

## FAKULTAS TEKNIK UNIVERSITAS PELITA BANGSA

#### UJIAN AKHIR SEMESTER GASAL TA 2021/2022

Nama/NIM : Miftahu Rizkiyah / 312010014

Kelas : TI.20.B.1

Dosen Pengampu : Ari Yuneldi, S.Pd., M.Si.

Mata Kuliah : Matematika Diskrit

Hari/Tanggal : Kamis, 13 Januari 2022

Jawaban:

#### 1. Selesaikanlah soal-soal berikut dengan lengkap dan cermat!

a) Pada turnamen tersebut, dua tim yang bertanding adalah team wanita & tim pria, table dibawah ini menyatakan kemungkinan yang dapat terjadi agar tim wanita menang (M – Menang, K – Kalah)

Banyak Pertandingan	Tim Wanita	Tim Pria
2	(MM)	(KK)
3	(KMM)	(MKK)
4	(MKMM)	(KMKK)
5	(KMKMM)	(MKMKK)
6	(MKMKMM)	(KMKMKK)
7	(KMKMKMM)	(MKMKMKK)

Maksimal pertandingan yang dapat terjadi hanya 7kali. Masing-masing menghasilkan 2 kemungkinan, yaitu untuk tim wanita dan tim pria (table di atas menunjukan kemenangan tim wanita). Jadi, ada  $6 \times 2 = 12$  cara agar turnamen demikian dapat terjadi.

- b) Ada 4 ukuran baju berbeda. Ambil 6 helai masing-masing ukuran bajunya, yaitu:
  - 5 helai baju ukuran S (max),
  - 4 helai baju ukuran M (max),
  - 6 helai baju ukuran L,
  - 6 helai baju ukuran XL.

Jumlah: 5 + 4 + 6 + 6 = 21 helai baju. Ambil 1 helai baju lagi ( antara baju ukuran L atau XL ) sehingga dipastikan kita sudah memegang 7 helai baju dengan ukuran yang sama. Jadi, kita perlu mengambil paling sedikit 22 helai baju agar selalu diperoleh 7 helai baju dengan ukuran yang sama.



# FAKULTAS TEKNIK UNIVERSITAS PELITA BANGSA

#### UJIAN AKHIR SEMESTER GASAL TA 2021/2022

Nama/NIM : Miftahu Rizkiyah / 312010014

Kelas : TI.20.B.1

Dosen Pengampu : Ari Yuneldi, S.Pd., M.Si.

Mata Kuliah : Matematika Diskrit

Hari/Tanggal : Kamis, 13 Januari 2022

c) Banyak cara menata pose foto 6 orang berdiri dalam satu baris adalah

 $6! = 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 720 \text{ cara.}$ 

Banyak cara menata pose foto 6 orang sehingga pengantin berdisi saling berdekatan/bersampingan dapat didibarkan dengan skema:

#### OOABCD → XABCD

dengan OO = X yang penyusunannya ada 2! cara, sedangkan XABCD penyusunannya ada 5! cara sehingga totalnya adalah 2!  $X 5! = 2 \times 120 = 240$  cara.

Jadi, banyak cara menata pose sehingga pengantin berdiri tidak saling berdekatan/bersampingan adalah 720 - 240 = 480 cara.

- d) Bilangan 100.000 jelas tidak memenuhi untuk kasus ini sehingga kita hanya perlu meninjau bilangan dengan 5 digit ( untuk kasus bilangan ratusan, anggap posisi pulihan ribuan dan ribuannya 0, begitu juga untuk kasus bilangan ribuan ). Berarti, ada 5 cara mengisi anga 5,4 cara mengisi angka 4, dan 3 angka mengisi angka 3. Dua tempat kosong lainnya bisa diisi angka lain yaitu 0,1,2,6,7,8,dan 9 (ada 7 angka dan boleh berulang). Jadi, banyak bilangan yang demikian adalah 5 x 4 x 3 x 7 x 7 = 2940 cara.
- e) Jumlah cara mengambil 5 kartu sembarang dari 52 kartu yang ada adalah *C* (52,5) (jumlah titik contoh).
  - Jumlah cara mengambil satu jenis kartu dari 13 jenis yang ada adalah C (13,1).
  - Jumlah cara mengambil 4 kartu dari 4 kartu sejenis adalah C (4,4).
  - Jumlah cara mengambil satu kartu lagi dari sisa 48 kartu lainnya adalah *C* (48,1). Jadi, peluang dari 5 kartu tersebut mengandung 4 kartu sejenis adalah

