

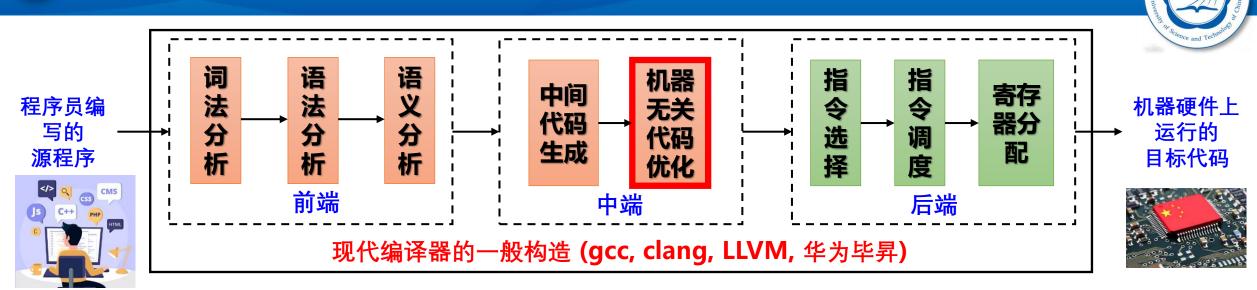
# 机器无关代码优化

Part2:数据流与到达定值分析

李 诚

国家高性能计算中心(合肥)、信息与计算机国家级实验教学示范中心 计算机科学与技术学院 2023年11月15日

# ☞ 本节提纲



- 代码优化的主要实现方式
- 数据流分析概述
- ・数据流分析理论框架
- 到达-定值分析算法

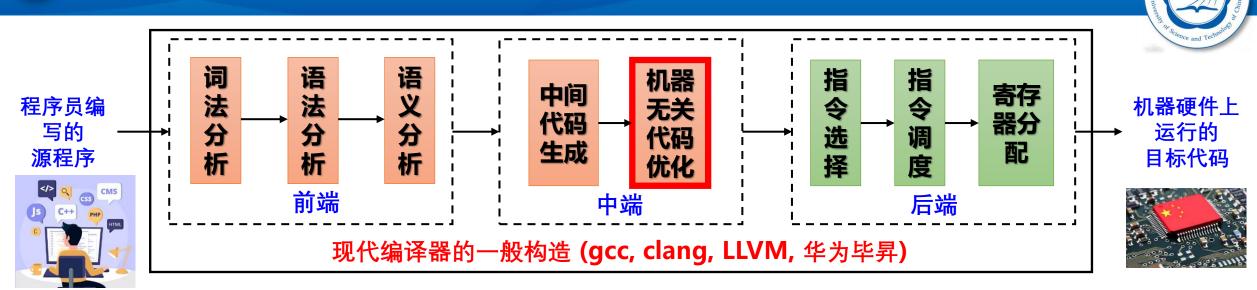


# 优化的实现方式



- •全局视角-跨基本块的优化
  - 数据流分析
- •局部视角-基本块的优化
  - DAG表示

# → 本节提纲



- 代码优化的主要实现方式
- 数据流分析概述
- ・数据流分析理论框架
- 到达-定值分析算法





- Data-flow analysis
  - 一组用来获取程序执行路径上的数据流信息的技术
- ·数据流分析应用
  - 到达-定值分析(Reaching-Definition Analysis)
  - 活跃变量分析(Live-Variable Analysis)
  - 可用表达式分析(Available-Expression Analysis)
- · 在每一种数据流分析应用中,都会把每个程序点和一个数据流值关 联起来





#### ·流图上的点(程序点)

- 基本块中, 两个相邻的语句之间为程序的一个点
- 基本块的开始点和结束点

#### ·流图上的路径

- 点序列 $p_1, p_2, ..., p_n$ , 对1和n 1间的每个i, 满足
- $(1) p_i$ 是先于一个语句的点, $p_{i+1}$ 是同一块中位于该语句后的点,或者
- (2)  $p_i$  是某块的结束点, $p_{i+1}$  是后继块的开始点



