1. Suponemos que tenemos una sustancia homogénea en equilibrio, dividida en dos partes iguales A y B. En la clase vimos que, por consideración de la expansión de parte A, y la compresión de parte B (con volumen total constante) y el hecho que U está en su mínimo en equilibrio, podemos probar que

$$K_s > 0$$
.

(a) Demostrar, por consideración de un aumento de la entropía de parte A y una disminución de la entropía de parte B (con entropía total constante, y volumen constante) se puede obtener

$$C_V > 0$$

- (b) Demostrar que $C_P > 0$ por el uso de H en vez de U.
- (c) Demostrar que K > 0 por el uso de F en vez de U.
- 2. En la clase vimos gráficos de g(T) y s(T) para la transición de la fase sólida a la fase líquida en un proceso a presión constante. Ahora, hacemos la misma análisis para la transición **líquido** a sólido a temperatura constante (suponiendo que la línea de transición líquido-sólido en el diagrama P-T tiene una pendiente positiva).
 - (a) Dibujar las líneas de g(P) para cada fase durante la transición desde la fase líquida a la fase sólida. Justificar sus formas matemáticamente (es decir, sus pendientes y cual de las fases tiene la mayor valor de g).
 - (b) Demostrar que hay una discontinuidad en la función g(P) en el valor de presión donde la transición de fase ocurre. Justificar la respuesta matemáticamente.
 - (c) Dibujar la función v(P) (volumen específico como función de presión).
- 3. Probar que $C_P \to 0$ cuando $T \to 0$.
- 4. Calcular ΔS entre el cero absoluto y un valor finito de T para un gas ideal. ¿Qué implica este resultado?
- 5. Demostrar que $\kappa_1 \neq \kappa_2$ para una transición de fase de segundo orden, donde $\kappa = -(1/v)(\partial v/\partial P)_T$.
- 6. Demostrar que el potencial químico molar de un gas ideal a temperatura T está dado por

$$\mu = RT \ln(P/P_0) + \mu_0$$

donde $\mu_0 = \mu(T, P_0)$. A temperatura y presión estandar (0°C y 10⁵ Pa) CO₂ diluido tiene $\mu_0 = 394 \text{kJ/mol}$ en el aire y $\mu_0 = 386 \text{kJ/mol}$ en el agua. Si la atmósfera contiene 0,04% de CO₂, estimar la concentración de CO₂ disuelto en el océano.

7. Un volumen V se halla dividido en dos partes por un tabique diatérmico sin rozamiento. Existen n_A moles de un gas ideal A a un lado del tabique y n_B moles de un gas ideal B al otro lado. (a) Calcular la variación de entropía del sistema que tiene lugar cuando se quita el tabique (no hay reacciones químicas entre los gases). (b) Cuando las propiedades del gas A se aproximan a las del gas B, la entropía de la mezcla parece permanecer invariable. Con todo, sabemos que si el gas A y el gas B son idénticos no puede haber variación de entropía cuando se quita el tabique. Esta es la paradoja de Gibbs. ¿Sabría explicarla?