### 1. Formulation of the Model

Comenzamos la formulación del modelo definiendo la notación que será utilizada en su formulación.

#### Los conjuntos:

 $\mathcal{F}$  : conjunto de fechas que restan por jugar en el campeonato.

 $\mathcal{I}$  : conjunto de equipos que conforman el torneo.

 ${\mathcal N}$  : conjunto de partidos (equipo local v<br/>s equipo visitante) que aún deben enfrentarse

en alguna de las fechas restantes del campeonato.

 $\mathcal{S}$  : conjunto de patrones de localías y visitas posibles en las K fechas que restan por

jugar en el torneo.

### Los índices:

f, l: índice asociado al conjunto de fechas que restan por jugar  $(f \in \mathcal{F})$ .

i,j: índices asociados al conjunto de equipos que conforman el torneo  $(i,j\in\mathcal{I})$ 

n : índice asociado al conjunto de partidos (equipo local vs equipo visitante) que debe pro-

gramarse en alguna de las fechas restantes del torneo  $(n \in \mathcal{N})$ .

s: índice asociado al conjunto de patrones de localías y visitas  $(s \in S)$ .

# Los parámetros:

 $PI_i$ : parámetro discreto que indica la cantidad de puntos que tiene el equipo i justo al terminar la fecha anterior a la primera de las fechas que quedan por jugar.

 $R_{in}$ : parámetro discreto que toma valor 0, 1 o 3, y que corresponde a la cantidad de puntos que gana el equipo i al jugar el partido n (en el que juegan i vs otro equipo).

 $EL_{in}$ : parámetro binario que toma valor 1 si el equipo i es local en el partido n, y 0 en cualquier otro caso.

 $EV_{in}$  : parámetro binario que toma valor 1 si el equipo i es visita en el partido n, y 0 en cualquier otro caso

 $W_{is}$ : parámetro binario que toma valor 1 si al equipo i se le puede asignar el patrón de localías y visitas s, y 0 en cualquier otro caso.

 $L_s^f$  : parámetro binario que toma el valor 1 si el patrón de localías y visitas s indica que el partido es de local en la fecha f, y 0 en cualquier otro caso.

Las variables:

- $x_n^f$  : variable binaria que toma valor 1 si el partido n se programa en la fecha f, y 0 en cualquier otro caso.
- $y_{is}$  : variable binaria que toma valor 1 si al equipo i se le asigna el patrón de localías y visitas s, y 0 en cualquier otro caso.
- $p_{ji}^{lf}$ : variable discreta que indica la cantidad de puntos que tiene el equipo j al finalizar la fecha f teniendo información finalizada la fecha l (f > l), en el mejor conjunto de resultados futuros para el equipo i.
- $\hat{p}_{ji}^{lf}$ : variable discreta que indica la cantidad de puntos que tiene el equipo j al finalizar la fecha f teniendo información finalizada la fecha l (f > l), en el peor conjunto de resultados futuros para el equipo i.
- $v_{ni}^{lf}$ : variable binaria que toma valor 1 si el equipo local gana el partido n de la fecha f teniendo información finalizada la fecha l (f > l), en el mejor conjunto de resultados futuros para el equipo i.
- $a_{ni}^{lf}$ : variable binaria que toma valor 1 si el equipo visitante gana el partido n de la fecha f teniendo información finalizada la fecha l (f > l), en el mejor conjunto de resultados futuros para el equipo i.
- $e_{ni}^{lf}$ : variable binaria que toma valor 1 si se empata el partido n de la fecha f teniendo información finalizada la fecha l (f > l), en el mejor conjunto de resultados futuros para el equipo i.

- $\hat{v}_{in}^{lf}$ : variable binaria que toma valor 1 si el equipo local gana el partido n de la fecha f teniendo información finalizada la fecha l (f > l), en el peor conjunto de resultados futuros para el equipo i.
- $\hat{a}_{in}^{lf}$  : variable binaria que toma valor 1 si el equipo visitante gana el partido n de la fecha f teniendo información finalizada la fecha l (f > l), en el peor conjunto de resultados futuros para el equipo i.
- $\hat{e}_{in}^{lf}$  : variable binaria que toma valor 1 si se empata el partido n de la fecha f teniendo información finalizada la fecha l (f > l), en el peor conjunto de resultados futuros para el equipo i.
- $\alpha_{ji}^{l}$ : variable binaria que toma valor 1 si el equipo j termina con menos puntos que el equipo i en el mejor conjunto de resultados futuros para el equipo i, teniendo información finalizada la fecha l.
- $\hat{\alpha}_{ji}^{l}$ : variable binaria que toma valor 1 si el equipo j termina con menos puntos que el equipo i en el peor conjunto de resultados futuros para el equipo i, teniendo información finalizada la fecha l.
- $\beta_i^l$ : variable discreta que indica la mejor posición que puede alcanzar al final del torneo el equipo i en su mejor conjunto de resultados futuros, teniendo información finalizada la fecha l.
- $\hat{\beta}_i^l$  : variable discreta que indica la peor posición que puede alcanzar al final del torneo el equipo i en su peor conjunto de resultados futuros, teniendo información finalizada la fecha l.