 $\frac{C(13,1) \times C(4,4) \times C(48,1)}{C(52,5)} = 0,00024$ 



# FAKULTAS TEKNIK UNIVERSITAS PELITA BANGSA

### UJIAN AKHIR SEMESTER GASAL TA 2021/2022

Nama/NIM : Miftahu Rizkiyah / 312010014

Kelas : TI.20.B.1

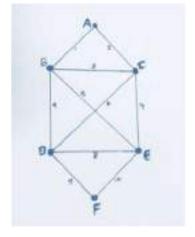
Dosen Pengampu : Ari Yuneldi, S.Pd., M.Si.

Mata Kuliah : Matematika Diskrit

Hari/Tanggal : Kamis, 13 Januari 2022

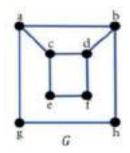
### 2. Selesaikanlah soal-soal berikut dengan lengkap dan cermat!

a)



#### b) Jelaskan matriks keterhubungan dan keterkaitan ketiga graf berikut!

#### Matriks Keterhubungan



G	2	b	-	_ d	- 4	T	g	h
α.	0	1	1	0	0	0	1	0
ь	1	0	0	1	0	0	0	1
e .	1	0	0	1	1	.0	0	0
d	0	1	1	0	0	1	0	.0
U.	0	0	1	0	0	1	0	- 0
f.	0	0	0	1	- 1	0	0	0
B.	1	0	0	0	0	0	.0	1
h	0	1	0	0	0	0	-1	0

#### Matriks Keterkaitan

G	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
a	1	0	0	1	1	0	0	0	0	0
b	1	1	0	0	0	0	1	0	0.	0
c	0	0		0	1	1	0	0	0	1
d	0	0	0	0	0	1	1	1	0	0
e.	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1
f	0	0	0	0	0.	.0	0	1	1	.0
y	0	0	1	1	0	0	0	0	0	0
h	0	1	-1	0	0	0	0	0	0	0



# FAKULTAS TEKNIK UNIVERSITAS PELITA BANGSA

#### UJIAN AKHIR SEMESTER GASAL TA 2021/2022

Nama/NIM : Miftahu Rizkiyah / 312010014

Kelas : TI.20.B.1

Dosen Pengampu : Ari Yuneldi, S.Pd., M.Si.

Mata Kuliah : Matematika Diskrit

Hari/Tanggal : Kamis, 13 Januari 2022

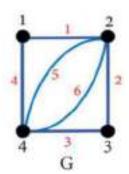


\*Matriks keterhubungan

Н	a	b	c	d
a	0	2	1	1
b	2	0	1	1
c	1	1	0	1
d	1	1	1	0

\*Matriks Keterkaitan

H	1	2	3	4	5	6	7	8	9
a	1	1	0	1	1	0	0	0	0
b	1	1	1	0.	0	1	0	0	0
c	0.	0	1	-1	0	0	-1	1	1
d	0	0	0	0	1	1	1	0	0



Matriks Keterhubungan

G	1	2	3	4
1	0	1	0	1
2	1	0	1	2
3	0	1	0	1
4	1	2	1	0

Matriks Keterkaitan

G	1	2	3	4	3	0
1	1	0	0	1	0	0
2	1	1	0	0	1	1
3	0	1	21	0	0	0
4.	0	0	1	I	1	1

c) Menurut *Handshaking Lemma*, jumlah derajat titik pada suatu graf sama dengan 2 kali banyak sisi. Diketahui bahwa jumlah derajat titik-titik graf itu adalah 4 + 3 + 2 + 1 = 10. Dengan demikian, banyak sisi *B* adalah  $1 \times 10 = 5$ . Gambar graf *B* sebagai berikut.



# FAKULTAS TEKNIK UNIVERSITAS PELITA BANGSA

#### UJIAN AKHIR SEMESTER GASAL TA 2021/2022

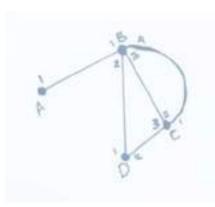
Nama/NIM : Miftahu Rizkiyah / 312010014

Kelas : TI.20.B.1

Dosen Pengampu : Ari Yuneldi, S.Pd., M.Si.

