

EXERCICE 13

Logique - Connecteurs

Montrons que

Quelles que soient les propositions **A B C**,
 $((A \Rightarrow (B \Rightarrow C)) \Rightarrow ((A \wedge B) \Rightarrow C))$

Montrons $(A \Rightarrow (B \Rightarrow C)) \Rightarrow ((A \wedge B) \Rightarrow C)$ (1)

$(\Rightarrow I)$

Supposons $A \Rightarrow (B \Rightarrow C)$ (h1)

Montrons $(A \wedge B) \Rightarrow C$ (2)

$(\Rightarrow I)$

Supposons $A \wedge B$ (h2)

Montrons C (3)

$(\Rightarrow E)$

Montrons B (4)

$(\wedge E)$

Montrons $A \wedge B$ (5)

d'après (h2)

Montrons $B \Rightarrow C$ (6)

$(\Rightarrow E)$

Montrons A (7)

$(\wedge E)$

Montrons $A \wedge B$ (8)

d'après (h2)

Montrons $A \Rightarrow (B \Rightarrow C)$ (9)

d'après (h1)