

TP de Especificación y Diseño

Modelado de SimCity

1 de Junio de 2022

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Grupo 01 - hasTADlaVista, turno mañana

| Integrante | LU | Correo electrónico |
|-------------------|--------|----------------------|
| Lakowsky, Manuel | 511/21 | mlakowsky@gmail.com |
| Vekselman, Natán | 338/21 | natanvek11@gmail.com |
| Arienti, Federico | 316/21 | fa.arienti@gmail.com |



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina Tel/Fax: $(++54\ +11)\ 4576-3300$

http://www.exactas.uba.ar

1. Especificación

1.1. Mapa

TAD MAPA

```
igualdad observacional
                              (\forall m,m': \mathrm{Mapa}) \ \left(m =_{\mathrm{obs}} m' \Longleftrightarrow \begin{pmatrix} \mathrm{horizontales}(m) =_{\mathrm{obs}} \mathrm{horizontales}(m') \ \wedge_{\mathrm{L}} \\ \mathrm{verticales}(m) =_{\mathrm{obs}} \mathrm{verticales}(m') \end{pmatrix} \right)
       géneros
                              Mapa
       exporta
                              completar
                              completar
       observadores básicos
           \text{horizontales} \; : \; \text{Mapa} \; \longrightarrow \; \text{conj}(\text{Nat})
                               : Mapa \longrightarrow conj(Nat)
       Mapa
       generadores
           crear : conj(Nat) \times conj(Nat) \longrightarrow Mapa
                              \forall hs, vs: \operatorname{conj}(\operatorname{Nat})
       axiomas
           horizontales(crear(hs, vs)) \equiv hs
           verticales(crear(hs, vs))
Fin TAD
```

