

1 Descrizione

Il benchmark è costruito sul calcolo algebrico di moltiplicazione matrice per vettore. La computazione considerata è uno stream di matrici, il vettore secondo operando della moltiplicazione rimane costante per tutta l'esecuzione dell'applicazione. Per l'implementazione si è adottato il paradigma data parallel *Map*. I canali di comunicazione sono quelli del supporto, quindi vengono trasmessi i riferimenti alle strutture dati condivise in memoria, ne segue che la computazione segue il modello *multicast-compute-gather*, in quanto, sui moduli worker della *Map* viene attuata la distribuzione del riferimento di un elemento dello stream piuttosto che una distribuzione delle partizioni di un elemento dello stream. Il calcolo della moltiplicazione viene svolto per mezzo del prodotto scalare di ogni riga per il vettore secondo operando, il partizionamento delle matrici è quindi realizzato per righe, ciascun processo worker calcola, per una matrice, un certo numero di prodotti scalari che costituiscono una partizione del vettore risultato per quella matrice.

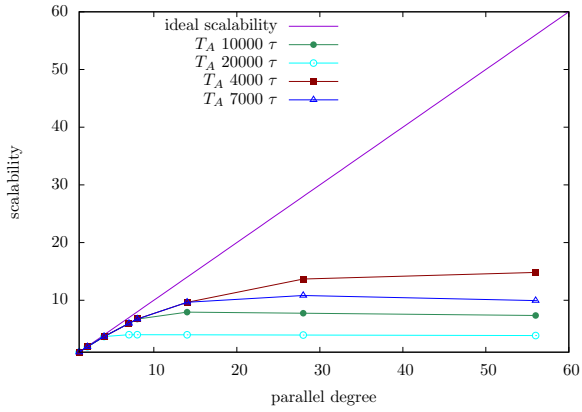
2 Misure sul benchmark

2.1 Map Complete Time

```
1 void * generator_task(void *args)
2 {
3     ...
4     pthread_barrier_wait(...);
5     atomic_compiler_barrier();
6     complTime_start = get_clock_cycle();
7     atomic_compiler_barrier();
8     for (i=0; i<m; i++) {
9         a = get_clock_cycle();
10        sym_send(ch_out, A_set[i]);
11        while (get_clock_cycle() - a < Ta)
12            ;
13    }
14    ...
15 }
16 void * worker_task(void *args)
17 {
18     if (x == y)
19         ...
20     pthread_barrier_wait(...);
21     for (i=0; i<m; i++) {
22         A = (int *)sym_receive(ch_in);
23         if (ch_left != NULL) sym_send(ch_left, A);
24         if (ch_right != NULL) sym_send(ch_right, A);
25         for (j=0; j<g; j++) {
26             C[j*rank] = 0;
27             for (k=0; k<M; k++)
28                 C[j*rank] = *(A+j*M+k) * B[k] + C[j*rank];
29         }
30         asymin_send(ch_out, C);
31     }
32     ...
33 }
34 void * collector_task(void *args)
35 {
36     ...
37     pthread_barrier_wait(...);
38     for (i=0; i<m; i++) {
39         (void)asymin_receive(ch_in);
40     }
41     atomic_compiler_barrier();
42     complTime_stop = get_clock_cycle();
43     fprintf(outputfile, ``%d %f\n``, n, complTime_stop-complTime_start);
44     ...
45 }
```

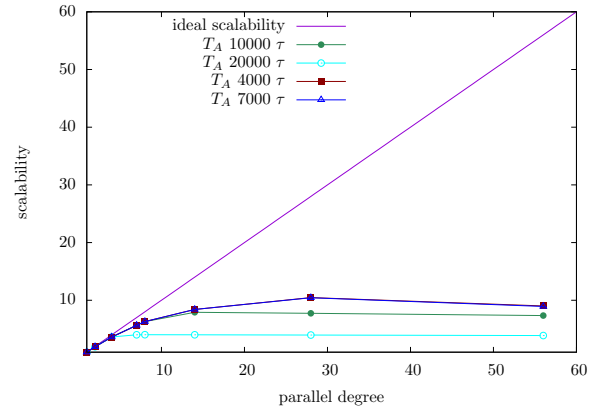
Figure 1: Grafici di scalabilità del tempo di completamento dello stream al variare del tempo di interarrivo

