## Termodinámica - Clase 13

#### Graeme Candlish

Institúto de Física y Astronomía, UV graeme.candlish@ifa.uv.cl

### Contenido

### Conceptos en esta clase

Las fases de las sustancias

Diagramas de fase

Fases del fluido van der Waals

Resumen

## Conceptos en esta clase

- Fases de las sustancias
- Diagramas de fase (PT)
- Diagrama PVT del agua
- Fases del fluido de van der Waals

### Contenido

Conceptos en esta clase

Las fases de las sustancias

Diagramas de fase

Fases del fluido van der Waals

Resumer

## Concepto de una fase

Una región del espacio (un sistema termodinámico), a lo largo de la cual todas las propiedades físicas de un material son esencialmente uniformes.

Una región de material que es químicamente uniforme, físicamente distinta y (a menudo) mecánicamente separable.

## Concepto de una fase

Por ejemplo, agua en sus tres fases: sólida, líquida, gaseosa



### Coexistencia de fases

Es posible tener más que una fase presente en el mismo momento...



### Coexistencia de fases

Además, es posible tener las dos fases presente en equilibrio.



- Con T y P fijos en el contorno, la energía libre de Gibbs G está en su mínimo en equilibrio.
- Dos fases: masa  $M_1$  de la sustancia en fase 1, masa  $M_2$  de la sustancia en fase 2.
- Las energías libres específicas de Gibbs son  $g_1$  y  $g_2$ .

$$G=g_1M_1+g_2M_2$$

• En una **transición de fase**,  $M_1$  y  $M_2$  cambian (conservando la masa total).

Conservación de masa:

$$dM_1+dM_2=0.$$

Entonces:

$$dG = g_1 dM_1 + g_2 dM_2 = VdP - SdT = 0$$

donde usamos dG=0 para cualquier proceso espontáneo que ocurre en equilibrio.

Combinando conservación de masa con dG = 0 tenemos

$$g_1 = g_2$$

Las dos fases (en equilibrio a T y P constante) tienen sus energías libres de Gibbs iguales.

 $\Rightarrow$  si g es **menor** para una de las fases, ésta es la **única** fase que estará presente.

Entonces, la condición de equilibrio entre las 2 fases es

$$g_1(T,P)=g_2(T,P)$$

Para cierta temperatura T, ésta ecuación está satisfecha por solamente un valor de la presión.

La región de coexistencia de las dos fases en un diagrama *PT* es una **línea**.

### Contenido

Conceptos en esta clase

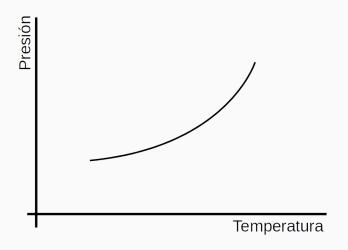
Las fases de las sustancias

Diagramas de fase

Fases del fluido van der Waals

Resumer

# **Diagramas** PT



## Diagramas PV y TV

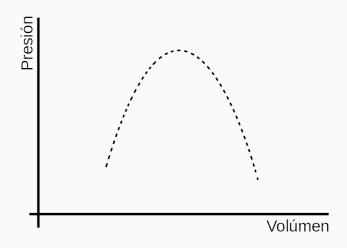
El volúmen total del sistema es:

$$V = v_1 M_1 + v_2 M_2$$

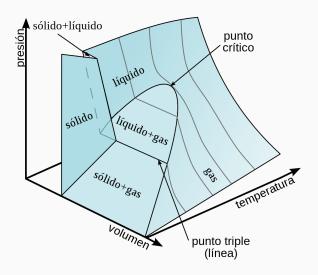
donde  $v_1$  y  $v_2$  son los volúmenes específicos. Podemos cambiar  $v_i$  y  $M_i$  manteniendo V constante.

La región de coexistencia de las dos fases en un diagrama PV o TV es un área.

