



DEPARTAMENTO
DE COMPUTACION

Facultad de Ciencias Exactas y Naturales - UBA

TP 1: Diseño

SimCity

1 de Junio de 2022

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Grupo 01 - hasTADlaVista, turno mañana

| Integrante | LU | Correo electrónico |
|-------------------|--------|----------------------|
| Lakowsky, Manuel | 511/21 | mlakowsky@gmail.com |
| Vekselman, Natán | 338/21 | natanvek11@gmail.com |
| Arienti, Federico | 316/21 | fa.arianti@gmail.com |



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja)

Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA

Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina

Tel/Fax: (+54 +11) 4576-3300

<http://www.exactas.uba.ar>

Resumen

El siguiente trabajo busca desarrollar el diseño de algunas de las estructuras de datos centrales al juego SimCity de 1989. Se buscará modelar e implementar el TAD *SimCity*, y los TADs satélite *Mapa* y *Servidor*, en concordancia con las interpretaciones y restricciones consignadas. En cada caso, se detallarán las motivaciones detrás de las soluciones propuestas.

Un SimCity consistirá, en términos generales, de un *Mapa* y un conjunto de *Construcciones* de tipo *casa* o *comercio*. El mismo permitirá la *union* con otras instancias del tipo, y deberá permitir conocer el *turno* y la *popularidad* de la partida, entendido éste último atributo como la cantidad de uniones que componen a la instancia.

Índice

| | |
|---------------------------------|----------|
| 1. Especificación | 2 |
| 1.1. Aliases | 2 |
| 1.2. Mapa | 2 |
| 1.3. SimCity | 3 |
| 1.4. Servidor | 6 |
| 2. Diseño | 8 |
| 2.1. Módulo Mapa | 8 |
| 2.1.1. Interfaz | 8 |
| 2.1.2. Representación | 8 |
| 2.1.3. Implementación | 9 |
| 2.2. Módulo SimCity | 10 |
| 2.2.1. Interfaz | 10 |
| 2.2.2. Representación | 12 |
| 2.2.3. Implementación | 16 |
| 2.3. Módulo Servidor | 19 |
| 2.3.1. Interfaz | 19 |
| 2.3.2. Representación | 22 |
| 2.3.3. Implementación | 23 |

1. Especificación

1.1. Aliases

TAD POS es TUPLA<X: NAT × Y: NAT>

TAD CONSTRUCCIÓN es STRING

TAD NOMBRE es STRING

TAD NIVEL es NAT

1.2. Mapa

TAD MAPA

géneros Mapa

exporta Mapa, observadores, generadores, $\bullet + \bullet$, esRio

usa Nat, conj(α), Pos, Bool

igualdad observacional

$$(\forall m, m' : \text{Mapa}) \left(m =_{\text{obs}} m' \iff \left(\begin{array}{l} \text{horizontales}(m) =_{\text{obs}} \text{horizontales}(m') \wedge_L \\ \text{verticales}(m) =_{\text{obs}} \text{verticales}(m') \end{array} \right) \right)$$

observadores básicos

horizontales : Mapa \longrightarrow conj(Nat)

verticales : Mapa \longrightarrow conj(Nat)

generadores

crear : conj(Nat) × conj(Nat) \longrightarrow Mapa

otras operaciones

$\bullet + \bullet$: Mapa × Mapa \longrightarrow Mapa

esRio : Mapa × Pos \longrightarrow Bool

axiomas $\forall hs, vs: \text{conj}(\text{Nat})$

horizontales(crear(hs, vs)) $\equiv hs$

verticales(crear(hs, vs)) $\equiv vs$

otros ax. $\forall m1, m2: \text{Mapa}, \forall p: \text{Pos}$

$m1 + m2 \equiv \text{crear}(\text{horizontales}(m1) \cup \text{horizontales}(m2), \text{verticales}(m1) \cup \text{verticales}(m2))$

$\text{esRio}(m1, p) \equiv p.x \in \text{verticales}(m1) \vee p.y \in \text{horizontales}(m1)$

Fin TAD

1.3. SimCity

TAD SIMCITY

géneros SimCity

exporta SimCity, observadores, generadores, turnos, nivelComercio, distManhattan, $\bullet \cup_{dicc} \bullet$

usa Mapa, Nat, Pos, Construcción, Nivel, $dicc(\alpha \times \beta)$

igualdad observacional

$$(\forall s, s' : \text{SimCity}) \left(s =_{\text{obs}} s' \iff \left(\begin{array}{l} \text{mapa}(s) =_{\text{obs}} \text{mapa}(s') \wedge_{\text{L}} \\ \text{casas}(s) =_{\text{obs}} \text{casas}(s') \wedge \\ \text{comercios}(s) =_{\text{obs}} \text{comercios}(s') \wedge \\ \text{popularidad}(s) =_{\text{obs}} \text{popularidad}(s') \end{array} \right) \right)$$

observadores básicos

mapa : SimCity \longrightarrow Mapa
casas : SimCity \longrightarrow $dicc(\text{Pos} \times \text{Nivel})$
comercios : SimCity \longrightarrow $dicc(\text{Pos} \times \text{Nivel})$
popularidad : SimCity \longrightarrow Nat

generadores

iniciar : Mapa \longrightarrow SimCity
avanzarTurno : SimCity $s \times dicc(\text{Pos} \times \text{Construcción}) \text{ } cs \longrightarrow$ SimCity $\{\text{avanzarValido}(s, cs)^1\}$
unir : SimCity $a \times \text{SimCity } b \longrightarrow$ SimCity $\{\text{unirValido}(a, b)^1\}$

otras operaciones

turnos : SimCity \longrightarrow Nat
nivelComercio : $\text{Pos} \times dicc(\text{Pos} \times \text{Nivel}) \longrightarrow$ Nat
distManhattan : $\text{Pos} \times \text{Pos} \longrightarrow$ Nat
 $\bullet \cup_{dicc} \bullet$: $dicc(\alpha \times \beta) \times dicc(\alpha \times \beta) \longrightarrow dicc(\alpha \times \beta)$
construcciones : SimCity $\longrightarrow dicc(\text{Pos} \times \text{Nivel})$
agCasas : $dicc(\text{Pos} \times \text{Nivel}) \times dicc(\text{Pos} \times \text{Construcción}) \longrightarrow dicc(\text{Pos} \times \text{Nivel})$
agComercios : $\text{SimCity} \times dicc(\text{Pos} \times \text{Nivel}) \times dicc(\text{Pos} \times \text{Construcción}) \longrightarrow dicc(\text{Pos} \times \text{Nivel})$
sacarRepes : $dicc(\text{Pos} \times \text{Construcción}) \times dicc(\text{Pos} \times \text{Construcción}) \longrightarrow dicc(\text{Pos} \times \text{Construcción})$

axiomas $\forall s, s' : \text{simcity}, \forall m : \text{Mapa}, \forall cs : dicc(\text{Pos} \times \text{Construcción})$

mapa(iniciar(m)) $\equiv m$
mapa(avanzarTurno(s, cs)) $\equiv \text{mapa}(s)$
mapa(unir(s, s')) $\equiv \text{mapa}(s) + \text{mapa}(s')$
casas(iniciar(m)) $\equiv \text{vacío}$
casas(avanzarTurno(s, cs)) $\equiv \text{agCasas}(\text{casas}(s), cs)$
casas(unir(s, s')) $\equiv \text{agCasas}(\text{casas}(s), \text{sacarRepes}(\text{construcciones}(s), \text{construcciones}(s')))$
comercios(iniciar(m)) $\equiv \text{vacío}$
comercios(avanzarTurno(s, cs)) $\equiv \text{agComercios}(s, \text{comercios}(s), cs)$
comercios(unir(s, s')) $\equiv \text{agComercios}(s, \text{comercios}(s), \text{sacarRepes}(\text{construcciones}(s), \text{construcciones}(s')))$
popularidad(iniciar(m)) $\equiv 0$
popularidad(avanzarTurno(s, cs)) $\equiv \text{popularidad}(s)$
popularidad(unir(s, s')) $\equiv \text{popularidad}(s) + 1 + \text{popularidad}(s')$

