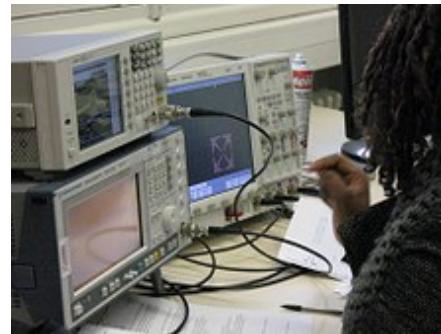


Mesures en hyperfréquences



*Utilisation de l'abaque
de Smith*

Franck Daout
fdaout@parisnanterre.fr

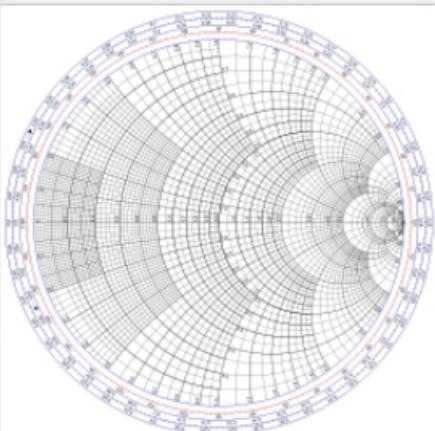
<https://cva-geii.parisnanterre.fr/>

CFD - Bourges

Pourquoi utiliser l'abaque de Smith?



Phillip Hagar Smith
(1905, 1987)

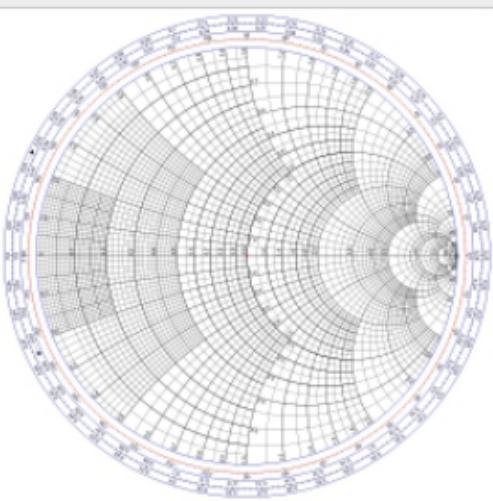


Intérêt ? éviter les calculs compliqués pour :

- Déterminer :
un coefficient de réflexion connaissant Z
Z connaissant le coefficient de réflexion
 $Z_{eq} = Z_1 + Z_2$
 $Y_{eq} = Y_1 + Y_2$
...
- Concevoir un circuit d'adaptation d'impédance



Phillip Hagar Smith
(1905, 1987)



Les conditions pour utiliser l'abaque

- Propagation guidée
Lignes coaxiale, micro-ruban...
- Régime sinusoïdal
- Dans le cadre de la formation : pas d'atténuation par propagation

Composant idéal	Résistance $R(\Omega)$	Bobine Inductance L (H)	Condensateur Capacité C(F)
Impédance (Ω) $Z = R + j X$	$Z_R = R$ $X_R = 0$	$Z_L = jL\omega$ $R_L = 0 \quad X_L = L\omega$	$Z_C = 1/(jC\omega) = -j/(C\omega)$ $R_C = 0 \quad X_C = -1/(C\omega)$
Admittance ($\Omega^{-1} = S$) $Y = G + j B$	$Y_R = 1/R$ $B_R = 0$	$Y_L = 1/(jL\omega)$ $G_L = 0 \quad B_L = -1/(L\omega)$	$Z_C = jC\omega$ $G_C = 0 \quad G_C = C\omega$

