) + b^{T}X^{T}Xb = y^{T}y - 2y^{T}Xb + b^{T}X^{T}Xb + b^{T}X^{T}Xb$$
$$= y^{T}y - 2y^{T}Xb + 2b^{T}X^{T}Xb$$

$$= y^T y - 2b^T X^T X b + 2b^T X^T X b$$
$$= y^T y.$$
 (5.13)

Por lo que, en realidad,

$$r_1 = \frac{y^T y + b_0^T T_0 b_0 - b_1^T T_1 b_1 + r}{2} \,.$$

Con esto tenemos que la actualización de las **Ecuaciones 5.10** nos llevan al siguiente modelo conjugado:

$$y|\theta \sim N_N(X\beta, \sigma^2 \mathbb{I}_N)$$
 tal que $\theta = (\beta, \sigma^2) \sim p(\beta, \sigma^2)$
 $\beta|\tau \sim N_p(b_0, \tau T_0)$ $\tau \sim \Gamma\left(a_0 = \frac{a^* - p}{2}, r_0 = \frac{r}{2}\right)$
 $\beta|\tau, y \sim N_p(b_1, \tau T_1)$ $\tau|y \sim \Gamma\left(a_1, r_1\right)$

con $a^{\star}>p,\,r>0$ y $B_{0}=T_{0}^{-1}$ positiva definida y tal que

$$T_{1} = X^{T}X + T_{0} b_{1} = T_{1}^{-1}(X^{T}Xb + T_{0}b_{0}) = T_{1}^{-1}(X^{T}y + T_{0}b_{0}),$$

$$a_{1} = \frac{N - p + a^{*}}{2} r_{1} = \frac{y^{T}y + b_{0}^{T}T_{0}b_{0} - b_{1}^{T}T_{1}b_{1} + r}{2} (5.14)$$

donde $b = (X^T X)^{-1} X^T y$ es el estimador máximo verosímil de β . Más aún, si en lugar de utilizar como distribución inicial una normal gamma de esta forma se utiliza la inicial de Jeffreys de la **Ecuación 5.9**, podemos utilizar estas expresiones para hacer la actualización— aprovechando el carácter que la inicial de Jeffreys tiene como límite de conjugadas— considerando $a^* \to p$, $r \to 0$ y $B_0 = T_0^{-1} \to \mathbf{O}$,

por lo que se tendrían:

$$T_1 = X^T X$$
 $b1 = b$ $a_1 = \frac{N}{2}$ $r_1 = \frac{y^T y - b^T X^T X b}{2} = \frac{N \hat{\sigma}^2}{2}$

donde la equivalencia del estimador máximo verosímil $\hat{\sigma}^2$ puede verificarse con la **Ecuación 5.13**.

Hasta aquí he presentado de manera más o menos general el modelo de regresión más conocido y utilizado, que es el modelo lineal normal. Es claro que esta exposición no agota las características del modelo como podrían ser, por ejemplo, la inferencia sobre β basada en su distribución marginal, misma que resulta ser una t de Student (Gutiérrez Peña 2016, 16). Sin embargo, sí representa un ejemplo más real del aprendizaje bayesiano al tiempo que constituye la base sobre la que se busca construir modelos más generales.

5.2. Regresión Logística

El modelo lineal normal es muy flexible— sobre todo aprovechando que puede construirse en términos de variables transformadas— pero, hay ocasiones en las que pudiera no ser el más adecuado. Por ejemplo, cuando la variable tiene restricciones pudiera no ser posible utilizar la regresión normal, incluso mediante una transformación, como cuando una variable no negativa puede tomar el valor de 0 y entonces aplicar el logaritmo no funciona (Gelman y col. 2013, 405). Este caso se presenta con frecuencia en el estudio de fenómenos políticos relacionados con el voto, pues es posible que el número de votos sea realmente 0. De manera similar, si se estudian proporciones de votos, estas toman valores entre 0 y 1 lo que puede

dificultar la aplicación del modelo tradicional.

En estos casos existen otras alternativas de modelado. Una de las más conocidas y utilizadas es la regresión logística. Esta busca modelar la probabilidad de éxito en un ensayo Bernoulli mediante un predictor lineal para el logit de dicha probabilidad. Esto es, si p = P(Y = 1) es la probabilidad de éxito, entonces $ln\left(\frac{p}{1-p}\right) = X\beta$. En otras ocasiones, nuestra variable de interés podría ser binomial, es decir, los éxitos en una serie de ensayos Bernoulli independientes, de manera que para cada observación y_i — además de las p variables explicativas—conocemos también n_i , el número de ensayos Bernoulli para el i-ésimo individuo. Es decir, es posible generalizar una regresión logística a que el número de ensayos sea mayor a 1.

5.2.1. Modelos lineales generalizados

La regresión logística y sus variantes, así como el modelo normal, son ejemplos de una clase más general de modelos de regresión: los Modelos lineales generalizados. Antes de introducirlos, sin embargo, necesitamos una definición dada por Nieto Barajas (2016, 51) y que es un caso particular de la que utilizaron Nelder y Wedderburn (1972, 371) al presentar originalmente esta clase de modelos.

Definición 5.1. Familia Exponencial

Sea Y una variable aleatoria con función de distribución $p(y|\theta,\phi)$ tal que

$$p(y|\theta,\phi) = b(y,\phi)exp\left\{\phi\left[y\theta - a(\theta)\right]\right\},\tag{5.15}$$

donde a y b son funciones conocidas. Se dice entonces que Y pertenece a la familia exponencial. Cuando el parámetro de dispersión ϕ es conocido, entonces Y pertenece a la familia exponencial natural.