1. definido en el apartado Definiciones Auxiliares de SimCity.

```

turnos(iniciar(m))           ≡ 0
turnos(avanzarTurno(s, cs)) ≡ turnos(s) + 1
turnos(unir(s, s'))         ≡ if turnos(s) < turnos(s') then turnos(s') else turnos(s) fi

otros ax.    ∀s: simcity, ∀p, q: Pos, ∀cs, cs': dicc(Pos × Construcción), ∀cn: dicc(Pos × Nivel),
              ∀d, d': dicc(α × β)

nivelComercio(p, cn)       ≡ if vacio?(claves(cn)) then
                              1
                              else if distManhattan(p, proximo) ≤ 3 then
                                  max(obtener(proximo, cn), nivelComercio(p, borrar(proximo, cn)))
                              else
                                  nivelComercio(p, borrar(proximo, cn))
                              fi
                              donde proximo ≡ dameUno(claves(cn))

distManhattan(p, q)       ≡ if p.x < q.x then q.x - p.x else p.x - q.x fi
                              +
                              if p.y < q.y then q.y - p.y else p.y - q.y fi

d ∪dicc d'               ≡ if vacio?(claves(d')) then
                              d
                              else
                                  definir(proximo, obtener(proximo, d'), d ∪dicc borrar(proximo, d'))
                              fi
                              donde proximo ≡ dameUno(claves(d'))

construcciones(s)          ≡ casas(s) ∪dicc comercios(s)
agCasas(cn, cs)          ≡ if vacio?(claves(cs)) then
                              cn
                              else if obtener(proximo, cs) = "casa" then
                                  agCasas(definir(proximo, 1, cn), borrar(proximo, cs))
                              else
                                  agCasas(cn, borrar(proximo, cs))
                              fi
                              donde proximo ≡ dameUno(claves(cs))

agComercios(s, cn, cs)   ≡ if vacio?(claves(cs)) then
                              cn
                              else if obtener(proximo, cs) = "comercio" then
                                  agComercios(s, definir(proximo, nivelComercio(proximo, casas(s)), cn),
                                                  borrar(proximo, cs))
                              else
                                  agComercios(s, cn, borrar(proximo, cs))
                              fi
                              donde proximo ≡ dameUno(claves(cs))

sacarRepes(cs, cs')      ≡ if vacio?(claves(cs)) then
                              cs'
                              else if def?(proximo, cs') then
                                  sacarRepes(borrar(proximo, cs), borrar(proximo, cs'))
                              else
                                  sacarRepes(borrar(proximo, cs), cs')
                              fi
                              donde proximo ≡ dameUno(claves(cs))

```

Fin TAD

Definiciones Auxiliares de SimCity

avanzarValido : SimCity $s \times \text{dicc}(\text{Pos} \times \text{Construcción}) \text{ cs} \longrightarrow \text{boolean}$

$$\begin{aligned} \text{avanzarValido}(s, cs) \equiv & \neg \text{vacío?}(\text{claves}(cs)) \wedge \\ & (\forall p : \text{Pos}) (\text{def?}(p, cs) \Rightarrow_{\text{L}} \\ & \quad (\neg p \in \text{claves}(\text{construcciones}(s)) \wedge \\ & \quad \neg \text{esRio}(p, \text{mapa}(s)) \wedge \\ & \quad (\text{obtener}(p, cs) = \text{"casa"} \vee \text{obtener}(p, cs) = \text{"comercio"})) \\ &) \end{aligned}$$

unirValido : Simcity $a \times \text{SimCity } b \longrightarrow \text{boolean}$

$$\begin{aligned} \text{unirValido}(a, b) \equiv & (\forall p : \text{Pos})(\text{def?}(p, \text{construcciones}(a)) \Rightarrow_{\text{L}} \\ & \quad \neg \text{esRio}(p, \text{mapa}(b)) \wedge \\ & \quad (\nexists otra : \text{Pos})(\text{def?}(otra, \text{construcciones}(a)) \wedge_{\text{L}} \\ & \quad \quad \text{obtener}(otra, \text{construcciones}(a)) > \text{obtener}(p, \text{construcciones}(a)) \\ &) \Rightarrow_{\text{L}} \neg \text{def?}(p, \text{construcciones}(b)) \\ &) \wedge \\ & (\forall p : \text{Pos})(\text{def?}(p, \text{construcciones}(b)) \Rightarrow_{\text{L}} \\ & \quad \neg \text{esRio}(p, \text{mapa}(a)) \wedge \\ & \quad (\nexists otra : \text{Pos})(\text{def?}(otra, \text{construcciones}(b)) \wedge_{\text{L}} \\ & \quad \quad \text{obtener}(otra, \text{construcciones}(b)) > \text{obtener}(p, \text{construcciones}(b)) \\ &) \Rightarrow_{\text{L}} \neg \text{def?}(p, \text{construcciones}(a)) \\ &) \end{aligned}$$

1.4. Servidor

TAD SERVIDOR

| | |
|----------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| géneros | Server |
| exporta | Server, observadores, generadores, verMapa, verCasas, verComercios, verPopularidad y verTurno |
| usa | SimCity, Mapa, Nombre, Pos, Construcción, Nivel, Nat, Bool, $\text{dicc}(\alpha \times \beta)$, $\text{conj}(\alpha)$ |

igualdad observacional

$$(\forall s, s' : \text{Server}) \left(s =_{\text{obs}} s' \iff \left(\begin{array}{l} \text{partidas}(s) =_{\text{obs}} \text{partidas}(s') \wedge_{\text{L}} \\ \text{congeladas}(s) =_{\text{obs}} \text{congeladas}(s') \wedge \\ (\forall p: \text{Nombre})(\text{def?}(p, \text{partidas}(s)) \Rightarrow_{\text{L}} \\ \text{pendientes}(s, p) =_{\text{obs}} \text{pendientes}(s', p)) \end{array} \right) \right)$$

observadores básicos

| | | | | |
|------------|--------------------------------------|-------------------|------------------------------------------------------|------------------------------------------|
| partidas | : Server | \longrightarrow | $\text{dicc}(\text{Nombre} \times \text{SimCity})$ | |
| congeladas | : Server | \longrightarrow | $\text{conj}(\text{Nombre})$ | |
| pendientes | : Server $s \times \text{Nombre } p$ | \longrightarrow | $\text{dicc}(\text{Pos} \times \text{Construcción})$ | $\{\text{def?}(p, \text{partidas}(s))\}$ |

generadores

| | | | | |
|---------------------|----------------------------------------------------------------|-------------------|--------|-----------------------------------------------|
| nuevoServer | : | \longrightarrow | Server | |
| nuevaPartida | : Server $s \times \text{Nombre } p \times \text{Mapa}$ | \longrightarrow | Server | $\{\neg \text{def?}(p, \text{partidas}(s))\}$ |
| unirPartidas | : Server $s \times \text{Nombre } p1 \times \text{Nombre } p2$ | \longrightarrow | Server | $\{\text{unionValida}(s, p1, p2)^1\}$ |
| agregarCasa | : Server $s \times \text{Nombre } p \times \text{Pos } pos$ | \longrightarrow | Server | $\{\text{agregarValido}(s, p, pos)^1\}$ |
| agregarComercio | : Server $s \times \text{Nombre } p \times \text{Pos } pos$ | \longrightarrow | Server | $\{\text{agregarValido}(s, p, pos)^1\}$ |
| avanzarTurnoPartida | : Server $s \times \text{Nombre } p$ | \longrightarrow | Server | $\{\text{avanzarValido}(s, p)^1\}$ |

otras operaciones

| | | | | |
|----------------|--------------------------------------|-------------------|-----------------------------------------------|------------------------------------------|
| verMapa | : Server $s \times \text{Nombre } p$ | \longrightarrow | Mapa | $\{\text{def?}(p, \text{partidas}(s))\}$ |
| verCasas | : Server $s \times \text{Nombre } p$ | \longrightarrow | $\text{dicc}(\text{Pos} \times \text{Nivel})$ | $\{\text{def?}(p, \text{partidas}(s))\}$ |
| verComercios | : Server $s \times \text{Nombre } p$ | \longrightarrow | $\text{dicc}(\text{Pos} \times \text{Nivel})$ | $\{\text{def?}(p, \text{partidas}(s))\}$ |
| verPopularidad | : Server $s \times \text{Nombre } p$ | \longrightarrow | Nat | $\{\text{def?}(p, \text{partidas}(s))\}$ |
| verTurno | : Server $s \times \text{Nombre } p$ | \longrightarrow | Nat | $\{\text{def?}(p, \text{partidas}(s))\}$ |

axiomas $\forall s: \text{Server}, \forall p, p', p'': \text{Nombre}, \forall m: \text{Mapa}, \forall pos: \text{Pos}$

| | | |
|--------------------------------------------|----------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| partidas(nuevoServer) | \equiv | vacio |
| partidas(nuevaPartida(s, p, m)) | \equiv | definir(p , iniciar(m), partidas(s)) |
| partidas(unirPartidas(s, p, p')) | \equiv | definir($p1$, unir(obtener($p1$, partidas(s)), obtener($p2$, partidas(s))), partidas(s)) |
| partidas(agregarCasa(s, p, pos)) | \equiv | partidas(s) |
| partidas(agregarComercio(s, p, pos)) | \equiv | partidas(s) |
| partidas(avanzarTurnoPartida(s, p)) | \equiv | definir(p , avanzarTurno(obtener(p , partidas(s)), pendientes(s, p)), partidas(s)) |
| congeladas(nuevoServer) | \equiv | \emptyset |
| congeladas(nuevaPartida(s, p, m)) | \equiv | congeladas(s) |
| congeladas(unirPartidas(s, p, p')) | \equiv | Ag(p' , congeladas(s)) |
| congeladas(agregarCasa(s, p, pos)) | \equiv | congeladas(s) |
| congeladas(agregarComercio(s, p, pos)) | \equiv | congeladas(s) |
| congeladas(avanzarTurnoPartida(s, p)) | \equiv | congeladas(s) |

1. definido en el apartado Definiciones Auxiliares de Servidor.

