

TP de Especificación y Diseño

Modelado de SimCity

1 de Junio de 2022

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Grupo 01 - hasTADlaVista, turno mañana

Integrante	LU	Correo electrónico
Lakowsky, Manuel	511/21	mlakowsky@gmail.com
Vekselman, Natán	338/21	natanvek11@gmail.com
Arienti, Federico	316/21	fa.arienti@gmail.com



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina Tel/Fax: $(++54\ +11)\ 4576-3300$

http://www.exactas.uba.ar

1. Especificación

1.1. Mapa

```
TAD Mapa
```

```
igualdad observacional
                   (\forall m,m': \mathrm{Mapa}) \ \left(m =_{\mathrm{obs}} m' \Longleftrightarrow \begin{pmatrix} \mathrm{horizontales}(m) =_{\mathrm{obs}} \mathrm{horizontales}(m') \wedge_{\mathtt{L}} \\ \mathrm{verticales}(m) =_{\mathrm{obs}} \mathrm{verticales}(m') \end{pmatrix} \right)
géneros
exporta
                   Mapa, observadores, generadores, \bullet + \bullet, esRio
                   Nat, conj(a), Pos, Bool
observadores básicos
   horizontales : Mapa \longrightarrow conj(Nat)
                    : Mapa \longrightarrow conj(Nat)
Mapa
generadores
   crear : conj(Nat) \times conj(Nat) \longrightarrow Mapa
otras operaciones
Mapa
   ullet + ullet : Mapa 	imes Mapa \longrightarrow Mapa
   esRio : Mapa \times Pos
                                      \longrightarrow Bool
                   \forall hs, vs: \text{conj}(\text{Nat}), \forall m1, m2: \text{Mapa}, \forall p: \text{Pos}
   horizontales(crear(hs, vs)) \equiv hs
   verticales(crear(hs, vs))
                        \equiv crear(horizontales(m1) \cup horizontales(m2), verticales(m1) \cup verticales(m2))
   esRio(m1, p) \equiv p.x \in verticales(m1) \lor p.y \in horizontales(m1)
```

1.2. SimCity

TAD SIMCITY

```
igualdad observacional
                    (\forall s, s' : \operatorname{SimCity}) \quad \left( s =_{\operatorname{obs}} s' \iff \begin{pmatrix} \operatorname{Imapa}(s) & -_{\operatorname{obs}} \operatorname{mapa}(s') & \wedge \\ \operatorname{casas}(s) & =_{\operatorname{obs}} \operatorname{casas}(s') & \wedge \\ \operatorname{comercios}(s) & =_{\operatorname{obs}} \operatorname{comercios}(s') & \wedge \\ \operatorname{popularidad}(s) & =_{\operatorname{obs}} \operatorname{popularidad}(s') \end{pmatrix} \right)
                     SimCity
géneros
exporta
                     SimCity, observadores, generadores, turnos
usa
                     Mapa, Nat, Pos, Construccion, dicc(\alpha, \beta), Nivel
observadores básicos
   mapa
                        : SimCity \longrightarrow Mapa
                        : SimCity \longrightarrow dicc(Pos, Nivel)
   casas
   comercios
                        : SimCity \longrightarrow dicc(Pos, Nivel)
   popularidad : SimCity \longrightarrow Nat
generadores
                                                                                                   → SimCity
   iniciar
                          : Mapa
   avanzar
Turno : SimCity s \times \text{dicc}(\text{Pos} \times \text{Construccion}) cs
                                                                                                 \longrightarrow SimCity
                                                                                                                   \{*avanzarTurnoValido(s, cs)\}
                          : SimCity a \times SimCity b
                                                                                                                                    \{*unirValido(a, b)\}
   unir
                                                                                                      \rightarrow SimCity
otras operaciones
   turnos
                          : SimCity
                                                                                                     \rightarrow Nat
   construcciones : SimCity
                                                                                                   \rightarrow dicc(Pos, Nivel)
                          : \operatorname{dicc}(\alpha \times \beta) \times \operatorname{dicc}(\alpha \times \beta)
                                                                                                   \longrightarrow \operatorname{dicc}(\alpha, \beta)

    ∪<sub>dicc</sub> •

   agCasas
                          : dicc(Pos \times Nivel) \times dicc(Pos \times Construc- \longrightarrow dicc(Pos,Nivel)
   agComercios : SimCity \times dicc(Pos \times Nivel) \times dicc(Pos \times \longrightarrow dicc(Pos,Nivel))
                              Construccion)
   nivelCom
                          : Pos \times dicc(Pos \times Nivel)
                                                                                                   \longrightarrow Nat
                                                                                                   \longrightarrow Nat
   distManhatt
                         : Pos \times Pos
   sacarRepes
                          : dicc(Pos \times Construccion) \times dicc(Pos \times \longrightarrow dicc(Pos, Construccion))
                              Construccion)
                     \forall s, s': similarly, \forall cs, cs': dicc(Pos, Construccion), \forall cn, cn': dicc(Pos, Nivel), \forall d, d': dicc(\alpha, \beta)
axiomas
    mapa(iniciar(m))
   mapa(avanzarTurno(s, cs))
                                               \equiv \operatorname{mapa}(s)
   \operatorname{mapa}(\operatorname{unir}(s, s'))
                                                \equiv crear(horizontales(s) \cup horizontales(s'), verticales(s) \cup verticales(s'))
   casas(iniciar(m))
                                                \equiv vacio
   \operatorname{casas}(\operatorname{avanzarTurno}(s, cs)) \equiv \operatorname{agCasas}(\operatorname{casas}(s), cs)
   casas(unir(s, s'))
                                               \equiv \operatorname{agCasas}(\operatorname{casas}(s), \operatorname{sacarRepes}(\operatorname{construcciones}(s), \operatorname{construcciones}(s')))
   agCasas(cn, cs)
                                                \equiv if vacio?(claves(cs)) then
                                                           cn
                                                    else
                                                           if obtener(dameUno(claves(cs)), cs) =<sub>obs</sub> "casa" then
                                                                   agCasas(definir(dameUno(claves(cs)), 1, cn),
                                                                          borrar(dameUno(claves(cs)), cs))
                                                           else
                                                                   agCasas(cn, borrar(dameUno(claves(cs)), cs))
                                                           fi
                                                    fi
```

```
comercios(iniciar(m))
                                        \equiv vacio
comercios(avanzarTurno(s, cs)) \equiv agComercios(s, comercios(s), cs)
comercios(unir(s, s'))
                                        \equiv \operatorname{agComercios}(s,
                                                       comercios(s),
                                                       sacarRepes(construcciones(s), construcciones(s')))
agComercios(s, cn, cs) \equiv if \ vacio?(claves(cs)) \ then
                                      cn
                                 else
                                      if obtener(dameUno(claves(cs)), cs) =<sub>obs</sub> "comercio" then
                                            agComercios(definir(dameUno(claves(cs)),
                                                       nivelCom(dameUno(claves(cs)), casas(s)), cn),
                                                       borrar(dameUno(claves(cs)), cs))
                                      else
                                            agComercios(cn, borrar(dameUno(claves(cs)), cs))
                                      fi
nivelCom(p, cn)
                             \equiv if vacio?(claves(cn)) then
                                 else
                                      if distManhatt(p, dameUno(claves(cn))) \leq 3 then
                                            \max(\text{obtener}(\text{dameUno}(\text{claves}(cn)), cn),
                                                  \operatorname{nivelCom}(p, \operatorname{borrar}(\operatorname{dameUno}(\operatorname{claves}(cn)), cn)))
                                      else
                                            \operatorname{nivelCom}(p, \operatorname{borrar}(\operatorname{dameUno}(\operatorname{claves}(cn)), cn))
                                      fi
                             \equiv if \pi_0(p) < \pi_0(q) then q - p else p - q fi
distManhatt(p, q)
                                 if \pi_1(p) < \pi_1(q) then q - p else p - q fi
popularidad(iniciar(m))
popularidad(avanzarTurno(s, cs)) \equiv popularidad(s)
popularidad(unir(s, s'))
                                           \equiv popularidad(s) + 1 + popularidad s'
turnos(iniciar(m))
                                    \equiv 0
turnos(avanzarTurno(s, cs)) \equiv turnos(s) + 1
turnos(unir(s, s'))
                                    \equiv if turnos(s) < turnos(s') then turnos(s') else turnos(s) fi
construcciones(s)
                                    \equiv \operatorname{casas}(s) \cup_{dicc} \operatorname{comercios}(s)
d \cup_{dicc} d'
                         \equiv if vacio?(claves(d')) then
                                  d
                             else
                                  definir(dameUno(claves(d')),
                                        obtener(dameUno(claves(d')), d'),
                                        d \cup_{dicc} borrar(dameUno(claves(d')), d'))
                             fi
\operatorname{sacarRepes}(cs, cs')
                        \equiv if vacio?(claves(cs)) then
                                  cs'
                             else
                                  if def?(dameUno(claves(cs)), cs') then
                                        sacarRepes(borrar(dameUno(claves(cs)), cs),
                                                   borrar(dameUno(claves(cs)), cs'))
                                  else
                                        \operatorname{sacarRepes}(\operatorname{borrar}(\operatorname{dameUno}(\operatorname{claves}(cs)), cs), cs')
                                  fi
                             fi
```

