EXERCICE 23Logique - Connecteurs

Montrons que

Quelles que soient les propositions
$$PQ$$
, $(\neg \neg P \Rightarrow (\neg (P \land Q) \Rightarrow (P \land \neg Q)))$

1 sur 2 18/02/2018 à 14:05

```
Montrons \neg \neg \mathbf{P} \Rightarrow (\neg (\mathbf{P} \land \mathbf{Q}) \Rightarrow (\mathbf{P} \land \neg \mathbf{Q})) (1)
(⇒I)
       Supposons \neg \neg \mathbf{P} (h1)
       Montrons \neg (\mathbf{P} \wedge \mathbf{Q}) \Rightarrow (\mathbf{P} \wedge \neg \mathbf{Q}) (2)
      (⇒I)
              Supposons \neg (\mathbf{P} \wedge \mathbf{Q}) (h2)
             Montrons \mathbf{P} \wedge \neg \mathbf{Q} (3)
             (\wedge I)
                    Montrons P (4)
                    (A)
                           Supposons \neg P (h3)
                           Montrons \perp (5)
                           (\neg E)
                                  Montrons \neg P (6)
                                  d'après (h3)
                                  Montrons \neg \neg \mathbf{P} (7)
                                  d'après (h1)
                    Montrons \neg \mathbf{Q} (8)
                    (¬I)
                           Supposons Q (h4)
                           Montrons \perp (9)
                           (\neg E)
                                  Montrons \mathbf{P} \wedge \mathbf{Q} (10)
                                  (\wedge I)
                                         Montrons P (11)
                                         (A)
                                                Supposons \neg P (h5)
                                                Montrons \perp (12)
                                                (\neg E)
                                                       Montrons \neg P (13)
                                                      d'après (h5)
                                                       Montrons \neg \neg \mathbf{P} (14)
                                                      d'après (h1)
                                         Montrons Q (15)
                                         d'après (h4)
```

2 sur 2