## 2. Problema maestro

(SSTPA) 
$$\operatorname{Max} \sum_{l \in \mathcal{F}} \sum_{i \in \mathcal{I}} \left( \hat{\beta}_i^l - \beta_i^l \right)$$
 (1)

s.t:

$$\sum_{f \in \mathcal{F}} x_n^f = 1 \qquad \forall n \in \mathcal{N}. \tag{2}$$

$$\sum_{n \in \mathcal{N}: EL_{in} + EV_{in} = 1} x_n^f = 1 \qquad \forall i \in \mathcal{I}; f \in \mathcal{F}.$$
(3)

$$\sum_{s \in \mathcal{S}; W_{is} = 1} y_{is} = 1 \qquad \forall i \in \mathcal{I}. \tag{4}$$

$$y_{is} = 0 \qquad \forall i \in \mathcal{I}; s \in \mathcal{S} : W_{i,s} = 0.$$
 (5)

$$\sum_{n \in \mathcal{N}: EL_{in}=1} x_n^f = \sum_{s \in \mathcal{S}: L_s^f=1} y_{is} \qquad \forall i \in \mathcal{I}; f \in \mathcal{F}.$$
 (6)

$$\sum_{n \in \mathcal{N}: EV_{in} = 1} x_n^f = \sum_{s \in \mathcal{S}: L_s^f = 0} y_{is} \qquad \forall i \in \mathcal{I}; f \in \mathcal{F}.$$
 (7)

$$\beta_i^l = \operatorname{Card}(\mathcal{I}) - \sum_{j \in \mathcal{I}: j \neq i} \alpha_{ji}^l \quad \forall i \in \mathcal{I}; l \in \mathcal{F}.$$
 (8)

$$\hat{\beta}_i^l = 1 + \sum_{j \in \mathcal{I}: j \neq i} (1 - \hat{\alpha}_{ji}^l) \qquad \forall i \in \mathcal{I}; l \in \mathcal{F}.$$

$$(9)$$

$$x_n^f \in \{0, 1\} \qquad \forall n \in \mathcal{N}; f \in \mathcal{F}.$$
 (10)

$$y_{is} \in \{0,1\} \qquad \forall i \in \mathcal{I}; s \in \mathcal{S}.$$
 (11)

$$\alpha_{ji}^l, \hat{\alpha}_{ji}^l \in \{0, 1\} \qquad \forall i, j \in \mathcal{I}; l \in \mathcal{F}.$$
 (12)

$$\beta_i^l, \hat{\beta}_i^l \in \mathbb{Z}^+ \qquad \forall i \in \mathcal{I}; l \in \mathcal{F}.$$
 (13)

Los subproblemas se encargarán de buscar infactibilidades. Cada subproblema será para todo equipo i, fecha l (se fijan los índices i, l) en el caso favorable y en el caso desfavorable. Además de los parámetros mencionado anteriormente, se añaden los parámetros  $\bar{x}_n^f, \bar{\alpha}_{ji}^l$  y  $\bar{\alpha}_{ji}^l$  que son solución del problema maestro.

## 3. Subproblema 1

s.t:

$$x_n^f = \bar{x}_n^f \qquad \forall n \in \mathcal{N}; f \in \mathcal{F}.$$
 (14)

$$\alpha_{ji}^l = \bar{\alpha}_{ji}^l \qquad \forall l \in \mathcal{F}; i, j \in \mathcal{I} : i \neq j.$$
 (15)

$$x_n^f = v_{ni}^{lf} + e_{ni}^{lf} + a_{ni}^{lf} \qquad \forall n \in \mathcal{N}; i \in \mathcal{I}; f, l \in \mathcal{F} : f > l.$$