Fin TAD

*donde:

```
avanzar
Turno<br/>Valido : SimCity s \times \mathrm{dicc}(\mathrm{Pos} \times \mathrm{Construccion}) \ cs \longrightarrow \mathrm{boolean}
avanzarTurnoValido(s, cs) \equiv \neg vacio?(claves(cs)) \wedge
                                                                                                                                                                                                                      (\forall p: Pos)(def?(p, cs) \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                                                                                                                                                                                                                                                      (\neg p \in claves(construcciones(s)) \ \land
                                                                                                                                                                                                                                                      \neg \pi_0(p) \in horizontales(mapa(s)) \land \neg \pi_1(p) \in verticales(mapa(s)) \land
                                                                                                                                                                                                                                                      (obtener(p,cs) =_{\text{obs}} "casa" \lor obtener(p,cs) =_{\text{obs}} "comercio"))
unir
Valido : Simcity a \times Sim<br/>City b \longrightarrow boolean
unirValido(a, b) \equiv (\forall p : Pos)(def?(p, construcciones(a)) \Rightarrow_{L}
                                                                                                                                                                             (\neg \pi_0(p) \in horizontales(mapa(b)) \land \neg \pi_1(p) \in verticales(mapa(b)) \land \neg \pi_1(p) \in verticales(mapa(b
                                                                                                                                                                             (\neg (\exists otra : Pos)(def?(otra, construcciones(a)) \land_{\texttt{L}})
                                                                                                                                                                                                             obtener(otra, construcciones(a)) > obtener(p, construcciones(a)) \Rightarrow_{L}
                                                                                                                                                                                                                                            \neg def?(p, construcciones(b)))))
                                                                                                                                           (\forall p: Pos)(def?(p, construcciones(b)) \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                                                                                                                                                                             (\neg \pi_0(p) \in horizontales(mapa(a)) \land \neg \pi_1(p) \in verticales(mapa(a)) \land \neg \pi_1(p) \in verticales(mapa(a
                                                                                                                                                                             (\neg (\exists otra: Pos)(def?(otra, construcciones(b)) \land_{\texttt{L}}
                                                                                                                                                                                                           obtener(otra, construcciones(b)) > obtener(p, construcciones(b)) \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                                                                                                                                                                                                                                            \neg def?(p, construcciones(a))))))
```

