



$$A = \begin{bmatrix} -2 & -2 & 0 \\ -2 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

## · Controllo re A è diagonalistrabile.

A=A, quindi per il teorema spettrale è diagonalistrabile.

$$\det(A-\lambda I) = \det\begin{bmatrix} -2-\lambda & -2 & 0 \\ -2 & 1-\lambda & 0 \\ 0 & 0 & 1-\lambda \end{bmatrix} = 1-\lambda(\lambda^2+\lambda-6)$$

$$1-\lambda\left(\lambda^2+\lambda-6\right)$$

$$\lambda_1 = 1$$
  $\lambda_2 = -3$   $\lambda_3 = 2$ 

## · Autospazio di $\lambda=1$

$$A - 1\lambda = \begin{bmatrix} -3 & -2 & 0 \\ -2 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -3 & -2 & 0 & 0 \\ -2 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -3V_1 - 2V_2 = 0 & V_2 = 0 \\ -2 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ -2V_1 = 0 & V_3 = 0 \\ 0 = 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

## · Autospazio di $\lambda = -3$

• Autospartio di 
$$\lambda=2$$

$$A - 2\lambda = \begin{bmatrix} -4 & -2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} R_2 + R_2 - \frac{1}{2}R_1 \begin{bmatrix} -4 & -2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = 2v_2 & (v_1 = -\frac{v_2}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = 2v_2 & (v_1 = -\frac{v_2}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = 2v_2 & (v_1 = -\frac{v_2}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = 2v_2 & (v_1 = -\frac{v_2}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = 2v_2 & (v_1 = -\frac{v_2}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = 2v_2 & (v_1 = -\frac{v_2}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = 2v_2 & (v_1 = -\frac{v_2}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = 2v_2 & (v_1 = -\frac{v_2}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = 2v_2 & (v_1 = -\frac{v_2}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = 2v_2 & (v_1 = -\frac{v_2}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = 2v_2 & (v_1 = -\frac{v_2}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = 2v_2 & (v_1 = -\frac{v_2}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = -\frac{v_3}{2} & (v_1 = -\frac{v_3}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = -\frac{v_3}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = -\frac{v_3}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = -\frac{v_3}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = -\frac{v_3}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = -\frac{v_3}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = -\frac{v_3}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = -\frac{v_3}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = -\frac{v_3}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = -\frac{v_3}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = -\frac{v_3}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = -\frac{v_3}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = -\frac{v_3}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -4v_1 = -\frac{v_3}{2} & \frac{-\frac{v_3}{2}$$

## Diagonalistations

A=X.A.X-1 dove 1 è la matria ovente gli autovalori à precedentemente calcalati sulla diagonale principale.

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 - \frac{1}{2} \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -3 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 &$$