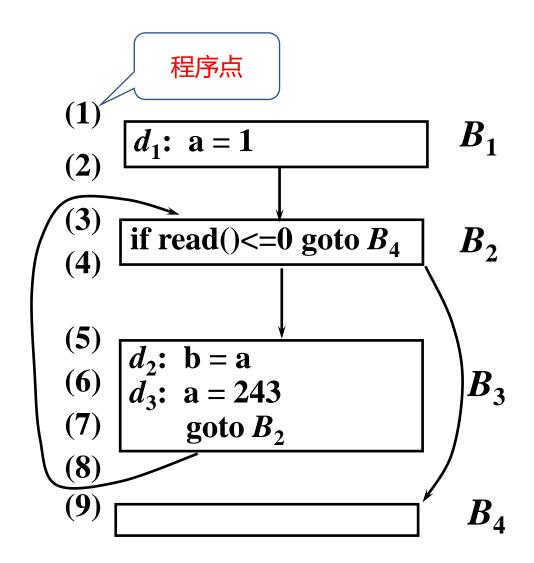
## 数据流抽象



#### ・流图上路径实例

- -(1, 2, 3, 4, 9)
- **-** (1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 3, 4, 9)
- **-** (1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8,
  - 3, 4, 5, 6, 7, 8, 3, 4, 9)
- **(1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8,**
- 3, 4, 5, 6, 7, 8,
- 3, 4, 5, 6, 7, 8, ...)

- ...

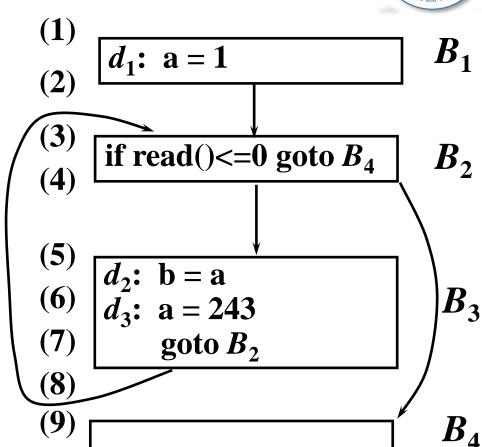




# 数据流分析介绍



- · 分析程序的行为时,必须在其流图上考虑所有的执行路径(在调用或返回语句被执行时,还需要考虑执行路径在多个流图之间的跳转)
  - 通常,从流图得到的程序执行路径数无限,且执行路径长度没有有限的上界

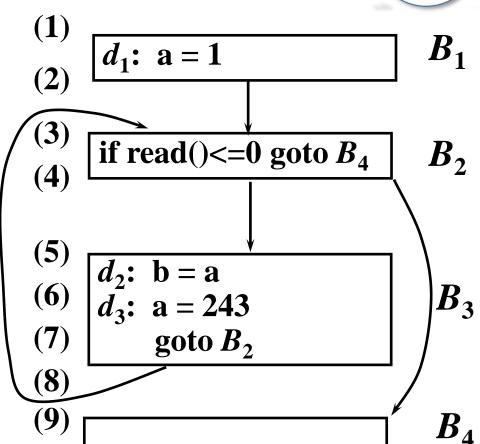




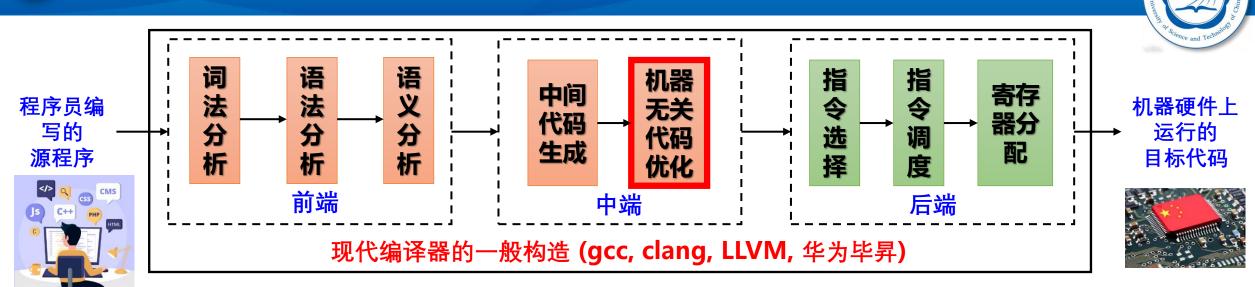
# 数据流分析介绍



- · 分析程序的行为时,必须在其流图上考虑所有的执行路径(在调用或返回语句被执行时,还需要考虑执行路径在多个流图之间的跳转)
  - 通常,从流图得到的程序执行路径数无限,且执行路径长度没有有限的上界
  - 每个程序点的不同状态数也可能无限 (程序状态:存储单元到值的映射)



# ☞ 本节提纲



- 代码优化的主要实现方式
- 数据流分析概述
- ・数据流分析理论框架
- 到达-定值分析算法

# ② 数据流分析模式

- · 数据流值代表在任一程序点能观测到的所有可能程序状态集合的 一个抽象
- ·对于一个语句s
  - s之前的程序点对应的数据流值用IN[s]表示
  - s之后的程序点对应的数据流值用OUT[s]表示
- ·对于一个基本块呢?



