### Proposta de Trabalho sobre Raciocínio Probabilístico

#### PARTF 1

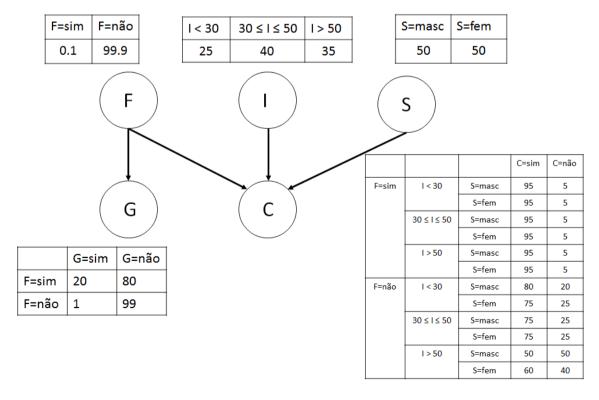
Você decide usar o seu conhecimento sobre Raciocínio Probabilístico e Redes Bayesianas para ajudá-lo a fazer um sistema que detecte o uso fraudulento do cartão de crédito. Quando um cartão de crédito é roubado, o ladrão normalmente o utiliza para comprar gasolina e/ou créditos para celular. As variáveis relevantes para o modelo encontram-se no conjunto

E={Fraude, Idade, Sexo, Gasolina, Crédito\_de\_Celular}

O problema é representado pelas seguintes variáveis:

- F "Fraude" com estados (sim, não) para representar se a compra é fraudulenta ou não;
- I "Idade" com estados {<30, 30-50, >50} para representar a idade do titular do cartão;
- S- "Sexo" com estados {masculino, feminino} para representar o sexo do titular do cartão;
- G "Gasolina" com estados {sim, não} para saber se foi comprado gasolina nas últimas 24 horas;
- C "Crédito para Celular" com estados {sim, não} para representar se foi comprado créditos para celular nas últimas 24 horas.

A modelagem do problema pode ser feita através da seguinte rede bayesiana:



Baseado nas informações acima calcule o que se pede:

- 1- Qual é a probabilidade de ter NÃO haver uma compra de gasolina dado que o cartão foi fraudado? Mostre os cálculos e as probabilidades que você está computando e dê uma resposta numérica.
- 2- Qual a probabilidade do mundo estar no seguinte estado: (F=sim, G=sim, I>50, S=fem, C=não)? Mostre os cálculos e as probabilidades que você está computando e dê uma resposta numérica.
- 3- Qual a probabilidade de haver uma compra de gasolina nas últimas 24 horas? Mostre os cálculos e as probabilidades que você está computando e dê uma resposta numérica.
- 4- Qual a probabilidade de haver uma compra de créditos para celular nas últimas 24 horas? Mostre os cálculos e as probabilidades que você está computando e dê uma resposta numérica.
- 5- Qual a probabilidade de haver uma compra de créditos para celular nas últimas 24 horas, dado que a houve a compra de gasolina? Mostre os cálculos e as probabilidades que você está computando e dê uma resposta numérica.
- 6- Qual a probabilidade um cartão de crédito ter sido fraudado, dado que houve a compra de créditos para celular, mas não houve a compra de gasolina nas últimas 24 horas? Mostre os cálculos e as probabilidades que você está computando e dê uma resposta numérica.

#### PARTF 2

A "cola" é uma falha de qualquer sistema educacional, tendo sido objeto de estudos recentes. Sabe-se que 10% da população estudantil frequenta o Ensino Universitário, 30% o Ensino Secundário, e os restantes o Ensino Fundamental. Dos alunos que frequentam a Universidade 60% colam, sendo a percentagem dos alunos que colam no Ensino Secundário é de 80%; os alunos do Fundamental não colam. Todos os alunos do Secundário já viram os seus colegas colando alguma vez, esta percentagem desce para 80% no caso dos Universitários. Quanto aos alunos do Fundamental, 10 % afirmam que já viram os seus colegas colando (os alunos do Fundamental às vezes mentem). Os alunos do Fundamental nunca estudam para as provas, enquanto que 50% dos Universitários e 50% dos alunos do Secundário dizem que estudam. Os alunos que colam e estudam para as provas sentem-se penalizados na nota em 10% dos casos, esta percentagem cai para 1% para os alunos que estudam, mas não colam. Os alunos que não estudam para as provas nunca se sentem penalizados na nota.

Modele a situação anterior com uma Rede Bayesiana, indicando as variáveis aleatórias, seus domínios, topologia da rede e tabelas de probabilidade condicionais.

Calcule a probabilidade de um aluno colar.