$\text{pendientes}(\text{nuevaPartida}(s, p, m), p') \equiv \text{if } p = p' \text{ then vacio else pendientes}(s, p') \text{ fi}$
 $\text{pendientes}(\text{unirPartidas}(s, p, p'), p'') \equiv \text{pendientes}(s, p'')$ *acá no hace falta dif casos no?*
 $\text{pendientes}(\text{agregarCasa}(s, p, pos), p') \equiv \text{if } p = p' \text{ then}$
 $\quad \text{definir}(pos, "casa", \text{pendientes}(s, p))$
 $\quad \text{else}$
 $\quad \text{pendientes}(s, p')$
 $\quad \text{fi}$
 $\text{pendientes}(\text{agregarComercio}(s, p, pos), p') \equiv \text{if } p = p' \text{ then}$
 $\quad \text{definir}(pos, "comercio", \text{pendientes}(s, p))$
 $\quad \text{else}$
 $\quad \text{pendientes}(s, p')$
 $\quad \text{fi}$
 $\text{pendientes}(\text{avanzarTurnoPartida}(s, p), p') \equiv \text{if } p = p' \text{ then vacio else pendientes}(s, p') \text{ fi}$

otros ax. $\forall s: \text{Server}, \forall p: \text{Nombre}$

$\text{verMapa}(s, p) \equiv \text{mapa}(\text{obtener}(p, \text{partidas}(s)))$
 $\text{verCasas}(s, p) \equiv \text{casas}(\text{obtener}(p, \text{partidas}(s)))$
 $\text{verComercios}(s, p) \equiv \text{comercios}(\text{obtener}(p, \text{partidas}(s)))$
 $\text{verPopularidad}(s, p) \equiv \text{popularidad}(\text{obtener}(p, \text{partidas}(s)))$
 $\text{verTurno}(s, p) \equiv \text{turnos}(\text{obtener}(p, \text{partidas}(s)))$

Fin TAD

Definiciones Auxiliares de Servidor

$\text{unionValida} : \text{Server } s \times \text{Nombre } p \times \text{Nombre } p' \longrightarrow \text{boolean}$

$\text{unionValida}(s, p, p') \equiv \text{def?}(p, \text{partidas}(s)) \wedge \text{def?}(p', \text{partidas}(s)) \wedge p \notin \text{congeladas}(s) \wedge_{\text{L}}$
 $\quad \text{vacío?}(\text{claves}(\text{pendientes}(s, p))) \wedge \text{vacío?}(\text{claves}(\text{pendientes}(s, p'))) \wedge$
 $\quad \text{unirValido}(\text{obtener}(p, \text{partidas}(s)), \text{obtener}(p', \text{partidas}(s)))^1$

$\text{avanzarValido} : \text{Server } s \times \text{Nombre } p \longrightarrow \text{boolean}$

$\text{avanzarValido}(s, p) \equiv \text{def?}(p, \text{partidas}(s)) \wedge p \notin \text{congeladas}(s) \wedge_{\text{L}}$
 $\quad \neg \text{vacío?}(\text{claves}(\text{pendientes}(\text{obtener}(p, \text{partidas}(s)))))$

$\text{agregarValido} : \text{Server } s \times \text{Nombre } p \times \text{Pos } pos \longrightarrow \text{boolean}$

$\text{agregarValido}(s, p, pos) \equiv \text{def?}(p, \text{partidas}(s)) \wedge p \notin \text{congeladas}(s) \wedge \neg \text{def?}(pos, \text{pendientes}(s, p)) \wedge$
 $\quad \neg \text{def?}(pos, \text{verCasas}(s, p)) \wedge \neg \text{def?}(pos, \text{verComercios}(s, p)) \wedge$
 $\quad \neg \text{esRio}(pos, \text{verMapa}(s, p))$

1. definido en el apartado Definiciones Auxiliares de SimCity.

2. Diseño

2.1. Módulo Mapa

2.1.1. Interfaz

Interfaz

usa: se requiere?

exporta: se requiere?

se explica con: MAPA

géneros: Mapa

Operaciones básicas de Mapa

no se si hace falta agregar para los obs?

CREAR(**in** $hs: \text{conj}(\text{Nat})$, **in** $vs: \text{conj}(\text{Nat})$) $\rightarrow res: \text{Mapa}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{r\hat{e}s =_{\text{obs}} \text{mapa}(\hat{h}s, \hat{v}s)\}$

Complejidad: $O(\text{copy}(hs) + \text{copy}(vs))$ puede ser theta?

Descripción: Crea un mapa.

ESRIO(**in** $m: \text{Mapa}$, **in** $p: \text{Pos}$) $\rightarrow res: \text{Bool}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{r\hat{e}s =_{\text{obs}} \text{esRio}(\hat{m}, \hat{p})\}$

Complejidad: $O(1)$ como rep los $\text{conj}(\text{Nat})$?, si es sobre un array creo que hay q implementarlo. Tmb podria ser theta creo

Descripción: Verifica si en determinada pos hay un río.

SUMA(**in** $m1: \text{Mapa}$, **in** $m2: \text{Mapa}$) $\rightarrow res: \text{Mapa}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{r\hat{e}s =_{\text{obs}} \hat{m}1 + \hat{m}2\}$

Complejidad: $O(\text{crear}(m1) + \text{crear}(m2))$

Descripción: Une dos Mapas.

2.1.2. Representación

Representación

Representación de mapa

Un mapa contiene ríos infinitos horizontales y verticales. Los ríos se representan como conjuntos lineales de naturales que indican la posición en los ejes cartesianos de los ríos.

Mapa **se representa con** estr

donde estr es $\text{tupla}(\text{horizontales}: \text{conj}(\text{Nat}), \text{verticales}: \text{conj}(\text{Nat}))$

$\text{Rep} : \text{estr} \rightarrow \text{boolean}$

$\text{Rep}(e) \equiv \text{true} \iff \text{true}$

$\text{Abs} : \text{estr } m \rightarrow \text{Mapa}$

$\{\text{Rep}(m)\}$

$\text{Abs}(m) \equiv \text{horizontales}(m) = \text{estr.horizontales} \wedge \text{verticales}(m) = \text{estr.verticales}$ igobs?

2.1.3. Implementación**Algoritmos**

aca estaria bueno tenerlo mas cercano al formato de los de servidor, o pasar los de servidor a este formato.
 No se si hace falta declarar el tipo de variables nuevas
 habria que agregar justificaciones?

```
crear(in hs : conj(Nat), in vs : conj(Nat)) → res : estr
1:   estr.horizontales ← hs
2:   estr.verticales ← vs
3:   return estr
Complejidad: O(copy(hs) + copy(vs))
```

```
Suma(in m1: mapa, in m2: mapa) → res : mapa
1:   mapa res ← copiar(m1)
2:
3:   itConj(Nat) itH ← crearIt(horizontales(m2))
4:   while(haySiguiente(itH)) :
5:     Ag(horizontales(res), siguiente(itH))
6:     avanzar(itH)
7:
8:   itConj(Nat) itV ← crearIt(vertaicales(m2))
9:   while(haySiguiente(itV)) :
10:    Ag(vertaicales(res), siguiente(itV))
11:    avanzar(itV)
12:
13:   return res
Complejidad: O(copiar(m1) + copiar(m2))
```

```
esRio(in m1: mapa, in p: Pos) → res : Bool
1:   return p.x ∈ verticales(m1) ∨ p.y ∈ horizontales(m1)
Complejidad: O(#horizontales(m1) + #verticales(m1))
```

2.2. Módulo SimCity

2.2.1. Interfaz

Interfaz

hace falta restringir las complejidades en los casos que no pedían?, esta bien restringir en terminos de theta?
Onda estaría diciendo que tampoco puede ser mejor la solución

usa: Mapa, Diccionario Lineal, Pos, Nivel, Nat

exporta: todo

se explica con: SIMCITY

géneros: SimCity

Operaciones básicas de SimCity

Sea S : SimCity, $N = \text{popularidad}(S)$, $\{u_0 \dots u_N\} = U$: el conjunto de SimCities en union con S^1 y S , $\text{casas} = \#(\text{claves}(\text{casas}(\hat{S})))$ y $\text{comercios} = \#(\text{claves}(\text{comercios}(\hat{S})))$.

MAPA(in S : SimCity) $\rightarrow res$: Mapa

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{r\hat{e}s =_{\text{obs}} \text{mapa}(\hat{S})\}$

Complejidad: $\Theta(\sum_{i=0}^N \text{copy}(\text{mapa}_i))$, donde mapa_i es el Mapa original² de u_i .

Descripción: Retorna el mapa sobre el que se desarrolla el juego actual.

