Actividad 2. Regresión Lineal Multiple (1) Econometría LECO

Dr. Francisco Cabrera

Entregable: Un archivo de Word o PDF (e.g. LaTex, R-Markdown) contestando correctamente a las preguntas abajo presentadas y grabado con su nombre, así como el archivo "Script" de R.

1. Griliches (1977) en una investigación muy influyente intenta determinar los "Retornos a la educación" en EE. UU. Es decir, cuánto contribuye un año más de educación formal al sueldo en dólares.

Algunas de las variables que utilizó son las siguientes:

Nombre de la variable	
\overline{wage}	Sueldo mensual en dólares.
lwage	Logaritmo del sueldo mensual en dólares.
educ	Años de educación.
exper	Años de experiencia laboral.
IQ	Coeficiente intelectual en puntos (Media de 100 puntos, DS de 15 puntos).
age	Edad del individuo en años.
Married = 1	Si se encuentra casado.
Black = 1	Si el individuo es de raza negra.
meduc	Educación de la madre en años.
Feduc	Educación del padre en años.

El autor, primero obtiene la siguiente regresión:

Source	SS	df	MS		r of obs	=	935
Model Residual	16.1377042 149.518579	1 933	16.1377042 .160255712	Prob : R-squa	F(1, 933) Prob > F R-squared Adj R-squared Root MSE		100.70 0.0000 0.0974
Total	165.656283	934	.177362188	-			0.0964 .40032
lwage	Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Cor	nf.	Interval]
educ _cons	.0598392 5.973063	.0059631 .0813737		0.000 0.000	.0481366 5.813366		.0715418 6.132759

a. Interprete el coeficiente de educ.

b. Interprete el coeficiente ajustado de determinación (R^2 ajustada).

c. Interprete la constante en el modelo.

Posteriormente, el autor estima la siguiente regresión:

. reg lwage educ IQ

Source	SS	df	MS		r of obs	=	935
Model Residual	21.4779447 144.178339	2 932	10.7389723 .154697788	R-squ	> F ared	=	69.42 0.0000
Total	165.656283	934	.177362188	-	-squared MSE	=	.39332
lwage	Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Con	f.	Interval]
educ IQ _cons	.0391199 .0058631 5.658288	.0068382 .0009979 .0962408	5.72 5.88 58.79	0.000 0.000 0.000	.0256998 .0039047 5.469414		.05254 .0078215 5.847162

- d. Interprete el coeficiente de IQ.
- e. ¿En cuánto aumenta el ingreso promedio si el IQ aumenta en una Desviación Estándar (DS)?
- f. Demuestre formalmente/matemáticamente, por qué el coeficiente de educ es menor que el obtenido en la primera regresión.

Ahora se presenta el modelo integrando todas las variables explicativas.

Source	SS	df	MS		r of obs	= 722
Model Residual	26.4478349 100.364081	8 713	3.30597936 .140763087	R-squ	> F mared	= 23.49 = 0.0000
Total	126.811916	721	.175883378	_	k-squared MSE	= .37518
lwage	Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Con	f. Interval]
educ IQ exper age married black feduc meduc _cons	.0449289 .0044401 .0154783 .0121436 .1848073 0735403 .0097169 .0083396	.0088533 .0011973 .0044473 .0055212 .0447525 .0528706 .0054483	3.71 3.48 2.20 4.13 -1.39 1.78	0.000 0.000 0.001 0.028 0.000 0.165 0.075 0.179	.0275473 .0020894 .006747 .0013039 .0969449 177341 0009797	.0623106 .0067909 .0242095 .0229834 .2726696 .0302603 .0204135

i. ¿Es este modelo mejor describiendo la variación en sueldos que el modelo anterior? Estime manualmente \mathbb{R}^2 ajustada en ambos modelos.

ii. Interprete el coeficiente de *exper* ¿Es posible saber si el sesgo en *educ* por omisión de *exper* es "hacia arriba" o "hacia abajo" con los resultados de esta regresión? ¿Muéstrelo formalmente?

iii. Explique, intuitivamente, por qué al autor le interesaría controlar por la educación de los padres del individuo i?