Esta familia de distribuciones incluye a las más comunes, entre ellas la distribución Normal, la Poisson o la Bernoulli, como puede verificarse en Nieto Barajas (2016, 52-53). Son este tipo de distribuciones con las que construimos los modelos lineales generalizados, mismos que consituyen un marco teórico general y unificado para pensar en la formulación de modelos estadísticos (Dobson 2001; Regueiro Martínez 2012). Como se verá en la definición que sigue, la idea informal de la sección anterior también está presente en ellos. En efecto, los modelos lineales generalizados nos permitirán modelar el valor esperado de una variable aleatoria de interés miembro de la familia exponencial a través de una función dependiente de unas variables explicativas y que es lineal en los coeficientes.

Definición 5.2. Modelo lineal generalizado (MLG)

Un modelo lineal generalizado, abreviado MLG, está compuesto por 3 elementos básicos:

1. Variable aleatoria de interés: se supone que la variable de interés Y se distribuye de acuerdo a alguna ley miembro de la familia exponencial. Esto es, $p(y|\theta,\phi)$ es alguna distribución de la forma de la **Ecuación 5.15**.

$$y|\theta, \phi \sim p(y|\theta, \phi) = b(y, \phi)exp\left\{\phi\left[y\theta - a(\theta)\right]\right\}.$$

2. **Predictor lineal**: las variables explicativas X forman un predictor lineal en los coeficientes de la forma $\eta = X\beta$. Esto es, suponiendo que tenemos p

variables explicativas X, incluyendo quizás a un intercepto constante:

$$\eta = X\beta = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \dots + \beta_{p-1} X_{p-1}.$$

3. Función liga: el predictor lineal se vincula con nuestra variable de interés mediante una función liga $g(\cdot)$. La forma específica del vínculo es que el valor del predictor lineal es el resultado de aplicar la función liga al valor esperado de la variable de interés. Esto es, sea μ el valor esperado de $Y|\theta,\phi$, entonces

$$g(\mu) = \eta = X\beta.$$

Otra forma de ver la función liga es que el valor esperado de $Y|\theta,\phi$ es el resultado de aplicar al predictor lineal la función inversa de la liga:

$$\mu = g^{-1}(\eta) = g^{-1}(X\beta).$$

Bajo el paradigma bayesiano, además, un MLG debe incluir un cuarto elemento que refleje la incertidumbre existente sobre los parámetros del modelo²:

4. **Distribución Inicial**: la incertidumbre o el conocimiento incial que se tenga sobre los parámetros θ y, en su defecto ϕ , se refleja en una distribución inicial de probabilida $p(\theta, \phi)$

En lo que sigue trataré de mantener una notación común. Me referiré a N observaciones de una variable de interés Y, condicionalmente independientes dadas p-1 variables explicativas, de manera tal que para cada individuo $i \in \mathbb{N}_N$, y_i

²Nótese que— en un sentido más general que en la definición de la familia exponencial— en un MLG los parámetros θ de la variable de interés, incluyen a los coeficientes β del predictor lineal.

representaría la observación de la variable de interés y $X_i = (1, x_{i,1}, \dots, x_{i,p-1})$ el correspondiente vector de variables explicativas y $\beta = (\beta_0, \beta_1, \dots, \beta_{p-1})^T$ el vector de coeficientes del predictor lineal.

Dos de los MLG más utilizados son el modelo lineal y la regresión Poisson o modelo loglineal.

Modelo Normal

El modelo usual de regresión lineal para variables de interés continuas en los reales puede expresarse de la siguiente manera:

$$y_i|\beta, \sigma^2 \sim N(\mu_i, \sigma^2) \quad \forall \quad i \in \mathbb{N}_N$$

 $\operatorname{con} \quad \mu_i = X_i\beta$
 $\beta, \sigma^2 \sim p(\beta, \sigma^2)$ (5.16)

En este caso tenemos que la función liga resulta ser la identidad, lo que se conoce como *liga canónica*.

Modelo Poisson

Cuando nuestra variable de interés representa conteos, un modelo usual es el Poisson loglineal, en el que la liga resulta ser el logaritmo natural. En este caso el parámetro de dispersión ϕ no está presente— o dicho de otra forma $\phi=1$ — por lo que la distribución Poisson es un caso de una distribución exponencial natural.

$$y_i | \beta \sim Poi(\lambda_i) \quad \forall \quad i \in \mathbb{N}_N$$

$$con ln(\lambda_i) = X_i \beta$$

$$\beta \sim p(\beta)$$
(5.17)

Las aplicaciones de estos dos modelos son muy variadas REFERENCIAS DE EJEMPLOS. Sin embargo, la motivación de discutir los MLG se debe a la regresión logística. Podemos pensar en ella como un MLG binomial y que presento a continuación de manera un poco más detallada.

Modelo Binomial

La regresión logística, decía anteriormente, se da cuando buscamos relacionar una probabilidad de éxito en variables binomiales— sean éstas de 1 ensayo Bernoulli o de n>1— con ciertas variables explicativas. Veamos ahora cómo construir el modelo como un MLG.

