Universidad Nacional de Rio Cuarto

***Facultad de Ciencias Exactas, Físico-Químicas y Naturales***

**FORMULARIO PARA LA PRESENTACIÓN DE LOS PROGRAMAS DE ASIGNATURAS**

**UNIVERSIDAD NACIONAL DE RÍO CUARTO**

**FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS, FÍSICO-QUÍMICAS Y NATURALES**

**DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA**

**CARRERA/S: LIC EN MATEMÁTICA**

**PLAN DE ESTUDIOS: 2008**

**ASIGNATURA: Ecuaciones Diferenciales CÓDIGO: 1913**

**DOCENTE RESPONSABLE: FERNANDO MAZZONE**

**EQUIPO DOCENTE: FERNANDO MAZZONE**

**AÑO ACADÉMICO: 2015**

**REGIMEN DE LA ASIGNATURA: Cuatrimestral**

**RÉGIMEN DE CORRELATIVIDADES:**

|  |  |
| --- | --- |
| *Aprobada* | *Regular* |
|  | Topología |
|  | Álgebra Lineal Aplicada |
|  |  |

**CARGA HORARIA TOTAL: 120**

**TEÓRICAS:** **4.5hs** **PRÁCTICAS: 4.5hs** **LABORATORIO: 0hs**

**CARÁCTER DE LA ASIGNATURA:** **Obligatoria**

1. **CONTEXTUALIZACIÓN DE LA ASIGNATURA**

Primer cuatrimestre cuarto año

1. **OBJETIVOS PROPUESTOS**

* Presentar la teoría de las ecuaciones diferenciales desde un perspectiva rigurosa.
* Poner en evidencia la retroalimentación entre teoría matemática y modelos físicos. En este sentido se desarrollan aplicaciones a la caída de cuerpos a lo largo de guías (y su relación con la óptica), problema de la braquistócrona, vibraciones de sistemas mecánicos, membranas, potencial sobre una esfera, movimiento planetario, etc.
* Integrar la asignatura a otras asignaturas del plan de estudios de la Lic. en Matemática. En este sentido se desarrolla la teoría de Lie de solución de ecuaciones por medios de grupos continuos. No es costumbre que esta teoría se desarrolle en cursos introductorios.
* Incorporar el uso de sistemas algebraicos computacionales en la práctica del alumno. Se utilizaran recursos de código abierto que derivan del lenguaje Python, en particular SymPy y SAGE.

1. **CONTENIDOS BÁSICOS DEL PROGRAMA A DESARROLLAR**

Ecuaciones de primer orden, métodos de solución. Braquistócrona. Ecuaciones lineales de orden superior. Osciladores armónicos. Método de desarrollo en serie. Método de Frobenius. Método de Fourier. Sistemas de ecuaciones lineales, método de solución por formas de Jordan. Sistemas no-lineales. Linearización

1. **FUNDAMENTACIÓN DE LOS CONTENIDOS**

La gran parte del curso versa sobre temas que ya son estándar en las ecuaciones diferenciales y se consideran básicos en el desarrollo de esta área. No creemos necesario abundar en fundamentos sobre la incorporación de ellos. Si merece fundamentarse aquellos que no son del todo habituales.

Con frecuencia las leyes de la física o modelos matemáticos de sistemas biológicos, sociales, económicos, etc, se expresan por medio de ecuaciones y particularmente con ecuaciones diferenciales. Con igual frecuencia en nuestras aulas la enseñanza de esta, como de otras ramas de la matemática, omite la consideración de las relaciones entre los conceptos matemáticos y otras ciencias. A lo sumo se suele presentar alguna aplicación de la teoría como medio de justificar la relevancia de ella. Se hace extensivo al quehacer pedagógico el postulado formalista que la matemática se valida por si misma y es independiente de cualquier realidad ajena a ella.

Nuestro punto de vista es que las relaciones de la teoría matemática con su entorno constituye un ingrediente insoslayable en la enseñanza de la teoría. Fundamentamos este punto de vista, en que es frecuente que el sistema físico que es modelizado por cierta teoría ilumine el entendiemiento de la teoría misma. Por ejemplo, el principio de máximo, que afirma que una solución de la ecuación en un abierto y acotado alcanza su máximo en la frontera de, no es evidente de la ecuación en si misma, pero si lo es en gran medida de una de las situaciones físicas que modeliza: la temperatura en estado estacionario de un cuerpo sobre el cual el calor fluye por difusión. No puede desaprovecharse el recurso de pensar una solución de la ecuación aludida en estos dos sentidos.

También ocurre el camino inverso, esto es que el desarrollo de la teoría matemática ilumine el entendimiento del sistema físico. Al fin y al cabo, ese es el propósito primario de la modelización matemática. Por ejemplo, para quien escribe no resulta físicamente evidente que un sistema de resortes acoplados tenga esencialmente sólo dos modos normales de vibración, cosa que se demuestra en el actual curso. Por estas consideraciones, entre otras, también estamos convencidos que la demostración matemática rigurosa también constituye un ingrediente insoslayable para el entendimiento de la teoría.