(a) Implementazione con solo UDN

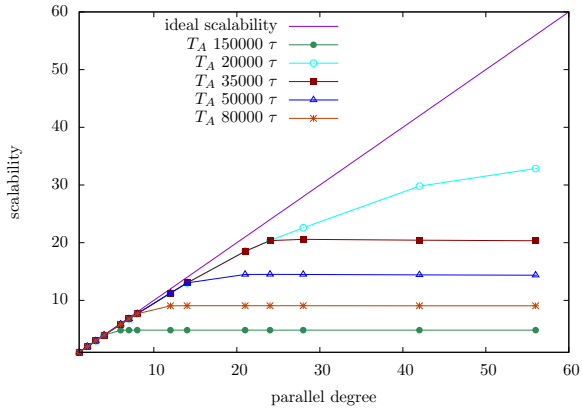


(a1) Scalabilità dell'implementazione UDN con M=56 al variare del tempo di interarrivo

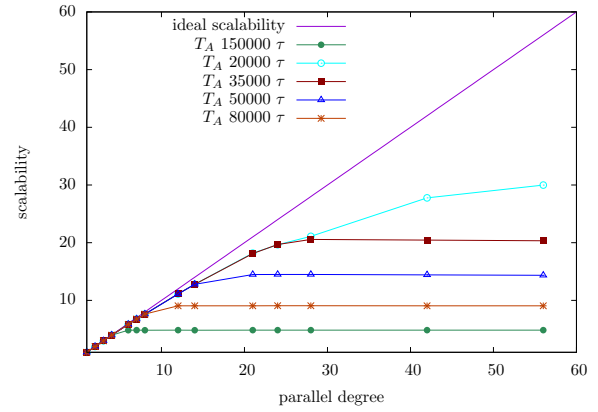
(b) Implementazione con solo SM



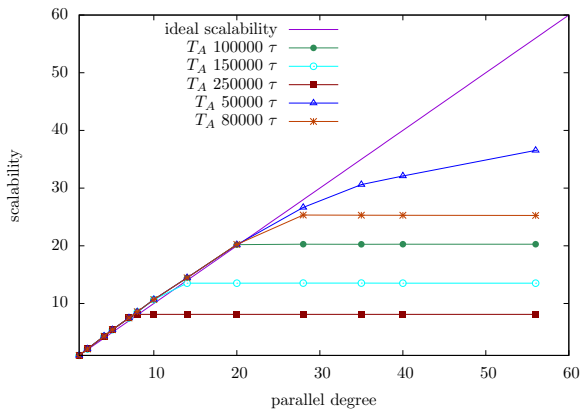
(b1) Scalabilità dell'implementazione SM con M=56 al variare del tempo di interarrivo



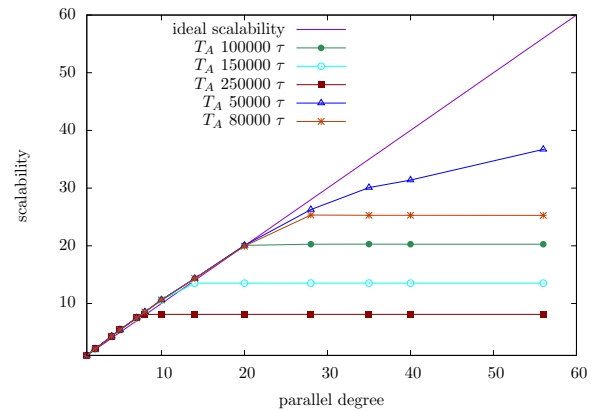
(a2) Scalabilità dell'implementazione UDN con M=168 al variare del tempo di interarrivo



(b2) Scalabilità dell'implementazione SM con M=168 al variare del tempo di interarrivo