En primer lugar debemos probar que una variable binomial, con parámetro n conocido, puede expresarse como miembro de la familia exponencial.

$$\begin{aligned} Y|p \sim Binom(n,p) &\Leftrightarrow p(y|p) = \binom{n}{y} p^y (1-p)^{n-y} \\ &\Leftrightarrow p(y|p) = \binom{n}{y} \exp\left\{\ln\left[p^y (1-p)^{n-y}\right]\right\} \\ &\Leftrightarrow p(y|p) = \binom{n}{y} \exp\left\{y\ln\left(\frac{p}{1-p}\right) + n\ln\left(1-p\right)\right\} \end{aligned}$$

Definiendo el logit de p como nuestro parámetro θ , tenemos que $\theta = \ln\left(\frac{p}{1-p}\right)$ y al despejar $p = \frac{e^{\theta}}{1+e^{\theta}}$, por lo que podemos podemos sustituir:

$$\Rightarrow p(y|p) = \binom{n}{y} \exp\left\{y\theta + n\ln\left(1 - \frac{e^{\theta}}{1 + e^{\theta}}\right)\right\}$$

$$\Rightarrow p(y|p) = \binom{n}{y} \exp\left\{y\theta + n\ln\left(\frac{1}{1 + e^{\theta}}\right)\right\}$$

$$\Rightarrow p(y|p) = \binom{n}{y} \exp\left\{y\theta - n\ln\left(1 + e^{\theta}\right)\right\}$$
(5.18)

Así, tenemos que una variable binomial con parámetro n conocido se expresa de la forma de la **Ecuación 5.15** tomando los siguientes valores:

$$\theta = \ln\left(\frac{p}{1-p}\right) \qquad \phi = 1$$

$$a(\theta) = n\ln\left(1 + e^{\theta}\right) \qquad b(\theta, y) = \binom{n}{y}$$

Ahora bien, habiendo ilustrado la pertenencia a la familia exponencial, el MLG binomial normalmente se plantea en términos del valor esperado de cada uno de los ensayos de Bernouilli (Gelman y col. 2013, 406) p_i :

$$Y_{i}|\beta \sim Binom(n_{i}, p_{i}) \quad \forall \quad i \in \mathbb{N}_{N}$$

$$con \quad ln\left(\frac{p_{i}}{1 - p_{i}}\right) = X_{i}\beta$$

$$\beta \sim p(\beta) \tag{5.19}$$

En este caso, debido a que cada valor esperado binomial μ_i es igual a $n_i p_i$, tenemos que $p_i = \mu_i/n_i$. Por lo que la tradicional función logística implícitamente refleja

la siguiente función liga:

$$ln\left(\frac{p_i}{1-p_i}\right) = ln\left(\frac{\mu_i}{n_i}\right) - ln\left(1 - \frac{\mu_i}{n_i}\right)$$

$$= ln\left(\mu_i\right) - ln\left(n_i\right) - \left[ln\left(n_i - \mu_i\right) - ln\left(n_i\right)\right]$$

$$= ln\left(\mu_i\right) - ln\left(n_i - \mu_i\right)$$

$$\therefore g(\mu_i) = ln\left(\frac{\mu_i}{n_i - \mu_i}\right)$$

5.2.2. Identificabilidad

¿DEBERÍA HABLAR DEL PROBLEMA DE SEPARACIÓN PARA PLAN-TEAR LAS INICIALES? EN LA SECCIÓN ANTERIOR QUIZÁS HABLAR DEL PROBLEMA DE IDENTIFICABILIDAD POR DEPENDENCIA LINEAL DE VARIABLES EXPLICATIVAS

5.3. Modelos Jerárquicos

Hasta ahora, he presentado los modelos de regresión— ya sean lineales o lineales generalizados— como un método que permite aproximar cómo cambia el valor esperado de una variable de interés a través de *subpoblaciones* definidas por funciones lineales de unas variables explicativas (Gelman y Hill 2006, 31, énfasis mío.). En efecto, podemos pensar que diferentes valores de las variables explicativas definen diferentes subpoblaciones o grupos cuyos valores promedio en la variable de interés está determinado por la regresión. A pesar de esta variación, la *forma específica* como cambian estos valores es la misma a través de las subpoblaciones pues está dada por los coeficientes de la regresión.

Sin embargo, hay ocasiones en las que uno podría esperar que la relación sea diferente a través de diversas subpoblaciones. Esto es, uno pensaría que diferentes subpoblaciones o grupos podrían tener diferentes valores de los coeficientes. Una primera alternativa a esta situación es ajustar regresiones separadas para cada grupo.

Anexos

Anexo A

Bases de datos utilizadas

Resultados electorales completos:

La prelimpieza de estas bases solo consistió en eliminar los códigos al inicio de los archivos de texto. Todos tienen el mismo esquema de nombre original $EEaa_Bvot_T1T2$ donde EE es LG para legislativas y PR para presidenciales y los años son 07 y 12. Las bases alteradas tienen el sufijo FAZH, separado por guión bajo.

- 1. Presidenciales 2007 (Ministère de l'Intérieur 2015c)
- 2. Legislativas 2007 (Ministère de l'Intérieur 2015a)
- 3. Presidenciales 2012 (Ministère de l'Intérieur 2015
d) $\,$
- 4. Legislativas 2012 (Ministère de l'Intérieur 2015b)

Hasta el momento tengo las siguientes bases de datos:

• Datos censales, a nivel comuna que incluyen 3 grupos de edad comparables,

2 categorías de situación migratoria, 2 categorías de nacionalidad, sexo, 6 categorías de tipo de actividad y 8 categorías socioprofesionales.