Aliasing: No. Genera una copia.

CASAS(in S : SimCity) $\rightarrow res$: DiccLineal(Pos, Nivel)

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{r\hat{e}s =_{\text{obs}} \text{casas}(\hat{S})\}$

Complejidad: $O(\text{casas}^2) \supset \Theta(\sum_{i=0}^N (\text{hasta}_i \times \text{casas}_i + \text{camino}_i))$,
donde hasta_i y casas_i son respectivamente la cantidad de casas definidas³ en $\{u_0 \dots u_{i-1}\}$ y u_i ,
y camino_i representa la cantidad de uniones para llegar de S a u_i ^{5,6}.

Descripción: Retorna las posiciones y respectivos niveles de todas las casas en el juego actual.

Aliasing: No. Genera una copia.

COMERCIOS(in S : SimCity) $\rightarrow res$: DiccLineal(Pos, Nivel)

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{r\hat{e}s =_{\text{obs}} \text{comercios}(\hat{S})\}$

Complejidad: $O(\text{comercios}^2 \times \text{casas}) \supset \Theta(\sum_{i=0}^N (\text{hasta}_i \times \text{comercios}_i \times \text{casas} + \text{camino}_i))$,
donde hasta_i y comercios_i son respectivamente la cantidad de comercios definidos en $\{u_0 \dots u_{i-1}\}$ y u_i ,
y camino_i representa la cantidad de uniones para llegar de S a u_i ⁷.

Descripción: Retorna las posiciones y respectivos niveles de todos los comercios en el juego actual.

Aliasing: No. Genera una copia.

POPULARIDAD(in S : SimCity) $\rightarrow res$: Nat

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{r\hat{e}s =_{\text{obs}} \text{popularidad}(\hat{S})\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: Retorna la cantidad total de uniones que se realizaron para conformar la partida actual.

1. Este conjunto incluye también a los SimCities provenientes de las uniones propias a cada SimCity en unión directa con S .
2. Es decir, aquel con el que se inició originalmente el simCity.
3. Donde se entiende por 'definida' como aquellas casas que provienen del propio simCity y no de alguna de sus uniones.
4. Dado que consideramos la resolución de colisiones durante una unión válida como 'queda el primero', y se requiere una complejidad de $\Theta(1)$ para la unión, es esperable que crear una copia del conjunto total de casas en U requiera chequear para cada casa definida en u_i su pertenencia al resultado parcial de la copia. Donde, en el peor caso, equivale al total de casas definidas hasta entonces.
5. Entendiendo las relaciones en U como un rosetree con $\text{raiz} = S$ y la necesidad de inmutabilidad de cada $u_i \neq S$, es razonable considerar que el nivel de cada casa o comercio en u_i va a tener que calcularse en relación con su posición en el árbol.
6. Se proveen dos complejidades, una más abstracta y una evaluada en consideración de las representaciones posibles dadas las restricciones impuestas.
7. Similar a $\text{casas}(S)$. En este caso se agrega la posibilidad de tener que evaluar por pertenencia en el total de las casas al conjunto de posiciones a distancia manhattan ≤ 3 del comercio actualmente siendo copiado, para conocer su nivel.

TURNOS(**in** S : SimCity) $\rightarrow res$: Nat

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{r\hat{e}s =_{\text{obs}} \text{turnos}(\hat{S})\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: Retorna la cantidad de turnos que pasaron desde que se inició el SimCity.

INICIAR(**in** m : Mapa) $\rightarrow res$: SimCity

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{r\hat{e}s =_{\text{obs}} \text{iniciar}(\hat{m})\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: Crea un nuevo SimCity.

Aliasing: Se guarda una referencia a m en res . No se modifica.

AVANZARTURNO(**in/out** S : SimCity, **in** cs : diccLineal(Pos, Construcccion))

Pre $\equiv \{\text{avanzarValido}^2(\hat{s}, \hat{c}s) \wedge \hat{S} = S_0\}$

Post $\equiv \{\hat{S} =_{\text{obs}} \text{avanzarTurno}(S_0, \hat{c}s)\}$

Complejidad: $O(\text{casas} \times \#(\text{claves}(\hat{c}s)) + N) \supset \Theta(\text{casas}_S \times \#(\text{claves}(\hat{c}s)) + U_S)$,
donde casas_S es el conjunto de casas definidas en éste SimCity particular y U_S es el conjunto de uniones directas a S .¹

Descripción: Avanza el turno de un SimCity.

Aliasing: Genera una copia de las posiciones en el diccionario.

UNIR(**in/out** $S1$: SimCity, **in** $S2$: SimCity)

Pre $\equiv \{\text{unionValida}^2(\hat{S}1, \hat{S}2) \wedge \hat{S}1 = S_0\}$

Post $\equiv \{\hat{S}1 =_{\text{obs}} \text{unir}(S_0, \hat{S}2)\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: Une dos SimCities.

Aliasing: Se guarda una referencia a $S2$ en $S1$. Cualquier cambio sobre $S2$ modificará a $S1$.

1. Esto se debe a que avanzar turno requiere agregar $\#(\text{claves}(\hat{c}s))$ elementos a un diccionario lineal y, nuevamente en relación al cálculo de niveles, requiere al menos avanzar los niveles propios e, indirectamente, los de todos los simCities en unión directa.
2. definido en Definiciones Auxiliares de SimCity.

2.2.2. Representación

Representación

Un *SimCity* se compone por la *ubicacion* y *nivel* de una serie de *construcciones*, de tipo *Casa* o *Comercio*, sobre un *Mapa*, y de una *Popularidad* respecto a la cantidad de uniones que lo modificaron.

La ubicación de las casas se representan sobre un diccionario lineal con clave *Pos* y significado *Nivel*. La ubicación de los comercios se representan similarmente, pero su significado responde a un *NivelBase* de tipo *Nat* a partir del cual se calcula propiamente su *Nivel*. El mapa es de tipo *Mapa* y las uniones se representan a través de una *lista* de *Hijos* que contiene punteros a los *SimCities* unidos e información relevante para calcular el nivel de sus construcciones. Ya que, una vez unido a otro, un *SimCity* debe permanecer sin modificar.

SimCity se representa con *estr*

donde *estr* es tupla(*turno* : Nat,
popularidad : Nat,
mapa : Mapa,
casas : diccLineal(*pos*, *Nivel*) ,
comercios : diccLineal(*pos*, *NivelBase*) ,
uniones : lista(*hijo*))

donde *hijo* es tupla(*sc* : puntero(*estr*) ,
turnosDesdeUnion : Nat)

donde *pos* es tupla(*x* : Nat , *y* : Nat)

Rep : *estr*¹ \longrightarrow boolean

Rep(*e*) \equiv true \iff (
 $(\forall h : \text{hijo})(\text{esta?}(h, e.\text{uniones}) \Rightarrow_L$
 $h.sc \neq \text{NULL} \wedge_L \text{rep}(*h.sc)^2 \wedge h.sc \notin \text{unirPunteros}(\text{remove}(p, e.\text{uniones}))^3 \wedge_L$
 $(e.\text{turno} \geq h.\text{turnosDesdeUnion})^4 \wedge$
 $(\forall h_2 : \text{hijo})(\text{esta?}(h_2, e.\text{uniones}) \wedge_L \text{pos}(h_2, e.\text{uniones}) > \text{pos}(h, e.\text{uniones}) \Rightarrow_L$
 $h_2.\text{turnosDesdeUnion} \leq h.\text{turnosDesdeUnion}$
 $)^5$
 $) \wedge_L$
 $(\&e \notin \text{Unidos})^6 \wedge_L$
 $(e.\text{popularidad} = \#(\text{Unidos}))^7 \wedge$
 $(\forall p : \text{puntero}(\text{estr}))(p \in \text{Unidos} \Rightarrow_L$
 $e.\text{turno} \geq (*p).\text{turno}$
 $)^8 \wedge$
 $(\forall p : \text{Pos})(p \in \text{claves}(e.\text{casas}) \Rightarrow_L$
 $\neg \text{def}(p, e.\text{comercios})^9 \wedge \neg \text{esRio}(p, \text{Mapas})^{10} \wedge (\text{obtener}(p, e.\text{casas}) < e.\text{turno})^{11}$
 $) \wedge$
 $(\forall p : \text{pos})(p \in \text{claves}(e.\text{comercios}) \Rightarrow_L$
 $\neg \text{def}(p, e.\text{casas})^{12} \wedge \neg \text{esRio}(p, \text{Mapas})^{13} \wedge (\text{obtener}(p, e.\text{comercios}) < e.\text{turno})^{14}$
 $) \wedge_L$
 $\text{unionesValidas}(e, e.\text{uniones})^{15}$
 $)$

donde

Unidos \equiv unirPunteros(*e.uniones*)
Mapas \equiv *e.mapa* + unirMapas(*Unidos*)

1. Se asume el traspaso de toda estructura de representación a su equivalente abstracto (se aplica el sombrerito).
2. Cada hijo apunta a un *Simcity* válido.
3. El puntero de cada hijo no aparece en ningún otro *SimCity* de la unión.
4. El turno es mayor o igual a la cantidad de turnos que pasaron desde la unión.
5. Las uniones están ordenadas de más antiguas a más recientes.
6. La estructura no loopea consigo misma.
7. La popularidad es igual a la cantidad de uniones.
8. El turno actual es mayor o igual al turno de cualquier *simCity* hijo.