Calcule a probabilidade de um aluno frequentar o ensino Secundário dado que ele viu algum colega colando e que se sentiu penalizado na nota.

1- Qual é a probabilidade de ter NÃO haver uma compra de gasolina dado que o cartão foi fraudado? Mostre os cálculos e as probabilidades que você está computando e dê uma resposta numérica.

Do enunciado, temos que 
$$P(G|F) = 0.8$$
 ou  $80\%$ 

2- Qual a probabilidade do mundo estar no seguinte estado: (F=sim, G=sim, I>50, S=fem, C=não)? Mostre os cálculos e as probabilidades que você está computando e dê uma resposta numérica.

$$P(F,G,I) > 0$$
,  $S_F,\overline{C}$  =
 $P(F) \cdot P(I) \cdot P(S_F) \cdot P(G_F) \cdot P(\overline{C}_F,\overline{I}) > 0$ ,  $O,000 \cdot O,000 \cdot O$ 

3- Qual a probabilidade de haver uma compra de gasolina nas últimas 24 horas? Mostre os cálculos e as probabilidades que você está computando e dê uma resposta numérica.

$$P(G) = P(F) \cdot P(G|F) + P(F) \cdot P(G|F)$$
  
 $= 0,001 \cdot 0,2 + 0,999 \cdot 0,01 = 0,01019$   
 $= 0,01019$ 

numenca.

4- Qual a probabilidade de haver uma compra de créditos para celular nas últimas 24 horas? Mostre os cálculos e as probabilidades que você está computando e dê uma resposta numérica.

0,999. [0,25. [0,5.0,8+0.5.0,75]+
0,4. [0,5.0,75+0,5.0,75]+
0,35. [0,5.0,5+0,5.0,6]

= (), 6959865 30 69,59365%

5- Qual a probabilidade de haver uma compra de créditos para celular nas últimas 24 horas, dado que a houve a compra de gasolina? Mostre os cálculos e as probabilidades que você está computando e dê uma resposta numérica.

$$P(I_{(30)}) \cdot (P(S_{M}) \cdot P(C) + P(S_{F}) \cdot P(C)) + P(I_{(30)}) \cdot (P(S_{M}) \cdot P(C) + P(S_{F}) \cdot P(C)) + P(I_{(30)}) \cdot (P(S_{M}) \cdot P(C) + P(S_{F}) \cdot P(C)) + P(I_{(30)}) \cdot (P(S_{M}) \cdot P(C) + P(S_{F}) \cdot P(C)) + P(I_{(30)}) \cdot (P(S_{M}) \cdot P(C) + P(S_{F}) \cdot P(C))$$

$$P(G|F) \cdot P(F) \cdot ($$

$$P(I_{(30)}) \cdot (P(S_M) \cdot P(C) + P(S_F) \cdot P(C)) + P(I_{(30)}) \cdot (P(S_M) \cdot P(C) + P(S_F) \cdot P(C)) + P(I_{(30)}) \cdot (P(S_M) \cdot P(C) + P(S_F) \cdot P(C)) + P(I_{(30)}) \cdot (P(S_M) \cdot P(C) + P(S_F) \cdot P(C))$$

$$P(C|G): P(C) \cdot P(G|C) = 0.68651375 \cdot 0.0070456375$$

$$P(G)$$

## - 0,47467389806335875

6- Qual a probabilidade um cartão de crédito ter sido fraudado, dado que houve a compra de créditos para celular, mas não houve a compra de gasolina nas últimas 24 horas? Mostre os cálculos e as probabilidades que você está computando e dê uma resposta numérica.

TABELA

$$P(F|C,G) = \frac{P(F) \cdot P(C,G|F)}{P(C,G)} = \frac{P(F) \cdot P(C|F) \cdot P(G|F)}{P(C) \cdot P(G)}$$

$$P(C,G) = \frac{P(F) \cdot P(C|F) \cdot P(G|F)}{P(C) \cdot P(G)}$$

$$Sex.4 \qquad G1-ex.3$$

$$= 0,001 \cdot [0,5 \cdot [0,25.0,95+0,4.0,95+0,35.0,95] + 0,5 \cdot [0,25.0,95+0,4.0,95+0,35.0,95]$$

$$= 0,00095$$

$$P(F(C,G) = 0,001.0,00095.0,8$$

$$-0,68651375.0,98981$$

0.00111844 %

# PARTE 2

- Modele a situação anterior com uma Rede Bayesiana, indicando as variáveis aleatórias, seus domínios, topologia da rede e tabelas de probabilidade condicionais.
  - Calcule a probabilidade de um aluno colar.
  - Calcule a probabilidade de um aluno frequentar o ensino Secundário dado que ele viu algum colega colando e que se sentiu penalizado na nota.