- 1. IMG1 2007
- 2. NAT3A 2007
- 3. IMG2A 2012
- 4. NAT3A 2012
- Datos de escolaridad, a nivel comuna y que incluyen grupos de edad y por sexo para personas escolarizadas y no escolarizadas. De las no escolarizadas se tiene el grado más elevado alcanzado, 7 categorías.
 - 1. Diplômes-Formation 2007
 - 2. Diplômes-Formation 2012
- Datos económicos, a nivel (algunas) comuna, departamento y región.
 - Algunos datos de distribución de ingresos por comunas, con secreto estadístico
 - 2. Distribución del ingreso y Gini por dpto.
 - 3. PIB real por región.
- Datos delictivos, a nivel departamento, casos por diferentes tipos de delitos (víctimas, procedimientos, instancias, agresores)
 - 1. Datos mensuales 1996-2017

Sin embargo tengo algunas dudas:

1. ¿Cómo mezclar los datos delictivos con diferentes unidades de medición?

- Hice una sublista de delitos que consideré poco relevantes, para excluirlos del análisis.
- 3. Dado que los datos delictivos son mensuales, ¿debería usar datos del año de la elección o de los 12 meses anteriores a la elección?
- 4. Los datos económicos tuvieron algunos cambios entre los periodos de análisis. Para datos de distribución de ingreso y Gini se pueden hacer comparaciones entre 2006 y 2011, pero no de 2007 a 2012. Para datos del PIB cambió la forma de medirlo en 2008.
- 5. En general, ¿combiene usar niveles o cambios?
- 6. Para el AED, ¿presento variable por variable o de una vez cruces?
- Para delitos, tasas por cada 100,000 hab en tres categorías (baja, media, alta) y caja y brazos.
- Si tiene que ser proporciones. Puede ser modelo binomial para cada partido con n el listado nominal. Normal para el logit de las prop desplazadas.

Variable	Tipo	2007	2012
Vuelta	С	♦	♦
Código de departamento	\mathbf{C}	\Diamond	\Diamond
Código de comuna	$^{\mathrm{C}}$	\Diamond	\Diamond
Nombre de comuna	$^{\mathrm{C}}$	\Diamond	\Diamond
Circunscripción legislativa	\mathbf{C}		\Diamond
Número de cantón	\mathbf{C}		\Diamond
Número de casilla	\mathbf{C}	\Diamond	\Diamond
Inscritos	N	\Diamond	\Diamond
Votantes	N	\Diamond	\Diamond
Votos expresados	N	\Diamond	\Diamond
Número de candidatura	\mathbf{C}	\Diamond	\Diamond
Apellido de candidato(a)	\mathbf{C}	\Diamond	\Diamond
Nombre(s) de candidato(a)	\mathbf{C}	\Diamond	\Diamond
Etiqueta política	\mathbf{C}	\Diamond	\Diamond
Votos para la candidatura	N	\Diamond	\Diamond

Cuadro A.1: Descripción de variables en las bases de resultados electorales a nivel casilla para las elecciones presidenciales y legislativas de 2007 y 2012. Los tipos de variables son categóricas (C) o numéricas (N). El diamante indica que la variable está presente en las bases correspondientes. Fuente: elaboración propia.

Variable	Tipo	IMG1A 2007	IMG2A 2012	NAT3A 2007	NAT3A 2012
Nivel	С	♦	♦	♦	♦
CODGEO	$^{\rm C}$		♦	♦	♦
LIBGEO	$^{\rm C}$		♦		♦
Sexo	$^{\rm C}$	♦	♦	♦	♦
Edad 4	$^{\rm C}$				
Edad 4A	$^{\rm C}$		♦		
Tipo de actividad	$^{\rm C}$	♦	♦		
Categoría socioprofesional	$^{\rm C}$			♦	♦
Condición migratoria	$^{\rm C}$	♦	♦		
Nacionalidad	$^{\rm C}$			♦	♦
Número de personas	N	♦	♦	♦	♦

Cuadro A.2: Descripción de variables en las bases censales a nivel comuna sobre migración y nacionalidad. Los tipos de variables son categóricas (C) o numéricas (N). El diamante indica que la variable está presente en la base correspondiente. Fuente: elaboración propia.

Variable	Datos administrativos	Totales	Escolarizados	No Escolarizados de 15 años o más
CODGEO	♦	♦	♦	*
Código de Región				
Código de Departamento				
LIBGEO	\$			
Sexo				♦
Edad 7			♦	
Grado máximo de estudios				♦

Cuadro A.3: Descripción de variables en las subbases a nivel comuna sobre escolaridad. El diamante indica que la variable está presente en la subbase correspondiente. Todas las variables son las mismas para 2007 y para 2012. Fuente: elaboración propia.

Variable	Datos administrativos	Totales	Escolarizados	No Escolarizados de 15 años o más
CODGEO	♦	♦	♦	*
Código de Región				
Código de Departamento	\$			
LIBGEO	♦			
Sexo				♦
Edad 7				
Grado máximo de estudios				♦

Cuadro A.4: Descripción de variables en las subbases a nivel comuna sobre escolaridad. El diamante indica que la variable está presente en la subbase correspondiente. Todas las variables son las mismas para 2007 y para 2012. Fuente: elaboración propia.