Mata Kuliah : Matematika Diskrit

Hari/Tanggal : Kamis, 13 Januari 2022



Terlihat pada gambar disamping bahwa derajat titik *A,B,C dan D* berturut-turut adalah 1,4,3,2. Terlihat juga ada 5 sisi pada graf tersebut.

d) Tidak ada, contoh titik graf ada **a,b,c dan d**. katakanalah *d* merupakan titik berderajat 4. Graf yang terbentuk bukan graf sederhana karena hanya ada 3 sisi yang ditarik dari *d* ke titik lain (**a,b,c**) sehingga 1 sisi lainnya pastilah akan menjadi bagian dari sisi rangkap atau *loop* di titik itu.

# FAKULTAS TEKNIK UNIVERSITAS PELITA BANGSA

#### UJIAN AKHIR SEMESTER GASAL TA 2021/2022

Nama/NIM : Miftahu Rizkiyah / 312010014

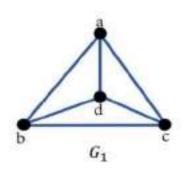
Kelas : TI.20.B.1

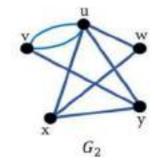
Dosen Pengampu : Ari Yuneldi, S.Pd., M.Si.

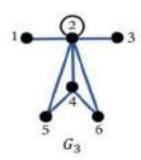
Mata Kuliah : Matematika Diskrit

Hari/Tanggal : Kamis, 13 Januari 2022

#### 3. Perhatikan Graf dibawah ini:







- a) Tentukan himpunan titik dan himpunan sisi gambar diatas
- Himpunan titik graf G kita notasikan dengan V(G), huruf V diambil dari kata "vertek". Dari gambar diatas telah di beli nama  $G_1$ ,  $G_2$ , dan  $G_3$ . Jadi, dapat kita tuliskan:

$$V(G_1) = \{a, b, c, d\}$$

$$V(G_2) = \{u, v, w, x, y\}$$

$$V(G_3) = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$

- Himpunan Sisi

$$E(G_1) = \{ab, ac, bc, ad, bd, cd\}$$

$$E(G_2) = \{xy, xw, xu, vy, uw, uy, vu, vu\}$$

$$E(G_3) = \{12, 22, 23, 24, 25, 26, 45, 46\}$$

- b) Tentukan mana yang Graf Sederhana, memuat loop, memuat sisi rangkap.
- Graf Sedehana adalah  $G_I$  karena tidak memuat sisi rangkap maupun loop.



- Graf yang memuat *loop adalah*  $G_3$ , yaitu pada titik 2.



- Graf yang memuat sisi rangkap adalah  $G_2$ , yaitu pada sisi penghubung titik  $u \, dan \, v$ .



# FAKULTAS TEKNIK UNIVERSITAS PELITA BANGSA

#### UJIAN AKHIR SEMESTER GASAL TA 2021/2022

Nama/NIM : Miftahu Rizkiyah / 312010014

Kelas : TI.20.B.1

Dosen Pengampu : Ari Yuneldi, S.Pd., M.Si.

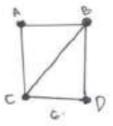
Mata Kuliah : Matematika Diskrit

Hari/Tanggal : Kamis, 13 Januari 2022

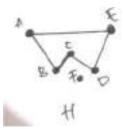
c) Graf disamping merepresentasikan jabat tangan yang terjadi. Titik mewakili orang, sedangkan sisi mewakili jabat tangan. Jumlah jabat tangan diwakili oleh jumlah sisi pada graf tersebut, yaitu 4 + 3 + 2 + 1 = 10



d) - Graf G dibawah mengandung siku Hamilton dengan baris *A B D C A*. Jadi graf dibawah ini disebut graf Hamilton dan bukan graf Euler karena ada sisi yang tidak dilaluinya yaitu sisi *BC*.



- Graf H dibawah ini tergolong graf Euler karena mengandung siklus Euler **ABCDEF**, tetapi bukan graf Hamilton sebuah titik F tidak di laluinya.





