

ULANGAN AKHIR SEMESTER GASAL TAHUN AJARAN 2021/2022

Nama : Aji Muhlisin NIM : 312010233 Kelas : TI.20.B.1

Mata Kuliah : Probabilitas dan Statistika Dosen Pengampu : Ir. U. Darmanto Soer, M.Kom

Pertemuan Ke : 16 (Enam Belas) Ulangan Akhir Semester (UAS)

Jawaban:

1. Menurut saya distribusi normal yaitu sebuah fungsi probabilitas yang menunjukkan distribusi atau penyebaran suatu variabel. Fungsi tersebut umumnya dibuktikan oleh sebuah grafik simetris yang disebut kurva lonceng.

Contohnya yaitu : Penghitungan tekanan darah, tinggi badan, penghitungan kesalahan (error measurement), hingga penjabaran nilai IQ yang menggunakan distribusi normal sebagai acuan utamanya.

2. Hitunglah

a. Berapa probabilitas bahwa ketiga kaleng susu itu lulus uji?

Jawab : =
$$P(3 \text{ lulus uji}) = P(k1 \text{ dan } k2 \text{ dan } k3)$$

= $0.95 \times 0.95 \times 0.95 = 0.86$

b. Berapa probabilitas bahwa hanya *dua kaleng* susu yang lulus uji?

Jawab : = P(2 lulus uji) = P(K1 dan K2 dan K3')+P(K1 dan K2' dan K3)+P(K1 dan K2 dan K3')
$$= (0.95 \times 0.95 \times 0.05) + (0.09 \times 0.05 \times 0.05 \times 0.95 \times 0.95)$$

$$= 0.14$$

c. Berapa probabilitas bahwa *tidak ada* yang lulus uji?

Jawab : = P(tidak ada yang lulus uji) = P(K1' dan K2' dan K3')
=
$$0.05 \times 0.05 \times 0.05$$

= 0.000125

3. Hitunglah

- a. Galat baku (standard error) sampel?
- b. Peluang sampel akan memiliki rata-rata tinggi badan kurang dari 160 cm?

Jawab: penyelesaian menggunakan dalil 2 tanpa pemulihan

$$N = 500$$
 $\mu \bar{x} = \mu = 165$ $\sigma = 12$ $n = 36$

Catatan $\frac{n}{N} = \frac{36}{500} = 0.072 = 7.2\% > 5\%$: dalil limit pusat tidak dapat digunakan

Ditanyakan : $P(\bar{x} < 160) = P(z < ?)$

FK
$$\sqrt{\frac{N-n}{N-1}} = \sqrt{\frac{500-36}{500-1}} = \sqrt{\frac{464}{499}} = \sqrt{0.929} = 0.964$$

Galat Baku
$$\sigma_{\bar{x}} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}} x \text{ FK} = \frac{12}{\sqrt{36}} x 0.964 = 2 x 0.964 = 1.928$$

$$Z = \frac{160-165}{1.928} = -2.59$$

$$P(\overline{x} < 160 = P(z < -2.59) = 0.5 - 0.4952 = 0.0048.$$

4. Ditanyakan : a = 5% = 0.05%

$$\beta = 5\% = 0.05\%$$

Ditanya : Ujilah Hipotesis

jawab

a. Tentukan Persamaan regresi?

$$b = \frac{n \sum XY - \sum X \cdot \sum Y}{n \sum X^2 - (\sum X)^2}$$

$$a = \frac{\sum Y - b \sum X}{n}$$

$$b = \frac{(4 \times 4685) - (105 \times 177)}{(4 \times 2785) - 11025}$$

$$a = \frac{177 - (1.4486 \times 105)}{4}$$

$$b = \frac{18740 - 18585}{11132 - 11025}$$

$$a = \frac{177 - 152 \cdot 103}{4}$$

$$b = \frac{155}{107}$$

$$a = \frac{24.897}{4}$$

$$b = 1.4486$$

$$a = 6.2243$$

Persamaan regesrinya yaitu : Y = 6.2243 + 1.4486 X

b. Berapa besar koefisien korelsi dan koefisien determinasinya?

$$r = \frac{n \sum XY - (\sum X)(\sum Y)}{\sqrt{[(n(\sum X^2) - (\sum X)^2) (n(\sum Y^2) - (\sum Y)^2)]}}$$
$$= \frac{4 (4685) - (105) (177)}{\sqrt{[(4 (2783) - (105)^2) (4(7889) - (177)^2)]}}$$

r = 0.99455

c. Hitunglah kesalahan standard estimasinya?

Se =
$$\sqrt{\frac{(\sum Y^2 - a \sum Y b - \sum XY)}{n-2}}$$

Se =
$$\sqrt{\frac{(7889 - (6.2243 \times 177) - (1.4486 \times 4685))}{4 - 2}}$$



$$Se = 0.56$$

d. Dengan tingkat signifikasi 5% ujilah hipotesis yang menyatakan bahwa hubungan antara harga dan daya beli sedikitnya 5% ?

Langkah pengujian hipotesis:

1) Tentukan Ho dan Ha

Ho:
$$\beta = 0.05$$

Ha :
$$\beta \neq 0.05$$

- 2) Uji hipotesis 2 arah3.
- 3) Tingkat signifikan (α)

$$\alpha = 0.05/2 = 0.0254$$
.

4) Wilayah kritis (α; db)

$$Db = n - 2$$

$$=4-2$$

$$=2$$

t tabel
$$(0.025; 2) = 4.303$$

5) Nilai Hitung

$$Sb = \frac{Se}{\sqrt{((\sum X^2) - \frac{(\sum X)^2}{4})}}$$

Sb =
$$\frac{0.56}{\sqrt{((2783) - \frac{(105)^2}{4})}}$$

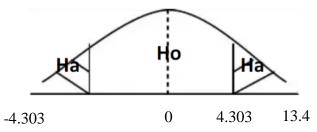
$$Sb = 0.108$$

t Hitung =
$$\frac{b}{Sh}$$

t Hitung =
$$\frac{1.4486}{0.108}$$

$$t Hitung = 13.4$$

6) Kurva:



Keputusan Terima Ha, Tolak Ho



- 7) Jadi, pendapat yang menyatakan hubungan harga dengan dayabeli sama dengan 5% adalah salah, dimana hargamempengaruhi daya beli sebesar 98,91%.
- 5. Hitunglah probabilitas 6 diantaranya pergi ke dokter dua bulan lalu?

Diketahui:
$$n = 15$$

$$x = 6$$

$$p = 2/5$$

$$q = 3/5$$

$$P(x,n) = \frac{n!}{(n-x)!x!} x p^x x q^{n-x}$$

$$P(6.15) \frac{12!}{9!6!} x \left(\frac{2}{5}\right)^6 x \left(\frac{3}{5}\right)^9 = 0.20$$