- Almond, Gabriel A. y Sidney Verba. 1963. The Civic Culture: Political Attitudes and Democracy in Five Nations. Princeton University Press.
- Aquino Pérez, Elizabeth. 2010. "Construcción de una tabla de mortalidad con un enfoque bayesiano". Tesina para obtener el grado de Licenciada en Actuaría, Instituto Tecnológico Autónomo de México (ITAM).
- Arnade, Chris. 2016. Attributions of causality. Ver. 2. http://www.interfluidity.com/v2/6602.html.
- Asamblée National. 2017a. Fiche de synthèse n1: Présentation synthétique des institutions françaises. Consultado el 6 de enero de 2018. http://www2.assemblee-nationale.fr/decouvrir-l-assemblee/role-et-pouvoirs-de-l-assemblee-nationale/les-institutions-françaises-generalites/presentation-synthetique-des-institutions-françaises.
- . 2017b. Fiche de synthèse n11: L'organisation territoriale de la France. Consultado el 6 de enero de 2018. http://www2.assemblee-nationale.fr/decouvrir-l-assemblee/role-et-pouvoirs-de-l-assemblee-nationale/les-institutions-francaises-generalites/l-organisation-territoriale-de-la-france.

— . 2017c. Fiche de synthèse n45: La mise en cause de la responsabilité du Gouvernement. Consultado el 6 de enero de 2018. http://www2.assemblee-nationale.fr/decouvrir-l-assemblee/role-et-pouvoirs-de-l-assemblee-nationale/les-fonctions-de-l-assemblee-nationale/les-fonctions-de-controle-et-l-information-des-deputes/la-mise-en-cause-de-la-responsabilite-du-gouvernement.

- Balaam, David y Michael Veseth. 2008. "Marx, Lenin, and the Structuralist Perspective". En *Introduction to International Political Economy*, 4.ª ed. Upper Saddel River, Nueva Jersey: Pearson.
- Beauchamp, Zack. 2016a. An expert on the European far right explains the growing influence of anti-immigrant politics. Entrevista a Cass Mudde, de la Universidad de Georgia. Consultado el 30 de octubre de 2017. http://www.vox.com/2016/5/31/11722994/european-far-right-cas-mudde.
- . 2016b. White Riot. Vox.com. http://www.vox.com/2016/9/19/12933072/far-right-white-riot-trump-brexit.
- Berger, James O. 1985. Statistical decision theory and Bayesian analysis: Springer series in statistics. 2.ª ed. Estados Unidos: Springer-Verlag New York, Inc. ISBN: 0-387-96098-8.
- Berman, Sheri. 2001. "Review: Ideas, Norms, and Culture in Political Analysis".

 *Comparative Politics 33 (2): 231-250. http://www.jstor.org/stable/422380.
- Bernardo, José Miguel. 1981. *Bioestadística: Una Perspectiva Bayesiana*. 1.ª ed. Ed. por Albert Vicens. Barcelona: Ediciones Vicens-Vives. ISBN: 84-316-1889-2.

Berteloot, Tristan. 2017. Pour Philippot, l'humiliation ou l'exil. Consultado el 12 de noviembre de 2017. https://oeilsurlefront.liberation.fr/les-idees/2017/09/19/pour-philippot-l-humiliation-ou-l-exil_1597506.

- Blalock, Hubert M. 1967. Toward a Theory of Minority-group Relations. New York: John Wiley & Sons.
- Boily, Frédéric. 2005. "Aux sources idéologiques du Front national: Le mariage du traditionalisme et du populisme". *Politiques et Sociétés* 24 (1): 23-47.
- Bornschier, Simon. 2009. "Cleavage Politics in Old and New Democracies". *Living Reviews* (). http://www.livingreviews.org/lrd-2009-6.
- C dans l'air. 2017. Règlement de comptes au FN. Consultado el 12 de noviembre de 2017. https://www.youtube.com/watch?v=rdWfY7clIco&index=84&list=PL4_by8YNrJv-2o8t0vIHY0Q5TAhorDiin.
- Capo, Dominique. 2017. 21 Avril 2002, le choc, deuxième partie. Consultado el 11 de noviembre de 2017. https://www.youtube.com/watch?v=v0T-kmHUVlA.
- Carney, Timothy. 2016. Understanding Trump: Economic anxiety is racial anxiety. The Washington Examiner. http://www.washingtonexaminer.com/understanding-trump-economic-anxiety-is-racial-anxiety/article/2600612/.
- Carpizo, Jorge. 2004. "México: ¿sistema presidencial o parlamentario?" Revista Latinoamericana de Derecho 1 (1): 1-37.
- Coffé, Hilde, Bruno Heyndels y Jan Vermeir. 2007. "Fertile grounds for extreme right-wing parties: Explaining the Vlaams Blok's electoral success". *Electoral Studies* 26:142-155. doi:10.1016/j.electstud.2006.01.005.

Congdon, Peter. 2006. Bayesian Statistical Modelling. 2.ª ed. Wiley series in probability and statistics. Reino Unido: John Wiley & Sons Ltd. ISBN: 978-0-470-01875-0.

- Constitution du 4 octobre 1958. Texto vigente al 6 de enero de 2018. https://www.legifrance.gouv.fr/affichTexte.do?cidTexte=LEGITEXT000006071194&dateTexte=20180106.
- Cox, Michael y Martin Durham. 2016. "Te politics of anger: the extreme right in the United States". Cap. 13 en *The Politics of the Extreme Right: From the Margins to the Mainstream*, ed. por Paul Hainsworth, 287-311. Bloomsbury Academic.
- Crépon, Sylvain. 2015. "La politique des mœurs au Front National". Cap. 8 en Les faux-semblants du Front National: sociologie d'un parti politique, ed. por Sylvain Crépon, Alexandre Dézé y Nonna Mayer, 185-205. Paris: Presses de SciencesPo.
- Crépon, Sylvain, Alexandre Dézé y Nonna Mayer, eds. 2015. "Repères chronologiques". En Les faux-semblants du Front National: sociologie d'un parti politique, 545-557. Paris: Presses de SciencesPo.
- Delafoi, Florian. 2017. Front national (1971-2017). https://www.letemps.ch/monde/front-national-19712017.
- Dobson, Annette J. 2001. An introduction to generalized linear models. Chapman & Hall. ISBN: 1-58488-165-8.
- Draper, Norman R. y Harry Smith. 1998. Applied Regression Analysis. 3.a ed. Willey Series in Probability and Statistics. Estados Unidos: Wiley. ISBN: 978-0-471-17082-2.