$Abs : \text{estr } e \longrightarrow \text{SimCity} \quad \{\text{Rep}(e)\}$
 $Abs(e) \equiv sc : \text{SimCity} \mid$
 $\quad \text{mapa}(sc) =_{\text{obs}} \text{Mapas} \wedge$
 $\quad \text{casas}(sc) =_{\text{obs}} \text{nivelar}(\text{Casas}) \wedge$
 $\quad \text{comercios}(sc) =_{\text{obs}} \text{nivelar}(\text{Comercios}) \wedge$
 $\quad \text{popularidad}(sc) =_{\text{obs}} e.\text{popularidad}$
 donde
 $\text{Unidos} \equiv \text{unirPunteros}(e.\text{uniones})$
 $\text{Casas} \equiv \text{unirCasas}(\text{Ag}(\&e, \text{Unidos}))$
 $\text{Comercios} \equiv \text{unirComercios}(\text{Ag}(\&e, \text{Unidos}))$
 $\text{Mapas} \equiv \text{unirMapas}(\text{Ag}(\&e, \text{Unidos}))$

Definiciones Auxiliares

Los siguientes reemplazos sintácticos están contenidos al contexto del invariante de representación y la función de abstracción del SimCity. En éste sentido, se considera restricción implícita, para cada uno, ser evaluado en un estado que satisfaga parcialmente la representación,-en términos de lógica ternaria-, al momento de 'llamada' dentro de la misma.

$\text{unirPunteros} : \text{secu}(\text{hijo}) \ s \longrightarrow \text{conj}(\text{puntero}(\text{estr})) \quad \{(\forall h : \text{hijo})(h \in s \Rightarrow_L h.sc \neq \text{NULL})\}$
 $\text{unirPunteros}(s) \equiv _ \text{unirPunteros}(s, \emptyset)$
 $_ \text{unirPunteros} : \text{secu}(\text{hijo}) \ s \times \text{conj}(\text{puntero}(\text{estr})) \ ps \longrightarrow \text{conj}(\text{puntero}(\text{estr})) \quad \{\text{eq. unirPunteros}\}$
 $_ \text{unirPunteros}(s, ps) \equiv \text{if vacia?}(s) \text{ then}$
 $\quad \quad \quad ps$
 $\quad \text{else if prim}(s).sc \in ps \text{ then} \quad // \text{ por si hay loops}$
 $\quad \quad _ \text{unirPunteros}(\text{fin}(s), ps)$
 $\quad \text{else}$
 $\quad \quad _ \text{unirPunteros}((*(\text{prim}(s).sc)).\text{uniones}, \text{Ag}(\text{prim}(s).sc, ps)) \cup$
 $\quad \quad _ \text{unirPunteros}(\text{fin}(s), \text{Ag}(\text{prim}(s).sc, ps))$
 $\quad \quad // \text{ al unir se descarta el duplicado}$
 $\quad \text{fi}$
 $\text{unirMapas} : \text{conj}(\text{puntero}(\text{estr})) \ ps \longrightarrow \text{Mapa}$
 $\quad \quad \quad \{(\forall p : \text{puntero}(\text{estr}))(p \in ps \Rightarrow_L (p \neq \text{NULL} \wedge_L \text{rep}(*p)))\}$
 $\text{unirMapas}(ps) \equiv \text{if vacio?}(ps) \text{ then}$
 $\quad \text{crear}(\emptyset, \emptyset)$
 $\quad \text{else}$
 $\quad \quad (*(dameUno(ps))).\text{mapa} + \text{UnirMapas}(\text{sinUno}(ps))$
 $\quad \text{fi}$
 $\text{unirCasas} : \text{conj}(\text{puntero}(\text{estr})) \ ps \longrightarrow \text{dicc}(\text{Pos} \times \text{Nivel}) \quad \{\text{eq. unirMapas}\}$
 $\text{unirCasas}(ps) \equiv \text{if vacio?}(ps) \text{ then}$
 $\quad \text{vacio}$
 $\quad \text{else}$
 $\quad \quad (*(p).\text{casas} \cup_{\text{dicc}} \text{unirCasas}(\text{sinUno}(ps)))$
 $\quad \text{fi}$

9. Ninguna casa está en la posición de uno de los comercios de este simCity particular.
10. Ninguna casa está sobre un río perteneciente a cualquier mapa en la unión.
11. El turno es mas grande que el nivel de cualquier casa.
12. Ningún comercio está en la posición de una de las casas de este simCity particular.
13. Ningún comercio en la unión está sobre un río perteneciente a cualquier mapa en la unión.
14. El turno es mas grande que el nivel base de cualquier comercio.
15. No se solapan posiciones máximas entre esta estructura hasta el hijo 'x', descontando construcciones agregadas después de la unión, y ese hijo, para todo hijo.

$\text{unirComercios} : \text{conj}(\text{puntero}(\text{estr})) \text{ } ps \longrightarrow \text{dicc}(\text{Pos} \times \text{Nat})$ {eq. unirMapas}
 $\text{unirComercios}(ps) \equiv \text{if } \text{vacio?}(ps) \text{ then}$
 vacio
 else
 $(*p).comercios \cup_{\text{dicc}} \text{unirComercios}(\text{sinUno}(ps))$
 fi

$\text{remove} : \text{secu}(\alpha) \text{ } s \times \alpha \text{ } a \longrightarrow \text{secu}(\alpha)$ // remueve la primer aparición, si hay
 $\text{remove}(s, a) \equiv \text{if } \text{vacio?}(s) \text{ then}$
 $\langle \rangle$
 else if $a = \text{prim}(s)$ **then**
 $\text{fin}(s)$
 else
 $\text{prim}(s) \bullet \text{remove}(\text{fin}(s), a)$
 fi

$\text{unionesValidas} : \text{estr } e \times \text{secu}(\text{hijo}) \text{ } s \longrightarrow \text{bool}$
 $\{s \subseteq e.uniones \wedge_L (\forall h : \text{hijo})(h \in s \Rightarrow_L h.sc \neq \text{NULL} \wedge_L \text{rep}(*h.sc))\}$
 $\text{unionesValidas}(e, s) \equiv \text{vacio?}(s) \vee_L (\text{maxcons}(e, \text{izq}) \cap \text{maxcons}(e, \text{der}) = \emptyset \wedge \text{unionesValidas}(e, \text{com}(s)))$
 donde

$\text{com} \equiv \text{unirPunteros}(\text{com}(s))$
 $\text{ult} \equiv \text{ult}(s) \bullet \langle \rangle$
 $\text{casascom} \equiv \text{unirCasas}(\text{com}) \cup_{\text{dicc}} \text{filtrar}(e.casas, \text{ult}(s).turnosDesdeUnion)^1$
 $\text{comercom} \equiv \text{unirComercios}(\text{com}) \cup_{\text{dicc}} \text{filtrar}(e.comercios, \text{ult}(s).turnosDesdeUnion)^1$
 $\text{casasult} \equiv \text{unirCasas}(\text{ult})$
 $\text{comerult} \equiv \text{unirComercios}(\text{ult})$
 $\text{izq} \equiv \text{claves}(\text{casascom}) \cup \text{claves}(\text{comercom})$
 $\text{der} \equiv \text{claves}(\text{casasult}) \cup \text{claves}(\text{comerult})$

$\text{filtrar} : \text{dicc}(\text{Pos} \times \text{Nat}) \text{ } d \times \text{Nat } n \longrightarrow \text{dicc}(\text{Pos} \times \text{Nat})$
 $\text{filtrar}(d, n) \equiv \text{if } \text{vacio?}(d) \text{ then}$
 vacio
 else if $\text{sig} \leq n$ **then**
 $\text{filtrar}(\text{borrar}(\text{clave}, d), n)$
 else
 $\text{definir}(\text{clave}, \text{obtener}(\text{clave}, d), \text{filtrar}(\text{borrar}(\text{clave}, d), n))$
 fi

donde
 $\text{clave} \equiv \text{dameUno}(\text{claves}(d))$

$\text{maxcons} : \text{estr } e \times \text{conj}(\text{Pos}) \text{ } c \longrightarrow \text{conj}(\text{Pos})$ $\{(\forall p : \text{Pos})(p \in c \Rightarrow_L p \in \text{posiciones}(e))\}$
 $\text{maxcons}(e, c) \equiv _ \text{maxcons}(e, c, \emptyset, 0)$