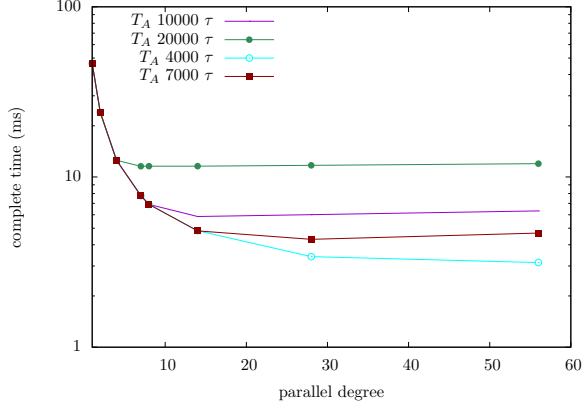
(a3) Scalabilità dell'implementazione UDN con M=280 al variare del tempo di interarrivo



(b3) Scalabilità dell'implementazione SM con M=280 al variare del tempo di interarrivo

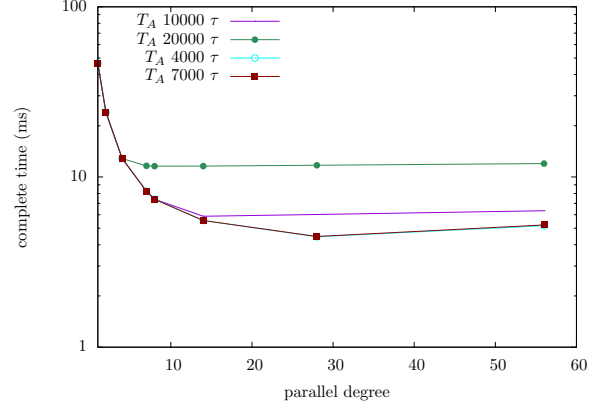
Figure 2: Grafici del tempo di completamento al variare del tempo di interarrivo

(a) Implementazione con solo UDN

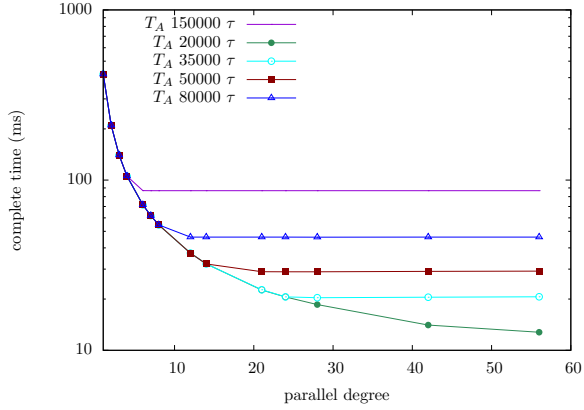


(a1) Tempo di completamento dell'implementazione UDN con $M=56$ al variare del tempo di interarrivo

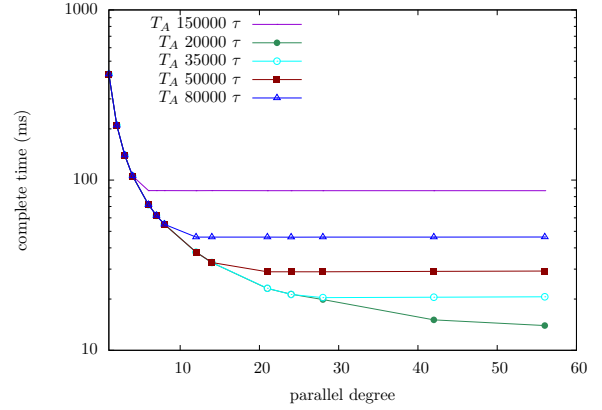
(b) Implementazione con solo SM



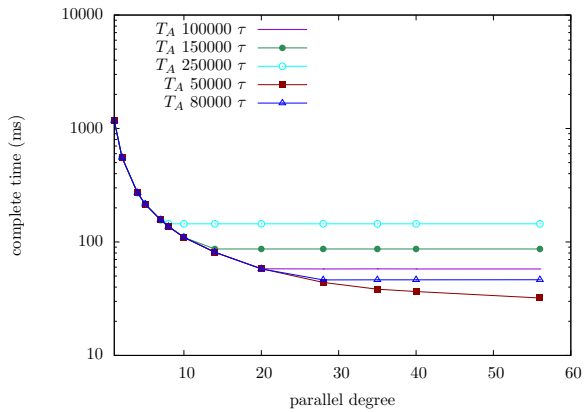
(b1) Tempo di completamento dell'implementazione SM con $M=56$ al variare del tempo di interarrivo



