Modelo Determini; $\frac{1}{2}$ stico para calendarizacii; $\frac{1}{2}$ n de partidos de fi; $\frac{1}{2}$ tbol

1. Formulation of the Model

Comenzamos la formulacii; $\frac{1}{2}$ n del modelo definiendo la notacii; $\frac{1}{2}$ n que seri; $\frac{1}{2}$ utilizada en su formulacii; $\frac{1}{2}$ n.

Los conjuntos:

 \mathcal{F} : conjunto de fechas que restan por jugar en el campeonato.

 \mathcal{I} : conjunto de equipos que conforman el torneo.

 \mathcal{N} : conjunto de partidos (equipo local vs equipo visitante) que aï; $\frac{1}{2}$ n deben

enfrentarse en alguna de las fechas restantes del campeonato.

 \mathcal{S} : conjunto de patrones de locali $\frac{1}{2}$ as y visitas posibles en las K fechas

que restan por jugar en el torneo.

Los \ddot{i}_{2}^{1} ndices:

f, l: \ddot{i}_{2} ndice asociado al conjunto de fechas que restan por jugar $(f \in \mathcal{F})$.

i, j: $i; \frac{1}{2}$ ndices asociados al conjunto de equipos que conforman el torneo $(i, j \in \mathcal{I})$

n : "¿ $\frac{1}{2}$ ndice asociado al conjunto de partidos (equipo local v
s equipo visitante)

que debe programarse en alguna de las fechas restantes del torneo $(n \in \mathcal{N})$.

s: $\ddot{i}_{\underline{i}}^{\underline{1}}$ ndice asociado al conjunto de patrones de local $\ddot{i}_{\underline{i}}^{\underline{1}}$ as y visitas $(s \in \mathcal{S})$.

Los pari; 1/2 metros:

 PI_i : parï $_{i,2}^{1}$ metro discreto que indica la cantidad de puntos que tiene el equipo i justo al terminar la fecha anterior a la primera de las fechas que quedan por jugar.

 R_{in} : parï i_{2} metro discreto que toma valor 0, 1 o 3, y que corresponde a la cantidad de puntos que gana el equipo i al jugar el partido n (en el que juegan i vs otro equipo).

 EL_{in} : parï $\frac{1}{2}$ metro binario que toma valor 1 si el equipo i es local en el partido n, y 0 en cualquier otro caso.

 EV_{in} : parï $\frac{1}{2}$ metro binario que toma valor 1 si el equipo i es visita en el partido n, y 0 en cualquier otro caso.

 W_{is} : parï $;\frac{1}{2}$ metro binario que toma valor 1 si al equipo i se le puede asignar el patrï $;\frac{1}{2}$ n de localï $;\frac{1}{2}$ as y visitas s, y 0 en cualquier otro caso.

 L_s^f : parï $^1_{\ell 2}$ metro binario que toma el valor 1 si el patrï $^1_{\ell 2}$ n de localï $^1_{\ell 2}$ as y visitas s indica que el partido es de local en la fecha f, y 0 en cualquier otro caso.

Las variables:

 x_n^f : variable binaria que toma valor 1 si el partido n se programa en la fecha f, y 0 en cualquier otro caso.

 y_{is} : variable binaria que toma valor 1 si al equipo i se le asigna el patri $;\frac{1}{2}$ n de locali $;\frac{1}{2}$ as y visitas s, y 0 en cualquier otro caso.

 p_{ji}^{lf} : variable discreta que indica la cantidad de puntos que tiene el equipo j al finalizar la fecha f teniendo informacii; $\frac{1}{2}$ n finalizada la fecha l (f > l), en el mejor conjunto de resultados futuros para el equipo i.

 \hat{p}_{ji}^{lf} : variable discreta que indica la cantidad de puntos que tiene el equipo j al finalizar la fecha f teniendo informacii; $\frac{1}{2}$ n finalizada la fecha l (f > l), en el peor conjunto de resultados futuros para el equipo i.

 v_{ni}^{lf} : variable binaria que toma valor 1 si el equipo local gana el partido n de la fecha f teniendo informacii; $\frac{1}{2}$ n finalizada la fecha l (f > l), en el mejor conjunto de resultados futuros para el equipo i.

 a_{ni}^{lf} : variable binaria que toma valor 1 si el equipo visitante gana el partido n de la fecha f teniendo informaciï; $\frac{1}{2}$ n finalizada la fecha l (f > l), en el mejor conjunto de resultados futuros para el equipo i.

 e_{ni}^{lf} : variable binaria que toma valor 1 si se empata el partido n de la fecha f teniendo informacii; $\frac{1}{2}$ n finalizada la fecha l (f > l), en el mejor conjunto de resultados futuros para el equipo i.