$_ \text{maxcons} : \text{estr } e \times \text{conj}(\text{Pos}) \text{ } c \times \text{conj}(\text{Pos}) \text{ } max \times \text{Nat } n \longrightarrow \text{conj}(\text{Pos})$ {eq. maxcons}
 $_ \text{maxcons}(e, c, max, n) \equiv \text{if } \text{vacio?}(c) \text{ then}$
 max
 else if $\text{nivel}_i > n$ **then**
 $_ \text{maxcons}(e, \text{sinUno}(c), \text{Ag}(\text{pos}_i, \emptyset), \text{nivel}_i)$
 else if $\text{nivel}_i = n$ **then**
 $_ \text{maxcons}(e, \text{sinUno}(c), \text{Ag}(\text{pos}_i, max), n)$
 else
 $_ \text{maxcons}(e, \text{sinUno}(c), max, n)$
 fi

1. las casas o comercios de éste simCity particular con nivel o nivel base \leq turnosDesdeUnion son aquellas que se agregaron después de la unión.

donde

$pos_i \equiv dameUno(c)$
 $nivel_i \equiv nivel(e, pos_i)$

$nivel : \text{estr } e \times \text{Pos } pos \longrightarrow \text{Nat} \quad \{p \in \text{posiciones}(e)\}$

$nivel(e, pos) \equiv \text{if } def?(pos, Casas) \text{ then}$
 $\text{obtener}(pos, Casas) + \text{nivelesPorUnion}(e, pos)$
 else
 $\text{max}(\text{obtener}(pos, Comercios) + \text{nivelesPorUnion}(e, pos), nManhattan)$
 fi

donde:

$\text{Unidos} \equiv \text{unirPunteros}(e.uniones)$
 $\text{Casas} \equiv \text{unirCasas}(\text{Ag}(\&e, \text{Unidos}))$
 $\text{Comercios} \equiv \text{unirComercios}(\text{Ag}(\&e, \text{Unidos}))$
 $nManhattan \equiv \text{manhattan}(e, pos, Casas)$

$\text{nivelesPorUnion} : \text{estr } e \times \text{Pos } pos \longrightarrow \text{Nat} \quad \{\text{eq. nivel}\}$

$\text{nivelesPorUnion}(e, pos) \equiv \text{if } def?(pos, e.casas) \vee def?(pos, e.comercios) \text{ then}$
 0
 else
 $\text{hijoCorrecto.turnosDesdeUnion} + \text{nivelesPorUnion}(\text{hijoCorrecto.sc}, pos)$
 fi

donde:

$\text{hijoCorrecto} \equiv \text{llegar}(e.uniones, pos)$

$\text{llegar} : \text{secu}(\text{hijo}) s \times \text{Pos } p \longrightarrow \text{hijo} \quad \{(\forall h : \text{hijo})(\text{esta?}(h, s) \Rightarrow_L h.sc \neq \text{NULL} \wedge_L \text{rep}(*(\text{h.sc}))) \wedge_L$
 $(\exists h : \text{hijo})(\text{esta?}(h, s) \wedge_L p \in \text{posiciones}(h.sc))\}$

$\text{llegar}(s, p) \equiv \text{if } def?(pos, \text{unirCasas}(\text{hijo}_i)) \vee def?(pos, \text{unirComercios}(\text{hijo}_i)) \text{ then}$
 $\text{prim}(s)$
 else
 $\text{llegar}(\text{fin}(s))$
 fi

donde

$\text{hijo}_i \equiv \text{Ag}(\text{prim}(s).sc, \emptyset)$

$\text{manhattan} : \text{estr } e \times \text{Pos } p \times \text{Dicc}(\text{Pos} \times \text{Nat}) d \longrightarrow \text{Conj}(\text{Pos})$
 $\{(\forall p' : \text{Pos})(p' \in \text{claves}(d) \Rightarrow_L p' \in \text{posiciones}(e))\}$

$\text{manhattan}(e, p, d) \equiv \text{if } \text{vacio?}(\text{claves}(d)) \text{ then}$
 1
 else if $\text{distManhattan}(p, \text{proximo}) \leq 3 \wedge p \neq \text{proximo} \text{ then}$
 $\text{max}(\text{obtener}(\text{proximo}, d) + \text{nivelesPorUnion}(e, \text{proximo}),$
 $\text{manhattan}(p, \text{borrar}(\text{proximo}, d)))$
 else
 $\text{manhattan}(e, p, \text{borrar}(\text{proximo}, d))$
 fi
 donde $\text{proximo} \equiv \text{dameUno}(\text{claves}(d))$

$\text{posiciones} : \text{estr } e \longrightarrow \text{dicc}(\text{Pos} \times \text{Nat})$
 $\{(\forall h : \text{hijo})(h \in e.uniones \Rightarrow_L h.sc \neq \text{NULL} \wedge_L \text{rep}(*(\text{h.sc})))\}$

$\text{posiciones}(e) \equiv \text{claves}(e.casas \cup_{\text{dicc}} \text{unirCasas}(\text{unirPunteros}(e.uniones))) \cup$
 $\text{claves}(e.comercios \cup_{\text{dicc}} \text{unirComercios}(\text{unirPunteros}(e.uniones)))$

$\text{nivelar} : \text{estr } e \times \text{dicc}(\text{Pos} \times \text{Nat}) d \longrightarrow \text{dicc}(\text{Pos} \times \text{Nat})$
 $\{(\forall p : \text{Pos})(p \in \text{claves}(d) \Rightarrow_L p \in \text{posiciones}(e))\}$

$\text{nivelar}(e, d) \equiv \text{if } \text{vacio?}(d) \text{ then } \text{vacio} \text{ else } \text{definir}(\text{clave}, \text{nivel}(e, \text{clave}), \text{nivelar}(e, \text{borrar}(\text{clave}, d))) \text{ fi}$

donde

$\text{clave} \equiv \text{dameUno}(\text{claves}(d))$

2.2.3. Implementación

Algoritmos

===== **Generadores** =====**iniciar**(in m: Mapa) \rightarrow res : estrestr.turno \leftarrow 0estr.popularidad \leftarrow 0estr.mapa \leftarrow mestr.casas \leftarrow vacio()estr.comercios \leftarrow vacio()estr.uniones \leftarrow vacia()**return** estr**Complejidad:** O(1)**avanzarTurno**(inout SimCity s, in dicc(Pos, Construccion) cs)**for**(nat i \leftarrow 0; i < long(s.uniones); i \leftarrow i + 1) :turnoDesdeUnion \leftarrow turnoDesdeUnion + 1;itDicc(Pos, Nivel) itCasas \leftarrow crearIt(s.casas);**while**(haySiguiente(itCasas)) :siguienteSignificado(itCasas) \leftarrow siguienteSignificado(itCasas) + 1

avanzar(itCasas)

itDicc(Pos, Nivel) itComercios \leftarrow crearIt(s.comercios);**while**(haySiguiente(itComercios)) :siguienteSignificado(itComercios) \leftarrow siguienteSignificado(itComercios) + 1

avanzar(itComercios)

itDicc(Pos, Nivel) itCs \leftarrow crearIt(cs);**while**(haySiguiente(itCs)) :**if**(siguienteSignificado(itCs) =_{obs} "casa") :

agCasa(s.casas, siguienteClave(itCs), 1)

else if(siguienteSignificado(itCs) =_{obs} "comercio") :

agComercio(s.comercio, siguienteClave(itCs), 1)

avanzar(itCs)

estr.turno \leftarrow estr.turno + 1**unir**(inout SimCity s1, inout Simcity s2)s1.popularidad \leftarrow s1.popularidad + s2.popularidadturno \leftarrow max(s1.turno, s2.turno)hijo nuevoHijo \leftarrow <direccion(s2), 0>

agregarAtras(s1.uniones, nuevoHijo)

=====

===== **Observadores** =====**mapa**(in SimCity s) \rightarrow res : MapaMapa res \leftarrow s.mapa**for**(nat i \leftarrow 0; i < long(s.uniones); i \leftarrow i + 1) :res \leftarrow res + **mapa**(s.uniones[i].sc)**return** res

```

casas(in SimCity s) → res : dicc(Pos, Nivel)
  dicc res ← copiar(s.casas)
  for(nat i ← 0; i < long(s.uniones); i ← i + 1) :
    itDicc(Pos, Nivel) itCs ← crearIt(casas(s.uniones[i].sc*));
    while(haySiguiente(itCs)) :
      Pos p ← siguienteClave(itCs)
      Nivel n ← siguienteSignificado(itCs)
      if(¬def?(res, p) ∧ ¬esRio(mapa(s))) :
        definir(res, p, n + s.uniones[i].turnosDesdeUnion)
      avanzar(itCs)
  return res

```

```

comercios(in SimCity s) → res : dicc(Pos, Nivel)
  dicc res ← copiar(s.comercios)
  for(nat i ← 0; i < long(s.uniones); i ← i + 1) :
    itDicc(Pos, Nivel) itCs ← crearIt(comercios(s.uniones[i].sc*));
    while(haySiguiente(itCs)) :
      Pos p ← siguienteClave(itCs)
      Nivel n ← siguienteSignificado(itCs)
      if(¬esRio(Mapa(s)) ∧ ¬def?(res, p) ∧ ¬def?(casas(s), p)) :
        Nivel m ← max(n + s.uniones[i].turnosDesdeUnion, nivelCom(p, casas(s)))
        definir(res, p, m)
      avanzar(itCs)
  return res