1.2. SimCity

TAD SIMCITY

```
igualdad observacional
                    (\forall s, s' : \text{SimCity}) \quad \left( s =_{\text{obs}} s' \iff \begin{pmatrix} \text{mapa}(s) =_{\text{obs}} \text{mapa}(s') \\ \text{casas}(s) =_{\text{obs}} \text{casas}(s') \\ \text{comercios}(s) =_{\text{obs}} \text{comercios}(s') \\ \text{popularidad}(s) =_{\text{obs}} \text{popularidad}(s') \end{pmatrix} \right)
                     SimCity
géneros
exporta
                     completar
usa
                     completar
observadores básicos
   mapa
                        : SimCity \longrightarrow Mapa
                        : SimCity \longrightarrow dicc(Pos, Nivel)
   casas
   comercios
                        : SimCity \longrightarrow dicc(Pos, Nivel)
   popularidad : SimCity \longrightarrow Nat
generadores
                                                                                                    → SimCity
   iniciar
                           : Mapa
   avanzar
Turno : SimCity s \times \text{dicc}(\text{Pos} \times \text{Construccion}) cs
                                                                                                   \longrightarrow SimCity
                                                                                                                     \{*avanzarTurnoValido(s, cs)\}
                           : SimCity a \times SimCity b
                                                                                                                                       \{*unirValido(a, b)\}
   unir
                                                                                                        \rightarrow SimCity
otras operaciones
   turnos
                          : SimCity
                                                                                                       \rightarrow Nat
   construcc
                          : SimCity
                                                                                                     \longrightarrow dicc(Pos, Nivel)
                           : \operatorname{dicc}(\alpha \times \beta) \times \operatorname{dicc}(\alpha \times \beta)
                                                                                                    \longrightarrow \operatorname{dicc}(\alpha, \beta)

    ∪<sub>dicc</sub> •

   agCasas
                           : dicc(Pos \times Nivel) \times dicc(Pos \times Construc- \longrightarrow dicc(Pos,Nivel)
   \operatorname{agComercios} : \operatorname{SimCity} \times \operatorname{dicc}(\operatorname{Pos} \times \operatorname{Nivel}) \times \operatorname{dicc}(\operatorname{Pos} \times \longrightarrow \operatorname{dicc}(\operatorname{Pos},\operatorname{Nivel})
                              Construccion)
   nivelCom
                           : Pos \times dicc(Pos \times Nivel)
                                                                                                    \longrightarrow Nat
                                                                                                     \longrightarrow Nat
   dist Manhatt
                          : Pos \times Pos
   sacarRepes
                           : dicc(Pos \times Construccion) \times dicc(Pos \times \longrightarrow dicc(Pos, Construccion))
                              Construccion)
                     \forall s, s': similarly, \forall cs, cs': dicc(Pos, Construccion), \forall cn, cn': dicc(Pos, Nivel), \forall d, d': dicc(\alpha, \beta)
axiomas
   mapa(iniciar(m))
   mapa(avanzarTurno(s, cs))
                                                \equiv \operatorname{mapa}(s)
   \operatorname{mapa}(\operatorname{unir}(s, s'))
                                                 \equiv crear(horizontales(s) \cup horizontales(s'), verticales(s) \cup verticales(s'))
   casas(iniciar(m))
                                                \equiv vacio
   \operatorname{casas}(\operatorname{avanzarTurno}(s, cs)) \equiv \operatorname{agCasas}(\operatorname{casas}(s), cs)
   casas(unir(s, s'))
                                                \equiv \operatorname{agCasas}(\operatorname{casas}(s), \operatorname{sacarRepes}(\operatorname{construcc}(s), \operatorname{construcc}(s')))
   agCasas(cn, cs)
                                                \equiv if vacio?(claves(cs)) then
                                                            cn
                                                     else
                                                            if obtener(dameUno(claves(cs)), cs) =<sub>obs</sub> 1 then
                                                                    agCasas(definir(dameUno(claves(cs)), 1, cn),
                                                                           borrar(dameUno(claves(cs)), cs))
                                                            else
                                                                    agCasas(cn, borrar(dameUno(claves(cs)), cs))
                                                            fi
                                                     fi
```

```
comercios(iniciar(m))
                                          \equiv vacio
comercios(avanzarTurno(s, cs)) \equiv agComercios(s, comercios(s), cs)
comercios(unir(s, s'))
                                          \equiv \operatorname{agComercios}(s,
                                                         comercios(s),
                                                         \operatorname{sacarRepes}(\operatorname{construcc}(s), \operatorname{construcc}(s')))
agComercios(s, cn, cs) \equiv if \ vacio?(claves(cs)) \ then
                                        cn
                                  else
                                        if obtener(dameUno(claves(cs)), cs) =<sub>obs</sub> 2 then
                                              agComercios(definir(dameUno(claves(cs)),
                                                         nivelCom(dameUno(claves(cs)), casas(s)), cn),
                                                         borrar(dameUno(claves(cs)), cs))
                                        else
                                              agComercios(cn, borrar(dameUno(claves(cs)), cs))
                                        fi
nivelCom(p, cn)
                              \equiv if vacio?(claves(cn)) then
                                  else
                                        if distManhatt(p, dameUno(claves(cn))) \leq 3 then
                                              \max(\text{obtener}(\text{dameUno}(\text{claves}(cn)), cn),
                                                   \operatorname{nivelCom}(p, \operatorname{borrar}(\operatorname{dameUno}(\operatorname{claves}(cn)), cn)))
                                        else
                                             \operatorname{nivelCom}(p, \operatorname{borrar}(\operatorname{dameUno}(\operatorname{claves}(cn)), cn))
                                        fi
                              \equiv if \pi_0(p) < \pi_0(q) then q - p else p - q fi
distManhatt(p, q)
                                  if \pi_1(p) < \pi_1(q) then q - p else p - q fi
popularidad(iniciar(m))
popularidad(avanzarTurno(s, cs)) \equiv popularidad(s)
popularidad(unir(s, s'))
                                             \equiv \text{popularidad}(s) + 1
turnos(iniciar(m))
                                     \equiv 0
turnos(avanzarTurno(s, cs)) \equiv turnos(s) + 1
turnos(unir(s, s'))
                                     \equiv if turnos(s) < turnos(s') then turnos(s') else turnos(s) fi
construcc(s)
                                     \equiv \operatorname{casas}(s) \cup_{dicc} \operatorname{comercios}(s)
d \cup_{dicc} d'
                          \equiv if vacio?(claves(d')) then
                                    d
                              else
                                    definir(dameUno(claves(d')),
                                         obtener(dameUno(claves(d')), d'),
                                         d \cup_{dicc} borrar(dameUno(claves(d')), d'))
                              fi
\operatorname{sacarRepes}(cs, cs')
                         \equiv if vacio?(claves(cs)) then
                                    cs'
                              else
                                   if def?(dameUno(claves(cs)), cs') then
                                         sacarRepes(borrar(dameUno(claves(cs)), cs),
                                                     borrar(dameUno(claves(cs)), cs'))
                                    else
                                         \operatorname{sacarRepes}(\operatorname{borrar}(\operatorname{dameUno}(\operatorname{claves}(cs)), cs), cs')
                                   fi
                              fi
```