1.3. Servidor

```
TAD SERVIDOR
```

```
géneros
                  server
exporta
                  observadores, generadores, verMapa, verCasas, verComercios, verPopularidad y verTurno
                 SimCity, Mapa, Nombre, Pos, Construccion, Nivel, Nat, bool, \operatorname{dicc}(\alpha, \beta), \operatorname{conj}(\alpha)
usa
igualdad observacional
                 (\forall s, s' : \text{server}) \quad \left( s =_{\text{obs}} s' \iff \begin{pmatrix} \text{partidas}(s) =_{\text{obs}} \text{partidas}(s') \land_{\text{L}} \\ \text{congeladas}(s) =_{\text{obs}} \text{congeladas}(s') \land \\ (\forall p : \text{Nombre})(\text{def?}(p, \text{partidas}(s)) \Rightarrow_{\text{L}} \\ \text{pendientes}(s, p) =_{\text{obs}} \text{pendientes}(s', p)) \end{cases} \right)
observadores básicos
   partidas
                  : server
                                                    \longrightarrow dicc(Nombre, SimCity)
  congeladas : server
                                                   \longrightarrow conj(Nombre)
   pendientes : server s \times Nombre p \longrightarrow dicc(Pos, Construccion)
                                                                                                             \{def?(p, partidas(s))\}\
generadores
   nuevoServer :
                                                                             → server
  nueva
Partida : server s\times Nombre p\times Mapa
                                                                                                           \{\neg def?(p, partidas(s))\}
                                                                          \longrightarrow server
   unir<br/>Partidas : server s\times Nombre p1 \times Nombre p2 \longrightarrow server
                                                                                                  \{*unionValida(s, p1, p2, cs)\}
  avanzar
Turno<br/>Partida : server s \times Nombre p \longrightarrow server
                                                       \{def?(p, s) \land_{L} *avanzarTurnoValido(s, p, pendientes(s, p))\}
                          : server s \times Nombre p \times Pos pos \longrightarrow server
                                                                                                     \{*agregarValido(s, p, pos)\}
   \operatorname{agregarComercio}: \operatorname{server} \operatorname{s} \times \operatorname{Nombre} \operatorname{p} \times \operatorname{Pos} \operatorname{pos} \longrightarrow \operatorname{server}
                                                                                                     \{*agregarValido(s, p, pos)\}
otras operaciones
   verMapa
                        : server s \times Nombre p \longrightarrow Mapa
                                                                                                             \{def?(p, partidas(s))\}\
                        : server s \times Nombre p \longrightarrow dicc(Pos, Nivel)
   verCasas
                                                                                                             \{def?(p, partidas(s))\}
                       : server s \times Nombre p \longrightarrow dicc(Pos, Nivel)
                                                                                                             \{def?(p, partidas(s))\}
   verComercios
   verPopularidad : server s \times Nombre p \longrightarrow Nat
                                                                                                             \{def?(p, partidas(s))\}\
   verTurno
                        : server s \times Nombre p \longrightarrow Nat
                                                                                                             \{def?(p, partidas(s))\}
                   \forall s: server, \forall p, p1, p2: Nombre, \forall m: Mapa, \forall cs: conj(Pos)
axiomas
   partidas(nuevoServer)
                                                              \equiv vacio
  partidas(nuevaPartida(s, p, m))
                                                              \equiv definir(p, iniciar(m), partidas(s))
  partidas(unirPartidas(s, p1, p2))
                                                              \equiv definir(p1,
                                                                        unir(obtener(p1, partidas(s)), obtener(p2, partidas(s))),
                                                                        partidas(s)
  partidas(avanzarTurnoPartida(s, p))
                                                              \equiv definir(p,
                                                                        avanzarTurno(obtener(p, partidas(s)),
                                                                                          pendientes(s, p)),
                                                                        partidas(s))
   partidas(agregarCasa(s, p, pos))
                                                              \equiv partidas(s)
   partidas(agregarComercio(s, p, pos))
                                                              \equiv partidas(s)
                                                              \equiv \emptyset
   congeladas(nuevoServer)
   congeladas(nuevaPartida(s, p, m))
                                                                 congeladas(s)
   congeladas(avanzarTurnoPartida(s, p))
                                                              \equiv congeladas(s)
   congeladas(unirPartidas(s, p1, p2))
                                                              \equiv Ag(p2, congeladas(s))
   congeladas(agregarCasa(s, p, pos))
                                                              \equiv congeladas(s)
   congeladas(agregarComercio(s, p, pos))
                                                              \equiv congeladas(s)
   pendientes(nuevaPartida(s, p1, m), p)
                                                              \equiv if p =_{obs} p1 then vacio else pendientes(s, p) fi
   pendientes(unirPartidas(s, p1, p2), p)
                                                              \equiv pendientes(s, p)
```

```
pendientes(agregarCasa(s, p1, pos), p)
                                               \equiv if p =_{obs} p1 then
                                                       definir(pos, "casa", pendientes(s, p))
                                                  else
                                                       pendientes(s, p)
pendientes(agregarComercio(s, p1, pos), p)
                                               \equiv if p =_{\text{obs}} p1 then
                                                       definir(pos, "comercio", pendientes(s, p))
                                                       pendientes(s, p)
                                                   fi
pendientes(avanzarTurnoPartida(s, p1), p)
                                               \equiv if p =_{obs} p1 then vacio else pendientes(s, p) fi
// oo
verMapa(s, p)
                                               \equiv mapa(obtener(p, partidas(s)))
verCasas(s, p)
                                               \equiv casas(obtener(p, partidas(s)))
verComercios(s, p)
                                               \equiv comercios(obtener(p, partidas(s)))
verPopularidad(s, p)
                                               \equiv popularidad(obtener(p, partidas(s)))
verTurno(s, p)
                                               \equiv turnos(obtener(p, partidas(s)))
```