#### 数据流分析模式



- 传递函数(transfer function) f
  - 语句前后两点的数据流值受该语句的语义约束
  - 若沿执行路径正向传播,则OUT[s] =  $f_s$ (IN[s])
  - 若沿执行路径逆向传播,则 $IN[s] = f_s(OUT[s])$

若基本块B由语句 $s_1, s_2, ..., s_n$ 依次组成,则

•  $IN[s_{i+1}] = OUT[s_i], i = 1, 2, ..., n-1$ 

# ② 基本块上的数据流模式



- $\square$ IN[B]: 紧靠基本块B之前的数据流值
  - $\bullet$  IN[B] = IN[s<sub>1</sub>]
- $\square$ OUT[B]: 紧靠基本块B之后的数据流值
  - $\diamond$  OUT[B] = OUT[ $s_n$ ]
- $\Box f_{R}$ :基本块B的传递函数
  - ❖ 前向数据流: OUT[B] =  $f_R$  (IN[B])
    - $\triangleright f_R = f_n \quad \dots \quad f_2 \quad f_1$
  - ❖ 逆向数据流:  $IN[B] = f_B(OUT[B])$ 
    - $\triangleright f_R = f_1 \quad \dots \quad f_{n-1} \quad f_n$



# 基本块间的数据流分析模式



#### ・控制流约束

• 正向传播

U 是汇合的意思,并不 是交集等运算

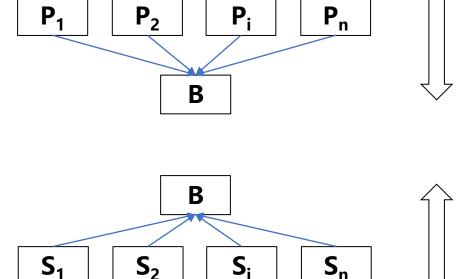
$$IN[B] = \bigcup_{P \not \in B}$$
的前驱 $OUT[P]$ 