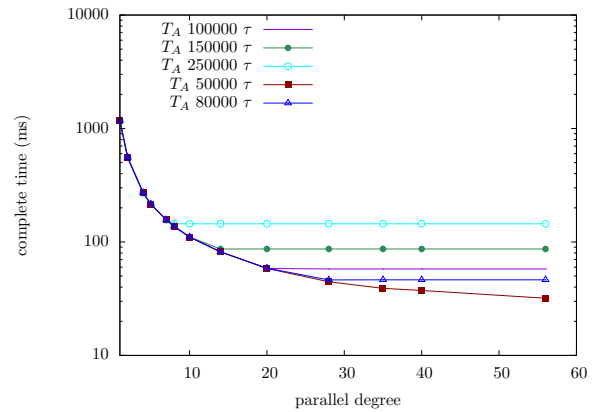
(a2) Tempo di completamento dell'implementazione UDN con $M=168$ al variare del tempo di interarrivo



(b2) Tempo di completamento dell'implementazione SM con $M=168$ al variare del tempo di interarrivo



(a3) Tempo di completamento dell'implementazione UDN con $M=280$ al variare del tempo di interarrivo



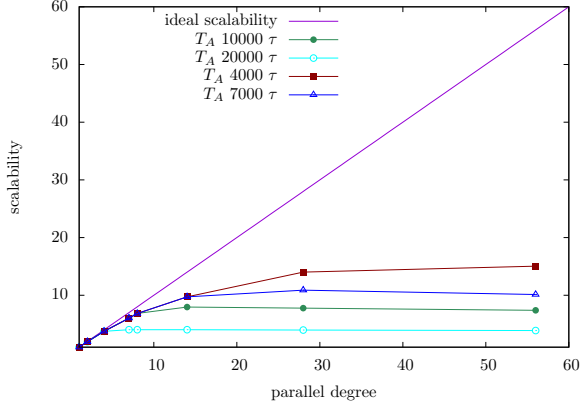
(b3) Tempo di completamento dell'implementazione SM con $M=280$ al variare del tempo di interarrivo

2.2 Map service time

```
1 void * generator_task(void *args...) {
2     ...
3     pthread_barrier_wait(...);
4     for (i=0; i<m; i++) {
5         a = get_clock_cycle();
6         sym_send(ch_out, A_set[i]);
7         while (get_clock_cycle() - a < Ta)
8             ;
9     }
10    ...
11 }
12
13 void * worker_task(void *args...) {
14     ...
15     servicet_stop = 0;
16     pthread_barrier_wait(...);
17     for (i=0; i<m; i++) {
18         A = (int *)sym_receive(ch_in);
19         atomic_compiler_barrier();
20         if (rank == 0) {
21             servicet_start = servicet_stop;
22             servicet_stop = get_clock_cycle();
23             if (servicet_start != 0)
24                 servicet_sum += servicet_stop - servicet_start;
25         }
26         atomic_compiler_barrier();
27         if (ch_left != NULL) sym_send(ch_left, A);
28         if (ch_right != NULL) sym_send(ch_right, A);
29         for (j=0; j<g; j++) {
30             C[j*rank] = 0;
31             for (k=0; k<M; k++)
32                 C[j*rank] = *(A+j*M+k) * B[k] + C[j*rank];
33         }
34         asymin_send(ch_out, C);
35     }
36     if (rank == 0)
37         fprintf(output_file, ``%d %f\n'', n, (double)servicet_sum/m);
38     ...
39 }
40
41 void * collector_task(void *args...) {
42     ...
43     pthread_barrier_wait(...);
44     for (i=0; i<m; i++) {
45         (void)asymin_receive(ch_in);
46     }
47     ...
48 }
```