Fin TAD

*donde:

```
unionValida: server s \times Nombre p1 \times Nombre p2 \longrightarrow boolean
unionValida(s, p1, p2) \equiv def?(p1, partidas(s)) \land def?(p2, partidas(s)) \land
                                   p1 \notin congeladas(s) \wedge_{L}
                                   vacio?(claves(pendientes(s, p1))) \land vacio?(claves(pendientes(s, p2))) \land
                                   (\forall pos: Pos)(pos \in claves(constr1) \Rightarrow_{L}
                                          \neg sobreRio(pos, sim2) \land
                                          ((\not\equiv otra: Pos)(otra \in constr1 \land_{\mathtt{L}}
                                                obtener(pos, constr1).nivel < obtener(otra, constr1).nivel
                                         \Rightarrow_{\text{L}} \neg def?(pos, constr2))
                                   ) \
                                    (\forall pos: Pos)(pos \in claves(constr2) \Rightarrow_{\texttt{L}}
                                          \neg sobreRio(pos, sim1) \land
                                         ((\nexists otra: Pos)(otra \in constr2 \land_{L}
                                                obtener(pos, constr2).nivel < obtener(otra, constr2).nivel
                                         \Rightarrow_{L} \neg def?(pos, constr1)
      donde sim1 \equiv obtener(p1, partidas(s)),
               sim2 \equiv obtener(p2, partidas(s)),
               constr1 \equiv casas(sim1) \cup comercios(sim1),
               constr2 \equiv casas(sim2) \cup comercios(sim2)
avanzarTurnoValido : server s \times Nombre p \times dicc(Pos \times Construccion) cs \longrightarrow boolean
avanzarTurnoValido(s, p, cs) \equiv def?(p, partidas(s)) \land
                                            p \notin congeladas(s) \land
                                             \neg vacia?(claves(cs)) \land_{\mathsf{L}}
      donde sim \equiv obtener(p, partidas(s))
agregar
Valido : server s \times Nombre p \times Pos pos \longrightarrow boolean
\operatorname{agregarValido}(s, p, pos) \equiv \operatorname{def?}(p, \operatorname{partidas}(s)) \wedge_{\operatorname{L}} \neg p \in \operatorname{congeladas}(s) \wedge_{\operatorname{L}}
                                      \neg def?(pos, verCasas(s, p)) \land \neg def?(pos, verComercios(s, p)) \land
                                      \neg esRio(pos, verMapa(s, p))
• \cup • : \operatorname{dicc}(\alpha \times \beta) \times \operatorname{dicc}(\alpha \times \beta) \longrightarrow \operatorname{dicc}(\alpha, \beta)
a \cup b \equiv definir(a, b, claves(b))
                                                                                                                         \{cs \subseteq claves(b)\}\
union : \operatorname{dicc}(\alpha \times \beta) \times \operatorname{dicc}(\alpha \times \beta)  b \times \operatorname{conj}(\alpha)  cs \longrightarrow \operatorname{dicc}(\alpha, \beta)
union(a, b, cs) \equiv if vacio?(cs) then
                           else
                                  \_union(definir(dameUno(cs), obtener(dameUno(cs), b)), b, sinUno(cs))
                           fi
```

2. Módulos de referencia

2.1. Módulo Mapa

Interfaz

```
se explica con: MAPA
     géneros: mapa
     TP de Especificación y DiseñoOperaciones básicas de mapa
     \mathtt{CREAR}(\mathbf{in}\ hs\colon \mathtt{conj}\ (\mathtt{Nat})\ , \mathbf{in}\ vs\colon \mathtt{conj}\ (\mathtt{Nat})\ ) 	o res\ :\mathtt{mapa}
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} mapa(hs, vs)\}\
     Complejidad: O(copy(hs), copy(vs))
     Descripción: crea un mapa
     EsRio(in \ m1: Mapa, in \ p: Pos) \rightarrow res: Bool
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} esRio(m1, p)\}\
     Complejidad: O(1)
     Descripción: verifica si en determinada pos hay rio
     \operatorname{SUMA}(\mathbf{in}\ m1:\operatorname{Mapa},\mathbf{in}\ m2:\operatorname{Mapa}) \to res:\operatorname{Mapa}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} m1 + m2\}
Complejidad: O(crear(m1) + crear(m2))
Descripción: une 2 mapas
```

Representación

TP de Especificación y DiseñoRepresentación de mapa

Un mapa contiene rios infinitos horizontales y verticales. Los rios se representan como conjuntos lineales de naturales que indican la posición en los ejes de los ríos.

```
mapa se representa con estr donde estr es tupla (horizontales: conj (Nat), verticales: conj (Nat))

Rep: estr \longrightarrow boolean

Rep(e) \equiv true \iff true

Abs: estr m \longrightarrow mapa

Abs(m) \equiv horizontales(m) = estr.horizontales \land verticales(m) = estr.verticales
```

Algoritmos

```
\mathbf{esRio}(\mathbf{in}\ m1: \mathtt{Mapa}, \mathbf{in}\ p: \mathtt{Pos}) \to res: \mathtt{Bool}
 1: bool\ res \leftarrow false
 2: for(Nat\ y: estr.horizontales)
           if(y =_{obs} p.y) then
 4:
                res \leftarrow true
          else
 5:
                skip
 6:
 7: for(Nat \ x : estr.verticales)
 8:
          if(x =_{obs} p.x) then
 9:
                res \leftarrow true
           else
10:
                skip return res
11:
     Complejidad: O(\#horizontales(m1) + \#verticales(m1))
```

```
Suma(in hs: conj(Nat), in vs: conj(Nat)) → res: estr

1: for(Nat \ n : m1.horizontales)

2: Ag(n, estr.horizontales)

3: for(Nat \ n : m2.horizontales)

4: Ag(n, estr.horizontales)

5: for(Nat \ n : m1.verticales)

6: Ag(n, estr.verticales)

7: for(Nat \ n : m2.verticales)

8: Ag(n, estr.verticales) return estr

Complejidad: O(\#horizontales(m1) + \#verticales(m1) \#horizontales(m2) + \#verticales(m2))
```

2.2. Módulo SimCity

Interfaz

```
usa: completar
exporta: completar
se explica con: SIMCITY
géneros: SimCity
```