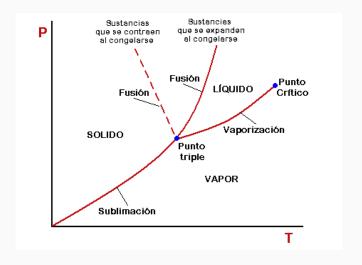
# Diagramas PV y TV



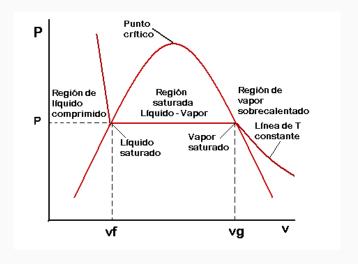
## Diagrama PVT del agua (a presiones bajas)



## Diagrama PT



## Diagrama PV



### Contenido

Conceptos en esta clase

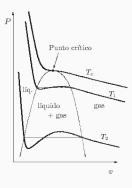
Las fases de las sustancias

Diagramas de fase

Fases del fluido van der Waals

Resumer

## Isotérmas del fluido van der Waals



### Punto crítico del fluido van der Waals

En el punto crítico, la transición líquido-vapor desaparece. Para el fluido de van der Waals la ecuación de estado es:

$$Pv^3 - (Pb + RT)v^2 + av - ab = 0$$

donde v = V/n. Ésta es una ecuación polinomial de grado 3 en v: para ciertos valores de a, b, P y T hay 3 raíces. Las 3 raíces coinciden en el **punto crítico** con coordenadas:

$$P_c = \frac{a}{27b^2} \qquad v_c = 3b \qquad RT_c = \frac{8a}{27b}$$

## Transición líquido-vapor del fluido van der Waals

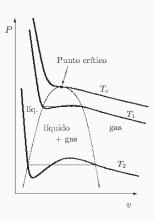
Con los valores  $T_c$ ,  $P_c$  y  $v_c$  podemos escribir la ecuación de estado como:

$$\left(\frac{P}{P_c} + \frac{3}{(v/v_c)^2}\right) \left(3\frac{v}{v_c} - 1\right) = 8\frac{T}{T_c}$$

- Para  $T < T_c$  existe un rango de v donde  $K = -v(\partial P/\partial v)_T < 0$ : el módulo de compresibilidad (específico) es **negativo**.
- El rango de v donde éste ocurre aumenta mientras T disminuye.
- K < 0 signifíca una inestabilidad mecánica: la presión aumenta cuando el volúmen aumenta.
- ⇒ el fluido se separa en dos fases con densidades diferentes que tienen la misma energía libre de Gibbs en equilibrio.

### Isotérma verdadera

 La isotérma verdadera del fluido es una línea horizontal que conecta la fase líquida (más denso, v menor) con la fase gaseosa (menos denso, v mayor).



### Isotérma verdadera

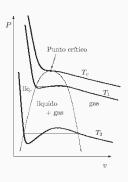
 La línea encierra áreas iguales por arriba y por debajo.

$$\left(\frac{\partial g}{\partial P}\right)_T = v$$

de la definición de G. Por lo tanto, el cambio en g está dado por

$$g_I - g_V = \Delta g = \int_{T \text{cte.}} v dP = 0$$

 Para la ecuación de estado de van der Waals, no hay una fase sólida.



### Contenido

Conceptos en esta clase

Las fases de las sustancias

Diagramas de fase

Fases del fluido van der Waals

Resumen

#### Resumen

- Una fase de una sustancia corresponde a un componente químicamente uniforme, físicamente distinta y (a menudo) mecánicamente separable de las otras fases.
- Durante una transición de fase, hay (por lo menos) dos fases que coexisten.
- También hay estados de equilibrio donde varias fases coexisten.
- En un diagrama PT las regiones de coexistencia de fases son líneas.
- En un diagrama PV (o TV) éstas regions son áreas.
- El fluido de van der Waals tiene solamente las fases gaseosa y líquida.