

# TP de Especificación y Diseño

Modelado de SimCity

1 de Junio de 2022

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Grupo 01 - hasTADlaVista, turno mañana

Integrante	LU	Correo electrónico
Lakowsky, Manuel	511/21	mlakowsky@gmail.com
Vekselman, Natán	338/21	COMPLETAR@gmail.com
Arienti, Federico	316/21	fa.arienti@gmail.com



## Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA

Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina

 $\label{eq:TelFax: (++54 +11) 4576-3300} $$ $$ $$ $ \text{http://www.exactas.uba.ar} $$$ 

# 1. Especificación

# 1.1. Mapa

#### TAD MAPA

```
igualdad observacional
                              (\forall m,m': \mathrm{Mapa}) \ \left(m =_{\mathrm{obs}} m' \Longleftrightarrow \begin{pmatrix} \mathrm{horizontales}(m) =_{\mathrm{obs}} \mathrm{horizontales}(m') \ \wedge_{\mathrm{L}} \\ \mathrm{verticales}(m) =_{\mathrm{obs}} \mathrm{verticales}(m') \end{pmatrix} \right)
       géneros
                              Mapa
       exporta
                              completar
                              completar
       observadores básicos
           \text{horizontales} \; : \; \text{Mapa} \; \longrightarrow \; \text{conj}(\text{Nat})
                               : Mapa \longrightarrow conj(Nat)
       Mapa
       generadores
           crear : conj(Nat) \times conj(Nat) \longrightarrow Mapa
                              \forall hs, vs: \operatorname{conj}(\operatorname{Nat})
       axiomas
           horizontales(crear(hs, vs)) \equiv hs
           verticales(crear(hs, vs))
Fin TAD
```

### 1.2. SimCity

#### TAD SIMCITY

```
igualdad observacional
```

```
(\forall s, s': \operatorname{SimCity}) \left( s =_{\operatorname{obs}} s' \Longleftrightarrow \begin{pmatrix} \operatorname{mapa}(s) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{mapa}(s') \wedge_{\operatorname{L}} \\ \operatorname{casas}(s) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{casas}(s') \wedge_{\operatorname{comercios}(s)} \\ \operatorname{comercios}(s) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{comercios}(s') \wedge_{\operatorname{popularidad}(s)} \\ \operatorname{popularidad}(s) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{popularidad}(s') \end{pmatrix} \right)
```

géneros SimCity
exporta completar
usa completar

#### observadores básicos

mapa :  $SimCity \longrightarrow Mapa$ 

 $\begin{array}{cccc} {\rm casas} & : & {\rm SimCity} & \longrightarrow & {\rm dicc(Pos,\,Nivel)} \\ {\rm comercios} & : & {\rm SimCity} & \longrightarrow & {\rm dicc(Pos,\,Nivel)} \end{array}$ 

popularidad :  $SimCity \longrightarrow Nat$ 

#### generadores

```
iniciar : Mapa \longrightarrow SimCity avanzarTurno : SimCity s \times \text{dicc}(\text{Pos} \times \text{Construccion}) \ cs \longrightarrow \text{SimCity} \begin{cases} (\forall p : \text{Pos}) \ (\text{def}?(p,cs) \Rightarrow_{\text{L}} \ (\neg \ p \in \text{claves}(\text{construcc}(s)) \land \\ \neg \pi_0(p) \in \text{horizontales}(\text{mapa}(s)) \land \neg \pi_1(p) \in \text{verticales}(\text{mapa}(s)) \land \\ (\text{obtener}(p,cs) =_{\text{obs}} \ 1 \lor \text{obtener}(p,cs) =_{\text{obs}} \ 2))) \end{cases}
```

unir : SimCity  $a \times$  SimCity  $b \longrightarrow$  SimCity  $\begin{cases} (\forall p : \text{Pos}) \ (\text{def?}(p, \, \text{construcc}(a)) \Rightarrow_{\text{L}} \\ (\neg \pi_0(p) \in \text{horizontales}(\text{mapa}(b)) \land \neg \pi_1(p) \in \text{verticales}(\text{mapa}(b)) \land \\ (p \in \text{masNivel}(a) \Rightarrow \neg p \in \text{construcc}(b)))) \land \\ (\forall p : \text{Pos}) \ (\text{def?}(p, \, \text{construcc}(b)) \Rightarrow_{\text{L}} \\ (\neg \pi_0(p) \in \text{horizontales}(\text{mapa}(a)) \land \neg \pi_1(p) \in \text{verticales}(\text{mapa}(a)) \land \\ (p \in \text{masNivel}(b) \Rightarrow \neg p \in \text{construcc}(a)))) \end{cases}$ 