Operaciones básicas de SimCity

```
\label{eq:VERMAPA} \begin{array}{l} \operatorname{VERMAPA}(\mathbf{in}\ s\colon\operatorname{SimCity})\to res:\operatorname{Mapa}\\ \mathbf{Pre}\equiv\{\operatorname{true}\}\\ \mathbf{Post}\equiv\{\hat{res}\ =_{\operatorname{obs}}\ mapa(\hat{s})\}\\ \mathbf{Complejidad:}\ \Theta(\sum_{s_i\ \in\ U}\operatorname{copy}(mapa(s_i)))\ \operatorname{donde}\ U\ \mathrm{es}\ \mathrm{el}\ \mathrm{conjunto}\ \operatorname{de}\ \mathrm{SimCities}\ \mathrm{en}\ \mathrm{union}\ \mathrm{con}\ \mathrm{S},\ \mathrm{y}\ \mathrm{S}.\\ \mathbf{Descripción:}\ \mathrm{Crea}\ \mathrm{una}\ \mathrm{copia}\ \mathrm{del}\ \mathrm{mapa}\ \mathrm{sobre}\ \mathrm{el}\ \mathrm{que}\ \mathrm{se}\ \mathrm{desarrolla}\ \mathrm{el}\ \mathrm{juego}\ \mathrm{actual}.\ \mathrm{podria}\ \mathrm{ser}\ \mathrm{por}\ \mathrm{ref}? \end{array}
```

Representación

SimCity se compone por la ubicación y nivel de una serie de construcciones, de tipo casa o comercio, sobre un Mapa, y de una popularidad respecto a la cantidad de uniones que lo modificaron.

La ubicación de las casas se representan sobre un diccionario lineal con clave $Pos \equiv tupla < Nat$, Nat > y significado $Nivel \equiv Nat$. La ubicación de los comercios se representan similarmente, pero su significado responde a un $NivelBase \equiv Nat$ a partir del cual se calcula propiamente su nivel. El mapa es de tipo Mapa y las uniones se representan a través de una lista que contiene punteros a los SimCitys unidos e información relevante para calcular el nivel de sus construcciones. Ya que, una vez unido a otro, un SimCity debe permanecer sin modificación.

```
SimCity se representa con estr
 donde estr es tupla (turno : Nat,
                            popularidad : Nat,
                            mapa: Mapa,
                            casas: diccLineal(pos, Nivel),
                            comercios: diccLineal(pos, NivelBase),
                            uniones : lista(hijo) )
 donde hijo es tupla(sc: puntero (estr),
                            turnosDesdeUnion : Nat)
  donde pos es tupla(x : Nat, y : Nat)
Rep : estr^1 \longrightarrow boolean
Rep(e) \equiv true \iff (
                  (\&e \notin Unidos)^2 \wedge_{L}
                  (e.popularidad = \#(Unidos))^3 \land
                  (\forall p: puntero(estr))(p \in Unidos \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                       e.turno \ge (*p).turno
                  )^4 \wedge
                  (\forall p: pos)(p \in claves(Casas) \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                       \neg def(p, e.comercios)^5 \land \neg esRio(p, Mapas)^6 \land (obtener(p, Casas) < e.turno)^7
                  (\forall p: pos)(p \in claves(Comercios) \Rightarrow_{L}
                       \neg def(p, e.casas)^{8} \land \neg esRio(p, Mapas)^{9} \land (obtener(p, Comercios) < e.turno)^{10}
                  (\forall h: hijo)(esta?(h, e.uniones) \Rightarrow_{\text{L}}
                       (h.sc \neq null \land_{L} h.sc \notin unirPunteros(remover(p, e.uniones)))^{11} \land_{L}
                       rep(*(h.sc))^{12} \wedge_{\scriptscriptstyle L}
                       (e.turno > h.turnosDesdeUnion)^{13} \land
                       (\forall h_2: hijo)(esta?(h_2, e.uniones) \land_{\tt L} pos(h_2, e.uniones) > pos(h, e.uniones) \Rightarrow_{\tt L}
                            h_2.turnosDesdeUnion \leq h.turnosDesdeUnion
                       )^{14}
                  ) \
                  unionesValidas(e, e.uniones)^{15}
             )
 donde
     Unidos
                   \equiv unirPunteros(e.uniones)
                   \equiv unirCasas(Ag(\&e, Unidos))
     Casas
     Comercios \equiv unirComercios(Ag(\&e, Unidos))
     Mapas
                   \equiv unirMapas(Ag(\&e, Unidos))
Abs : estr e \longrightarrow SimCity
                                                                                                                 \{\operatorname{Rep}(e)\}
```

- 1. Se asume el traspaso de toda estructura de representación a su equivalente abstracto (se aplica el sombrerito).
- 2. la estructura no loopea consigo misma.
- $3.\,$ el turno actual es mayor o igual al turno de cualquier sim City hijo.
- 4. la popularidad es igual a la cantidad de uniones.
- $5.\ \ ninguna\ casa\ en\ la\ unión\ est\'a\ en\ la\ posici\'on\ de\ uno\ de\ los\ comercios\ de\ este\ sim City\ particular.$
- 6. ninguna casa en la unión está sobre un río perteneciente a cualquier mapa en la unión.
- 7. el turno es mas grande que el nivel de cualquier casa en la unión.
- 8. ningún comercio en la unión está en la posición de una de las casas de este simCity particular.
- 9. ningún comercio en la unión está sobre un río perteneciente a cualquier mapa en la unión.
- 10. el turno es mas grande que el nivel base de cualquier comercio en la unión.
- 11. Cada hijo apunta a un SimCity y su puntero no aparece en ningún otro SimCity de la unión.
- 12. Cada hijo apunta a un Simcity válido.
- 13. El turno es mayor o igual a la cantidad de turnos que pasaron desde la unión.
- 14. Las uniones están ordenadas de más antiguas a más recientes.
- 15. No se solapan posiciones máximas entre esta estructura hasta el hijo 'x', descontando construcciones agregadas después de la unión, y ese hijo, para todo hijo.