Europe 1. 2017. Départ de Florian Philippot: «une mauvaise nouvelle pour le FN», selon Pascal Perrineau. Entrevista a Pascal Perrineau. Consultado el 12 de noviembre de 2017. http://www.europe1.fr/politique/departde-florian-philippot-une-mauvaise-nouvelle-pour-le-fn-selon-pascal-perrineau-3443705.

- Front National. 2012. Mon Projet: Pour la France et les français. Consultado el 26 de marzo de 2018. http://www.frontnational.com/pdf/projet_mlp2012.pdf.
- Galtier, Ludovic. 2017. Philippot: le FN «fait un retour en arrière terrifiant» sur sa ligne. Consultado el 12 de noviembre de 2017. http://www.rtl.fr/actu/politique/philippot-le-front-national-fait-un-retour-en-arriere-terrifiant-sur-sa-ligne-7790173335.
- Gelman, Andrew y Jennifer Hill. 2006. Data Analysis Using Regression and Multilevel/Hierarchical Models. 5.a ed. Analytical Methods for Social Science Research. Estados Unidos: Cambridge University Press. ISBN: 978-0-5216-8689-1.
- Gelman, Andrew y col. 2013. *Bayesian Data Analysis*. 3.ª ed. Chapman & Hall/CRC texts in Statistical Science. Estados Unidos: CRC Press. ISBN: 978-1-4398-4095-5.
- Goodliffe, Gabriel. 2017. Global Populism in the Rise. Participación en un foro sobre populismo entre académicos del ITAM y la Universidad John Hopkins. Ciudad de México.
- Gross, Estelle. 2016. Marine Le Pen change de slogan: "Une ligne populiste assumée". https://www.nouvelobs.com/politique/election-presidentielle-

2017/20160919.0BS8333/marine-le-pen-change-de-slogan-une-ligne-populiste-assumee.html.

- Gutiérrez Peña, Eduardo. 2016. Presentación Introductioria al curso Métodos Estadísticos Bayesianos. Departamento Académico de Estadística. Instituto Tecnológico Autónomo de México (ITAM), Ciudad de México.
- Hainsworth, Paul. 2016a. "Introduction: the extreme right". Cap. 1 en The Politics of the Extreme Right: From the Margins to the Mainstream, ed. por Paul Hainsworth, 1-17. Bloomsbury Academic. ISBN: 978-1-4742-9095-1.
- . 2016b. "The Front National: from ascendancy to fragmentation on the French extreme right". Cap. 2 en *The Politics of the Extreme Right: From the Margins to the Mainstream*, ed. por Paul Hainsworth, 18-32. Bloomsbury Academic. ISBN: 978-1-4742-9095-1.
- Heilbroner, Robert. 1992. "The Worldy Philosphers: The Lives, Times, and Ideas of the Great Economic Thinkers". Cap. The Inexorable System of Karl Marx, 6.ª ed. Nueva York: Simon & Schuster.
- Hoare, Liam. 2016. Austria's Incredibly Narrow Escape From Neo-Fascism. Tablet Mag. http://www.tabletmag.com/jewish-news-and-politics/202857/austrias-narrow-escape.
- Ina Politique. 2012. Marie Caroline Le Pen Mantes. Consultado el 11 de noviembre de 2017. https://www.youtube.com/watch?v=pja01SbemHE.
- Inglehart, Ronald F. y Pipa Norris. 2016. "Trump, Brexit, and the Rise of Populism: Economic Have-Nots and Cultural Backlash". Harvard Kennedy School Faculty Research Working Paper Series ().

Ivarsflaten, Elisabeth y Froy Gudbransen. 2014. The populist radical right in Western Europe.

- Kesselman, Mark. 1979. "Reviewed Work: The Silent Revolution: Changing Values and Political Styles Among Western Publics by Ronald Inglehart". The American Political Science Review 73, n.º 1 (): 284-286. https://www.jstor.org/stable/pdf/1954818.pdf.
- Kitschelt, Herbert. 1995. The Radical Right in Western Europe: A Comparative Analysis. Michigan: University of Michigan Press.
- Le Bras, Hervé. 2016. Le nouvel ordre électoral: Tripartisme contre démocracie. Chambray-lès-Tours: Éditions du Seuil et La République des idées. ISBN: 978-2-02-130028-4.
- . 2015. Le Pari du FN. París: Éditions Autrement. ISBN: 978-2-7467-4126-3.
- Le Monde. 2016. Marine Le Pen prône la fin de l'éducation gratuite pour les enfants étrangers. http://www.lemonde.fr/election-presidentielle-2017/article/2016/12/08/marine-le-pen-prone-la-fin-de-l-education-gratuite-pour-les-enfants-etrangers_5045648_4854003. html.
- Le Parisien. 2013. Marine Le Pen : les origines du FN ne sont «absolument pas» à l'extrême droite. Consultado el 30 de octubre de 2017. http://www.leparisien.fr/politique/marine-le-pen-les-origines-du-fn-ne-sont-absolument-pas-a-l-extreme-droite-03-10-2013-3192605.php.
- Le Pen, Jean Marie. 2001. Déclaration de M. Jean-Marie Le Pen, président du Front national et candidat à l'élection présidentielle de 2002 sur le terrorisme, l'identité nationale, l'immigration, le manque de sécurité, son program-

me électoral pour l'élection présidentielle de 2002. http://discours.vie-publique.fr/notices/013003238.html.