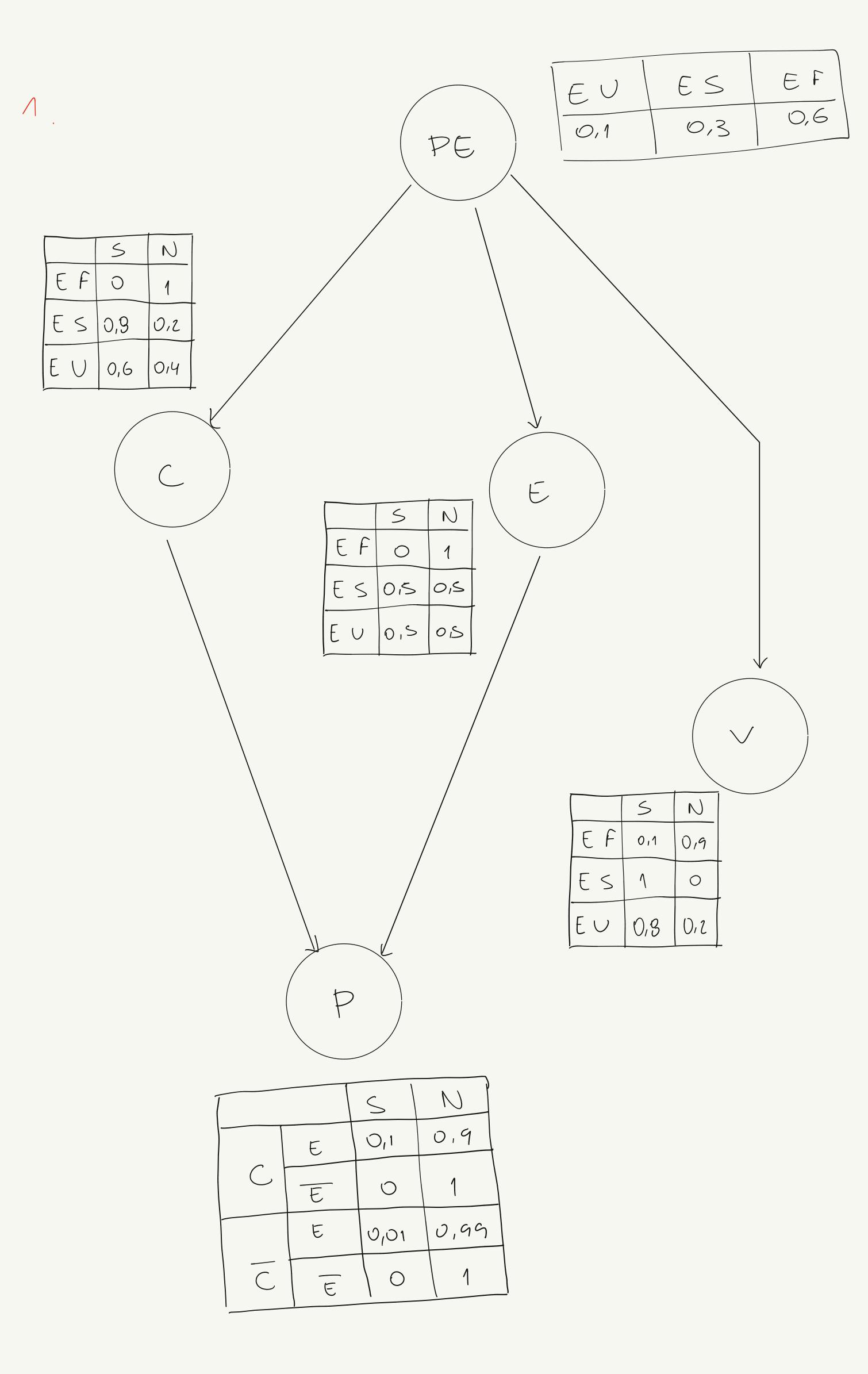
1. Populzgzo estadontil (PE) representada

pelos estados {EU, ES, EF} Louis Secondario Louis Louis Secondario Louis Louis

· Vzrizuel "EStodz" (E) = {Sim, N≥>}

· Valianel "Viu" (U) (se jé viu algum colega colando) - { Sim, Não}

- Uzvizivel "Penzlizadi" (P) (se se sente penzlizadi - (Simi, NE)



7. P(C)= P(EU)·P(C|EU)+
P(ES)·P(C|ES)P(EF)·P(C|EF)

= 0,1.0,6+ 0,3.0,8+0,6.0= 0,3

30%

3. Segundo o Netica, 82%