EXERCICE 26Logique - Connecteurs

Montrons que

Quelles que soient les propositions A B, $((A \land B) \Leftrightarrow \neg(\neg A \lor \neg B))$

1 sur 2 18/02/2018 à 14:07

```
Montrons (\mathbf{A} \wedge \mathbf{B}) \Leftrightarrow \neg (\neg \mathbf{A} \vee \neg \mathbf{B}) (1)
(\Leftrightarrow I)
       Supposons A \wedge B (h1)
       Montrons \neg (\neg A \lor \neg B) (2)
      (¬I)
             Supposons \neg \mathbf{A} \lor \neg \mathbf{B} (h2)
             Montrons \perp (3)
             (\vee E)
                    Montrons \neg \mathbf{A} \lor \neg \mathbf{B} (4)
                   d'après (h2)
                    Supposons \neg A (h3)
                    Montrons \perp (5)
                    (\neg E)
                          Montrons A (6)
                          (\land Eg)
                                 Montrons \mathbf{A} \wedge \mathbf{B} (7)
                                 d'après (h1)
                           Montrons \neg \mathbf{A} (8)
                          d'après (h3)
                    Supposons \neg \mathbf{B} (h4)
                    Montrons \perp (9)
                    (\neg E)
                           Montrons B (10)
                          (\wedge Ed)
                                 Montrons \mathbf{A} \wedge \mathbf{B} (11)
                                 d'après (h1)
                           Montrons \neg B (12)
                          d'après (h4)
       Supposons \neg (\neg A \lor \neg B) (h5)
       Montrons \mathbf{A} \wedge \mathbf{B} (13)
      (\wedge I)
             Montrons A (14)
             (A)
                    Supposons \neg A (h6)
                    Montrons \perp (15)
```

2 sur 2