Fin TAD

*donde:

```
avanzar
Turno<br/>Valido : SimCity s \times \mathrm{dicc}(\mathrm{Pos} \times \mathrm{Construccion}) \ cs \longrightarrow \mathrm{boolean}
avanzarTurnoValido(s, cs) \equiv \neg vacio?(claves(cs)) \wedge
                                                                                                                                                                                                                                       (\forall p: Pos)(def?(p, cs) \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                                                                                                                                                                                                                                                                         (\neg p \in claves(construcc(s)) \ \land
                                                                                                                                                                                                                                                                         \neg \pi_0(p) \in horizontales(mapa(s)) \land \neg \pi_1(p) \in verticales(mapa(s)) \land
                                                                                                                                                                                                                                                                         (obtener(p,cs) =_{\mathrm{obs}} 1 \vee obtener(p,cs) =_{\mathrm{obs}} 2))
unir
Valido : Simcity a \times Sim<br/>City b \longrightarrow boolean
unirValido(a, b) \equiv (\forall p : Pos)(def?(p, construcc(a)) \Rightarrow_{L}
                                                                                                                                                                                         (\neg \pi_0(p) \in horizontales(mapa(b)) \land \neg \pi_1(p) \in verticales(mapa(b)) \land \neg \pi_1(p) \in verticales(mapa(b
                                                                                                                                                                                           (\neg (\exists otra : Pos)(def?(otra, construcc(a)) \land_{L})
                                                                                                                                                                                                                           obtener(otra, construcc(a)) > obtener(p, construcc(a)) \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                                                                                                                                                                                                                                                               \neg def?(p, construcc(b)))))
                                                                                                                                                      (\forall p: Pos)(def?(p, construcc(b)) \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                                                                                                                                                                                           (\neg \pi_0(p) \in horizontales(mapa(a)) \land \neg \pi_1(p) \in verticales(mapa(a)) \land \neg \pi_1(p) \in verticales(mapa(a
                                                                                                                                                                                           (\neg (\exists otra : Pos)(def?(otra, construcc(b)) \land_{\texttt{L}}
                                                                                                                                                                                                                           obtener(otra, construcc(b)) \ > \ obtener(p, construcc(b)) \Rightarrow_{\tt L}
                                                                                                                                                                                                                                                               \neg def?(p, construcc(a)))))
```