# FAKULTAS TEKNIK UNIVERSITAS PELITA BANGSA

### UJIAN AKHIR SEMESTER GASAL TA 2021/2022

Nama/NIM : Miftahu Rizkiyah / 312010014

Kelas : TI.20.B.1

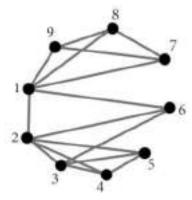
Dosen Pengampu : Ari Yuneldi, S.Pd., M.Si.

Mata Kuliah : Matematika Diskrit

Hari/Tanggal : Kamis, 13 Januari 2022

#### 4. Selesaikan soal-soal berikut dengan lengkap dan cermat!

a) Gambarlah graf sederhana dengan barisan derajat (5,5,4,3,3,3,3,3,3)



#### - Tabel Penjelasan

Nama Titik	Derajat/Jumlah Sisi	Nama Sisi
1	5	12, 16, 17, 18, 19
2	5	12, 23, 24, 25, 26
3	4	23, 34, 35, 36
4	3	24, 34, 45
5	3	25, 35, 45
6	3	16, 26, 36
7	3	17, 78, 79
8	3	18, 78, 89
9	3	19, 79, 89



# FAKULTAS TEKNIK UNIVERSITAS PELITA BANGSA

#### UJIAN AKHIR SEMESTER GASAL TA 2021/2022

Nama/NIM : Miftahu Rizkiyah / 312010014

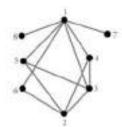
Kelas : TI.20.B.1

Dosen Pengampu : Ari Yuneldi, S.Pd., M.Si.

Mata Kuliah : Matematika Diskrit

Hari/Tanggal : Kamis, 13 Januari 2022

b) Gambarlah graf sederhana dengan barisan derajat (6,4,4,3,3,2,1,1)



#### - Tabel penjelasan

Nama Titik	Derajat/Jumlah Sisi	Nama Sisi
1	6	1-3,1-4,1-5,1-6,1-7,1-8
2	4	2-3,2-4,2-5,2-6
3	4	2-3,3-4,3-5,3-6
4	3	1-4,2-4,3-4
5	3	1-5,2-5,3-5
6	2	1-6,2-6
7	1	7-Jan
8	1	8-Jan

c) Periksalah apakah barisan (4 4 3 3 2) merupakan grafik atau bukan.

Perhatikan bahwa banyaknya bilangan pada S = 44332 adalah 5. Jelas bahwa  $n = 5 \le I$ .

Terlihat bahwa *S* tidak memuat bilangan yang lebih dari 4 dan tidak semua bilangan 0, serta tidak ada bilangan negative. *S* sudah terurut berupa bilangan monoton turun sehingga langkah selanjutnya adalah sebagai berikut:

S = 4 4 3 3 2 (Eksekusi 4 dan kurangi 4 bilangan disampingnya dengan 1)

 $S_1 = 3 \ 2 \ 2 \ 1$  (Eksekusi 3 dan kurangi 3 bilangan disampingnya dengan 1)

 $S_2 = 110$  (Eksekusi 1 dan kurangi 1 bilagan disampingnya dengan 1)

 $S_3 = 0.0$  (Tampak bahwa  $S_3$  hanya memuat bilangan 0 sehingga  $S_3$  grafik. Jadi, S juga grafik.



## FAKULTAS TEKNIK UNIVERSITAS PELITA BANGSA

#### UJIAN AKHIR SEMESTER GASAL TA 2021/2022

Nama/NIM : Miftahu Rizkiyah / 312010014

Kelas : TI.20.B.1

Dosen Pengampu : Ari Yuneldi, S.Pd., M.Si.

Mata Kuliah : Matematika Diskrit

Hari/Tanggal : Kamis, 13 Januari 2022

d) Periksalah apakah barisan (5 4 3 2 1 0) merupakan grafik atau bukan.

Jawab:  $S = 5 \ 4 \ 3 \ 2 \ 1 \ 0$   $n = 6 \le 1$ .

Terlihat S tidak memuat bilangan lebih dari 5 dan tidak semua bilangannya 0. Serta tidak ada bilangan negatif.