• 逆向传播

$$OUT[B] = \bigcup_{S \not\in B} heta IN[S]$$

#### • 约束方程组的解通常不是唯一的

一定代表并集,也可能



• 求解的目标是要找到满足这两组约束(控制流约束和迁移约束)的最 "精确"解

> 考虑的是在其他语句或块对于输入的影响和本次执行的 输出对其他语句和块的影响



# ② 三种有用的分析



#### ・到达-定值

• 应用场景: 检测未定义的变量

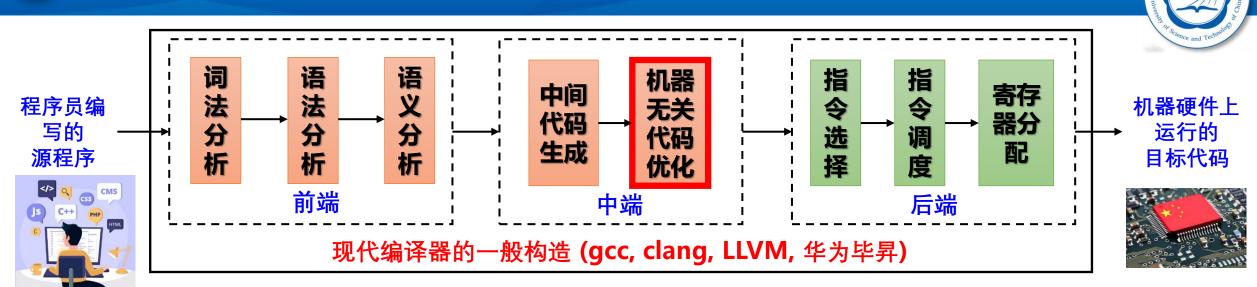
#### ・可用表达式

• 应用场景: 检测全局公共子表达式

#### ・活跃变量

• 应用场景: 可用于寄存器分配

# ☞ 本节提纲



- 代码优化的主要实现方式
- 数据流分析概述
- 数据流分析理论框架
- 到达-定值分析算法





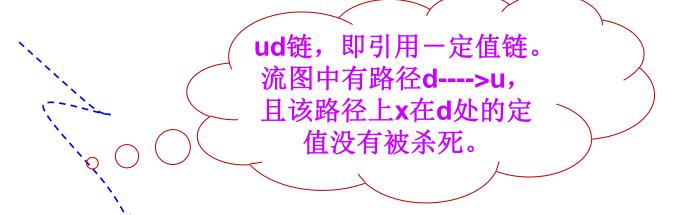
- · 到达一个程序点的所有定值(gen)
- · 定值的注销(kill)
  - · 在一条执行路径上,对x的赋值注销先前对x的所有赋值
- ·别名给到达-定值的计算带来困难,因此,本章其余部分仅考虑变量无别名的情况





#### ・定值与引用

d: x := y + z // 语句d 是变量x的一个定值点



u: w:= x + v // 语句u 是变量x的一个引用点

·变量x在d点的定值到达u点



## ② 到达-定值分析的用途



#### • 循环不变计算的检测

•如果循环中含有赋值x=y+z,而y和z所有可能的定值都在循环外,那 么y+z就是循环不变计算

#### ・常量合并

· 如果对变量x的某次使用只有一个定值到达, 且该定值把一个常量赋 给x,则可以用该常量替换x

#### 错误检测

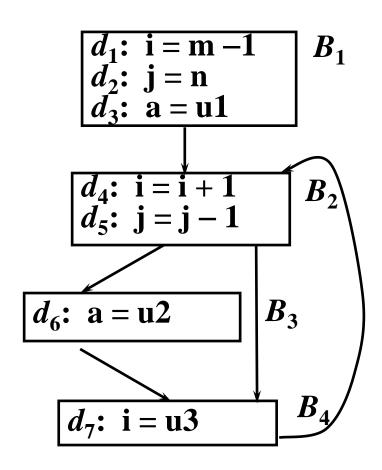
• 判定变量x在p点上是否未经定值就被引用





#### ·gen和kill分别表示一个基本块生成和注销的定值

gen 
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$
  
kill  $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$   
gen  $[B_2] = \{d_4, d_5\}$   
kill  $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$   
gen  $[B_3] = \{d_6\}$   
kill  $[B_3] = \{d_3\}$   
gen  $[B_4] = \{d_7\}$   
kill  $[B_4] = \{d_1, d_4\}$ 





#### ·基本块的gen和kill是怎样计算的

- 对三地址指令d:  $\mathbf{u} = \mathbf{v} + \mathbf{w}$ ,它的状态传递函数是  $f_d(x) = gen_d \cup (x kill_d)$
- 若:  $f_1(x) = gen_1 \cup (x kill_1), f_2(x) = gen_2 \cup (x kill_2)$ 则:  $f_2(f_1(x)) = gen_2 \cup (gen_1 \cup (x kill_1) kill_2)$   $= (gen_2 \cup (gen_1 kill_2)) \cup (x (kill_1 \cup kill_2))$
- · 若基本块B有n条三地址指令

$$f_B(x) = gen_B \cup (x - kill_B)$$

$$kill_B = kill_1 \cup kill_2 \cup ... \cup kill_n$$

$$gen_B = gen_n \cup (gen_{n-1} - kill_n) \cup (gen_{n-2} - kill_{n-1} - kill_n) \cup ... \cup (gen_1 - kill_2 - kill_3 - ... - kill_n)$$





#### ·到达-定值的数据流等式

- $gen_B$ : B中能到达B的结束点的定值语句
- $kill_B$ : 整个程序中决不会到达B结束点的定值
- IN[B]: 能到达B的开始点的定值集合
- OUT[B]: 能到达B的结束点的定值集合

#### 两组等式(根据gen和kill定义IN和OUT)

- $IN[B] = \bigcup_{P \not\in B} hotomorphism OUT[P]$
- OUT[B] =  $gen_B \cup (IN[B] kill_B)$
- OUT[ENTRY] =  $\emptyset$
- •到达-定值方程组的迭代求解, 最终到达不动点