- Lee, Peter M. 2012. Bayesian statistics: an introduction. 4.ª ed. Reino Unido: John Wiley & Sons Ltd. ISBN: 978-1-118-33257-3.
- Leprince, Chloé. 2016. "Establishment", une béquille lexicale populiste de JeanMarie Le Pen à Donald Trump. https://www.franceculture.fr/emissions/
 le-mot-de-la-semaine/establishment-une-bequille-lexicale-populistede-jean-marie-le-pen.
- Les Echos. 1999. La condamnation de Le Pen à un an d'inéligibilité confirmée.

 Consultado el 11 de noviembre de 2017. https://www.lesechos.fr/24/11/
 1999/LesEchos/18032-181-ECH_la-condamnation-de-le-pen-a-un-an-d-ineligibilite-confirmee.htm.
- Letras Libres. 2016. http://www.letraslibres.com/mexico/revista/fascista-americano.
- Linz, Juan J. 1990. "The Perils of Presidentialism". *Journal of Democracy* 1 (1): 51-69.
- L'Obs. 2007. Le programme de Jean-Marie Le Pen. Consultado el 26 de marzo de 2018. https://www.nouvelobs.com/politique/elections-2007/20070224.0BS4060/le-programme-de-jean-marie-le-pen.html.
- Lombart, Gaël. 2016. Présidentielle: et si deux candidats arrivaient à égalité...

 Consultado el 7 de enero de 2018. http://www.leparisien.fr/elections/
 presidentielle/pratique/presidentielle-et-si-deux-candidatsarrivaient-a-egalite-28-12-2016-6502290.php.

Mammone, Andrea, Emmanuel Godin y Brian Jenkins. 2012. "Introduction: mapping the 'right of the mainstream right' in contemporary Europe". En *Mapping the Extreme Right in Contemporary Europe: From local to transnational*, ed. por Andrea Mammone, Emmanuel Godin y Brian Jenkins, 1-14. Routledge.

- Marin, Grégory. 2017. Front national. Sylvain Crépon: «Les cadres du parti le disent, leur avenir est à droite». Entrevista a Sylvain Crépon. Consultado el 12 de noviembre de 2017. https://www.humanite.fr/front-national-sylvain-crepon-les-cadres-du-parti-le-disent-leur-avenir-est-droite-637922.
- Marrani, David. 2009. "Semi-Presidentialism à la française: the Recent Constitutional Evolution of the Two Headed Executive". *Constitutional Forum* 18 (2): 55-67.
- Mendoza, Manuel y Pedro Regueiro. 2011. Estadística Bayesiana. Departamento Académico de Estadística. Instituto Tecnológico Autónomo de México (ITAM), Ciudad de México.
- Mestre, Abel. 2012. Le FN n'est plus le même, mais a-t-il vraiment changé? Consultado el 26 de marzo de 2018. http://www.lemonde.fr/culture/article/2012/09/20/le-front-national-n-est-plus-le-meme-mais-a-t-il-vraiment-change_1763234_3246.html.
- Milanovic, Branko. 2016. The greatest reshuffle of individual incomes since the Industrial Revolution. VOX CEPR. http://voxeu.org/article/greatest-reshuffle-individual-incomes-industrial-revolution.

Ministère de l'Intérieur. 2015a. "Election législatives 2007 — Résultats par bureaux de vote". https://www.data.gouv.fr/fr/datasets/elections-legislatives-2007-resultats-par-bureaux-de-vote/.

- . 2015b. "Election législatives 2012 Résultats par bureaux de vote". https: //www.data.gouv.fr/fr/datasets/elections-legislatives-2012resultats-par-bureaux-de-vote/.
- . 2015c. "Election présidentielle 2007 Résultats par bureaux de vote". https://www.data.gouv.fr/fr/datasets/election-presidentielle-2007-resultats-par-bureaux-de-vote/.
- . 2015d. "Election présidentielle 2012 Résultats par bureaux de vote". https://www.data.gouv.fr/fr/datasets/election-presidentielle-2012-resultats-par-bureaux-de-vote-1/.
- . 2011. Les différentes élections. Consultado el 6 de enero de 2018. https://www.interieur.gouv.fr/fr/Elections/Les-elections-en-France/Les-modalites-d-elections/Les-differentes-elections.
- Moore, Barrington. 1966. "Social origins of dictatorship and democracy: Lord and Peasant in the Making of the Modern World". Cap. Revolution from Above and Fascism, 433-452. Boston: Beacon Press.
- Mudde, Cas. 2017. Brexit, Trump, and Five (Wrong) Lessons About 'The Populist Challenge'. https://www.huffingtonpost.com/cas-mudde/brexit-trump-and-five-wro_b_12801832.html.
- . 2007. "Constructing a conceptual framework". Cap. 1 en *Populist Radical Right Parties in Europe*, 11-31. Cambridge University Press. ISBN: 978-0-521-61632-4.