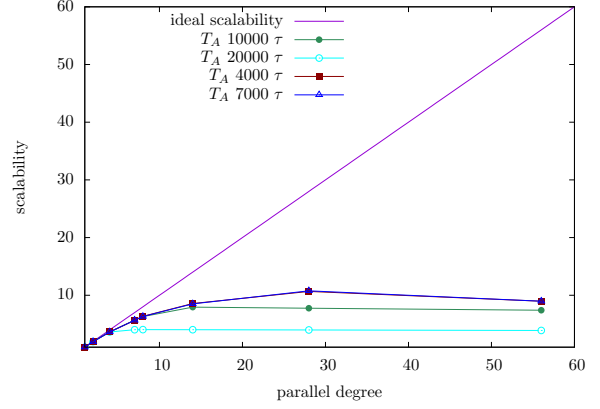
Figure 3: Grafici di scalabilità del tempo di servizio dello stream al variare del tempo di interarrivo

(a) Implementazione con solo UDN

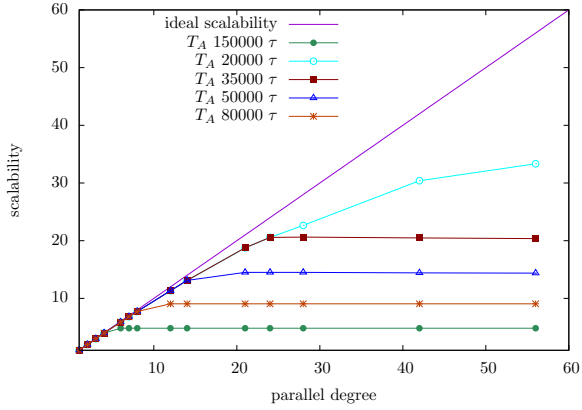


(a1) Scalabilità dell'implementazione UDN con $M=56$ al variare del tempo di interarrivo

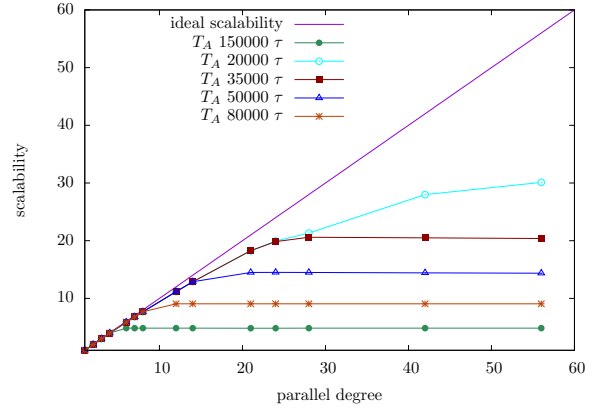
(b) Implementazione con solo SM



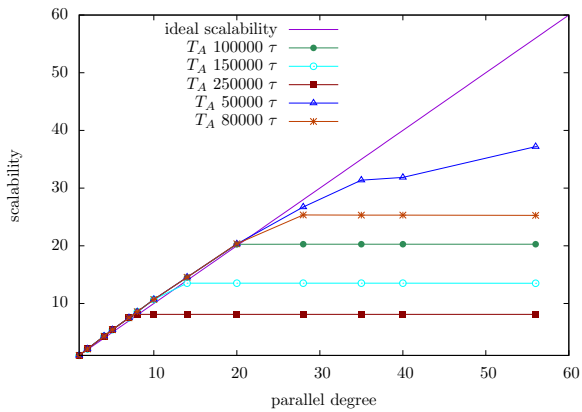
(b1) Scalabilità dell'implementazione SM con $M=56$ al variare del tempo di interarrivo