Se incorpora activamente el uso de sistemas algebraicos computacionales SAC. Una causa es contar con asistencia para el desarrollo de cálculos que son engorrosos. Pero la causa fundamental de la introducción de SAC es que ponen al alumno en la situación de hacer un programa que implemente procedimientos de la teoría. Esto suele ser una tarea no trivial para el recién iniciado y obliga a desarrollar aptitudes de programación, pero más importante, obliga a repensar la teoría matemática para adaptarla al nuevo contexto.

En el mismo orden de ideas, esto es poner los conocimientos de la asignatura en diversos contextos, se buscó una integración con otras materias del plan de estudios. Por supuesto que hay algunas de ellas que son absolutamente necesarias para desarrollar la teoría de las ecuaciones diferenciales, pero no es costumbre en los cursos elementales sobre ecuaciones diferenciales recurrir a algunas ramas, por ejemplo teoría de grupos. Sin embargo la teoría de grupos tiene cosas importantes para decir sobre las ecuaciones. Se buscó establecer estas vinculaciones menos tradicionales, por ejemplo se desarrollo una unidad sobre la utilización de grupos de Lie de simetrías para resolver EDO. Utilizamos un concepto particular de grupo de Lie, para evitar las complicaciones técnicas en la definición de este concepto en general. La consideración de simetrías es una técnica matemática básica y las simetrías están indisolublemente ligadas al concepto de grupo.

Se introduce someramente el lenguaje de las formas diferenciales, y si bien no se estableció formalmente la definición de este concepto, pensamos que familiarizar al alumno con esta noción es útil para prepararlo para cuando en futuras asignaturas requiera este concepto. Cabe destacar que tanto los grupos de Lie como las formas diferenciales están vinculadas con la materia geometría diferencial que los alumnos cursan contemporaneamente con ecuaciones diferenciales.

1. **ACTIVIDADES A DESARROLLAR**

**CLASES TEÓRICAS:** Presencial, 4.5 horas semanales. La metodología que se desarrollará es la exposición por parte del docente de los fundamentos teóricos de los contenidos impartidos. Se incentivará la participación de los alumnos durante la clase, requiriendo que ellos aporten, por ejemplo, demostraciones de determinados hechos o, en general, soluciones a determinadas situaciones problemáticas que plantea el desarrollo teórico de la materia.

**CLASES PRÁCTICAS:** Presencial 4.5 horas semanales. Se espera que los alumnos trabajen sobre los ejercicios de la práctica en forma independiente fuera de los horarios de la asignatura. Posteriormente estos ejercicios se discutirán durante la clase, el profesor tratará de limitar su participación de modo tal de favorecer que los alumnos autogestionen su aprendizaje.

**Internet**: Se utilizaron diversos recursos de internet, que estan compendiados en una [página de la asignatura](https://sites.google.com/site/ecuacionesdiferencialeunrc/ecuaciones-diferenciales-unrc) y en un [repositorio de Git Hub](https://github.com/fdmazzone/Ecuaciones_Diferenciales) . Se utilizará almacenamiento en la nube (google drive) para compartir documentos, libro, prácticas, etc . En la red hay excelentes recursos, videos, páginas web, wikis y, en general, distintos materiales multimedia especialmente útiles para visualizar algunos conceptos, métodos, etc.

1. **NÓMINA DE TRABAJOS PRÁCTICOS**

Hay un trabajo práctico por cada unidad de la materia

1. **HORARIOS DE CLASES:**

Martes de 16hs a 20:30hs y Jueves de 16:00 a 20:30.

**HORARIO DE CLASES DE CONSULTAS: Jueves 15:00**

1. **MODALIDAD DE EVALUACIÓN:**

* **Evaluaciones Parciales:**  Se le presentará al alumno una serie de problemas que deberá resolver.
* **Evaluación Final:** Será oral, el alumno deberá desarrollar los ejes conceptuales y fundamentos teóricos de la materia**.**
* **CONDICIONES DE REGULARIDAD:** Aprobar los parciales o sus respectivos recuperatorios
* **CONDICIONES DE PROMOCIÓN:** no se prevé

**PROGRAMA ANALÍTICO**

1. **CONTENIDOS**

**Unidad 0. Python, SymPy, SAGE.** Panorama de instalación, distribuciones y recursos online. Tipos de datos en Python, programación elemental.

**Unidad 1. Introducción**. Noción de ecuación diferencial. Ecuaciones diferenciales ordinarias (EDO). Problemas de valores iniciales. Familia de curvas y la famila ortogonal. Crecimiento y decaimiento exponencial. Método de separación de variables. Dinámica de mezclas. Cuerpos en caída a lo largo de guías. El problema de la braquistócrona y la tautócrona.