```

```

popularidad(in SimCity s) → res : Nat
  return s.popularidad

```

===== Otras Operaciones =====

```

nivelCom(in Pos p, in dicc(pos, Nivel) casas) → Nat
  nat maxLvl ← 1
  for(int i = -3; i ≤ 3; ++i) :
    for(int j = |i|-3; j ≤ 3-|i|; ++j) :
      if(p.x + i ≥ 0 ∧ p.y + j ≥ 0) :
        Pos p2 ← <p.x+i, p.y+j>
        if(def?(casas, p2)) :
          maxLvl = max(maxLvl, obtener(casas, p2))
  return maxLvl

```

```

agCasa(inout dicc(Pos, Nivel) casas, in Pos p, in Nivel n) :
  definirRapido(casas, p, n)

```

```

agComercio(inout dicc(Pos, Nivel) comercios, in Pos p, in Nivel n) :
  definirRapido(comercio, p, n)

```

```

turnos(in SimCity s) → res : Nat
  return s.turno

```

```

• ∪ •(in dicc(α, β) d1, in dicc(α, β) d2) → res : dicc(α, β)
  dicc(α, β) res = copiar(d1)
  itDicc(α, β) itCs ← crearIt(d2);
  while(haySiguiente(itCs)) :
    α a ← siguienteClave(itCs)

```

```
     $\beta$  b  $\leftarrow$  siguienteSignificado(itCs)
    if ( $\neg$ def?(res, a)) :
        definir(res, a, b)
    avanzar(itCs)
return res
```

```
construcc(in SimCity s)  $\rightarrow$  res : Nat
    return casas(s)  $\cup$  comercios(s)
```

=====

2.3. Módulo Servidor

2.3.1. Interfaz

Interfaz

se explica con: SERVIDOR

géneros: server

Operaciones básicas de server

NUEVOSEVER() $\rightarrow res : server$

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} nuevoServer\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripción: Crea un servidor

Aliasing: No tiene

PARTIDAS(**in** $s : server$) $\rightarrow res : dicc(string, SimCity)$

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} partidas(s)\}$

Complejidad: $O(copy(server))$

Descripción: Devuelve un diccionario con todas las partidas del servidor

Aliasing: Devuelve una copia (Esto habria que verlo, ya que no tenemos este dicc(nombre, simcity) por asi decirlo. Maybe hacemos uno de cero? Y tambien habria que ver si lo devolvemos con los SimCity en las hojas o son punteros?)

CONGELADAS(**in** $s : server$) $\rightarrow res : conj(string)$

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} congeladas(s)\}$

Complejidad: $O(\#Partidas + |NombreMasLargo|)$

Descripción: Devuelve el conjunto con los nombres de las partidas no modificables

Aliasing: Devuelve una copia

NUEVAPARTIDA(**in/out** $s : server$, **in** $p : string$, **in** $m : mapa$)

Pre $\equiv \{s =_{obs} s0 \wedge \neg def?(p, partidas(s))\}$

Post $\equiv \{s =_{obs} nuevaPartida(s0, p, m)\}$

Complejidad: $O(|p|)$

Descripción: Agrega una partida nueva al servidor

Aliasing: No tiene

UNIRPARTIDAS(**in/out** $s : server$, **in** $p1 : string$, **in** $p2 : string$)

Pre $\equiv \{*unionValida(s, p1, p2)\}$

Post $\equiv \{s =_{obs} unirPartidas(s0, p1, p2)\}$

Complejidad: $O()$

Descripción: Une dos partidas de simcity en una, p2 pasa a ser no modificable

Aliasing: No tiene

AVANZARTURNOPARTIDA(**in/out** $s : server$, **in** $p : string$)

Pre $\equiv \{def?(p, s) \wedge_L *avanzarTurnoValido(s, p, pendientes(p, s))\}$

Post $\equiv \{s =_{obs} avanzarTurnoPartida(s0, p)\}$

Complejidad: $O()$

Descripción: Avanza el turno de una partida y agrega las construcciones definidas en el diccionario de pendientes

Aliasing: No tiene

AGREGARCASA(**in/out** $s : server$, **in** $p : string$, **in** $pos : Pos$)

Pre $\equiv \{s =_{obs} s0 \wedge *agregarValido(s, p, pos)\}$

Post $\equiv \{s =_{obs} agregarCasa(s0, p, pos)\}$

Complejidad: $O()$

Descripción: Agrega una nueva casa al diccionario de pendientes de la partida

Aliasing: No tiene

AGREGARCOMERCIO(**in/out** s : server, **in** $p1$: string, **in** $p2$: string)

Pre $\equiv \{s =_{\text{obs}} s0 \wedge *agregarValido(s, p, pos)\}$

Post $\equiv \{s =_{\text{obs}} agregarComercio(s0, p, pos)\}$

Complejidad: $O()$

Descripción: Agrega un nuevo comercio al diccionario de pendientes de la partida

Aliasing: No tiene

POPULARIDAD(**in** s : server, **in** p : string) $\rightarrow res$: Nat

Pre $\equiv \{def?(p, partidas(s))\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} verPopularidad(s, p)\}$

Complejidad: $O()$

Descripción: Devuelve la popularidad de la partida

Aliasing: Devuelve una referencia no modificable

ANTIGUEDAD(**in** s : server, **in** p : string) $\rightarrow res$: Nat

Pre $\equiv \{def?(p, partidas(s))\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} verTurno(s, p)\}$

Complejidad: $O()$

Descripción: Devuelve la antigüedad de la partida

Aliasing: Devuelve una referencia no modificable

MAPA(**in** s : server, **in** p : string) $\rightarrow res$: mapa

Pre $\equiv \{def?(p, partidas(s))\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} verMapa(s, p)\}$

Complejidad: $O()$

Descripción: Devuelve el mapa de la partida

Aliasing: Devuelve una copia? (habria que ver como funciona mapa en la implementacion del simcity)

VERCASAS(**in** s : server, **in** p : string) $\rightarrow res$: dicc(Pos, Nat)

Pre $\equiv \{def?(p, partidas(s))\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} verCasas(s, p)\}$

Complejidad: $O()$

Descripción: Devuelve un diccionario con las posiciones y niveles de las casas de la partida

Aliasing: Devuelve una copia? (habria que ver como funciona casas en la implementacion del simcity)

VERCOMERCIOS(**in** s : server, **in** p : string) $\rightarrow res$: dicc(Pos, Nat)

Pre $\equiv \{def?(p, partidas(s))\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} verComercios(s, p)\}$

Complejidad: $O()$

Descripción: Devuelve un diccionario con las posiciones y niveles de los comercios de la partida

Aliasing: Devuelve una copia? (habria que ver como funciona comercios en la implementacion del simcity)

*donde:

unionValida : server s × Nombre p1 × Nombre p2 → boolean

$$\begin{aligned} \text{unionValida}(s, p1, p2) \equiv & \text{def?}(p1, \text{partidas}(s)) \wedge \text{def?}(p2, \text{partidas}(s)) \wedge \\ & p1 \notin \text{congeladas}(s) \wedge_L \\ & \text{vacio?}(\text{claves}(\text{pendientes}(s, p1))) \wedge \text{vacio?}(\text{claves}(\text{pendientes}(s, p2))) \wedge \\ & (\forall \text{pos} : \text{Pos})(\text{pos} \in \text{claves}(\text{constr1}) \Rightarrow_L \\ & \quad \neg \text{sobreRio}(\text{pos}, \text{sim2}) \wedge \\ & \quad ((\nexists \text{otra} : \text{Pos})(\text{otra} \in \text{constr1} \wedge_L \\ & \quad \quad \text{obtener}(\text{pos}, \text{constr1}).\text{nivel} < \text{obtener}(\text{otra}, \text{constr1}).\text{nivel} \\ & \quad) \Rightarrow_L \neg \text{def?}(\text{pos}, \text{constr2})) \\ &) \wedge \\ & (\forall \text{pos} : \text{Pos})(\text{pos} \in \text{claves}(\text{constr2}) \Rightarrow_L \\ & \quad \neg \text{sobreRio}(\text{pos}, \text{sim1}) \wedge \\ & \quad ((\nexists \text{otra} : \text{Pos})(\text{otra} \in \text{constr2} \wedge_L \\ & \quad \quad \text{obtener}(\text{pos}, \text{constr2}).\text{nivel} < \text{obtener}(\text{otra}, \text{constr2}).\text{nivel} \\ & \quad) \Rightarrow_L \neg \text{def?}(\text{pos}, \text{constr1})) \\ &) \end{aligned}$$

