## 概率论与数理统计(第四版)

2017年6月4日

## 第二章 随机变量及其分布

问题 
$$2.1$$
  $\begin{array}{c|cccc} X & 20 & 5 & 0 \\ \hline p_k & 0.0002 & 0.0010 & 0.9989 \end{array}$ 

问题 2.6 以 X 记"同一时刻被使用的设备台数"则

$$P(X=k) = {5 \choose k} (0.1)^k (0.9)^{5-k}$$

(1) 
$$P(X=2) = {5 \choose 2} (0.1)^2 (0.9)^3 = 0.0729$$

(2) 
$$1 - \sum_{k=0}^{2} P(X = k) = 0.00856$$

(3) 
$$1 - \sum_{k=0}^{5} P(X = k) = 0.99954$$

(4) 
$$1 - P(X = 0) = 0.40951$$

问题 2.11 以 X 记 "此地区每年撰写此类文章的篇数",则  $X \sim \pi(6)$ ,故明年没有此类文章的概率为

$$P(X=0) = \frac{\lambda^0 e^{-\lambda}}{0!} \bigg|_{\lambda=6} = 0.00248.$$

问题 2.16 出事故的车辆数 X 服从二项分布, 但 n 很大且 p 很小时, 可近似认为其服从泊松分布, 故令  $\lambda = np = 1000 \times 0.0001 = 0.1$ , 则有  $X \sim \pi(0.1)$ , 从而

$$P(X \ge 2) = 1 - P(X = 0) - P(X = 1) = 1 - e^{-0.1} - 0.1 \cdot e^{-0.1} = 0.00468.$$

问题 2.21