# ② 到达-定值的迭代计算算法



#### // 正向数据流分析

引入两个虚拟块: ENTRY、EXIT

- (1)  $OUT[ENTRY] = \emptyset$ ;
- (2) for (除了ENTRY以外的每个块B)  $OUT[B] = \emptyset$ ;
- (3) while (任何一个OUT出现变化){
- for (除了ENTRY以外的每个块B) { **(4)**
- **(5)**  $IN[B] = \cup_{P \in B}$ 的前驱 OUT[P];
- $OUT[B] = gen_B \cup (IN[B] kill_B)$ ; **(6)**
- **(7)** }}

向量求解:集合并操作使用逻辑或,集合相减使用后者求补再逻辑与





| IN [B] | OUT [B]    |
|--------|------------|
|        | <b>-</b> - |

$$B_1$$
 000 0000

$$B_2$$
 000 0000

$$B_3$$
 000 0000

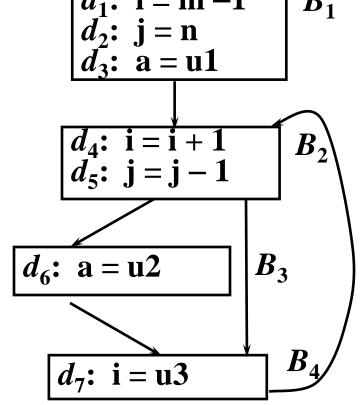
$$B_{A}$$
 000 0000

gen 
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$
  
kill  $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$ 

gen 
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$
  
kill  $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$ 

$$gen [B_3] = \{d_6\} \quad gen [B_4] = \{d_7\}$$
 $kill [B_3] = \{d_3\} \quad kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$ 









|  | IN [B] | OUT [B] |
|--|--------|---------|
|--|--------|---------|

$$B_2$$
 000 0000

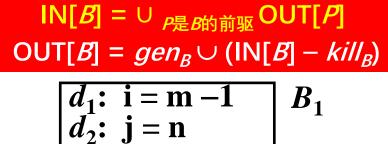
$$B_3$$
 000 0000

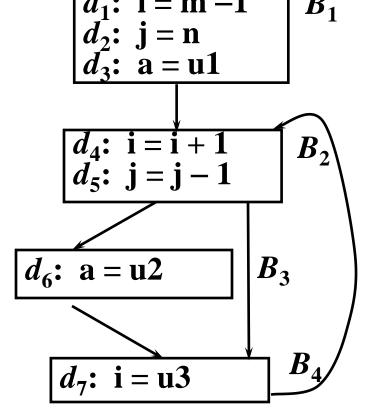
$$B_{A}$$
 000 0000

gen 
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$
  
kill  $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$ 

gen 
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$
  
kill  $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$ 

$$gen [B_3] = \{d_6\} \quad gen [B_4] = \{d_7\}$$
  
 $kill [B_3] = \{d_3\} \quad kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$ 









| IN[B] | UT [B] |
|-------|--------|
|-------|--------|

$$B_1 = 000 \ 0000 = 111 \ 0000$$

$$B_2$$
 000 0000

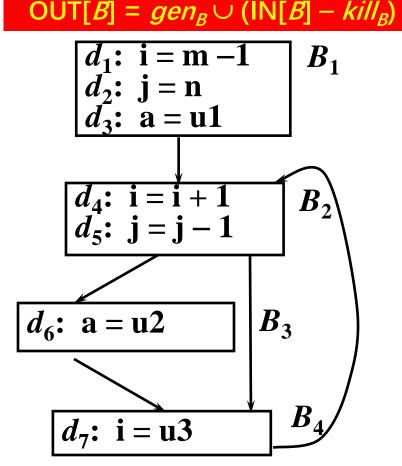
$$B_3$$
 000 0000

$$B_{A}$$
 000 0000

gen 
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$
  
kill  $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$ 

gen 
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$
  
kill  $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$ 

$$gen [B_3] = \{d_6\} \quad gen [B_4] = \{d_7\}$$
  
 $kill [B_3] = \{d_3\} \quad kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$ 