$$\tag{16}$$

$$p_{ji}^{lf} = PI_j + \sum_{\theta \in \mathcal{F}: l \ge \theta} \sum_{n \in \mathcal{N}: EL_{jn} + EV_{jn} = 1} R_{jn} x_n^{\theta} + \sum_{n \in \mathcal{N}: EL_{jn} = 1} \sum_{\theta \in \mathcal{F}: f \ge \theta > l} 3v_{ni}^{l\theta}$$

$$+ \sum_{n \in \mathcal{N}: EV_{jn} = 1} \sum_{\theta \in \mathcal{F}: f \ge \theta > l} 3a_{ni}^{l\theta} + \sum_{n \in \mathcal{N}: EL_{jn} + EV_{jn} = 1} \sum_{\theta \in \mathcal{F}: f \ge \theta > l} e_{ni}^{l\theta} \forall i, j \in \mathcal{I}; f, l \in \mathcal{F}: f > l.$$
 (17)

$$M(1 - \alpha_{ji}^l) \ge p_{ii}^{lF} - p_{ji}^{lF} \qquad \forall l \in \mathcal{F}; i, j \in \mathcal{I} : i \ne j.$$

$$(18)$$

$$x_n^f \in \{0, 1\} \qquad \forall n \in \mathcal{N}; f \in \mathcal{F}.$$
 (19)

$$\alpha_{ji}^l, \in \{0, 1\} \qquad \forall i, j \in \mathcal{I}; l \in \mathcal{F}.$$
 (20)

$$p_{ji}^{lf} \in \mathbb{Z}_0^+ \qquad \forall i, j \in \mathcal{I}; f, l \in \mathcal{F}.$$
 (21)

$$v_{ni}^{lf}, e_{ni}^{lf}, a_{ni}^{lf} \in \{0, 1\} \qquad \forall i \in \mathcal{I}; n \in \mathcal{N}; f, l \in \mathcal{F}. \tag{22}$$

## 4. Subproblema 2

$$x_n^f = \bar{x}_n^f \qquad \forall n \in \mathcal{N}; f \in \mathcal{F}.$$
 (23)

$$\hat{\alpha}_{ji}^l = \bar{\hat{\alpha}}_{ji}^l \qquad \forall l \in \mathcal{F}; i, j \in \mathcal{I} : i \neq j.$$
 (24)

$$x_n^f = \hat{v}_{ni}^{lf} + \hat{e}_{ni}^{lf} + \hat{a}_{ni}^{lf} \qquad \forall n \in \mathcal{N}; i \in \mathcal{I}; f, l \in \mathcal{F} : f > l.$$
 (25)

$$\hat{p}_{ji}^{lf} = PI_j + \sum_{\theta \in \mathcal{F}: l \ge \theta} \sum_{n \in \mathcal{N}: EL_{jn} + EV_{jn} = 1} R_{jn} x_n^{\theta} + \sum_{n \in \mathcal{N}: EL_{jn} = 1} \sum_{l \in \mathcal{F}: f \ge \theta > l} 3\hat{v}_{ni}^{l\theta}$$

$$+ \sum_{n \in \mathcal{N}: EV_{jn} = 1} \sum_{l \in \mathcal{F}: f \ge \theta > l} 3\hat{a}_{ni}^{l\theta} + \sum_{n \in \mathcal{N}: EL_{jn} + EV_{jn} = 1} \sum_{l \in \mathcal{F}: f \ge \theta > l} \hat{e}_{ni}^{l\theta} \qquad \forall i, j \in \mathcal{I}; f, l \in \mathcal{F}: f > l. \quad (26)$$

$$M\hat{\alpha}_{ji}^{l} \ge \hat{p}_{ji}^{lF} - \hat{p}_{ii}^{lF} \qquad l \in \mathcal{F}; \forall i, j \in \mathcal{I} : i \ne j.$$
 (27)

$$x_n^f \in \{0, 1\} \qquad \forall n \in \mathcal{N}; f \in \mathcal{F}.$$
 (28)

$$\hat{\alpha}_{ji}^l, \in \{0, 1\} \qquad \forall i, j \in \mathcal{I}; l \in \mathcal{F}.$$
 (29)

$$\hat{p}_{ji}^f \in \mathbb{Z}_0^+ \qquad \forall i, j \in \mathcal{I}; f, l \in \mathcal{F}.$$
 (30)

$$\hat{v}_{ni}^{lf}, \hat{e}_{ni}^{lf}, \hat{a}_{ni}^{lf} \in \{0, 1\} \qquad \forall i \in \mathcal{I}; n \in \mathcal{N}; f, l \in \mathcal{F}.$$

$$(31)$$