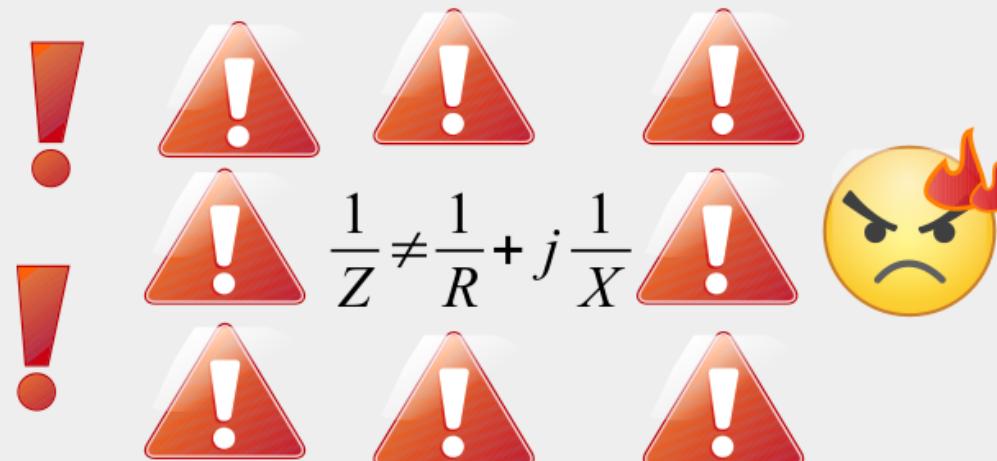
Impédance : R = résistance

X = réactance

Admittance : G = conductance

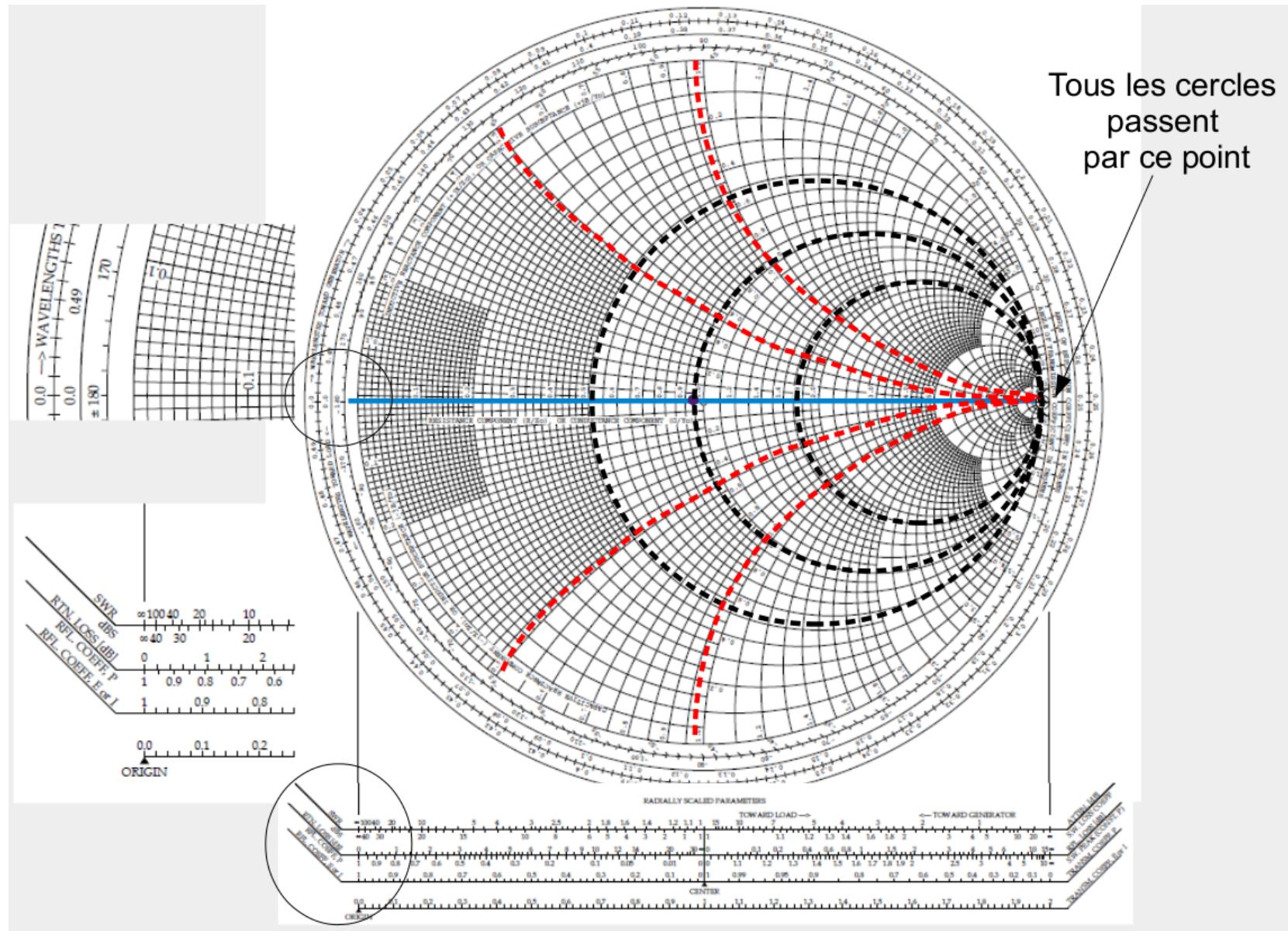
B = susceptance

$$Y = \frac{1}{Z}$$



$$\frac{1}{Z} \neq \frac{1}{R} + j \frac{1}{X}$$

Ne faites pas de calcul, l'abaque fournit le résultat, le bon....



