## PONTIFICIA UNIVERSIDAD CATOLICA DE CHILE FACULTAD DE MATEMATICAS DEPARTAMENTO DE MATEMATICA

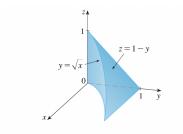
Primer semestre 2024

## Ayudantía 15- MAT1620

- 1. Use integrales triples para calcular el volumen del sólido encerrado por el cilindro  $x^2 + y^2 = 4$  y los planos y = -1 y z + y = 4.
- 2. La figura muestra la región de integración para la integral

$$\int_0^1 \int_{\sqrt{x}}^1 \int_0^{1-y} f(x, y, z) \, dz \, dy \, dx$$

Reescriba en los otros cinco órdenes esta integral como una integral iterada equivalente.



- 3. Use coordenadas esféricas para evaluar la integral  $\iiint_E (10xz+3)dV$  donde E es la porción de  $x^2+y^2+z^2=16$  con  $z\geq 0$ .
- 4. Usando el cambio de variables  $x = \frac{1}{4}(u+v)$ ,  $y = \frac{1}{4}(v-3u)$ , calcule

$$\iint_{B} (4x + 8y) dA$$

donde R es el paralelogramo de vértices (-1,3),(1,-3),(3,-1) y (1,5).