- \hat{v}_{in}^{lf} : variable binaria que toma valor 1 si el equipo local gana el partido n de la fecha f teniendo informacii; $\frac{1}{2}$ n finalizada la fecha l (f > l), en el peor conjunto de resultados futuros para el equipo i.
- \hat{a}_{in}^{lf} : variable binaria que toma valor 1 si el equipo visitante gana el partido n de la fecha f teniendo informacii; $\frac{1}{2}$ n finalizada la fecha l (f > l), en el peor conjunto de resultados futuros para el equipo i.
- \hat{e}_{in}^{lf} : variable binaria que toma valor 1 si se empata el partido n de la fecha f teniendo informacii; $\frac{1}{2}$ n finalizada la fecha l (f > l), en el peor conjunto de resultados futuros para el equipo i.
- α^l_{ji} : variable binaria que toma valor 1 si el equipo j termina con menos puntos que el equipo i en el mejor conjunto de resultados futuros para el equipo i, teniendo informacii; $\frac{1}{2}$ n finalizada la fecha l.
- $\hat{\alpha}^l_{ji}$: variable binaria que toma valor 1 si el equipo j termina con menos puntos que el equipo i en el peor conjunto de resultados futuros para el equipo i, teniendo informacii; $\frac{1}{2}$ n finalizada la fecha l.
- β_i^l : variable discreta que indica la mejor posicii; $\frac{1}{2}$ n que puede alcanzar al final del torneo el equipo i en su mejor conjunto de resultados futuros, teniendo informacii; $\frac{1}{2}$ n finalizada la fecha l.
- $\hat{\beta}_i^l$: variable discreta que indica la peor posicii; $\frac{1}{2}$ n que puede alcanzar al final del torneo el equipo i en su peor conjunto de resultados futuros, teniendo informacii; $\frac{1}{2}$ n finalizada la fecha l.

2. Problema maestro

(SSTPA)
$$\operatorname{Max} \sum_{l \in \mathcal{F}} \sum_{i \in \mathcal{I}} \left(\hat{\beta}_i^l - \beta_i^l \right) \tag{1}$$

s.t:

$$\sum_{f \in \mathcal{F}} x_n^f = 1 \qquad \forall n \in \mathcal{N}. \tag{2}$$

$$\sum_{n \in \mathcal{N}: EL_{in} + EV_{in} = 1} x_n^f = 1 \qquad \forall i \in \mathcal{I}; f \in \mathcal{F}.$$
(3)

$$\sum_{s \in \mathcal{S}: W_{is} = 1} y_{is} = 1 \qquad \forall i \in \mathcal{I}. \tag{4}$$

$$y_{is} = 0 \qquad \forall i \in \mathcal{I}; s \in \mathcal{S} : W_{i,s} = 0.$$
 (5)

$$\sum_{n \in \mathcal{N}: EL_{in}=1} x_n^f = \sum_{s \in \mathcal{S}: L_s^f=1} y_{is} \qquad \forall i \in \mathcal{I}; f \in \mathcal{F}.$$
 (6)

$$\sum_{n \in \mathcal{N}: EV_{in}=1} x_n^f = \sum_{s \in \mathcal{S}: L_s^f = 0} y_{is} \qquad \forall i \in \mathcal{I}; f \in \mathcal{F}.$$
 (7)

$$\beta_i^l = \operatorname{Card}(\mathcal{I}) - \sum_{j \in \mathcal{I}: j \neq i} \alpha_{ji}^l \quad \forall i \in \mathcal{I}; l \in \mathcal{F}.$$
 (8)

$$\hat{\beta}_i^l = 1 + \sum_{j \in \mathcal{I}: j \neq i} (1 - \hat{\alpha}_{ji}^l) \qquad \forall i \in \mathcal{I}; l \in \mathcal{F}.$$
(9)

$$x_n^f \in \{0, 1\} \qquad \forall n \in \mathcal{N}; f \in \mathcal{F}.$$
 (10)

$$y_{is} \in \{0,1\} \qquad \forall i \in \mathcal{I}; s \in \mathcal{S}.$$
 (11)

$$\alpha_{ji}^l, \hat{\alpha}_{ji}^l \in \{0, 1\} \qquad \forall i, j \in \mathcal{I}; l \in \mathcal{F}.$$
 (12)

$$\beta_i^l, \hat{\beta}_i^l \in \mathbb{Z}^+ \qquad \forall i \in \mathcal{I}; l \in \mathcal{F}.$$
 (13)

Los subproblemas se encargari; $\frac{1}{2}$ n de buscar infactibilidades. Cada subproblema seri; $\frac{1}{2}$ para todo equipo i, fecha l (se fijan los \ddot{i} ; $\frac{1}{2}$ ndices i, l) en el caso favorable y en el caso desfavorable. Adem \ddot{i} ; $\frac{1}{2}$ s de los pari; $\frac{1}{2}$ metros mencionado anteriormente, se a \ddot{i} ; $\frac{1}{2}$ aden los pari; $\frac{1}{2}$ metros \bar{x}_n^f , $\bar{\alpha}_{ji}^l$ y $\hat{\alpha}_{ji}^l$ que son soluci \ddot{i} ; $\frac{1}{2}$ n del problema maestro.