Positionner le point associé à une impédance

Utilisation de l'abaque de Smith

1) Calculer l'impédance réduite z

$$\text{Impédance } Z = R + j X$$

$$\text{Impédance réduite : } z = Z/50 = r + j x \quad \text{avec} \quad r = R/50 \quad \& \quad x = X/50$$

2) repérer le cercle C_1 passant par $r = R/50$

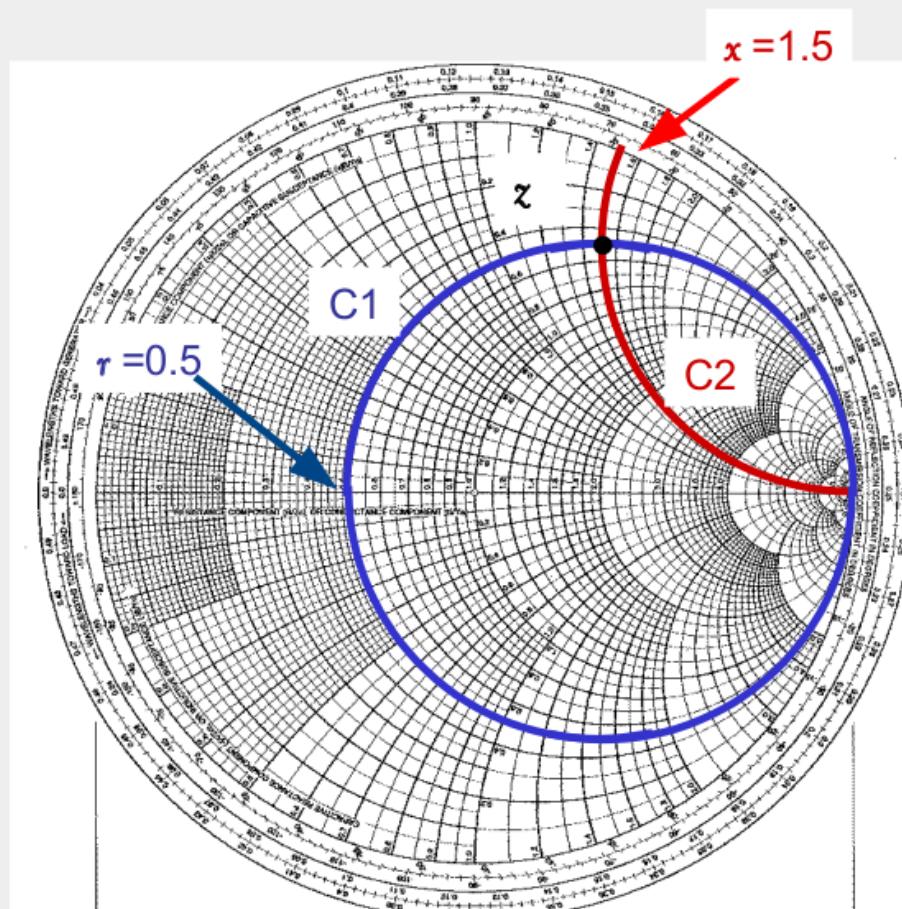
3) repérer le quart de cercle C_2 passant par $x = X/50$

4) z est à l'intersection de C_1 avec C_2

Exemple :