S = 5 4 3 2 1 0 (Eksekusi 5 dan kurangi 5 bilangan disampingnya dengan 1)

 $S_I = 3 \ 2 \ 1 \ 0 - 1$  (Terlihat bahwa  $S_I$  memuat bilangan negative sehingga  $S_I$  bukan grafik. Jadi S juga bukan grafik.

e) Periksalah apakah barisan (6 4 4 3 3 2 1 1) merupakan grafik atau bukan.

Jawab: S =  $(6 \ 4 \ 4 \ 3 \ 3 \ 2 \ 1 \ 1 \ adalah \ 8.$   $n = 8 \le I.$ 

Terlihat bahwa S tidak memuat bilangan yang lebih dari 7 dan tidak semua bilangannya 0, serta tidak ada bilangan negative.

S = 6 4 4 3 3 2 1 1 (Eksekusi 6 dan kurangi 6 bilangan disampingnya dengan 1)

 $S_1' = 3322101$ 

 $\Rightarrow$  S<sub>1</sub> = 3 3 2 2 1 1 0 (Eksekusi 3 dan kurangi 3 bilangan disampingnya dengan 1)

 $S_2 = 2 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0$  (Eksekusi 2 dan kurangi 2 bilangan disampingnya dengan 1)

 $S_3' = 0 \ 0 \ 1 \ 1 \ 0$ 

 $\Rightarrow$  S<sub>3</sub> = 1 1 0 0 0 (Eksekusi 1 dan kurangi bilangan disampingnya dengan 1)

 $S_4 = 0 \ 0 \ 0 \ 0$ 

Terlihat bahwa S₄ hanya memuat bilangan 0 sehingga S₄ grafik. Jadi, S juga grafik.



### FAKULTAS TEKNIK UNIVERSITAS PELITA BANGSA

#### UJIAN AKHIR SEMESTER GASAL TA 2021/2022

Nama/NIM : Miftahu Rizkiyah/312010014

Kelas : TI.20.B.1

Dosen Pengampu : Ari Yuneldi, S.Pd., M.Si.

Mata Kuliah : Matematika Diskrit

Hari/Tanggal : Kamis, 13 Januari 2022

#### 5. Selesaikan soal-soal berikut dengan lengkap dan cermat!

a) Saya mengambil jurnal dari laman web <a href="http://blog.unnes.ac.id/candrawahyu/2016/06/30/matematika-diskrit/">http://blog.unnes.ac.id/candrawahyu/2016/06/30/matematika-diskrit/</a> - Tentang KONSEP MATEMATIKA DISKRIT & MANFAATNYA.

#### b) Point – Point Penting

- 1) Matematika diskrit adalah salah satu cabang ilmu matematika yang mengkaji objek-objek yang bersifat diskrit (kontinyu).
- 2) Komputer (digital) beroperasi secara diskrit dengan unit terkecil yang disebut bit(binery digit)
- 3) Baik struktur dan juga operasi komputer dapat dijelaskan dengan menggunakan konsep matematika diskrit.
- 4) Komputer digital bekerja secara diskrit. Informasi yang disimpan dan dimanipulasi oleh komputer adalah dalam bentuk diskrit.
- 5) Topik-topik yang dibahas atau dipelajari dalam matematika diskrit, seperti Logika, Teori himpunan, Matriks, Relasi & fungsi, Induksi Matematik, Algoritma, Teori bilangan bulat, Barisan & deret, Teori Grup & Ring, Dll.
- 6) Struktur Diskrit, Struktur matematika abstrak yang digunakan untuk menyajikan objek dan relasi antar objek.
- 7) Yang termasuk struktur diskrit seperti *Himpunan, Relasi, Permutasi dan Kombinasi, Graf, Pohon, Finite-state machine.*
- 8) Alasan mengapa mempelajari matematika diskrit yaitu mengajarkan mahasiswa untuk berpikir secara matematis, *Mengerti argument matematika, mampu membuat argument matematika*.
- 9) Matematika diskrit memberikan landasan matematis untuk kuliah-kuliah lain di informatika. Algoritma, struktur data, basis data, otomata dan teori Bahasa formal, jaringan komputer, keamanan komputer, sistem operasi, teknik kompilasi, dsb.
- 10) Matematika diskrit adalah matematika yang khas informatika karena itu sering juga orang bilang **Matematikanya orang Informatika.**
- c) Manfaat dari jurnal tersebut ialah memiliki pemahaman yang kuat dalam struktur diskrit.