



Universidad Nacional de Río Cuarto
Facultad de Ciencias Exactas, Físico-Químicas y Naturales
Departamento de Matemática

FORMULARIO PARA LA PRESENTACIÓN DE LOS PROGRAMAS DE ASIGNATURAS

CARRERA: Lic en Matemática.

PLAN DE ESTUDIOS: 2008 versión 1

ASIGNATURA: Ecuaciones Diferenciales **CÓDIGO:** 1913

[MODALIDAD DE CURSADO: Presencial

DOCENTES RESPONSABLES: Fernando Mazzone

EQUIPO DOCENTE: Dr. Gastón Beltritti (Ay. 1º exclusivo), Dr. Fernando Mazzone (PI exclusivo).

AÑO ACADÉMICO: 2020

REGIMEN DE LA ASIGNATURA: Cuatrimestral

UBICACIÓN EN EL PLAN DE ESTUDIO: primer cuatrimestre, cuarto año.

RÉGIMEN DE CORRELATIVIDADES:

Aprobada	Regular
	Álgebra Lineal Aplicada (2261)
	Topología (1917)

CARGA HORARIA TOTAL:

Teóricas	hs	Prácticas	hs	Teóricas-Prácticas:	hs	Laboratorio:	hs
	60		60				

CARGA HORARIA SEMANAL:

Teóricas	hs	Prácticas	hs	Teóricas-Prácticas:	hs	Laboratorio:	hs
	4		4				

CARÁCTER DE LA ASIGNATURA: Obligatoria

A. FUNDAMENTACIÓN

La gran parte del curso versa sobre temas que ya son estándar en las ecuaciones diferenciales y se consideran básicos en el desarrollo de esta área. No creemos necesario abundar en fundamentos sobre la incorporación de ellos. Si merece fundamentarse aquellos que no son del todo habituales.

Con frecuencia las leyes de la física o modelos matemáticos de sistemas biológicos, sociales, económicos, etc, se expresan por medio de ecuaciones y particularmente con ecuaciones diferenciales. Con igual frecuencia en nuestras aulas la enseñanza de esta, como de otras ramas de la matemática, omite la consideración de las relaciones entre los conceptos matemáticos y otras ciencias. A lo sumo se suele presentar alguna aplicación de la teoría como medio de justificar la relevancia de ella. Se hace extensivo al quehacer pedagógico el postulado formalista que la matemática se valida por sí misma y es independiente de cualquier realidad ajena a ella.

Nuestro punto de vista es que las relaciones de la teoría matemática con su entorno constituye un ingrediente insoslayable en la enseñanza de la teoría. Fundamentamos este punto de vista, en que es frecuente que el sistema físico que es modelizado por cierta teoría, ilumine el entendimiento de la teoría misma. Por ejemplo, el principio de máximo, que afirma que una solución de la ecuación $\Delta u = 0$ en un abierto y acotado Ω alcanza su máximo en la frontera de Ω , no es evidente de la ecuación en sí misma, pero sí lo es en gran medida de una de las situaciones físicas que modeliza: la temperatura en estado estacionario de un cuerpo sobre el cual el calor fluye por difusión. No puede desaprovecharse el recurso de pensar una solución de la ecuación aludida en estos dos sentidos.

También ocurre el camino inverso, esto es que el desarrollo de la teoría matemática ilumine el entendimiento del sistema físico. Al fin y al cabo, ese es el propósito primario de la modelización matemática. Por ejemplo, para quien escribe no resulta físicamente evidente que un sistema de resortes acoplados tenga esencialmente sólo dos modos normales de vibración, cosa que se demuestra en el actual curso. Por estas consideraciones, entre otras, también estamos convencidos que la demostración matemática rigurosa también constituye un ingrediente insoslayable para el entendimiento de la teoría.

Se incorpora activamente el uso de sistemas algebraicos computacionales SAC. Una causa es contar con asistencia para el desarrollo de cálculos que son engorrosos. Pero la causa fundamental de la introducción de SAC es que ponen al alumno en la situación de hacer un programa que implemente procedimientos de la teoría. Esto suele ser una tarea no trivial para el recién iniciado y obliga a desarrollar aptitudes de programación, pero más importante, obliga a repensar la teoría matemática para adaptarla al nuevo contexto.

B. OBJETIVOS PROPUESTOS

- Presentar la teoría de las ecuaciones diferenciales desde una perspectiva rigurosa.
- Poner en evidencia la retroalimentación entre teoría matemática y modelos físicos. En este sentido se desarrollan aplicaciones a la caída de cuerpos a lo largo de guías (y su relación con la óptica), problema de la braquistócrona, vibraciones de sistemas mecánicos, membranas, potencial sobre una esfera, movimiento planetario, etc.
- Incorporar el uso de sistemas algebraicos computacionales en la práctica del alumno. Se utilizarán recursos de código abierto que derivan del lenguaje Python, en particular SymPy y SAGE.
- Desarrollar la capacidad de resolver problemas analíticos a través de SAC.

C. CONTENIDOS BÁSICOS DEL PROGRAMA A DESARROLLAR

Ecuaciones de primer orden, métodos de solución. Teorema de existencia y unicidad. Ecuaciones lineales de orden superior. Osciladores armónicos. Método de desarrollo en serie. Método de Frobenius. Sistemas de Ecuaciones Lineales.

D. **PROGRAMAS Y/O PROYECTOS PEDAGÓGICOS INNOVADORES E INCLUSIVOS:** No se preveen.

E. **ACTIVIDADES A DESARROLLAR**

CLASES TEÓRICAS: Presencial, 4 horas semanales. La metodología que se desarrollará es la exposición por parte del docente de los fundamentos teóricos de los contenidos impartidos. Se incentivará la participación de los alumnos durante la clase, requiriendo que ellos aporten, por ejemplo, demostraciones de determinados hechos o, en general, soluciones a determinadas situaciones problemáticas que plantea el desarrollo teórico de la materia.

