

Tarea Voluntaria II MMF II

Licenciatura en Física - 2020¹

Demuestre la siguiente identidad que involucra símbolos de Pochhammer:



$$\frac{(a)_n}{(a+1)_n} \frac{(b)_n}{(b+1)_n} = \frac{a}{a-b} \frac{(b)_n}{(b+1)_n} - \frac{b}{a-b} \frac{(a)_n}{(a+1)_n}$$

donde los parámetros cumplen con la condición $a\neq b$. Solo como dato, dicha identidad puede ser útil para simplificar la estructura de una función hipergeométrica de la forma ${}_pF_q\left(\cdot\cdot\cdot\right)$ a una suma de dos hipergeométricas de la forma ${}_{(p-1)}F_{(q-1)}\left(\cdot\cdot\cdot\right)$.

Ideas útiles para enfrentar este problema:

- $\Gamma(z+1) = z\Gamma(z)$
- $\Gamma(z+n) = \Gamma(z)(z)_n$
- Fracciones parciales

HORA DE TÉRMINO: 20:30 hrs.