

Item 1

Dados:

- Exame A = 95% com F.P em 10%
- Exame B = 90% com F.P em 5%
- 1% das pessoas possuem o vírus
- O questionamento é qual teste de resultado positivo é um indicativo de alguém realmente estar com vírus?

Declarando as probabilidades teremos:

P_a = probabilidade do exame A = 0,95 com F.P = 0,1, sendo $P(\text{pos}) = 0,01$

P_b = probabilidade do exame B = 0,90 com F.P = 0,05, senos $P(\text{F.P}) = 1 - P(\text{Pos})$

F.P = falso positivo

Então:

$$\begin{aligned} P_a(\text{pos}) &= \left[P\left(\frac{\text{pos}}{P}\right) \times P(\text{pos}) \right] + \left[P\left(\frac{\text{pos}}{\text{F.P}}\right) \times P(\text{F.P}) \right] \\ &= (0,95 \times 0,01) + (0,1 \times 0,99) = \mathbf{0,1085} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} P_b(\text{pos}) &= \left[P\left(\frac{\text{pos}}{P}\right) \times P(\text{pos}) \right] + \left[P\left(\frac{\text{pos}}{\text{F.P}}\right) \times P(\text{F.P}) \right] \\ &= (0,9 \times 0,01) + (0,05 \times 0,99) = \mathbf{0,0585} \end{aligned}$$

Assim, podemos encontrar os seguintes valores oficiais:

$$P_a(P/\text{Pos}) = \frac{\left[P_a\left(\frac{P}{P}\right) \times P(P) \right]}{P_a(\text{Pos})} = \frac{[(0,95) \times (0,01)]}{(0,1085)} = 8,75 \%$$

$$P_b(P/\text{Pos}) = \frac{\left[P_b\left(\frac{P}{P}\right) \times P(P) \right]}{P_b(\text{Pos})} = \frac{[(0,9) \times (0,01)]}{(0,0585)} = \mathbf{15,38 \%}$$

Desta forma, o teste B, pois apresenta uma maior probabilidade.