#### otras operaciones

```
: SimCity
                                                                                      \rightarrow Nat
turnos
                    : SimCity
                                                                                      \rightarrow dicc(Pos, Nivel)
construcc
unirDicc
                    : dicc(Pos \times Nivel) \times dicc(Pos \times Nivel)
                                                                                     \longrightarrow dicc(Pos, Nivel)
                    : SimCity
masNivel
                                                                                     \longrightarrow \operatorname{conj}(\operatorname{Pos})
masNivelAux : dicc(Pos \times Nivel) \times Nat
                                                                                       → conj(Pos)
                                                                                     \longrightarrow Nat
nivelMaximo : dicc(Pos \times Nivel)
```

 $\operatorname{agCasas} \qquad : \operatorname{dicc}(\operatorname{Pos} \times \operatorname{Nivel}) \times \operatorname{dicc}(\operatorname{Pos} \times \operatorname{Construc-} \, \longrightarrow \, \operatorname{dicc}(\operatorname{Pos}, \operatorname{Nivel})$ 

Cioni

 $\operatorname{agComercios} \quad : \ \operatorname{dicc}(\operatorname{Pos} \times \operatorname{Nivel}) \times \operatorname{dicc}(\operatorname{Pos} \times \operatorname{Construc-} \ \longrightarrow \ \operatorname{dicc}(\operatorname{Pos}, \operatorname{Nivel})$ 

cion)

 ${\rm nivelCom} \qquad : \ {\rm Pos} \times {\rm SimCity} \qquad \longrightarrow \ {\rm Nat}$ 

 $\operatorname{conjManhatt}$ :  $\operatorname{Pos} \times \operatorname{dicc}(\operatorname{Pos} \times \operatorname{Nivel})$   $\longrightarrow \operatorname{dicc}(\operatorname{Pos}, \operatorname{Nivel})$ 

 $\operatorname{distManhatt}$  :  $\operatorname{Pos} \times \operatorname{Pos}$   $\longrightarrow$   $\operatorname{Nat}$ 

 $\operatorname{sacarRepes}$ :  $\operatorname{dicc}(\operatorname{Pos} \times \operatorname{Construccion}) \times \operatorname{dicc}(\operatorname{Pos} \times \longrightarrow \operatorname{dicc}(\operatorname{Pos}, \operatorname{Construccion}))$ 

Construccion)

**axiomas**  $\forall s, s'$ : simcity,  $\forall cs, cs'$ : dicc(Pos, Construccion)

```
mapa(iniciar(m)) \equiv m

mapa(avanzarTurno(s, cs)) \equiv mapa(s)
```

 $\operatorname{mapa}(\operatorname{unir}(s, s')) \equiv \operatorname{crear}(\operatorname{horizontales}(s) \cup \operatorname{horizontales}(s'),$ 