auxiliares para la representación

```
unirPunteros : secu(hijo) \longrightarrow conj(puntero(estr))
unirPunteros(s) \equiv \_unirPunteros(s, \emptyset)
\_unirPunteros : secu(hijo) \times conj(puntero(estr)) \longrightarrow conj(puntero(estr))
unirPunteros(s, p) \equiv if vacia?(s) then
                           else if prim(s).sc \in p then
                                                                 // por si hay loops
                                \_unirPunteros(fin(s), p)
                                \_unirPunteros((*(prim(s).sc)).uniones, Ag(prim(s).sc, p)) \cup
                                     \_unirPunteros(fin(s), Ag(prim(s).sc, p))
                          fi
unirMapas : conj(puntero(estr)) \longrightarrow Mapa
unirMapas(ps) \equiv if vacio?(ps) then
                          crear(\emptyset, \emptyset)
                     else
                          (*(dameUno(ps))).mapa + UnirMapas(sinUno(ps))
                     fi
unirCasas : conj(puntero(estr)) \longrightarrow dicc(Pos, Nivel)
unirCasas(ps) \equiv if \ vacio?(ps) \ then
                         vacio
                    else
                         (*p).casas \cup_{dicc} unirCasas(sinUno(ps))
unirComercios : conj(puntero(estr)) \longrightarrow dicc(Pos, Nat)
unirComercios(ps) \equiv if vacio?(ps) then
                              vacio
                         else
                              (*p).comercios \cup_{dicc} unirComercios(sinUno(ps))
                         fi
remover : secu(\alpha) \times \alpha \longrightarrow secu(\alpha)
                                               // remueve la primer aparición
remover(s, a) \equiv if vacia?(s) then
                   else if a = prim(s) then
                        fin(s)
                   else
                        prim(s) \bullet remover(fin(s), a)
unionesValidas : estr \times secu(hijo) \longrightarrow bool
uniones Validas (e, s) \equiv vacio?(s) \lor_L (maxcons(e, izq) \cap maxcons(e, der) = \emptyset \land uniones Validas(e, com(s)))
donde
                  \equiv unirPunteros(com(s))
    com
                  \equiv ult(s) \bullet <>
    ult
                  \equiv unirCasas(com) \cup_{dicc} filtrar(e.casas, ult(s).turnosDesdeUnion)^1
    comercom \equiv unirComercios(com) \cup_{dicc} filtrar(e.comercios, ult(s).turnosDesdeUnion)^1
    casasult
                  \equiv unirCasas(ult)
    comerult
                  \equiv unirComercios(ult)
                  \equiv claves(casascom) \cup claves(comercom)
    izq
                  \equiv claves(casasult) \cup claves(comerult)
    der
```

las casas o comercios de éste simCity particular con nivel o nivel base ≤ turnosDesdeUnion son aquellas que se agregaron después de la unión.

```
filtrar : dicc(Pos \times Nat) \times Nat \longrightarrow dicc(Pos, Nat)
filtrar(d, n) \equiv if \ vacio?(d) \ then
                      vacio
                 else if sig \leq n then
                      filtrar(borrar(clave, d), n)
                 else
                      definir(clave, sig, filtrar(borrar(clave, d), n))
                 fi
donde
    clave \equiv dameUno(claves(d))
            \equiv obtener(clave, d)
    sig
\max cons : estr \times conj(Pos) \longrightarrow conj(Pos)
\max \cos(e, c) \equiv \max \cos(e, c, \emptyset, 0)
\max cons : estr \times conj(Pos) \times conj(Pos) \times Nat \longrightarrow conj(Pos)
_{\text{maxcons}}(e, c, max, n) \equiv if \ vacio?(c) \ then
                              else if nivel_i > n then
                                     maxcons(e, sinUno(c), Ag(pos_i, \emptyset), nivel_i)
                              else if nivel_i = n then
                                   maxcons(e, sinUno(c), Ag(pos_i, max), n)
                                   \_maxcons(e, sinUno(c), max, n)
                              fi
donde
             \equiv dameUno(c)
    DOS_i
    nivel_i \equiv nivel(e, pos_i)
nivel : estr \times pos \longrightarrow Nat
nivel(e, pos) \equiv if \ def?(pos, \ Casas) \ then
                       obtener(pos,\ Casas)\ +\ nivelesPorUnion(e,\ pos)
                  else
                       maximo(obtener(pos, Comercios) \bullet nManhattan) + nivelesPorUnion(e, pos)
                  fi
donde:
    Unidos
                    \equiv unirPunteros(e.uniones)
    Casas
                     \equiv unirCasas(Ag(\&e, Unidos))
                    \equiv unirComercios(Ag(\&e, Unidos))
    Comercios
    nManhattan \equiv significados(manhattan(pos, 3), Casas)
nivelesPorUnion : estr \times pos \longrightarrow Nat
nivelesPorUnion(e, pos) \equiv if def?(pos, e.casas) \lor def?(pos, e.comercios) then
                               else
                                   hijoCorrecto.turnosDesdeUnion +
                                        nivelesPorUnion(hijoCorrecto.sc, pos)
                               fi
donde:
    hijoCorrecto \equiv llegar(e.uniones, pos)
llegar : secu(hijo) \times pos \longrightarrow hijo
llegar(s, p) \equiv if \ def?(pos, \ unirCasas(hijo) \lor def?(pos, \ unirComercios(hijo)) \ then
                     prim(s)
                else
                     llegar(fin(s))
                fi
donde
```

```
hijo \equiv Ag(prim(s).sc, \emptyset)
manhattan : Pos \times Nat \longrightarrow Conj(Pos)
manhattan(p, dist) \equiv if \ dist = 0 \ then
                                  Ag(p, \emptyset)
                            else
                                 diagonal(\{p.x, p.y + dist\}, \{p.x + dist, p.y\}) \cup
                                 if p.x - dist \ge 0 then
                                       diagonal(\{p.x, p.y + dist\}, \{p.xdist, p.y\})
                                 else
                                 \mathbf{fi} \cup
                                 if p.y - dist \ge 0 then
                                       diagonal(\{p.x, p.ydist\}, \{p.x + dist, p.y\})
                                 \mathbf{fi} \cup
                                 if p.x - dist \ge 0 \land p.y - dist \ge 0 then
                                       diagonal(\{p.x, p.ydist\}, \{p.xdist, p.y\})
                                 else
                                 \mathbf{fi} \cup
                                 manhattan(p, dist - 1)
                            fi
diagonal : pos \times pos \times Nat n \longrightarrow Conj(pos)
diagonal(d, h, y) \equiv if y = |h.y - d.y| then
                              Ag(h, \emptyset)
                         else
                              Ag(caminar(d, h, y), diagonal(d, h, y + 1))
                         fi
caminar : pos \times pos \times Nat \longrightarrow pos
caminar(d, h, y) \equiv if d.y \leq h.y then
                              if d.x \leq h.x then
                                    \{d.x + y, d.y + y\}
                              else
                                   \{d.x - y, d.y + y\}
                              fi
                        else
                              if d.x \leq h.x then
                                   \{d.x + y, d.y - y\}
                                   \{d.x - y, d.y - y\}
                              fi
                        fi
significados : conj(\alpha) \times dicc(\alpha \times \beta) \longrightarrow secu(\alpha)
significados(c, d) \equiv if \ vacio?(c) \ then
                                <>
                         else if def?(dameUno(c), d) then
                               obtener(c, d) \bullet significados(sinUno(c), d)
                         else
                               significados(sinUno(c), d)
                         fi
                                                                                                                \{long(a) > 0\}
maximo : secu(Nat) a \longrightarrow Nat
\operatorname{maximo}(s) \equiv \operatorname{if} long(s) = 1 \operatorname{then} prim(s) \operatorname{else} max(prim(s), maximo(fin(s))) \operatorname{fi}
nivelar : estr \times dicc(Pos \times Nat) \longrightarrow dicc(Pos, Nat)
```