donde $\text{sim1} \equiv \text{obtener}(p1, \text{partidas}(s))$,
 $\text{sim2} \equiv \text{obtener}(p2, \text{partidas}(s))$,
 $\text{constr1} \equiv \text{casas}(\text{sim1}) \cup_{\text{dicc}} \text{comercios}(\text{sim1})$,
 $\text{constr2} \equiv \text{casas}(\text{sim2}) \cup_{\text{dicc}} \text{comercios}(\text{sim2})$

avanzarTurnoValido : server s × Nombre p × dicc(Pos × Construccion) cs → boolean

$$\begin{aligned} \text{avanzarTurnoValido}(s, p, \text{cs}) \equiv & \text{def?}(p, \text{partidas}(s)) \wedge \\ & p \notin \text{congeladas}(s) \wedge \\ & \neg \text{vacía?}(\text{claves}(\text{cs})) \end{aligned}$$

agregarValido : server s × Nombre p × Pos pos → boolean

$$\begin{aligned} \text{agregarValido}(s, p, \text{pos}) \equiv & \text{def?}(p, \text{partidas}(s)) \wedge_L \neg p \in \text{congeladas}(s) \wedge \\ & \neg \text{def?}(\text{pos}, \text{verCasas}(s, p)) \wedge \neg \text{def?}(\text{pos}, \text{verComercios}(s, p)) \wedge \\ & \neg \text{def?}(\text{pos}, \text{pendientes}(s, p)) \wedge \neg \text{esRio}(\text{pos}, \text{verMapa}(s, p)) \end{aligned}$$

• \cup_{dicc} • : $\text{dicc}(\alpha \times \beta) \times \text{dicc}(\alpha \times \beta) \rightarrow \text{dicc}(\alpha, \beta)$

$d \cup_{\text{dicc}} d' \equiv$ **if** $\text{vacío?}(\text{claves}(d'))$ **then**
 d
else
 $\text{definir}(\text{dameUno}(\text{claves}(d')),$
 $\text{obtener}(\text{dameUno}(\text{claves}(d')), d'),$
 $d \cup_{\text{dicc}} \text{borrar}(\text{dameUno}(\text{claves}(d')), d'))$
fi

2.3.2. Representación

Representación

Representación de servidor

Un servidor almacena y actualiza los diferentes SimCity. Se representa como un diccionario implementado en un trie, donde las claves son los nombres de las partidas y los significados un puntero al SimCity, un diccionario de construcciones pendientes a agregar, y su estado (si es modificable o no).

servidor se representa con `diccTrie(Nombre, partida)`

donde `partida` es tupla(`modificable : bool` ,
`sim : puntero(SimCity)` ,
`pendientes : dicc(Pos, Construcccion)`)

donde `pos` es tupla(`x : Nat` , `y : Nat`)

donde `Nombre` es string

donde `Construcccion` es string

`Rep : estr \rightarrow boolean`

`Rep(e) \equiv true \iff`
`(\forall partida1, partida2 : Nombre)`
`((def?(partida1, e) \wedge def?(partida2, e) \wedge partida1 \neq partida2) \Rightarrow_L`
`obtener(partida1, e).sim \neq obtener(partida2, e).sim`
`) \wedge`
`(\forall partida : Nombre)(def?(partida, e) \Rightarrow_L`
`p.sim \neq NULL \wedge`
`(p.modificable =obs false \Rightarrow_L vacio?(claves(p.pendientes))) \wedge`
`(\forall pos : Pos)(def?(pos, p.pendientes) \Rightarrow_L`
`(obtener(pos, p.pendientes) \in {"casa", "comercio"}) \wedge`
`\neg def?(pos, construcciones(*p.sim)))`
`)`
`)`

donde `p` es obtener(`partida`, `e`)

`Abs : estr e \rightarrow servidor`

`{Rep(e)}`

`Abs(e) \equiv s: servidor |`
`(\forall nombre : Nombre)`
`(nombre \in congelados(s) \Leftrightarrow`
`(def?(nombre, e) \wedge_L obtener(nombre, e).modificable =obs false))`
 `\wedge`
`(\forall nombre : Nombre)`
`(def?(nombre, partidas(s)) \Leftrightarrow def?(nombre, e))`
 `\wedge_L`
`(\forall nombre : Nombre)`
`(def?(nombre, partidas(s)) \Rightarrow_L`
`(obtener(nombre, partidas(s)) =obs *(obtener(nombre, e).sim) \wedge
 pendientes(s, nombre) =obs obtener(nombre, e).pendientes))`

2.3.3. Implementación**Algoritmos**

nuevoServer() $\rightarrow res : \text{estr}$

 1: $res \leftarrow \text{vacío}()$ **return** res
Complejidad: $O(1)$

partidas(in e: estr) $\rightarrow res : \text{diccTrie}(\text{Nombre}, \text{SimCity})$

 1: $\text{dicc}(\text{Nombre}, \text{SimCity}) \text{ } res \leftarrow \text{vacío}()$

 2: $\text{itDicc}(\text{Nombre}, \text{Partida}) \text{ } it \leftarrow \text{crearIt}(e)$

 3: **while**($\text{haySiguiente}(it)$)

 4: $\text{definirRapido}(res, \text{siguienteClave}(it), \text{siguienteSignificado}(it).sim)$

 5: **avanzar**(it) **return** res
Complejidad: $O(\text{copy}(estr))$

congeladas(in e: estr) $\rightarrow res : \text{conj}(\text{Nombre})$

 1: $\text{conj}(\text{Nombre}) \text{ } res \leftarrow \text{vacío}()$

 2: $\text{itDicc}(\text{Nombre}, \text{Partida}) \text{ } it \leftarrow \text{crearIt}(e)$

 3: **while**($\text{haySiguiente}(it)$)

 4: **if**($\text{siguienteSignificado}(it).modificable == \text{false}$)

 5: $\text{agregarRapido}(res, \text{siguienteClave}(it))$

 6: **avanzar**(it) **return** res
Complejidad: $O(\#Partidas + |\text{NombreMasLargo}|)$

nuevaPartida(in/out e: estr, in p: Nombre, in m: Mapa)

 1: $\text{definirRapido}(e, p, \langle \text{true}, \&(\text{iniciar}(m)), \text{vacío}() \rangle)$ ▷ Reservamos memoria para el nuevo SimCity

Complejidad: $O(|p|)$

unirPartidas(in/out e: estr, in p1: Nombre, in p2: Nombre)

 1: $\text{definir}(e, p1, \langle \text{true}, \&(\text{unir}(*\text{significado}(p1, e).sim, *\text{significado}(p2, e).sim)), \text{vacío}() \rangle)$

 2: $\text{definir}(e, p2, \langle \text{false}, \text{significado}(p2, e).sim, \text{vacío}() \rangle)$
Complejidad: $O(|\text{Nombre}|)$
Justificación: $\text{unir} \in O(1), \text{definir} \in O(|\text{Nombre}|) + O(1) = O(|\text{Nombre}|)$

agregarCasa(in/out s: estr, in partida: String, in pos: Pos)

 1: $\text{definirRapido}(\text{Pos}, \text{"casa"}, \text{obtener}(partida, s))$
Complejidad: $O(|partida|)$

agregarComercio(in/out s: estr, in partida: String, in pos: Pos)

 1: $\text{definirRapido}(\text{Pos}, \text{"comercio"}, \text{obtener}(partida, s))$
Complejidad: $O(|partida|)$

verMapa(in s : *estr*, in $partida$: *String*) $\rightarrow res$: *Mapa*

```
1:  $sc \leftarrow obtener(partida, s).sim$   
2:  $res \leftarrow mapa(*sc)$   
3: return  $res$ 
```

Complejidad: $O(|partida|) + O(mapa(*sc))$

verCasas(in s : *estr*, in $partida$: *String*) $\rightarrow res$: *DiccLineal*(*Pos*, *Nivel*)

```
1:  $sc \leftarrow obtener(partida, s).sim$   
2:  $res \leftarrow casas(*sc)$   
3: return  $res$ 
```

Complejidad: $O(|partida|) + O(casas(*sc))$

verComercios(in s : *estr*, in $partida$: *String*) $\rightarrow res$: *DiccLineal*(*Pos*, *Nivel*)

```
1:  $sc \leftarrow obtener(partida, s).sim$   
2:  $res \leftarrow comercios(*sc)$   
3: return  $res$ 
```

Complejidad: $O(|partida|) + O(comercios(*sc))$

verPopularidad(in s : *estr*, in $partida$: *String*) $\rightarrow res$: *Nat*

```
1:  $sc \leftarrow obtener(partida, s).sim$   
2:  $res \leftarrow popularidad(*sc)$   
3: return  $res$ 
```

Complejidad: $O(|partida|)$

verTurno(in s : *estr*, in $partida$: *String*) $\rightarrow res$: *Nat*

```
1:  $sc \leftarrow obtener(partida, s).sim$   
2:  $res \leftarrow turnos(*sc)$   
3: return  $res$ 
```

Complejidad: $O(|partida|)$