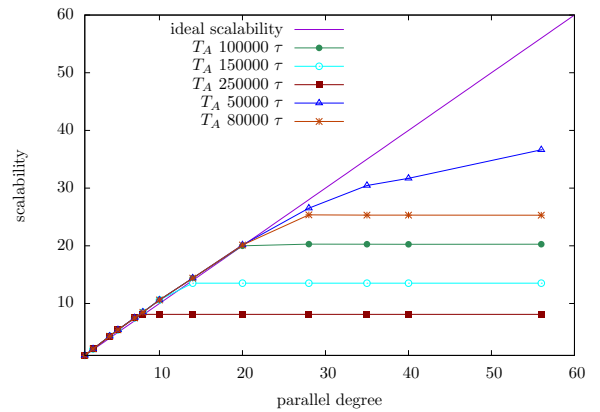
(a2) Scalabilità dell'implementazione UDN con $M=168$ al variare del tempo di interarrivo



(b2) Scalabilità dell'implementazione SM con $M=168$ al variare del tempo di interarrivo



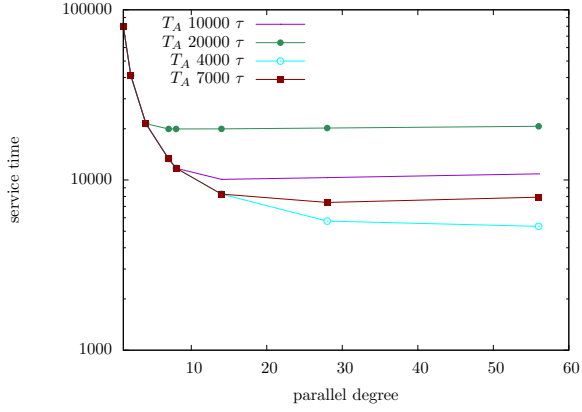
(a3) Scalabilità dell'implementazione UDN con $M=280$ al variare del tempo di interarrivo



(b3) Scalabilità dell'implementazione SM con $M=280$ al variare del tempo di interarrivo

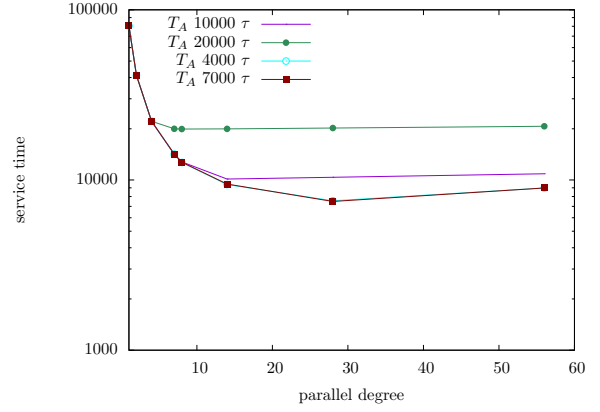
Figure 4: Grafici del tempo di servizio al variare del tempo di interarrivo

(a) Implementazione con solo UDN

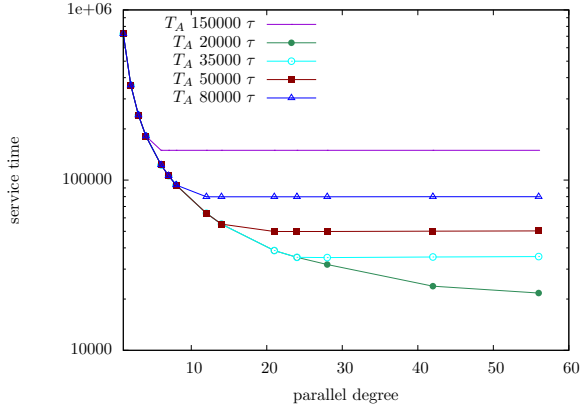


(a1) Tempo di servizio dell'implementazione UDN con $M=56$ al variare del tempo di interarrivo