 $\label{eq:nivelar} \text{nivelar(d)} \ \equiv \ \textbf{if} \ vacio?(d) \ \textbf{then} \ vacio \ \textbf{else} \ definir(clave, \ nivel(e, \ clave), \ nivelar(e, \ borrar(clave, \ d))) \ \textbf{fi} \\ \text{donde}$

clave $\equiv dameUno(claves(d))$

2.3. Módulo Servidor

Interfaz

```
se explica con: Servidor
géneros: server
TP de Especificación y DiseñoOperaciones básicas de server
NUEVOSERVER() \rightarrow res : server
\mathbf{Pre} \equiv \{\mathrm{true}\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} nuevoServer\}
Complejidad: O()
Descripción: Crea un servidor
Aliasing: No tiene
PARTIDAS(in s: server) \rightarrow res: dicc(string, SimCity)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} partidas(s)\}
Complejidad: O()
Descripción: Devuelve un diccionario con todas las partidas del servidor
Aliasing: Devuelve una copia (Esto habria que verlo, ya que no tenemos este dicc(nombre, simcity) por
asi decirlo. Maybe hacemos uno de cero? Y tambien habria que ver si lo devolvemos con los SimCity en las
hojas o son punteros?)
CONGELADAS(in s: server) \rightarrow res: conj(string)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} congeladas(s)\}\
 {\bf Complejidad:}\ O()
Descripción: Devuelve el conjunto con los nombres de las partidas no modificables
Aliasing: Devuelve una copia
NUEVAPARTIDA(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ s: server, \mathbf{in}\ p: string, \mathbf{in}\ m: mapa)
\mathbf{Pre} \equiv \{s =_{\mathrm{obs}} s0 \land \neg def?(p, partidas(s))\}\
Post \equiv \{s =_{obs} nuevaPartida(s0, p, m)\}\
Complejidad: O()
Descripción: Agrega una partida nueva al servidor
Aliasing: No tiene
UNIRPARTIDAS(in/out\ s: server, in\ p1: string, in\ p2: string)
\mathbf{Pre} \equiv \{*unionValida(s, p1, p2)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{s =_{obs} unirPartidas(s0, p1, p2)\}\
Complejidad: O()
Descripción: Une dos partidas de simcity en una, p2 pasa a ser no modificable
Aliasing: No tiene
AVANZARTURNOPARTIDA(in/out\ s: server, in\ p: string)
\mathbf{Pre} \equiv \{def?(p, s) \wedge_{\mathbf{L}} *avanzarTurnoValido(s, p, pendientes(p, s))\}
\mathbf{Post} \equiv \{s =_{obs} avanzarTurnoPartida(s0, p)\}\
Complejidad: O()
Descripción: Avanza el turno de una partida y agrega las construcciones definidas en el diccionario de
pendientes
Aliasing: No tiene
AGREGARCASA(in/out\ s: server, in\ p: string, in\ pos: Pos)
\mathbf{Pre} \equiv \{s =_{obs} s0 \land *agregarValido(s, p, pos)\}\
Post \equiv \{s =_{obs} agregarCasa(s0, p, pos)\}\
Complejidad: O()
Descripción: Agrega una nueva casa al diccionario de pendientes de la partida
Aliasing: No tiene
```

```
AGREGAR COMERCIO (in/out s: server, in p1: string, in p2: string)
\mathbf{Pre} \equiv \{s =_{obs} s0 \land *agregarValido(s, p, pos)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{s =_{obs} agregarComercio(s0, p, pos)\}\
Complejidad: O()
Descripción: Agrega un nuevo comercio al diccionario de pendientes de la partida
Aliasing: No tiene
POPULARIDAD(in s: server, in p: string) \rightarrow res: Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{def?(p, partidas(s))\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} verPopularidad(s, p)\}\
Complejidad: O()
Descripción: Devuelve la popularidad de la partida
Aliasing: Devuelve una referencia no modificable
ANTIGUEDAD(in s: server, in p: string) \rightarrow res: Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{def?(p, partidas(s))\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} verTurno(s, p)\}
Complejidad: O()
Descripción: Devuelve la antiguedad de la partida
Aliasing: Devuelve una referencia no modificable
MAPA(in s: server, in p: string) \rightarrow res: mapa
\mathbf{Pre} \equiv \{def?(p, partidas(s))\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} verMapa(s, p)\}\
Complejidad: O()
Descripción: Devuelve el mapa de la partida
Aliasing: Devuelve una copia? (habria que ver como funciona mapa en la implementacion del simcity)
VERCASAS(in s: server, in p: string) \rightarrow res: dicc(Pos, Nat)
\mathbf{Pre} \equiv \{def?(p, partidas(s))\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} verCasas(s, p)\}\
Complejidad: O()
Descripción: Devuelve un diccionario con las posiciones y niveles de las casas de la partida
Aliasing: Devuelve una copia? (habria que ver como funciona casas en la implementacion del simcity)
VERCOMERCIOS(in s: server, in p: string) \rightarrow res: dicc(Pos, Nat)
\mathbf{Pre} \equiv \{def?(p, partidas(s))\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} verComercios(s, p)\}\
Complejidad: O()
Descripción: Devuelve un diccionario con las posiciones y niveles de los comercios de la partida
Aliasing: Devuelve una copia? (habria que ver como funciona comercios en la implementacion del simcity)
```