IN[*B*] = ∪ <sub>P是B的前驱</sub> OUT[*P*]





| IN[B] O | <b>UT [B]</b> |
|---------|---------------|
|---------|---------------|

$$B_1 = 000 \ 0000 = 111 \ 0000$$

$$B_2$$
 111 0000 000 0000

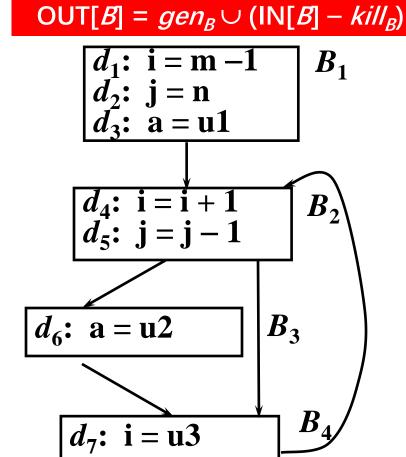
$$B_3$$
 000 0000

$$B_{A}$$
 000 0000

gen 
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$
  
kill  $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$ 

gen 
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$
  
kill  $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$ 

gen 
$$[B_3] = \{d_6\}$$
 gen  $[B_4] = \{d_7\}$   
kill  $[B_3] = \{d_3\}$  kill  $[B_4] = \{d_1, d_4\}$ 



 $IN[B] = \bigcup_{P \in B \cap h \cap w} OUT[P]$ 





| IN [B] | OUT [B] |
|--------|---------|
|        |         |

$$B_1 \quad 000 \ 0000 \qquad 111 \ 0000$$

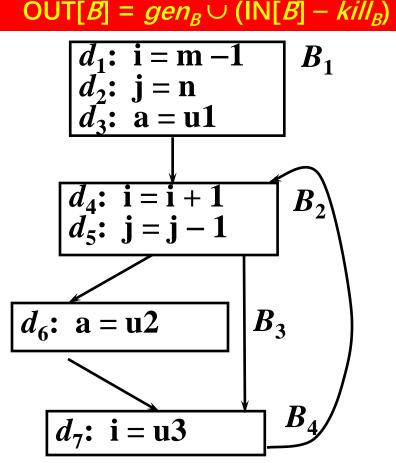
$$B_3$$
 000 0000

$$B_{A}$$
 000 0000

gen 
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$
  
kill  $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$ 

gen 
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$
  
kill  $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$ 

$$gen [B_3] = \{d_6\} \quad gen [B_4] = \{d_7\}$$
 $kill [B_3] = \{d_3\} \quad kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$ 



IN[*B*] = ∪ <sub>P是B的前驱</sub> OUT[*P*]





$$B_1 = 000 \ 0000 = 111 \ 0000$$

$$B_2$$
 111 0000 001 1100

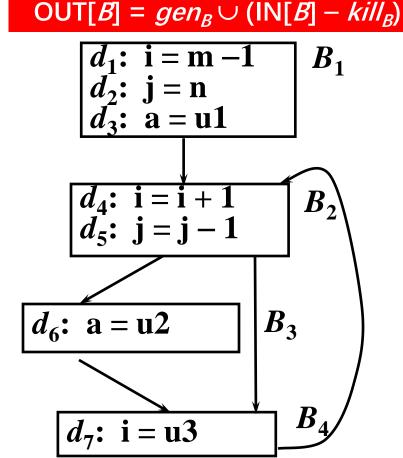
$$B_3$$
 001 1100 000 0000

$$B_{A}$$
 000 0000

gen 
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$
  
kill  $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$ 

gen 
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$
  
kill  $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$ 

$$gen [B_3] = \{d_6\} \quad gen [B_4] = \{d_7\}$$
  
 $kill [B_3] = \{d_3\} \quad kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$ 



 $IN[B] = \bigcup_{P \in B \cap him} OUT[P]$ 





$$B_1 = 000 \ 0000 = 111 \ 0000$$

$$B_3 \quad 001 \ 1100 \qquad 000 \ 1110$$

$$B_{A}$$
 000 0000

gen 
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$
  
kill  $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$ 

gen 
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$
  
kill  $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$ 

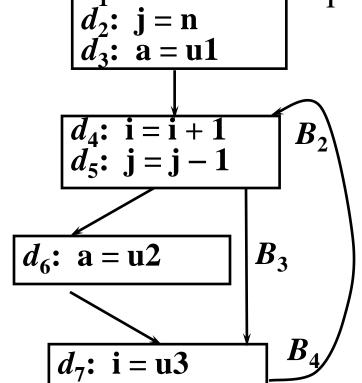
$$gen [B_3] = \{d_6\} \quad gen [B_4] = \{d_7\}$$
  