$$Z(\Omega) = 25 + 75 j$$

$$z = 0.5 + 1.5 j$$



$Z_{\text{bobine}} : x > 0$
 $Y_{\text{condensateur}} : b > 0$
 $r = g = 0$

Composants idéaux

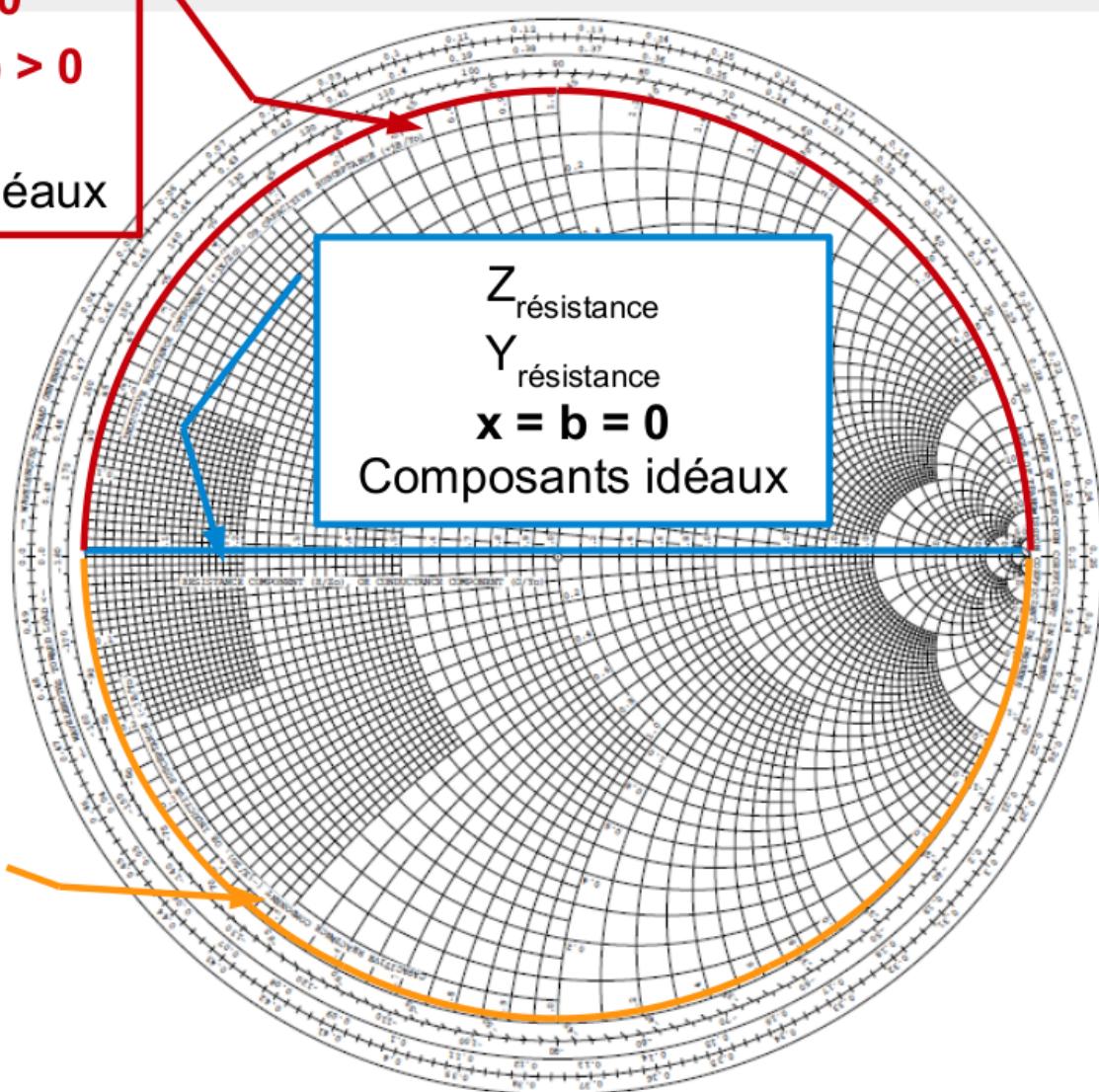
Impédance réduite
 $z = r + j x$

Admittance réduite
 $y = g + j b$