*donde:

```
unionValida : server s \times Nombre p1 \times Nombre p2 \longrightarrow boolean
unionValida(s, p1, p2) \equiv def?(p1, partidas(s)) \land def?(p2, partidas(s)) \land
                                                                          p1 \notin congeladas(s) \wedge_{L}
                                                                          vacio?(claves(pendientes(s, p1))) \land vacio?(claves(pendientes(s, p2))) \land vacio?(claves(p2)) \land vacio?(claves(p2)) \land vacio?(claves(p2)) \land v
                                                                          (\forall pos: Pos)(pos \in claves(constr1) \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                                                                                         \neg sobreRio(pos, sim2) \land
                                                                                       ((\nexists otra : Pos)(otra \in constr1 \land_{L}
                                                                                                    obtener(pos, constr1).nivel < obtener(otra, constr1).nivel
                                                                                       \Rightarrow_{\text{L}} \neg def?(pos, constr2))
                                                                          (\forall pos: Pos)(pos \in claves(constr2) \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                                                                                        \neg sobreRio(pos, sim1) \land
                                                                                       ((\nexists otra: Pos)(otra \in constr2 \land_{\mathsf{L}}
                                                                                                    obtener(pos,\ constr2).nivel\ <\ obtener(otra,\ constr2).nivel
                                                                                       \Rightarrow_{L} \neg def?(pos, constr1)
                                                                          )
            donde sim1 \equiv obtener(p1, partidas(s)),
                                sim2 \equiv obtener(p2, partidas(s)),
                                constr1 \equiv casas(sim1) \cup_{dicc} comercios(sim1),
                                constr2 \equiv casas(sim2) \cup_{dicc} comercios(sim2)
avanzarTurnoValido : server s \times Nombre p \times dicc(Pos \times Construccion) cs \longrightarrow boolean
avanzarTurnoValido(s, p, cs) \equiv def?(p, partidas(s)) \land
                                                                                             p \notin congeladas(s) \land
                                                                                              \neg vacia?(claves(cs))
agregar
Valido : server s\times Nombre p\times Pos pos \longrightarrow boolean
\operatorname{agregarValido}(s, p, pos) \equiv \operatorname{def}(p, \operatorname{partidas}(s)) \wedge_{\operatorname{L}} \neg p \in \operatorname{congeladas}(s) \wedge
                                                                               \neg def?(pos, verCasas(s, p)) \land \neg def?(pos, verComercios(s, p)) \land
                                                                               \neg esRio(pos, verMapa(s, p))
• \cup_{dicc} • : \operatorname{dicc}(\alpha \times \beta) \times \operatorname{dicc}(\alpha \times \beta) \longrightarrow \operatorname{dicc}(\alpha, \beta)
d \cup_{dicc} d' \equiv \mathbf{if} \ vacio?(\operatorname{claves}(d')) \mathbf{then}
                                      else
                                                   definir(dameUno(claves(d')),
                                                                obtener(dameUno(claves(d')), d'),
                                                                d \cup_{dicc} borrar(dameUno(claves(d')), d'))
                                      fi
```

Representación

TP de Especificación y DiseñoRepresentación de servidor

Un servidor almacena y actualiza los diferentes SimCity. Se representa como un diccionario implementado en un trie, donde las claves son los nombres de las partidas y los significados un puntero al SimCity y su estado (si es modificable o no).

```
servidor se representa con diccTrie (Nombre, partida)
  donde partida es tupla (modificable: bool,
                                   sim : puntero(SimCity) ,
                                   pendientes : dicc(Pos, Construccion) )
  donde pos es tupla(x : Nat, y : Nat)
donde Nombre es string
donde Construccion es string
\operatorname{Rep}:\operatorname{estr}\longrightarrow\operatorname{boolean}
Rep(e) \equiv true \iff
              (\forall partida_1, partida_2 : Nombre)
              ((def?(partida_1, e) \land def?(partida_2, e) \land partida_1 \neq partida_2) \Rightarrow_{L}
                   obtener(partida_1, e).sim \neq obtener(partida_2, e).sim
              ) \
              (\forall partida: Nombre)(def?(partida, e) \Rightarrow_{L}
                   p.\sin \neq \text{NULL} \land
                    (p. \texttt{modificable} =_{\texttt{obs}} \mathit{false} \Rightarrow_{\texttt{L}} \mathit{vacio?}(\texttt{claves}(p. \texttt{pendientes}))) \ \land \\
                   (\forall pos: Pos)(def?(pos, p.pendientes) \Rightarrow_{L}
                         (obtener(pos, p.pendientes) \in {"casa", "comercio"} \land
                         \neg def?(pos, construcciones(*p.sim)))
              )
donde p es obtener (partida, e)
Abs : estr e \longrightarrow \text{servidor}
                                                                                                                          \{\operatorname{Rep}(e)\}
Abs(e) \equiv s: servidor \mid
                   (\forall nombre: Nombre)
                         (nombre \in congelados(s) \Leftrightarrow
                         (def?(nombre, e) \land_{L} obtener(nombre, e).modificable =_{obs} false))
                   (\forall nombre: Nombre)
                         (def?(nombre, partidas(s)) \Leftrightarrow def?(nombre, e))
                   (\forall nombre: Nombre)
                         (def?(nombre, partidas(s)) \Rightarrow_L
                         (obtener(nombre, partidas(s)) = obs *(obtener(nombre, e).sim) \land
                         pendientes(s, nombre) =_{obs} obtener(nombre, e).pendientes))
```