 $kill [B_3] = \{d_3\} \quad kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$ 

$$IN[B] = \bigcup_{P \in Bhhhw} OUT[P]$$
 $OUT[B] = gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$ 

$$d_1: i = m - 1$$

$$d_2: j = n$$

$$d_3: a = u1$$







| <b>IN</b> [B] | OUT [B] |
|---------------|---------|
| <b>—</b> —    |         |

$$B_1 = 000 \ 0000 = 111 \ 0000$$

$$B_2$$
 111 0000 001 1100

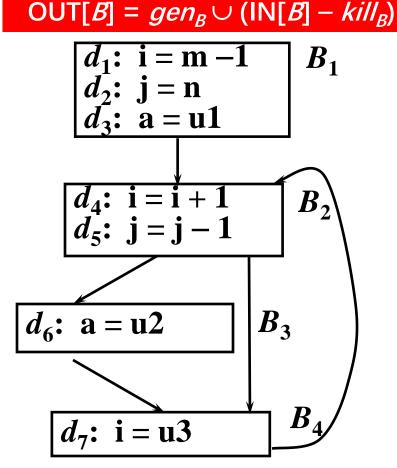
$$B_3$$
 001 1100 000 1110

$$B_A = 001 \ 1110 = 000 \ 0000$$

gen 
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$
  
kill  $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$ 

gen 
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$
  
kill  $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$ 

$$gen [B_3] = \{d_6\} \quad gen [B_4] = \{d_7\}$$
  
 $kill [B_3] = \{d_3\} \quad kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$ 



 $IN[B] = \bigcup_{P \in B \cap h \cap w} OUT[P]$ 

gen 
$$[B_3] = \{d_6\}$$
 gen  $[B_4] = \{d_7\}$   
kill  $[B_3] = \{d_3\}$  kill  $[B_4] = \{d_1, d_4\}$ 





| <b>IN</b> [B] | OUT [B] |
|---------------|---------|
|---------------|---------|

$$B_1 \quad 000 \ 0000 \qquad 111 \ 0000$$

$$B_2$$
 111 0000 001 1100

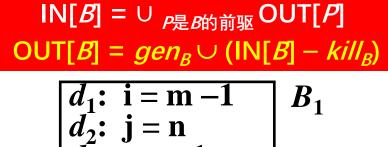
$$B_3$$
 001 1100 000 1110

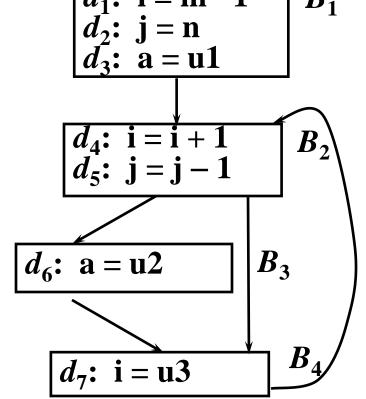
$$B_4$$
 001 1110 001 0111

gen 
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$
  
kill  $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$ 

gen 
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$
  
kill  $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$ 

$$gen [B_3] = \{d_6\} \quad gen [B_4] = \{d_7\}$$
  
 $kill [B_3] = \{d_3\} \quad kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$ 









| <b>IN</b> [B] | OUT [B] |
|---------------|---------|
|---------------|---------|

$$B_1 = 000 \ 0000 = 111 \ 0000$$

$$B_2$$
 111 0111 001 1100

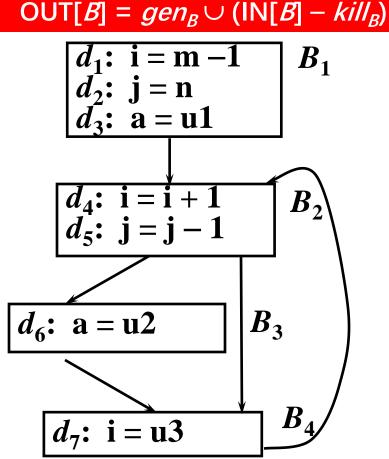
$$B_3$$
 001 1100 000 1110

$$B_4$$
 001 1110 001 0111

gen 
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$
  
kill  $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$ 

gen 
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$
  
kill  $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$ 

$$gen [B_3] = \{d_6\} \quad gen [B_4] = \{d_7\}$$
  
 $kill [B_3] = \{d_3\} \quad kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$ 