 $verticales(s) \cup verticales(s')$ 

casas(iniciar(m))  $\equiv$  vacio

casas(avanzarTurno(s, cs))  $\equiv agCasas(casas(s), cs)$ 

 $\operatorname{casas}(\operatorname{unir}(s, s')) \qquad \qquad \equiv \operatorname{agCasas}(\operatorname{casas}(s), \operatorname{sacarRepes}(\operatorname{construcc}(s), \operatorname{construcc}(s')))$ 

```
agCasas(cs, cs')
                                        \equiv if vacio?(claves(cs')) then cs else
                                           if obtener(dame
Uno(claves(cs')), cs') =<sub>obs</sub> 1 then
                                           agCasas(definir(dameUno(claves(cs')), 1, cs),
                                           borrar(dameUno(claves(cs')), cs'))
                                           \operatorname{agCasas}(cs, \operatorname{borrar}(\operatorname{dameUno}(\operatorname{claves}(cs')), cs'))
                                           fi fi
comercios(iniciar(m))
                                           vacio
comercios(avanzarTurno(s, cs))
                                        \equiv agComercios(comercios(s), cs)
                                        \equiv \text{unirConstrucc}(s, \text{casas}(s, \text{casas}(s')))
comercios(unir(s, s'))
agComercios(cs, cs')
                                        \equiv if vacio?(claves(cs')) then cs else
                                           if obtener(dameUno(claves(cs')), cs') =<sub>obs</sub> 2 then
                                           agComercios(definir(dameUno(claves(cs')),
                                           nivelCom(dameUno(claves(cs')), s), cs),
                                           borrar(dameUno(claves(cs')), cs'))
                                           agComercios(cs, borrar(dameUno(claves(cs')), cs'))
nivelCom(p, s)
                                        \equiv if \neg vacio?(manhattan(p, casas(s))) then
                                           nivelMaximo(manhattan(p), casas(s))
                                           else 1 fi
\operatorname{conjManhatt}(p, cs)
                                        \equiv if vacio?(cs) then \emptyset else
                                           if distManhatt(p, dameUno(claves(cs))) \leq 3 then
                                           definir(dameUno(claves(cs)), obtener(dameUno(claves(cs)), cs),
                                           conjManhatt(p, borrar(dameUno(claves(cs)), cs)))
                                           else
                                           conjManhatt(p, borrar(dameUno(claves(cs)), cs))
                                        \equiv if \pi_0(p) < \pi_0(q) then q - p else p - q fi
\operatorname{distManhatt}(p,q)
                                           if \pi_1(p) < \pi_1(q) then q - p else p - q fi
popularidad(iniciar(m))
popularidad(avanzarTurno(s, cs))
                                        \equiv popularidad(s)
popularidad(unir(s, s'))
                                        \equiv \text{popularidad}(s) + 1
turnos(iniciar(m))
                                        \equiv 0
turnos(avanzarTurno(s, cs))
                                        \equiv \operatorname{turnos}(s) + 1
turnos(unir(s, s'))
                                        \equiv if turnos(s) < turnos(s') then turnos(s') else turnos(s) fi
construcc(s)
                                        \equiv \text{unirDicc}(\text{casas}(s), \text{comercios}(s))
unirDicc(cs, cs')
                                        \equiv if vacio?(claves(cs')) then cs else
                                           definir(dameUno(claves(cs')),
                                           obtener(dameUno(claves(cs')), cs'),
                                           unirDicc(cs, borrar(dameUno(claves(cs')), cs'))) fi
masNivel(s)
                                        \equiv masNivelAux(construcc(s), nivelMaximo(construcc(s)))
                                        \equiv if vacio?(cs) then \emptyset else
masNivelAux(cs, n)
                                           if obtener(dameUno(claves(cs)), cs) =<sub>obs</sub> n then
                                           ag(dameUno(claves(cs)),
                                           masNivelAux(borrar(dameUno(claves(cs)), cs), n))
                                           masNivelAux(borrar(dameUno(claves(cs)), cs), n)
                                           fi fi
nivelMaximo(cs)
                                        \equiv if vacio?(cs) then 0 else
                                           max(obtener(dameUno(claves(cs)), cs),
                                           nivelMaximo(borrar(dameUno(claves(cs)), cs)))
```

```
 \begin{array}{ll} \operatorname{sacarRepes}(cs,cs') & \equiv & \operatorname{if} \ vacio?(\operatorname{claves}(cs)) \ \operatorname{then} \ cs' \ \operatorname{else} \\ & \operatorname{if} \ \operatorname{def?}(\operatorname{dameUno}(\operatorname{claves}(cs)), \ cs') \ \operatorname{then} \\ & \operatorname{sacarRepes}(\operatorname{borrar}(\operatorname{dameUno}(\operatorname{claves}(cs)), \ cs), \\ & \operatorname{borrar}(\operatorname{dameUno}(\operatorname{claves}(cs)), \ cs')) \\ & \operatorname{else} \\ & \operatorname{sacarRepes}(\operatorname{borrar}(\operatorname{dameUno}(\operatorname{claves}(cs)), \ cs), \ cs') \\ & \operatorname{fi} \ \operatorname{fi} \end{array}
```

