

Trabajo práctico 1

Programación Funcional

19 de septiembre de 2024

Paradigmas de Programación

Grupo CHAD sociedad anónima

Integrante	LU	Correo electrónico
Condori Llanos, Alex	163/23	nocwe11@gmail.com
Della Rosa, Facundo César	1317/23	dellarosafacundo@gmail.com
López Porto, Gregorio	1376/23	<pre>gregoriolopezporto@gmail.com</pre>
Winogron, Iván	459/23	Ivowino2000@gmail.com



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina Tel/Fax: (++54+11) 4576-3300

http://www.exactas.uba.ar

Ejercicio 9

Enunciado

De acuerdo a las definiciones de las funciones para árboles ternarios de más arriba, se pide demostrar lo siguiente:

$$\forall t :: AT \ a \ . \ \forall x :: a \ . \ (elem \ x \ (preorder \ t) = elem \ x \ (postorder \ t)) \tag{1}$$

Definiciones

```
\begin{array}{l} elem: \text{Eq a} \implies \text{a} \rightarrow [\text{a}] \rightarrow \text{Bool} \\ \{\text{E0}\} \text{ elem e } [\ ] = \text{False} \\ \{\text{E1}\} \text{ elem e } (\text{x:xs}) = (\text{e} = = \text{x}) \mid | \text{ elem e xs} \\ \\ preorder: \text{Procesador (AT a) a} \\ \{\text{PRE1}\} \text{ preorder} = \text{foldAT } (\backslash \text{x ri rc rd} \rightarrow \text{x : concat } [\text{ri, rc, rd}]) [\ ] \\ \\ postorder:: \text{Procesador (AT a) a} \\ \{\text{POST1}\} \text{ postorder} = \text{foldAT } (\backslash \text{x ri rc rd} \rightarrow \text{concat } [\text{ri, rc, rd, } [\text{x}]]) [\ ] \\ \\ foldAT:: (a \rightarrow b \rightarrow b \rightarrow b \rightarrow b) \rightarrow b \rightarrow ATa \rightarrow b \\ \{\text{F0}\} \text{ foldAT f b Nil = b} \\ \{\text{F1}\} \text{ foldAT f b (Tern a ri rc rd) = f a (foldAT f b ri) (foldAT f b rc) (foldAT f b rd)} \end{array}
```

Demostración (esqueleto, faltaría formalizar y emprolijar)

```
Por inducción estructural en t P(t) = \text{elem } x \text{ (preorder } t) = \text{elem } x \text{ (postorder } t)
Caso base: P(\text{Nil}) = \text{elem } x \text{ (preorder Nil)} = \text{elem } x \text{ (postorder Nil)}
\text{elem } x \text{ (preorder Nil)} = \text{elem } x \text{ (foldAT (} x \text{ ri rc rd} \rightarrow x : \text{concat [ri, rc, rd]) [ ] Nil)} = \text{elem } x \text{ [ ]}
\text{análogamente:}
\text{elem } x \text{ (postorder Nil)} = \text{elem } x \text{ (foldAT (} x \text{ ri rc rd} \rightarrow \text{concat [ri, rc, rd, [x]]) [ ] Nil)} = \text{elem } x \text{ [ ]}
\text{Luego vale el caso base P(Nil)}
```

Paso inductivo:

```
\forall \ h1 :: AT \ a, \ \forall h2 :: AT \ a, \ \forall h3 :: AT \ a, \ \forall r :: a, \\ P(h1) \land P(h2) \land P(h3) \land \implies P(Tern \ a \ h1 \ h2 \ h3) Es decir, supongo que valen P(h1), P(h2), P(h3) y quiero ver que vale P(Tern \ a \ h1 \ h2 \ h3) P(h1) = \text{elem } x \text{ (preorder } h1) = \text{elem } x \text{ (postorder } h1) P(h2) = \text{elem } x \text{ (preorder } h2) = \text{elem } x \text{ (postorder } h2) P(h3) = \text{elem } x \text{ (preorder } h3) = \text{elem } x \text{ (postorder } h3) P(Tern \ a \ h1 \ h2 \ h3) = \text{elem } x \text{ (preorder (Tern } a \ h1 \ h2 \ h3))} = \text{elem } x \text{ (postorder (Tern } a \ h1 \ h2 \ h3))}
```

elem x (postorder (Tern a h1 h2 h3)) = elem x (foldAT (\x r1 rc rd \rightarrow concat [ri, rc, rd, [x]]) []) (Tern a h1 h2 h3) considero f = (\x r1 rc rd \rightarrow concat [r1, rc, rd, [x]]) para facilitar la lectura.

```
 \begin{array}{l} = & \text{elem x ((f a (foldAT f [] r1) (foldAT f [] rc) (foldAT f [] rd)) (Tern a h1 h2 h3))} \\ = & \text{elem x (f a (foldAT f [] h1) (foldAT f [] h2) (foldAT f [] h3))} \end{array}
```