3. Subproblema 1

s.t:

$$x_n^f = \bar{x}_n^f \qquad \forall n \in \mathcal{N}; f \in \mathcal{F}.$$
 (14)

$$\alpha_{ji}^l = \bar{\alpha}_{ji}^l \qquad \forall l \in \mathcal{F}; i, j \in \mathcal{I} : i \neq j.$$
 (15)

$$x_n^f = v_{ni}^{lf} + e_{ni}^{lf} + a_{ni}^{lf} \qquad \forall n \in \mathcal{N}; i \in \mathcal{I}; f, l \in \mathcal{F} : f > l.$$
 (16)

$$p_{ji}^{lf} = PI_j + \sum_{\theta \in \mathcal{F}: l \ge \theta} \sum_{n \in \mathcal{N}: EL_{jn} + EV_{jn} = 1} R_{jn} x_n^{\theta} + \sum_{n \in \mathcal{N}: EL_{jn} = 1} \sum_{\theta \in \mathcal{F}: f \ge \theta > l} 3v_{ni}^{l\theta}$$

$$+ \sum_{n \in \mathcal{N}: EV_{jn} = 1} \sum_{\theta \in \mathcal{F}: f \ge \theta > l} 3a_{ni}^{l\theta} + \sum_{n \in \mathcal{N}: EL_{jn} + EV_{jn} = 1} \sum_{\theta \in \mathcal{F}: f \ge \theta > l} e_{ni}^{l\theta} \quad \forall i, j \in \mathcal{I}; f, l \in \mathcal{F}: f > l.$$

$$(17)$$

$$M\alpha_{ji}^l \ge p_{ii}^{lF} - p_{ji}^{lF} \qquad \forall l \in \mathcal{F}; i, j \in \mathcal{I} : i \ne j.$$
 (18)

$$x_n^f \in \{0, 1\} \qquad \forall n \in \mathcal{N}; f \in \mathcal{F}.$$
 (19)

$$\alpha_{ii}^l, \in \{0, 1\} \qquad \forall i, j \in \mathcal{I}; l \in \mathcal{F}.$$
 (20)

$$p_{ii}^{lf} \in \mathbb{Z}_0^+ \qquad \forall i, j \in \mathcal{I}; f, l \in \mathcal{F}.$$
 (21)

$$v_{ni}^{lf}, e_{ni}^{lf}, a_{ni}^{lf} \in \{0, 1\} \qquad \forall i \in \mathcal{I}; n \in \mathcal{N}; f, l \in \mathcal{F}.$$

$$(22)$$

4. Subproblema 2

$$x_n^f = \bar{x}_n^f \qquad \forall n \in \mathcal{N}; f \in \mathcal{F}.$$
 (23)

$$\hat{\alpha}_{ji}^l = \bar{\hat{\alpha}}_{ji}^l \quad \forall l \in \mathcal{F}; i, j \in \mathcal{I} : i \neq j.$$
 (24)

$$x_n^f = \hat{v}_{ni}^{lf} + \hat{e}_{ni}^{lf} + \hat{a}_{ni}^{lf} \qquad \forall n \in \mathcal{N}; i \in \mathcal{I}; f, l \in \mathcal{F} : f > l.$$
 (25)

$$\hat{p}_{ji}^{lf} = PI_j + \sum_{\theta \in \mathcal{F}: l \ge \theta} \sum_{n \in \mathcal{N}: EL_{jn} + EV_{jn} = 1} R_{jn} x_n^{\theta} + \sum_{n \in \mathcal{N}: EL_{jn} = 1} \sum_{l \in \mathcal{F}: f \ge \theta > l} 3\hat{v}_{ni}^{l\theta}$$

$$+ \sum_{n \in \mathcal{N}: EV_{jn} = 1} \sum_{l \in \mathcal{F}: f \ge \theta > l} 3\hat{a}_{ni}^{l\theta} + \sum_{n \in \mathcal{N}: EL_{jn} + EV_{jn} = 1} \sum_{l \in \mathcal{F}: f \ge \theta > l} \hat{e}_{ni}^{l\theta} \quad \forall i, j \in \mathcal{I}; f, l \in \mathcal{F}: f > l.$$

$$(26)$$

$$M(1 - \hat{\alpha}_{ji}^l) \ge \hat{p}_{ji}^{lF} - \hat{p}_{ii}^{lF} \qquad l \in \mathcal{F}; \forall i, j \in \mathcal{I} : i \ne j.$$
 (27)

$$x_n^f \in \{0, 1\} \qquad \forall n \in \mathcal{N}; f \in \mathcal{F}.$$
 (28)

$$\hat{\alpha}_{ii}^l, \in \{0, 1\} \qquad \forall i, j \in \mathcal{I}; l \in \mathcal{F}.$$
 (29)

$$\hat{p}_{ii}^f \in \mathbb{Z}_0^+ \qquad \forall i, j \in \mathcal{I}; f, l \in \mathcal{F}.$$
 (30)

$$\hat{v}_{ni}^{lf}, \hat{e}_{ni}^{lf}, \hat{a}_{ni}^{lf} \in \{0, 1\} \qquad \forall i \in \mathcal{I}; n \in \mathcal{N}; f, l \in \mathcal{F}.$$

$$(31)$$