2. Copie el siguiente Código en R:

```
#Clear the environment
rm(list = ls())
library(tidyverse)
#help
help(rnorm)
#Lets create some variables!
set.seed(1234567) #qood practice for when working with random vars (reproducibility)
x <- rnorm(1000) #1000 random obs
y \leftarrow matrix((5000 + 100*x) + rnorm(1000 * 500, mean=0, sd=1), ncol = 500) #Y = bo + b1x + u
y <- data.frame(y)
#this loop renames i column names of Y matrix
for (i in 1:ncol(y)){
  colnames(y)[i] <- paste0("y",i)</pre>
#Run 500 regressions!
betas <- 1:500 #create an empty object with 500 entries to be filled with the B1s
                         #This loop runs 500 regressions Yi on X for i=1 to 500
for (i in 1:ncol(y)){
 betas[i] <- summary(</pre>
 lm(y[,i]~x))$coefficients[2,1]
  #extracts the coefficient beta 1 from the matrix of results provided by R
}
```

- a. Pega la media de todas las β_1 estimadas
- b. Pega el histograma de las β_1 estimadas
- c. El Teorema de Gauss-Markov establece que, bajo los supuestos clásicos, el estimador MCO es BLUE (Best Linear Unbiased Estimator/ Mejor Estimador Lineal Insesgado). ¿Sugieren los estadísticos de resumen y el histograma de las partes a. y b. que el estimador MCO es insesgado? Explique por qué.
- d. Explique qué partes del código anterior garantizan que se cumplan los supuestos de Gauss-Markov.

3. Utilice el código siguiente y cambie el número de observaciones de 100, a 10.000 y a 100.000.

```
set.seed(1234567)
x <- rnorm(100) #100 random obs
resid <- rnorm(100, mean=0, sd=10) #random error
y <- (20 + 2*x + resid)</pre>
```

```
model <- lm (y ~ x)
summary(model)</pre>
```

- a. Muestre los tres resultados.
- Explique por qué, formalmente, (¡utilice una fórmula!) el error estándar de beta converge a cero cuando n tiende a infinito.
- c. Transforme el código anterior para mostrar que una mayor varianza de x reduce el error estándar de beta.
- d. Por construcción, en el código anterior el residuo está centrado alrededor de cero. Cambiemos esto artificialmente. Mantenga n=100 y cambie el término residual en el código anterior a una media de 20. ¿Cuál es la constante ahora? ¿Está sesgada $\hat{\beta}_1$?
- e. Dibuja un diagrama de dispersión (con una línea ajustada) para las regresiones de la parte 3.a. (n=100) y de la parte 3.d. ¿Cuáles son sus conclusiones sobre la estimación de β_1 ?

4. Ejecute el siguiente código:

```
#Clear the environment
rm(list = ls())
repet <- 1000
n <- 1000
beta <- NULL
set.seed(1234567)
for (i in 1:repet){
  x1 <- rnorm(n, mean=50, sd=10)</pre>
  x2 \leftarrow (rnorm(n, mean=5, sd=30)+.1*x1)
  u <- (rnorm(n, mean=0, sd=1))
  y=2+2*x1+10*x2+u # we define y, so that beta1=2 and beta2=10.
  beta[i] \leftarrow lm(y~x1)$coef[2]
  }
hist(beta, main="suit yourself, n=1000", xlim = c(0,8))
abline(v = mean(beta), col="red", lwd=3, lty=2 )
abline(v = 2, col="blue", lwd=3, lty=2)
```

- a. Ligue las líneas de código que considere relevantes con los supuestos MLR pertinentes. ¿Se cumple MLR4?
- b. Describa el supuesto clave que se está analizando y demuestre mediante el uso de alguna fórmula cómo afecta la estimación de $\hat{\beta}_1$ y $\hat{\beta}_2$
- c. Modifique el código arriba para estimar $\hat{\beta}_1$ de una manera más precisa.

5. Wooldridge Data en R.

- a. Utilice la base de datos "bwght". Obtenga la regresión de birth weight (peso al nacer) en onzas sobre el consumo de cigarrillos al día. Utilice como controles log(cigprice) y mothereduc. Interprete los coeficientes β_0 y β_1 .
- b. Ejecute la misma regresión utilizando el logaritmo del peso al nacer como dependiente. Interprete los coeficientes β_0 y β_1 .

Ejercicios Opcionales:

 $1~\mathrm{Bis})$ Resuelva los ejercicios 7 y 16 correspondientes al capítulo 2 de Wooldridge ed. 7.

2 Bis) Demuestre matemáticamente lo siguiente:

- a. Que en un modelo Log Level: $\%\Delta \mathbf{Y} = \Delta \mathbf{X}(\beta_1 * 100)$
- b. Que un modelo Level Log: $\Delta \mathbf{Y} = \% \Delta \mathbf{X} (\beta_1/100)$