1.3. Servidor

```
TAD SERVIDOR
```

```
géneros
                server
                observadores, generadores, verMapa, verCasas, verComercios, verPopularidad y verTurno
exporta
                SimCity, Mapa, Nombre, Pos, Construccion, Nivel, Nat, bool, \operatorname{dicc}(\alpha, \beta), \operatorname{conj}(\alpha)
usa
igualdad observacional
                (\forall s, s' : \text{server}) \left( s =_{\text{obs}} s' \iff \left( \underset{\text{congeladas}(s)}{\text{partidas}(s)} =_{\text{obs}} \underset{\text{congeladas}(s')}{\text{partidas}(s')} \wedge \right) \right)
observadores básicos
                : server \longrightarrow dicc(Nombre, SimCity)
  partidas
  congeladas : server \longrightarrow conj(Nombre)
generadores
  nuevo Server\\
                                                                       \rightarrow server
  nuevaPartida: server s \times Nombre p \times Mapa
                                                                                                 \{\neg def?(p, partidas(s))\}
                                                                     \rightarrow server
                                                                                          \{*unionValida(s, p1, p2, cs)\}
  unirPartidas : server s \times Nombre p1 \times Nombre p2 \longrightarrow server
  avanzar
Turno<br/>Partida : server s \times Nombre p \times dicc(Pos \times Construccion) cs \longrightarrow server
                                                                                     \{*avanzarTurnoValido(s, p, cs)\}
otras operaciones
  verMapa
                      : server s \times Nombre p \longrightarrow Mapa
                                                                                                   \{def?(p, partidas(s))\}
  verCasas
                      : server s \times Nombre p \longrightarrow dicc(Pos, Nivel)
                                                                                                   \{def?(p, partidas(s))\}
  verComercios
                      : server s \times Nombre p \longrightarrow dicc(Pos, Nivel)
                                                                                                   \{def?(p, partidas(s))\}
  verPopularidad : server s \times Nombre p \longrightarrow Nat
                                                                                                   \{def?(p, partidas(s))\}
   verTurno
                      : server s \times Nombre p \longrightarrow Nat
                                                                                                   \{def?(p, partidas(s))\}
axiomas
                 \forall s: server, \forall p, p1, p2: Nombre, \forall m: Mapa, \forall cs: conj(Pos)
  partidas(nuevoServer)
                                                        \equiv vacio
  partidas(nuevaPartida(s, p, m))
                                                        \equiv definir(p, iniciar(m), partidas(s))
  partidas(unirPartidas(s, p1, p2))
                                                       \equiv definir(p1,
                                                                 unir(obtener(p1, partidas(s)), obtener(p2, partidas(s))),
                                                                 partidas(s))
  partidas(avanzarTurnoPartida(s, p, cs))
                                                       \equiv definir(p,
                                                                 avanzarTurno(obtener(p, partidas(s)), cs),
                                                                 partidas(s))
                                                       \equiv \emptyset
  congeladas (nueva Partida)
  congeladas(nuevaPartida(s, p, m))
                                                        \equiv congeladas(s)
  congeladas(avanzarTurnoPartida(s, p, cs))
                                                       \equiv congeladas(s)
  congeladas(unirPartidas(s, p1, p2))
                                                        \equiv Ag(p2, congeladas(s))
   // oo
  verMapa(s, p)
                                                        \equiv mapa(obtener(p, partidas(s)))
                                                        \equiv casas(obtener(p, partidas(s)))
  verCasas(s, p)
  verComercios(s, p)
                                                        \equiv comercios(obtener(p, partidas(s)))
   verPopularidad(s, p)
                                                        \equiv popularidad(obtener(p, partidas(s)))
  verTurno(s, p)
                                                        \equiv turnos(obtener(p, partidas(s)))
```

