PONTIFICIA UNIVERSIDAD CATÓLICA DE CHILE

MAT1640 - Cálculo 2 Profesor: Hector Pastén

Ayudante: Vicente Castro Solar (vvcastro@uc.cl)

Primer Semestre 2019

Ayudantía 4

Convergencia absoluta o relativa

1. Evaluar convergencia.

(a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{2^n}{n^4}$$

(b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{n}{\sqrt{n^3+2}}$$

(c)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{-2n}{n+1} \right)^{5n}$$

(d)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{n^2}$$

(e)
$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{n!}{n^n}$$

2. Pruebe la convergencia.

(a) Pruebe que
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{n!}$$
 converge para todo x.

(b) Pruebe que
$$\lim_{n\to\infty} \frac{x^n}{n!} = 0$$
 para todo x.

3. Series de Potencias.

(a) Utilizando series de potencias, calcule:
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{n}.$$