PONTIFICIA UNIVERSIDAD CATÓLICA DE CHILE

Facultad de Matemática

Áreas y Longitudes en Polares

Dr. Claudio Rivera

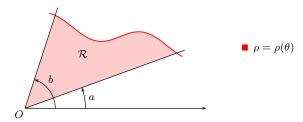
Resumen: En este documento encontrará ejercicios de longitud de arco. Estos ejercicios fueron tomados en su mayoría del libro guía del curso MAT1620.

Copyright © 2015 Actualizado el: 22 de Junio de 2015

ÁREA EN POLARES

Sea $\rho = \rho(\theta)$, $a \le \theta \le b$, ecuación polar. Se define el **área de la región polar** \mathcal{R} por la fórmula

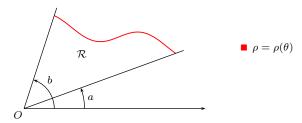
$$A = \int_{a}^{b} \frac{1}{2} \rho^{2}(\theta) d\theta$$



Longitud de Arco en Polares

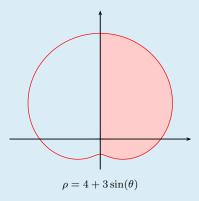
Sea $\rho = \rho(\theta)$, $a \le \theta \le b$, ecuación polar. Se define la **longitud de la curva polar**

$$A = \int_{a}^{b} \frac{1}{2} \rho^{2}(\theta) d\theta$$



Determine el área de la región que está acotada por la curva $\rho(\theta) = \sin(\theta)$, y yace en el sector $\pi/3 \le \theta \le 2\pi/3$.

Determine el área de la región sombreada.

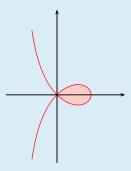


Bosqueje la curva $\rho^2 = 4\cos(2\theta)$ y calcule el área que ésta encierra.

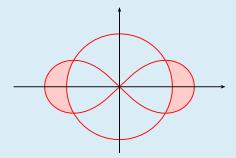
Determine el área de la región encerrada por el ciclo interno de la curva $\rho=1+2\sin(\theta)$.

 ${\bf Respuesta.}$

Determine el área de la región encerrada por el ciclo de la estrofoide $\rho = 2\cos(\theta) - \sec(\theta)$.



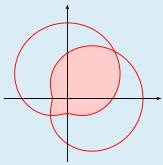
Determine el área de la región que yace dentro de la curva $\rho^2 = 8\cos(2\theta)$ y fuera de la curva $\rho = 2$.



 ${\bf Respuesta.}$

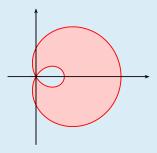
Determine el área de la región que yace dentro de la curva $\rho = 3\cos(\theta)$ y fuera de la curva $\rho = 1 + \cos(\theta)$.

Determine el área de la región localizada al interior de las curvas $\rho = 3 + 2\cos(\theta)$ y $\rho = 3 + 2\sin(\theta)$.



Determine el área de la región localizada al interior de las curvas $\rho = \sin(2\theta)$ y $\rho = \cos(2\theta)$.

Determine el área que está dentro del ciclo más grande y fuera del más pequeño del **limaçon** $\rho = \frac{1}{2} + \cos(\theta)$.



Determine la longitud exacta de la curva polar $\rho=3\sin(\theta),\,0\leq\theta\leq\pi/3$

Determine la longitud exacta de la curva polar $\rho = \theta^2$, $0 \le \theta \le 3/2$.

Determine la longitud exacta de la curva polar $\rho = \cos^4(\theta/4)$.