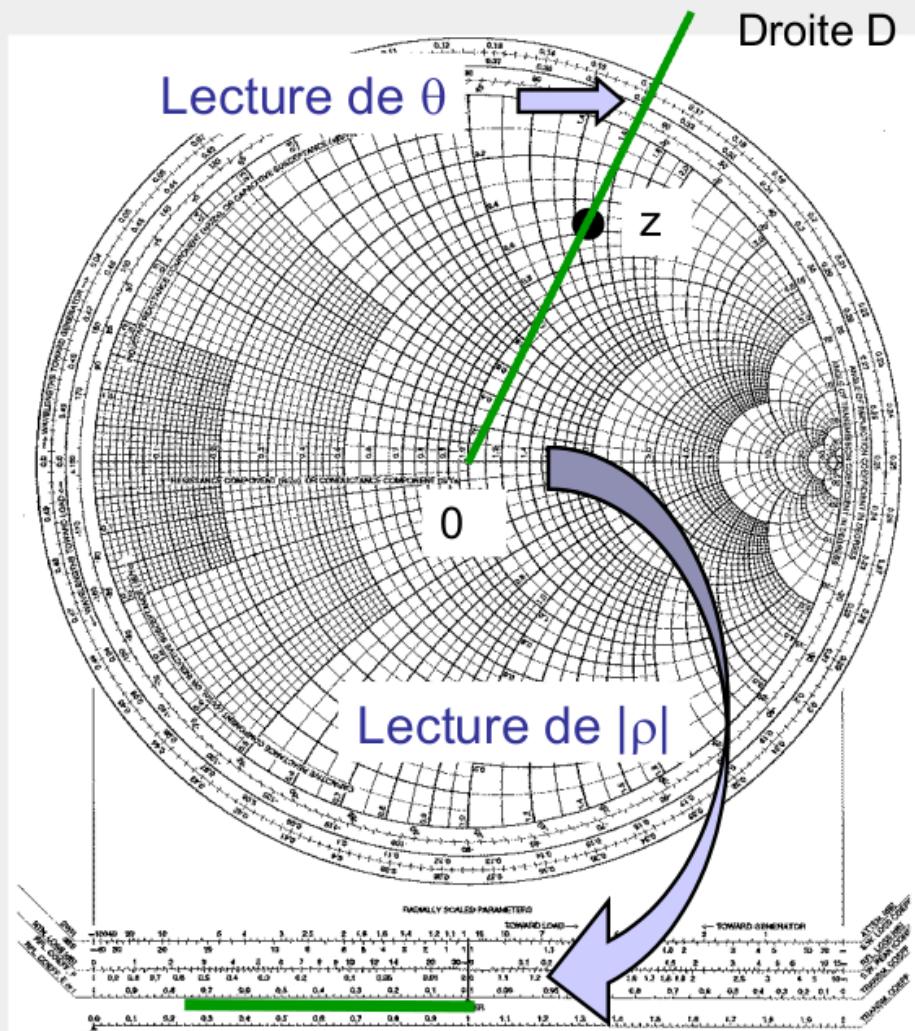
$Z_{\text{condensateur}} : x < 0$
 $Y_{\text{bobine}} : b < 0$
 $r = g = 0$

Composants idéaux

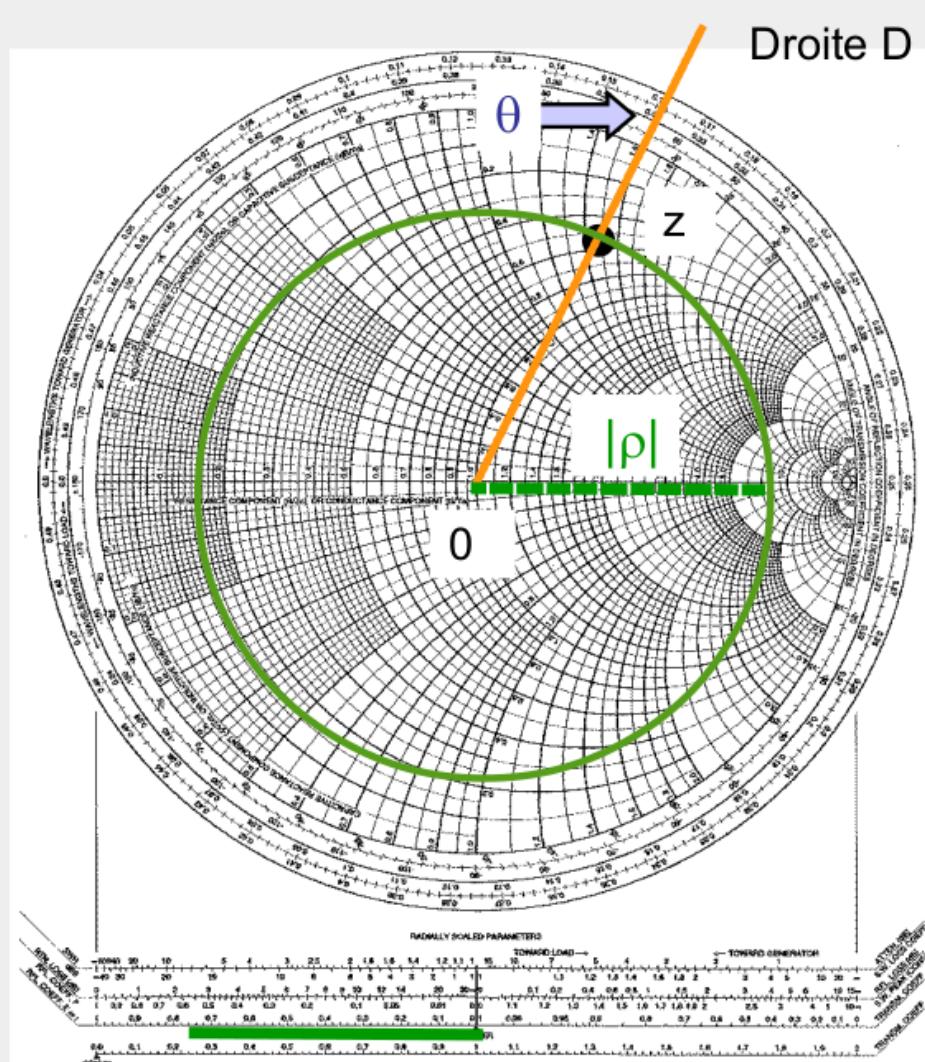
$Z_{\text{résistance}}$
 $Y_{\text{résistance}}$
 $x = b = 0$
Composants idéaux



