# MAT1610

### fblazco

## August 11, 2024

# 1 Clase 1

## 1.1 Fechas evaluaciones

- 1. Il lunes 2 de Septiembre (hasta Clase 10). Bloque 7-8
- 2. I2 Martes 8 de Octubre (hasta Clase 20). Bloque 7-8
- 3. I3 Lunes 4 de Noviembre (hasta Clase 30). Bloque 7-8
- 4. Examen Lunes de Diciembre (toda la materia)

### 1.2 Ponderaciones

 $NF \equiv Interrogaciones 20\%x3 + Lab 10\% + Ex 30\%$ 

#### 1.3 Limite de Funciones

1. Consideremos esta funcion

$$f(x) = x * 2 - 1/x - 1, Dom(f) = R - \{1\}$$
 (1)

Que ocurre si me acerco a 1?

- $\begin{array}{lll} 2. & x->1- & \text{me acerco por la izquierda} \\ x->1+ & \text{me acerco por la derecha} \end{array}$
- 3. si  $x > 1 \equiv f(x) \equiv ?$
- 4. esto lo podemos escribir como

$$\lim_{x \to 1} f(x) = 2 \tag{2}$$

5. tecnicamente: "si x esta muy cerca de 1 entonces f(x) esta muy<br/>t cerca de 2"

$$f(x) = x^2 - 1/x - 1 = (x - 1)(x + 1) \div (x - 1) \equiv x + 1$$
 (3)

6.  $f(x) = x + 1, x \not\equiv 2$  (4)

7. Formalmente:

(a) Supongamos que f(x) esta definida para todo x cerca de "a"

(b) Escribiremos:

$$\lim_{x \to a} f(x) = L \tag{5}$$

Si cuando x se aproxima a "a" entonces f(x) se aproxima a "n"

8. Sea

$$f(x) \equiv (x+2)^2 + 1, x <= -1 \\ f(x) \equiv (x+3), x > -1$$
 (6)

Grafique f(x) y concluya el valor de

$$\lim_{x \to -1} f(x) \tag{7}$$

Si me acerco por + se acerca a 2 y si que acerco por - tambien me acerco a 2 (viendolo desde el grafico de la funcion) y eso es igual al grafico de f(-1)

## 2 Clase 2

## 2.1 Calculo de Algunos Limites

1.

$$\lim_{x \to 9} \frac{\sqrt[2]{x} - 3}{x - 9} = \lim_{x \to 9} \frac{\sqrt[2]{x} - 3 \bigodot(\sqrt[2]{x} + 3)}{x - 9 \bigodot(\sqrt[2]{x} + 3)} = \lim_{x \to 9} \frac{\sqrt[2]{x} - 3}{x - 9} \equiv \frac{1}{6}$$
 (8)

2.

$$\lim_{x \to 2} \frac{x^2 - x - 2}{x - 2} \equiv 3 \tag{9}$$

3.

$$\lim_{x \to -1} \frac{x^3 + 1}{x + 1} = \lim_{x \to -1} \frac{(x + 1) \bigodot (x^2 - x + 1)}{(x + 1)} = \lim_{x \to -1} (x^2 - x + 1) \equiv 3$$
(10)

4.

$$\lim_{x \to 27} \frac{\sqrt[3]{x} - 3}{x - 27} = \lim_{x \to 27} \frac{\sqrt[3]{x} - 3}{(\sqrt[3]{x} - 3) \odot (\sqrt[3]{x}^2 + 3\sqrt[3]{x} + 9)} = (11)$$

5.

$$\lim_{t \to 0} \frac{\sqrt[2]{t^2 + 9} - 3}{t^2} \equiv \frac{1}{6} \tag{12}$$

#### 2.2**Limites Laterales**

1.

$$\lim_{x \to a+} f(x) = L2 \tag{13}$$

Limite lateral derecho y se da cuando x se acerca a "a" por la derecha

2.

$$\lim_{x \to a^-} f(x) = L1 \tag{14}$$

Limite lateral izquierdo y se da cuando x se acerca a "a" por la izquierda

3.

$$\lim_{x \to a} f(x) \tag{15}$$

#### No existe

#### Teorema

$$\lim_{x \to a} f(x) = L \equiv \lim_{x \to a+} f(x) = L = \lim_{x \to a-} f(x)$$
 (16)

Obs: Limites laterales distintos imploca que el limite no existe Ejemplo:

1. Para

$$f(x) = \frac{x-1}{|x-1|} \tag{17}$$

Calcular

$$\lim_{x \to 1} f(x) \tag{18}$$

$$\lim_{x \to 1} f(x) \tag{18}$$

$$y = |x - 1| \begin{cases}
(x - 1), & \text{si } x > 1 \\
-(x - 1), & \text{si } x < 1
\end{cases}$$

Veamos los limites laterales de f(x)

$$\lim_{x \to +1} f(x) = \lim_{x \to +1} \frac{x-1}{x-1} \equiv 1 \tag{20}$$

$$\lim_{x \to -1} f(x) = \lim_{x \to -1} \frac{x-1}{-(x-1)} = \lim_{x \to -1} -1 \equiv -1$$
 (21)

-į.

$$\lim_{x \to 1} f(x) \tag{22}$$

NO existe pues los laterales son distintos

2. Sea g(x) =

$$\begin{cases} 2x & , si \ x >= 3 \\ \frac{x^2 - 9}{x - 3} & , si \ x < 3 \end{cases}$$
 (23)

#### Clase 3 3