 $IN[B] = \bigcup_{P \in B \cap h \cap w} OUT[P]$ 





| <b>IN</b> [B] | OUT [B] |
|---------------|---------|
|               |         |

$$B_1 = 000 \ 0000 = 111 \ 0000$$

$$B_3$$
 001 1100 000 1110

$$B_4$$
 001 1110 001 0111

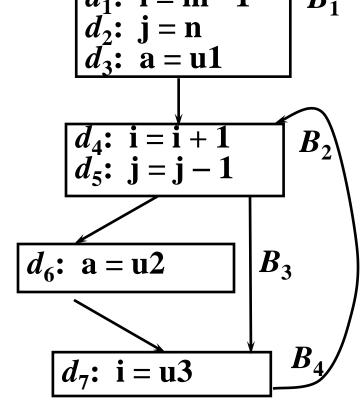
#### 不再继续演示迭代计算

gen 
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$
  
kill  $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$ 

gen 
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$
  
kill  $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$ 

$$gen [B_3] = \{d_6\} \quad gen [B_4] = \{d_7\}$$
  
 $kill [B_3] = \{d_3\} \quad kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$ 





# 到达-定值分析非向量计算方法



- ・迭代计算
  - 计算次序, 深度优先序, 即 B1 -> B2 -> B3 -> B4
  - 初始值: for all B: IN[B] = Ø; OUT[B] = GEN[B]
  - 第一次迭代:

```
IN[B1] = Ø; // B1 无前驱结点
```

```
OUT[B1] = GEN[B1] \cup (IN[B1]-KILL[B1]) = GEN[B1] = \{ d1, d2, d3 \}
```

```
IN[B2] = OUT[B1] \cup OUT[B4] = \{d1, d2, d3\} \cup \{d7\} = \{d1, d2, d3, d7\}

OUT[B2] = GEN[B2] \cup (IN[B2]-KILL[B2]) = \{d4, d5\} \cup \{d3\} = \{d3, d4, d5\}
```

```
IN[B3] = OUT[B2] = { d3, d4, d5 }
OUT[B3] = { d6 } \cup ( { d3, d4, d5 } - { d3 } ) = { d4, d5, d6 }
```

IN[B4] = OUT[B3] 
$$\cup$$
 OUT[B2] = { d3, d4, d5, d6 }  
OUT[B4] = { d7 }  $\cup$  ( { d3, d4, d5, d6 } - { d1, d4 } ) = { d3, d5, d6, d7 }

## 到达-定值分析非向量计算方法



-第二次迭代

```
IN[B1] = Ø; // B1 无前驱结点
    OUT[B1] = GEN[B1] \cup (IN[B1]-KILL[B1]) = GEN[B1] = { d1, d2, d3 }
IN[B2] = OUT[B1] \cup OUT[B4] = \{d1,d2,d3\} \cup \{d3,d5,d6,d7\} = \{d1,d2,d3,d5,d6,d7\}
OUT[B2] = GEN[B2] \cup (IN[B2]-KILL[B2]) = { d4, d5 } \cup { d3, d5, d6 } = { d3, d4, d5, d6 }
IN[B3] = OUT[B2] = \{ d3, d4, d5, d6 \}
OUT[B3] = { d6 } \cup ( { d3, d4, d5, d6 } – { d3 } ) = { d4, d5, d6 }
IN[B4] = OUT[B3] \cup OUT[B2] = \{ d3, d4, d5, d6 \}
OUT[B4] = \{d7\} \cup (\{d3, d4, d5, d6\} - \{d1, d4\}) = \{d3, d5, d6, d7\}
```

经过三次迭代后,IN[B]和OUT[B]不再变化。





•到达-定值数据流等式是正向的方程

OUT 
$$[B] = gen [B] \cup (IN [B] - kill [B])$$
 IN  $[B] = \bigcup_{P \neq B} only one of the proof of the pro$ 

•到达-定值数据流等式的合流运算是求并集

$$IN[B] = \bigcup_{P \neq B \text{的前驱}} OUT[P]$$
  
某些数据流等式的合流运算是求交集

• 对到达-定值数据流方程,迭代求它的最小解

某些数据流方程可能需要求最大解



# 一起努力 打造国产基础软硬件体系!

李诚

国家高性能计算中心(合肥)、信息与计算机国家级实验教学示范中心 计算机科学与技术学院 2023年11月15日