- Construire le point z sur l'abaque
- Tracer la droite D passant par 0 ($z_o=1$) et z
- Module $|\rho|$
Relever au compas Oz
Reporter sur la graduation
« coefficient de réflexion (U,I) »
 $|\rho| = \text{la valeur indiquée}$
- Angle
à l'intersection du cercle
« angle du coefficient de
réflexion » et de la droite D lire θ
- $\rho = |\rho| e^{j\theta}$

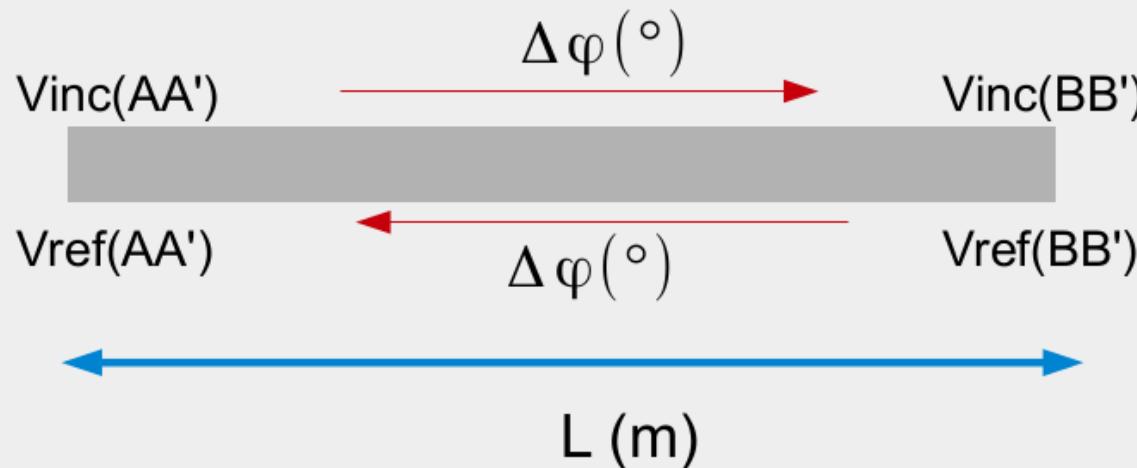


- sur la graduation « coefficient de réflexion (U, I) » : régler l'ouverture du compas à la valeur de $|\rho|$
- Tracer le cercle de centre O ($z_o=1$) et de rayon $|\rho|$
- Sur le cercle « angle du coefficient de réflexion » repérer θ
- Tracer la droite D passant par O ($z_o=1$) et θ
- z est à l'intersection du cercle et de la droite



Ouverture du compas $|\rho|$

Une ligne de longueur L (m) introduit le déphasage $\Delta\varphi(^{\circ})=360\frac{L}{\lambda}$



Longueur électrique = déphasage introduit par la ligne

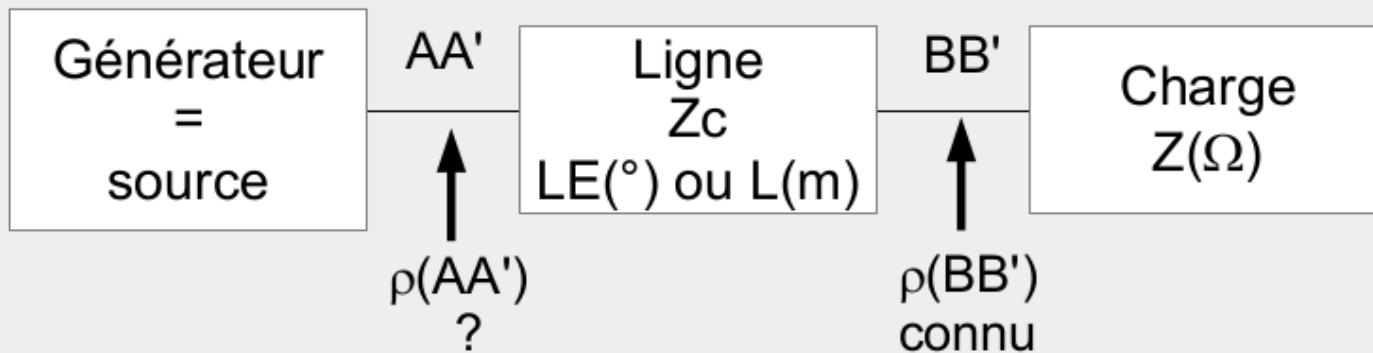
$$LE(^{\circ})=\Delta\varphi(^{\circ})=360\frac{L}{\lambda}$$