Fin TAD

#### 1.3. Servidor

```
TAD SERVIDOR
```

```
géneros
                server
                observadores, generadores, verMapa, verCasas, verComercios, verPopularidad y verTurno
exporta
                SimCity, Mapa, Nombre, Pos, Construccion, Nivel, Nat, bool, \operatorname{dicc}(\alpha, \beta), \operatorname{conj}(\alpha)
usa
igualdad observacional
                (\forall s, s' : \text{server}) \left( s =_{\text{obs}} s' \iff \left( \underset{\text{congeladas}(s)}{\text{partidas}(s)} =_{\text{obs}} \underset{\text{congeladas}(s')}{\text{partidas}(s')} \wedge \right) \right)
observadores básicos
                : server \longrightarrow dicc(Nombre, SimCity)
  partidas
  congeladas : server \longrightarrow conj(Nombre)
generadores
  nuevo Server\\
                                                                       \rightarrow server
  nuevaPartida: server s \times Nombre p \times Mapa
                                                                                                 \{\neg def?(p, partidas(s))\}
                                                                     \rightarrow server
                                                                                          \{*unionValida(s, p1, p2, cs)\}
  unirPartidas : server s \times Nombre p1 \times Nombre p2 \longrightarrow server
  avanzarTurnoPartida : server s \times Nombre p \times dicc(Pos \times Construccion) cs \longrightarrow server
                                                                                     \{*avanzarTurnoValido(s, p, cs)\}
otras operaciones
  verMapa
                      : server s \times Nombre p \longrightarrow Mapa
                                                                                                   \{def?(p, partidas(s))\}
  verCasas
                      : server s \times Nombre p \longrightarrow dicc(Pos, Nivel)
                                                                                                   \{def?(p, partidas(s))\}
  verComercios
                      : server s \times Nombre p \longrightarrow dicc(Pos, Nivel)
                                                                                                   \{def?(p, partidas(s))\}
  verPopularidad : server s \times Nombre p \longrightarrow Nat
                                                                                                   \{def?(p, partidas(s))\}
   verTurno
                      : server s \times Nombre p \longrightarrow Nat
                                                                                                   \{def?(p, partidas(s))\}\
axiomas
                 \forall s: server, \forall p, p1, p2: Nombre, \forall m: Mapa, \forall cs: conj(Pos), \forall a, b: dicc(Pos, Nivel)
  partidas(nuevoServer)
                                                        \equiv vacio
  partidas(nuevaPartida(s, p, m))
                                                        \equiv definir(p, iniciar(m), partidas(s))
  partidas(unirPartidas(s, p1, p2))
                                                       \equiv definir(p1,
                                                                 unir(obtener(p1, partidas(s)), obtener(p2, partidas(s))),
                                                                 partidas(s))
  partidas(avanzarTurnoPartida(s, p, cs))
                                                       \equiv definir(p,
                                                                 avanzarTurno(obtener(p, partidas(s)), cs),
                                                                 partidas(s))
                                                       \equiv \emptyset
  congeladas (nueva Partida)
  congeladas(nuevaPartida(s, p, m))
                                                        \equiv congeladas(s)
  congeladas(avanzarTurnoPartida(s, p, cs))
                                                       \equiv congeladas(s)
  congeladas(unirPartidas(s, p1, p2))
                                                        \equiv Ag(p2, congeladas(s))
   // oo
  verMapa(s, p)
                                                        \equiv mapa(obtener(p, partidas(s)))
                                                        \equiv casas(obtener(p, partidas(s)))
  verCasas(s, p)
  verComercios(s, p)
                                                        \equiv comercios(obtener(p, partidas(s)))
   verPopularidad(s, p)
                                                        \equiv popularidad(obtener(p, partidas(s)))
  verTurno(s, p)
                                                        \equiv turnos(obtener(p, partidas(s)))
```

