| 1 | | | 2 | | 3 | | 4 | | _ |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| a | b | c | а | b | а | b | a | b | 3 |
| | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | |

| Nº de alun | nno: |
|------------|---------|
| | nombre: |
| Carrera: | |

MATEMATICA 3 - 1° CUATRIMESTRE 2022 1° PARCIAL - 1° FECHA (19/05/2022)

- 1) En muchas industrias es común que se utilicen máquinas para llenar los envases de un producto. Dichas máquinas no son perfectas y podrían A: "cumplir las especificaciones de llenado", B: "quedar por debajo del llenado establecido" y C: "llenar de más". Por lo general se busca evitar la práctica de llenado insuficiente. Sea P(B) = 0.001, mientras que P(A) = 0.990
 - a) Determine P(C)
 - b) ¿Cuál es la probabilidad de que la máquina no dé llenado insuficiente?
 - c) ¿Cuál es la probabilidad de que la máquina llene de más o de menos?
- 2) Hay dos ascensores (A y B) en cada ala de un hospital, supongamos que, al llamar un usuario en la planta baja a los dos ascensores de manera simultánea, la probabilidad de que llegue primero el ascensor A es de 0.75. Además la probabilidad de que el ascensor se quede bloqueado, con el usuario dentro, es de 0.005 para el ascensor A, y de 0.01 para el ascensor B,
 - a) ¿Cuál es la probabilidad de que el usuario que ha llamado a los dos ascensores desde la planta baja se quede bloqueado?
 - b) Si un usuario se ha quedado bloqueado, ¿cuál es la probabilidad de que sea en el ascensor A?
- 3) La longitud y el ancho, en pulgadas, de los paneles utilizados para puertas interiores son variables aleatorias X e Y respectivamente. Suponga que X e Y son variables independientes con densidades

$$f_X(x) = \begin{cases} 2 & 17.75 < x < 18.25 \\ 0 & \text{caso contrario} \end{cases}$$

$$f_{\gamma}(y) = \begin{cases} 2 & 4.75 < y < 5.25 \\ 0 & \text{caso contrario} \end{cases}$$

- a) Hallar E(X), E(Y), V(X), V(Y).
- **b)** Determine la P(X > 18, Y > 5) utilizando la independencia entre $X \in Y$.
- 4) Una máquina fabrica piezas cuyas longitudes se distribuyen según una normal de media 32 y desviación estándar 0.3 milímetros, considerándose aceptables aquellas cuya medida se encuentra dentro del intervalo (31.1, 32.6).
 - a) ¿Cuál es la probabilidad de que una pieza fabricada por esta máquina sea defectuosa?
 - b) Calcular la probabilidad de que un lote de 20 piezas contenga más de 2 piezas defectuosas. Sugerencia: considere la v.a. Y: "nº de piezas defectuosas en el lote", piense qué distribución tiene Y.
- 5) Los tiempos que tarda un cajero en procesar el pedido de cada persona son variables aleatorias independientes con una media de 1.5 minutos y una desviación estándar de 1 minuto. ¿Cuál es la probabilidad aproximada de que se puedan procesar los pedidos de 100 personas en menos de 2 horas?.
 - ¿Qué teorema utiliza?. ¿Podría calcular la probabilidad de que el tiempo de espera de una persona sea menor que 1 minuto?. Explique su respuesta.
 - (Sugerencia: considere las variables aleatorias X_i : "tiempo de espera de la persona i", i = 1, 2, ..., 100)

Mare-19/5/22 DOBAL, Federico 1) A: "cumple la especificación de llemodo" B: "quedon pon debijo del llemada ent. C: "llenon de mos P(A) = 0,990 P(B)=0,001 a) (AUBUC) = S P(c) = 1 - P(A) - P(B) = 1 - 0,990 - 0,001 = 0,01b) D = " no da llendo insuficiente P(D) = P(B°) = 1-P(B) = 0,999 c) E = "llene de moi a de memoz" P(E) = P(B U C) = P(B) + P(C) = 0,011 2) A="llega primera el oscersor A". P(A) = 0,75 F="re sudo Moguedo con el Az = re quedo bloquerlo el oscerso A con el usuoise destro! P(A2) = 0,005 = P(F/A) B2=" re quelo bloquedo el B con el ususio dentro P(B) = 0,01. = P(F B) A U B = S Br = " llega primero el ose. B" P(B1) = P(A6) = 1-P(A) = 0,25 3) REALIZED P(F) = ? P(F) = P(F/A)P(A) + P(F/B)P(B) = 0,005.0,75+ 0,01.0,25 T. prob. total =0,00625

b)
$$P(A, | F) = P(F|A)P(A)$$
 $P(F|A)P(A) + P(F|B)P(B)$
 $P(F|A)P(A)$
 $P(F|A)P(A)$
 $P(F|A)P(A)$
 $P(F|A)P(A)$
 $P(F|A)P(A)$
 $P(F|B)P(B)$
 $P(B)$
 $P(F|A)P(A)$
 $P(F|B)P(B)$
 $P(F|B)P(B)$
 $P(F|B)P(B)$
 $P(F|B)P(B)$
 $P(F|A)P(A)$
 $P(F|B)P(B)$
 $P(F|B)P(B)$
 $P(F|B)P(B)$
 $P(F|B)P(B)$
 $P(F|A)P(A)$
 $P(F|B)P(B)$
 $P(F|B)P(B)$

4) 2) DEPTABLE = $P(31, 1 \le L \le 32, 6)$; L= "lamgitud en mm."

102 (CRTABLE = $1 - P(31, 1 \le L \le 32, 6)$; L = "lamgitud en mm."

(defectiosa) (Defectiosa) estandaileo $= 1 - \rho(-3 = 2 = 2) = 1 - [\overline{\Phi}(2) - \overline{\Phi}(-3)]$ = 1 - (0.9812 - 0.0013) = 0.0196b) Y = " 0° de pièzon defectuoson en el lote". Y~B(0,P). 0=20; P=0,0196 $P(Y = 2) = 1 - P(Y \le 2) = 1 - [P(Y = 0) + P(Y = 1) + P(Y = 2)]$ $= 1 - \left[\left(\binom{20}{0} \right) 0,0196^{20} \left(1-0,0196^{20} \right) \right]$ +(20)0,0196 (1-0,0196)19) + ((20)0,01962 (1-0,0196)8)] 1-(0,67308+0,26912+0,05111)=0,00669 PPP