L'unité de la longueur électrique est le degrés ($^{\circ}$)

Déterminer $\rho(AA')$ à partir de $\rho(BB')$

Utilisation de l'abaque de Smith



Intérêt : conception d'un circuit d'adaptation d'impédance

Les étapes :

- 1) positionner le point représentatif de $\rho(BB')$
- 2) traduire sur l'abaque le déplacement le long de la ligne
- 3) positionner le point représentatif de $\rho(AA')$

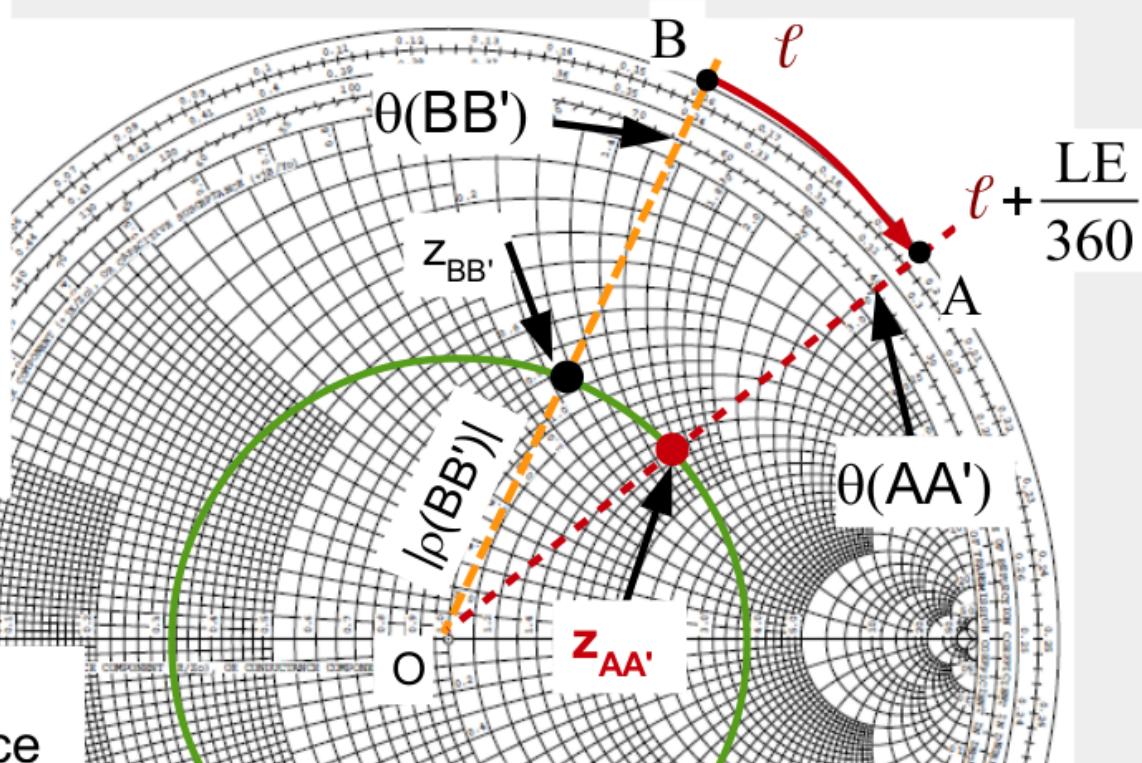
Déterminer $\rho(AA')$ à partir de $\rho(BB')$

Utilisation de l'abaque de Smith

Étape 1

Construire le point associé à $\rho(BB')$

- droite OB associée à l'angle de $\rho(BB')$
- cercle C associés à $|\rho(BB')|$