Fin TAD

*donde:

```
unionValida: server s \times Nombre p1 \times Nombre p2 \longrightarrow boolean
unionValida(s, p1, p2) \equiv def?(p1, partidas(s)) \land def?(p2, partidas(s)) \land
                                  p1 \notin congeladas(s) \wedge_{\scriptscriptstyle L} \%
                                  (\forall pos: Pos)(pos \in claves(constr1) \Rightarrow_{L}
                                        \neg sobreRio(pos, sim2) \land
                                        ((\nexists otra : Pos)(otra \in constr1 \wedge_{L}
                                              obtener(pos, constr1).nivel < obtener(otra, constr1).nivel
                                        \Rightarrow_{\text{L}} \neg def?(pos, constr2)
                                  ) \
                                  (\forall pos: Pos)(pos \in claves(constr2) \Rightarrow_{L}
                                         \neg sobreRio(pos, sim1) \land
                                        ((\nexists otra: Pos)(otra \in constr2 \land_{L}
                                              obtener(pos, constr2).nivel < obtener(otra, constr2).nivel
                                        \Rightarrow_{L} \neg def?(pos, constr1)
     donde sim1 \equiv obtener(p1, partidas(s)),
               sim2 \equiv obtener(p2, partidas(s)),
               constr1 \equiv casas(sim1) \cup comercios(sim1),
               constr2 \equiv casas(sim2) \cup comercios(sim2)
avanzarTurnoValido : server s \times Nombre p \times dicc(Pos \times Construccion) cs \longrightarrow boolean
avanzarTurnoValido(s, p, cs) \equiv def?(p, partidas(s)) \land
                                           p \notin congeladas(s) \land
                                           \neg vacia?(claves(cs)) \land_{\mathtt{L}}
                                           (\forall pos: Pos)(pos \in claves(cs) \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                                                 obtener(pos, cs) \in \{"casa", "comercio"\} \land
                                                 \neg sobreRio(pos, mapa(sim)) \land
                                                 \neg def?(pos, casas(sim)) \land
                                                 \neg def?(pos, comercios(sim))
     donde sim \equiv obtener(p, partidas(s))
• \cup • : \operatorname{dicc}(\alpha \times \beta) \times \operatorname{dicc}(\alpha \times \beta) \longrightarrow \operatorname{dicc}(\alpha, \beta)
a \cup b \equiv definir(a, b, claves(b))
                                                                                                                     \{cs \subseteq claves(b)\}\
union : \operatorname{dicc}(\alpha \times \beta) \times \operatorname{dicc}(\alpha \times \beta) b \times \operatorname{conj}(\alpha) cs \longrightarrow \operatorname{dicc}(\alpha, \beta)
union(a, b, cs) \equiv if vacio?(cs) then
                          else
                                 \_union(definir(dameUno(cs), obtener(dameUno(cs), b)), b, sinUno(cs))
                          fi
```

2. Módulos de referencia

2.1. Módulo Mapa

Interfaz

```
se explica con: Mapa géneros: mapa  \begin{array}{l} \text{TP de Especificación y DiseñoOperaciones básicas de mapa} \\ \text{CREAR}(\textbf{in } hs: \texttt{conj}(\texttt{Nat}), \textbf{in } vs: \texttt{conj}(\texttt{Nat})) \rightarrow res: \texttt{mapa} \\ \textbf{Pre} \equiv \{\texttt{true}\} \\ \textbf{Post} \equiv \{res =_{\texttt{obs}} mapa(hs, vs)\} \\ \textbf{Complejidad: } O(copy(hs), copy(vs)) \\ \textbf{Descripción: } \text{crea un mapa} \\ \textbf{completar} \end{array}
```

Representación

TP de Especificación y DiseñoRepresentación de mapa

Un mapa contiene rios infinitos horizontales y verticales. Los rios se representan como conjuntos lineales de naturales que indican la posición en los ejes de los ríos.

```
mapa se representa con estr donde estr es tupla (horizontales: conj (Nat), verticales: conj (Nat))

Rep : estr \longrightarrow bool Rep(e) \equiv true \iff true

Abs : estr m \longrightarrow mapa \{\text{Rep}(m)\}

Abs(m) \equiv horizontales(m) = estr.horizontales \land verticales(m) = estr.verticales
```

Algoritmos

```
crear(in hs: conj (Nat), in vs: conj (Nat)) → res: estr

1: estr.horizontales \leftarrow hs

2: estr.verticales \leftarrow vs return estr

Complejidad: O(copy(hs) + copy(vs))
```

completar

2.2. Módulo SimCity

2.3. Módulo Servidor