CLASES PRÁCTICAS: Presencial 4 horas semanales. Se espera que los alumnos trabajen sobre los ejercicios de la práctica en forma independiente fuera de los horarios de la asignatura. Posteriormente estos ejercicios se discutirán durante la clase, el profesor tratará de limitar su participación de modo tal de favorecer que los alumnos autogestionen su aprendizaje.

F. **HORARIOS DE CLASES:** martes y jueves de 16 a 20.

HORARIOS DE CLASES DE CONSULTA: Se preveen dos horas semanales de clases de consulta, 1 hora teórica y 1 h práctica. Dado que se preveen no más de 3 alumnos en la cursada, se considera más conveniente acordar con ellos el horario para estas clases.

G. **MODALIDAD DE EVALUACIÓN:**

Evaluaciones Parciales: Se le presentará al alumno una serie de problemas que deberá resolver.

Evaluación Final: Será oral, el alumno deberá desarrollar los ejes conceptuales y fundamentos teóricos de la materia.

H. **CONDICIONES DE REGULARIDAD:** Aprobar los exámenes parciales o sus respectivos recuperatorios.

I. **CONDICIONES DE PROMOCIÓN:** no se prevé

PROGRAMA ANALÍTICO

A. CONTENIDOS:

Unidad 0. Python, SymPy, SAGE. Panorama de instalación, distribuciones y recursos online. Tipos de datos en Python, programación elemental. [2]

Unidad 1. Ecuaciones de Primer Orden. Noción de ecuación diferencial y clasificación. Ecuaciones diferenciales ordinarias (EDO). Problemas de valores iniciales. Familia de curvas y la familia ortogonal. Método de separación de variables. Aplicaciones: dinámica de mezclas, cuerpos en caída a lo largo de guías, curvas braquistócrona y tautócrona. Ecuaciones homogéneas. Ecuaciones exactas. Factores integrantes. Ecuaciones lineales de primer orden. Métodos de reducción de orden. Curvas de persecución. Velocidad de escape. Problema del resorte. Cambios de variables. Usando SymPy para cambiar variables. [2, 3, 1]

Unidad 2. Teorema de Existencia y Unicidad. Presentación filosófica: determinismo científico. Funciones Lipschitzianas. Teorema de punto fijo de Banach. Método iterativo de Picard. Teorema de existencia y unicidad para sistemas de EDO de primer orden.[2, 3, 1, 4]

Unidad 3. Ecuaciones Lineales de Segundo Orden. Ecuaciones lineales. Reducción de orden. Ecuaciones homogéneas a coeficientes constantes. El problema no homogéneo. Independencia lineal. Bases de soluciones. Polinomio característico. Ecuaciones no homogéneas. Coeficientes indeterminados y variación de los parámetros. Vibraciones mecánicas. Solución del problema Kepleriano de los dos cuerpos. Osciladores armónicos acoplados. [2, 3, 1]

Unidad 4. Métodos cualitativos. Teoremas de separación y de comparación de Sturm. Aplicaciones, ceros de las funciones de Bessel.[2, 3, 4]

Unidad 5. Desarrollo en serie de potencias. Repaso de series de potencias. Método de coeficientes indeterminados. Resolución de problemas de desarrollo en serie con SymPy. Ecuaciones lineales de segundo orden: puntos regulares. Puntos singulares regulares. Series de Frobenius. Teoremas fundamentales.[2, 3, 1]

Unidad 6. Sistemas lineales. Base de soluciones. Matriz fundamental. Sistemas lineales a coeficientes constantes. Solución del problema homogéneo con formas de Jordan. Problema no homogéneo. Sistemas no-lineales. [1, 4]

B. CRONOGRAMA DE CLASES Y PARCIALES:

Sem.	Teóricos	Prácticos	Parciales/ Recuperatorios
1	Python-Sympy Ecuaciones Primer Orden	Python-Sympy	
2	Ecuaciones Primer Orden	Ecuaciones Primer Orden	
3	Ecuaciones Primer Orden	Ecuaciones Primer Orden	
4	Ecuaciones Primer Orden	Ecuaciones Primer Orden	
5	Teorema de Existencia Unicidad	Teorema de Existencia Unicidad	
6	Ecuaciones Lineales	Ecuaciones Lineales	
7	Ecuaciones Lineales	Ecuaciones Lineales	
8	Ecuaciones Lineales	Ecuaciones Lineales	Jueves 7/5-Primer Parcial
9	Métodos cualitativos	Métodos cualitativos	
10	Serie de Potencias	Serie de Potencias	
11	Serie de Potencias	Serie de Potencias	
12	Serie de Potencias	Serie de Potencias	
13	Sistemas lineales	Sistemas lineales	
14	Sistemas lineales	Sistemas lineales	Jueves 11/6-Segundo Parcial
15	Consulta	Consulta	Martes 16/6 Recuperatorio Primer Parcial Jueves 18/6 Recuperatorio Segundo Parcial

Referencias

- [1] William E. Boyce and Richard C. DiPrima. *Elementary Differential Equations, 10th Edition*. Wiley Global Education, sep 2012.
- [2] Fernando Mazzone. Ecuaciones diferenciales, 2020. Notas de clases.
- [3] G. Simmons. *Ecuaciones Diferenciales con Aplicaciones y Notas Históricas*. Mc-Graw-Hill, Madrid, 1991.
- [4] Jorge Sotomayor. *Lições de equações diferenciais ordinárias*. Instituto de Matemática Pura e Aplicada, CNPq, feb 1979.