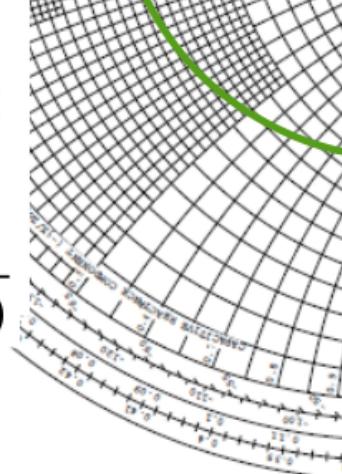
Étape 2

Se déplacer vers la source

graduation « $\lambda \rightarrow$ source » :

→ relever la valeur ℓ

→ positionner A en $\ell + \frac{LE}{360}$



Étape 3

Construire le point associé à $\rho(AA')$

→ droite OA associée à l'angle de $\rho(AA')$

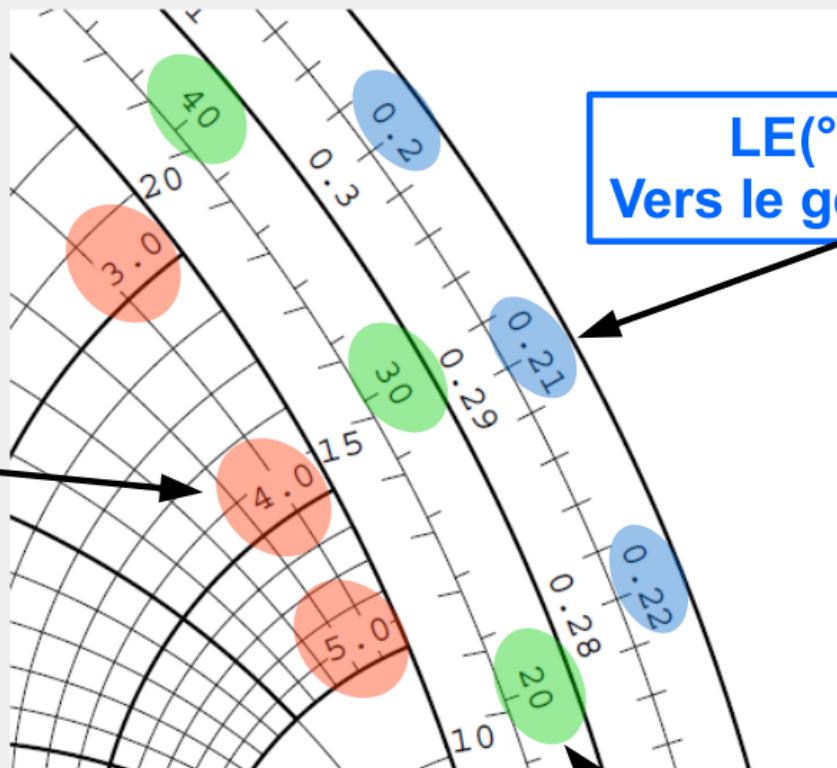
→ $Z_{AA'}$: intersection cercle C & OA

→ $\rho(AA') = |\rho(BB')| e^{j\theta(AA')}$

Ne pas se tromper de graduation



x ou b



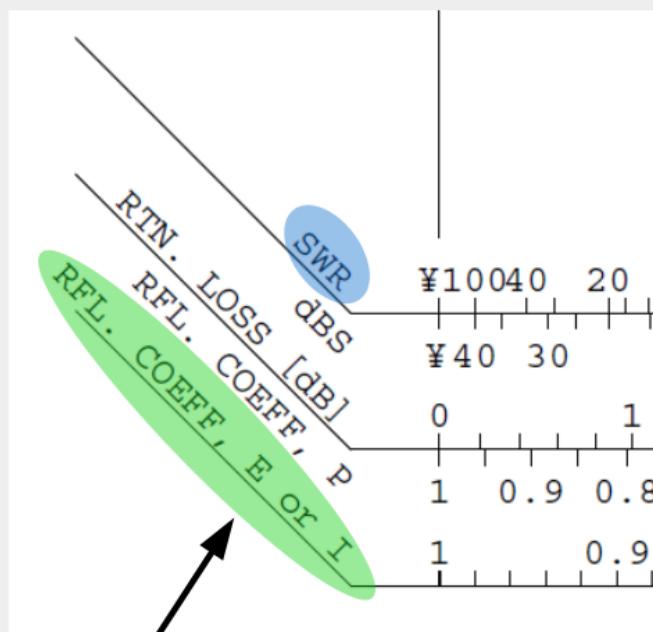
$LE(^{\circ})/360$
Vers le générateur



$\theta (^{\circ})$: angle du coefficient de réflexion



Ne pas se tromper de graduation



$|\rho|$: module du coefficient de réflexion
(E ou I) en amplitude