Operaciones con Expresiones Algebraicas Racionales

Sean P(x) y Q(x) dos polinomios, si $Q(x) \neq 0$, la expresión $\frac{P(x)}{Q(x)}$, se llama fracción algebraica racionalo expresión algebraica racional.

Simplificación de expresiones algebraicas racionales

Simplifique al máximo cada una de las siguientes expresiones algebraicas racionales.

a)
$$\frac{a^3 + 1}{a^4 - a^3 + a - 1}$$

b)
$$(Opcional) \frac{x^3 - 6x^2}{x^2 - 12x + 36}$$

c) (Opcional)
$$\frac{1-x^2}{x^2+x-2}$$

Multiplicación de expresiones algebraicas racionales

$$\frac{P(x)}{Q(x)} \cdot \frac{R(x)}{T(x)} = \frac{P(x) \cdot R(x)}{Q(x) \cdot T(x)}$$

División de expresiones algebraicas racionales

$$\frac{P(x)}{Q(x)} \div \frac{R(x)}{T(x)} = \frac{P(x)}{Q(x)} \cdot \frac{T(x)}{R(x)} = \frac{P(x) \cdot T(x)}{Q(x) \cdot R(x)}$$

Efectúe las operaciones indicadas en cada caso y simplifique si es posible.

a)
$$\frac{x^2 - 3x - 10}{x^2 - 2x - 8} \cdot \frac{x^2 - 16}{x^2 + 4x} \cdot \frac{x^2 - 6x}{x + 2}$$

b) (Optional)
$$\frac{x^2 + 2x - 3}{x^2 + 8x + 16} \cdot \frac{3x + 12}{x - 1}$$

a)
$$\frac{y-4}{y^2-4} \div \frac{y^2-3y-4}{y^2+5y+6}$$

b)
$$\frac{2x^2 - 3x + 1}{x^2 - 4} \div \frac{3x^2 - x - 2}{x^2 - x - 6} \cdot \frac{3x^2 - 4x - 4}{2x^2 - 7x + 3}$$

c)
$$\frac{a^3 + a}{a^2 - a} \div \frac{a^2 - a}{a^2 - 2a + 1}$$

Suma-resta de expresiones algebraicas racionales

Efectúe las operaciones indicadas en cada caso y simplifique si es posible.

a)
$$\frac{x+1}{x^2-x-20} - \frac{x+4}{x^2-4x-5} + \frac{x+5}{x^2+5x+4}$$

b)
$$\frac{2x+6}{x^2-6x+9} + \frac{5x}{x^2-9} - \frac{7}{x-3}$$

c)
$$\frac{x^2 - 3x + 9}{x^3 + 27} \div \frac{x - 2}{x^3 + 3x^2} - \frac{2x^2}{x^2 - 4}$$

d)
$$\left(\frac{-x}{x+1} + \frac{2x}{1-x^2}\right) \cdot \frac{-3x^2 + 5x - 2}{x}$$

e)
$$\left(\frac{5}{x+4} + x - 2\right) \left(x + 3 - \frac{5}{x-1}\right)$$

e)
$$(Opcional) \frac{1}{x^2 - 1} - \frac{2}{(x+1)^2}$$

f)
$$(Opcional) \left(x - \frac{2}{x-1} \right) \div \left(-2 + \frac{12}{x+4} \right)$$