

ÍNDICE

1 EJEMPLOS, PROBLEMA DE CONTORNO

ÍNDICE

1 EJEMPLOS, PROBLEMA DE CONTORNO

ECUACIONES ESCALARES

Las ecuaciones escalares de segundo orden

$$u'' + f(u) = h(t),$$

son siempre conservativas, para $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ continua, pues f tiene la primitiva

$$F(u) = \int_0^u f(s) ds$$

Así tenemos el potencial

$$U(t, u) = F(u) - uh(t).$$

PROBLEMA DE DIRICHLET ECUACIÓN LINEAL NO RESONANTE

$$\begin{cases} u''(t) + \frac{1}{2}u = \text{sen}(t), & 0 < t < \pi \\ u(0) = u(\pi) = 0 \end{cases}$$

Por medios elementales hallamos la solución general de la ecuación diferencial. Usamos el método de coeficientes indeterminados. Proponemos

$$u(t) = A \cos(t) + B \sin(t).$$

reemplazamos en la ecuación y hallamos

$$\boxed{A=0}, \boxed{B=-2}$$

La solución general es la solución particular más una general del homogéneo

$$u = c_1 \cos\left(\frac{t}{\sqrt{2}}\right) + c_2 \sin\left(\frac{t}{\sqrt{2}}\right) - 2 \sin(t).$$