Nelder, J.A. y R.W.M. Wedderburn. 1972. "Generalized Linear Models". *Journal of the Royal Statistical Society* 135 (3): 370-384.

- Nieto Barajas, Luis Enrique. 2016. Regresión Avanzada: con enfoque Bayesiano.
 Maestría en Ciencia de Datos. Instituto Tecnológico Autónomo de México
 (ITAM), Ciudad de México.
- Olzac, Susan. 1992. Dynamics of Ethnic Competition and Conflict. Stanford: Stanford University Press.
- Petersen, Roger D. 2002. Understanding Ethnic Violence: Fear, Hatred, and Resentment in Twentieth-Century Eastern Europe. Estados Unidos: Cambridge University Press. ISBN: 9780521007740.
- Rae, Alasdair. 2016. What can explain Brexit? http://www.statsmapsnpix.com/2016/06/what-can-explain-brexit.html.
- Regueiro Martínez, Pedro. 2012. "Análisis jerárquico bayesiano del futbol mexicano". Tesis para obtener el grado de Licenciado en Matemáticas Aplicadas, Instituto Tecnológico Autónomo de México (ITAM).
- Robert, Christian P. 2007. The Bayesian Choice: From Decision-Theoretic Foundations to Computational Implementation. 2.^a ed. New York: Springer. ISBN: 978-0-387-71598-8.
- Sewell Jr., William H. 1992. "A Theory of Structure: Duality, Agency, and Transformation". American Journal of Sociology 98, n.º 1 (): 1-29. http://www.jstor.org/stable/pdf/2781191.pdf.
- Sides, John y Michael Tesler. 2016. How political science helps explain the rise of Trump (part 3): It's the economy, stupid. The Washington Post. https://www.washingtonpost.com/news/monkey-cage/wp/2016/03/04/how-

political-science-helps-explain-the-rise-of-trump-part-3-its-the-economy-stupid/?utm_term=.dd546463a844.

- Silver, Nate. 2016. "Education, Not Income, Predicted Who Would Vote For Trump" (). http://fivethirtyeight.com/features/education-not-income-predicted-who-would-vote-for-trump/.
- Singpurwalla, Nozer D. 2017. Subjective Probability: Its Axioms and Acrobatics.

 Conferencia magistral dentro del International Workshop on Perspectives on
 High Dimensional Data VII (HDDA VII). Centro de Investigación en Matemáticas (CIMAT), Guanajuato. http://hddavii.eventos.cimat.mx/sites/hddavii/files/Nozer_Singpurwalla.pdf.
- Skocpol, Theda. 1979. "Old Regimes and Revolutionary Crises in France, Russia, and China". Edición especial doble sobre el Estado y la Revolución, *Theory and Society* 7, n.º 1 (): 7-95. http://www.jstor.org/stable/656999? origin=JSTOR-pdf.
- Sputnik. 2017. Austria's FPO Leader: 'We Are Not Extreme Right Party'. Consultado el 30 de octubre de 2017. https://sputniknews.com/europe/201710251058522359-austria-strache-fpo-ovp-coalition/.
- Stockemer, Daniel. 2017. The Front National in France: Continuity and Change Under Jean-Marie Le Pen and Marine Le Pen. Springer. ISBN: 978-3-319-49639-9.
- Tesler, Michael. 2016. Economic anxiety isn't driving racial resentment. Racial resentment is driving economic anxiety. The Washington Post. https://www.washingtonpost.com/news/monkey-cage/wp/2016/08/22/economic-

anxiety - isnt - driving - racial - resentment - racial - resentment - is - driving - economic - anxiety /?utm_term = . b93b1dde31b4.

- Uribe Coughlan, Alexandra. 2016. *Política Comparada*. Curso del Departamento de Ciencia Política del ITAM para el semestre de otoño.
- Usi López, María Andrea. 2014. "Análisis bayesiano de la influenza en México".

 Tesis para obtener el grado de Licenciada en Matemáticas Aplicadas, Instituto

 Tecnológico Autónomo de México (ITAM).
- Valentino, Nicholas, Ted Brader y Ashley Jardina. 2013. "Immigration Opposition Among U.S. Whites: General Ethnocentrism or Media Priming of Attitudes About Latinos?" *Political Psychology* 34 (2): 149-166. doi:10.1111/j.1467-9221.2012.00928.x.
- Veser, Ernst. 1999. "Semi-presidentialism-Duverger's Concept: A new political system model". *Journal of Social Sciences and Philosphy* 11 (1): 39-60.
- Vie Publique. Le président de la République. Consultado el 6 de enero de 2018. http://www.vie-publique.fr/decouverte-institutions/institutions/fonctionnement/president-republique/.
- Williams, Michelle Hale. 2012. "Downside after the summit: Factors in extremeright party decline in France and Austria". Cap. 16 en *Mapping the Extreme Right in Contemporary Europe: From local to transnational*, ed. por Andrea Mammone, Emmanuel Godin y Brian Jenkins, 254-269. Routledge.
- Zafimehy, Marie. 2017. Florian Philippot quitte le Front National: retour sur un désamour en 6 dates. Consultado el 12 de noviembre de 2017. http://www.rtl.fr/actu/politique/florian-philippot-quitte-le-front-national-retour-sur-un-desamour-en-6-dates-7790176224.

Zepeda Herrera, Fernando Antonio. 2015. "Sobre la conexión estadística de Gauss y Galton". Laberintos e Infinitos 2 (37): 26-30.