**Unidad 2. Ecuaciones de Primer orden.** Ecuaciones homogéneas. Ecuaciones exactas. Factores integrantes. Ecuaciones lineales de primer orden. Métodos de reducción de orden. Curvas de persecución. Velocidad de escape. Problema del resorte.

**Unidad 3. Métodos de Lie.** Cambios de variables. Usando SymPy para cambiar variables. Grupos de Lie uniparamétricos. Grupos de simetrías. Generadores infinitesimales. Variables canónicas. Solución de EDO por medio de sus grupos de Lie de simetrías.

**Unidad 4**. **Ecuaciones Lineales de Segundo Orden**. Ecuaciones lineales. Reducción de orden. Ecuaciones homogéneas a coeficientes constantes. El problema no homogéneo. Independencia lineal. Bases de soluciones. Polinomio característico. Ecuaciones no homogéneas. Coeficientes indeterminados y variación de los parámetros. Vibraciones mecánicas y eléctricas. Sólución del problema Kepleriano de los dos cuerpos. Osciladores armónicos acoplados.

**Unidad 5. Métodos cualitativos.** Teoremas de separación y de comparación de Sturn. Aplicaciones, ceros de las funciones de Bessel.

**Unidad 6. Desarrollo en serie de potencias.** Métodos de desarrollo en serie y funciones especiales Repaso de series de potencias. Método de coeficientes indeterminados. Resolución de problemas de desarrollo en serie con SAGE. Ecuaciones lineales de segundo orden: puntos regulares. Puntos singulares regulares. Series de Frobenius. Teoremas fundamentales.

**Unidad 7. Sistemas.** Sistemas lineales. Osciladores armónicos acoplados. Base de soluciones. Matriz fundamental. Sistemas lineales a coeficientes constantes. Solución del problema homogéneo con formas de Jordan. Problema no homogéneo. Sistemas no-lineales.

1. **CRONOGRAMA DE CLASES Y PARCIALES**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Semana | Teóricos | Prácticos | Parciales /  Recuperatorios |
| 1 | Generalidades, ecuaciones de primer órden | Generalidades, ecuaciones de primer órden |  |
| 2 | Ecuaciones de primer órden. | Generalidades, ecuaciones de primer órden |  |
| 3 | Ecuaciones de primer órden. | Ecuaciones de primer órden. |  |
| 4 | Ecuaciones de primer órden. | Ecuaciones de primer órden, |  |
| 5 | Métodos de Lie. | Ecuaciones de primer órden. |  |
| 6 | Métodos de Lie. | Métodos de Lie. |  |
| 7 | Ecuaciones Lineales | Métodos de Lie. |  |
| 5 | Ecuaciones Lineales | Ecuaciones lineales |  |
| 6 | Ecuaciones Lineales | Ecuaciones lineales |  |
| 7 | Teoría cualitativa | Ecuaciones lineales |  |
| 8 | Métodos de desarrollo en serie | Teoría cualitativa | Parcial 1 9/05 |
| 9 | Métodos de desarrollo en serie | Métodos de desarrollo en serie | Recuperatorio 15/05 |
| 10 | Métodos de desarrollo en serie | Métodos de desarrollo en serie |  |
| 11 | Sistemas Lineales | Métodos de desarrollo en serie |  |
| 12 | Sistemas Lineales | Sistemas Lineales |  |
| 13 | Sistemas no Lineales | Sistemas Lineales | Parcial 2 17/06 |
| 14 | Sistemas no Lineales | Sistemas no lineales | Recuperatorio 19/06 |

1. **BIBLIOGRFÍA**

[1] D. Betounes. Differential Equations, Theory and Applications. Springer, New York, 2010.

[2] G Birkhoff and G. Rota. Ordinary Differential Equations. John Wiley, 1969.

[3] W. Boyce and R. DiPrima. Introduction to Differential Equations. JohnWiley & Sons, New York, 1970.

[4] P. Hartman. Ordinary Differential Equations. SIAM, Philadelphia, 2002.

[5] G. Simmons. Differential Equations with Applications and Historical Notes. Mc-Graw-Hill, New York, 1991.

[6] Peter E. Hydon, Peter Ellsworth Hydon. Symmetry Methods for Differential Equations: A Beginner's Guide. Cambridge University Press, 2000

[7] Python Software Foundation. The Python Tutorial. https://docs.python.org/3/tutorial/

[8] SymPy Development Team. [SymPy 0.7.6 documentation](http://docs.sympy.org/latest/index.html). <http://docs.sympy.org/latest/>

[9] The Sage Development Team, [Sage Tutorial v6.6.beta0](http://www.sagemath.org/doc/tutorial/). http://www.sagemath.org/doc/tutorial/