#### Fin TAD

```
*donde:
```

```
unionValida: server s \times Nombre p1 \times Nombre p2 \longrightarrow boolean
unionValida(s, p1, p2) \equiv def?(p, partidas(s)) \land
                                    p \notin congeladas(s) \land
                                    \neg vacia?(claves(cs)) \land_{\mathsf{L}}
                                    (\forall pos: Pos)(pos \in claves(cs) \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                                          \neg sobreRio(pos, mapa(sim)) \land
                                          \neg def?(pos, casas(sim)) \land
                                          \neg def?(pos, comercios(sim))
      donde sim \equiv obtener(p, partidas(s))
avanzarTurnoValido : server s \times Nombre p \times dicc(Pos \times Construccion) cs \longrightarrow boolean
avanzarTurnoValido(s, p, cs) \equiv def?(p1, partidas(s)) \land def?(p2, partidas(s)) \land
                                             p1 \notin congeladas(s) \land p2 \notin congeladas(s) \land_{\mathtt{L}}
                                             (\forall pos: Pos)(pos \in claves(constr1) \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                                                   \neg sobreRio(pos, sim2) \land
                                                   ((\not\equiv otra: Pos)(otra \in constr1 \land_{\tt L}
                                                         obtener(pos, constr1).nivel < obtener(otra, constr1).nivel
                                                   \Rightarrow_{L} \neg def?(pos, constr2))
                                             (\forall pos: Pos)(pos \in claves(constr2) \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                                                   \neg sobreRio(pos, sim1) \land
                                                   ((\nexists otra: Pos)(otra \in constr2 \wedge_{\mathtt{L}}
                                                         obtener(pos, constr2).nivel < obtener(otra, constr2).nivel
                                                   \Rightarrow_{L} \neg def?(pos, constr1)
     {\rm donde}\ sim1\ \equiv\ obtener(p1,\ partidas(s)),
               sim2 \equiv obtener(p2, partidas(s)),
               constr1 \equiv casas(sim1) \cup comercios(sim1),
               constr2 \equiv casas(sim2) \cup comercios(sim2)
• \cup • : \operatorname{dicc}(\alpha \times \beta) \times \operatorname{dicc}(\alpha \times \beta) \longrightarrow \operatorname{dicc}(\alpha, \beta)
\bullet \cup \bullet \equiv \_definir(a, b, claves(b))
                                                                                                                          \{cs \subseteq claves(b)\}\
definir : \operatorname{dicc}(\alpha \times \beta) \times \operatorname{dicc}(\alpha \times \beta) b \times \operatorname{conj}(\alpha) cs \longrightarrow \operatorname{dicc}(\alpha, \beta)
definir(a, b, cs) \equiv if \ vacio?(cs) \ then
                            \mathbf{else}
                                    \_definir(definir(dameUno(cs), obtener(dameUno(cs), b)), b, sinUno(cs))
```

## 2. Módulos de referencia

# 2.1. Módulo Mapa

### Interfaz

```
se explica con: Mapa géneros: mapa  \begin{array}{l} \text{TP de Especificación y DiseñoOperaciones básicas de mapa} \\ \text{CREAR}(\textbf{in } hs: \texttt{conj}(\texttt{Nat}), \textbf{in } vs: \texttt{conj}(\texttt{Nat})) \rightarrow res: \texttt{mapa} \\ \textbf{Pre} \equiv \{\texttt{true}\} \\ \textbf{Post} \equiv \{res =_{\texttt{obs}} mapa(hs, vs)\} \\ \textbf{Complejidad: } O(copy(hs), copy(vs)) \\ \textbf{Descripción: } \text{crea un mapa} \\ \textbf{completar} \end{array}
```

# Representación

TP de Especificación y DiseñoRepresentación de mapa

Un mapa contiene rios infinitos horizontales y verticales. Los rios se representan como conjuntos lineales de naturales que indican la posición en los ejes de los ríos.

```
mapa se representa con estr donde estr es tupla (horizontales: conj (Nat), verticales: conj (Nat))

Rep : estr \longrightarrow bool Rep(e) \equiv true \iff true

Abs : estr m \longrightarrow mapa \{\text{Rep}(m)\}

Abs(m) \equiv horizontales(m) = estr.horizontales \land verticales(m) = estr.verticales
```

# Algoritmos

```
crear(in hs: conj (Nat), in vs: conj (Nat)) → res: estr

1: estr.horizontales \leftarrow hs

2: estr.verticales \leftarrow vs return estr

Complejidad: O(copy(hs) + copy(vs))
```

completar

# 2.2. Módulo SimCity

# 2.3. Módulo Servidor