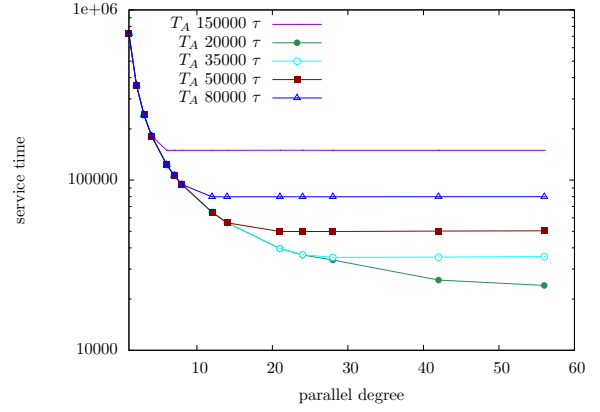
(b) Implementazione con solo SM



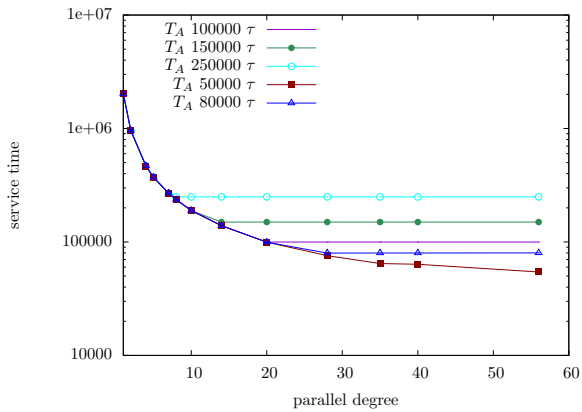
(b1) Tempo di servizio dell'implementazione SM con $M=56$ al variare del tempo di interarrivo



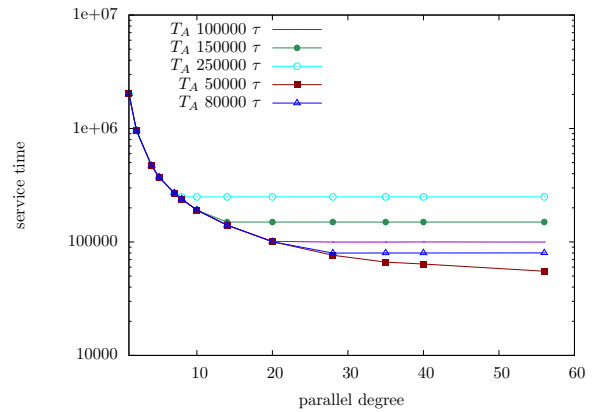
(a2) Tempo di servizio dell'implementazione UDN con $M=168$ al variare del tempo di interarrivo



(b2) Tempo di servizio dell'implementazione SM con $M=168$ al variare del tempo di interarrivo



(a3) Tempo di servizio dell'implementazione UDN con $M=280$ al variare del tempo di interarrivo



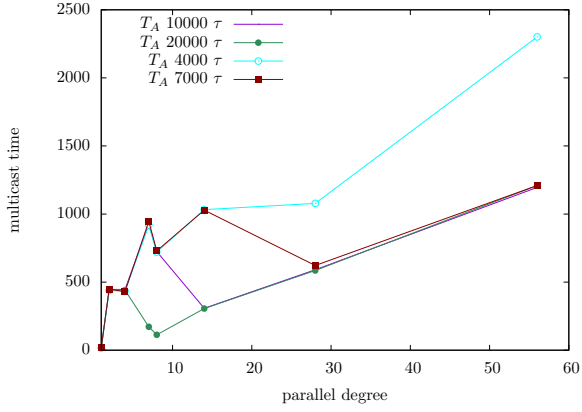
(b3) Tempo di servizio dell'implementazione SM con $M=280$ al variare del tempo di interarrivo

2.3 Multicast service time

```
1 void * generator_task(void *args...) {
2     ...
3     pthread_barrier_wait(...);
4     for (i=0; i<m; i++) {
5         a = get_clock_cycle();
6         sym_send(ch_out, A_set[i]);
7         while (get_clock_cycle() - a < Ta)
8             ;
9     }
10    ...
11 }
12
13 void * worker_task(void *args...) {
14     ...
15     pthread_barrier_wait(...);
16     for (i=0; i<m; i++) {
17         A = (int *)sym_receive(ch_in);
18         atomic_compiler_barrier();
19         if (rank == 0)
20             multicast_start = get_clock_cycle();
21         atomic_compiler_barrier();
22         if (ch_left != NULL) sym_send(ch_left, A);
23         if (ch_right != NULL) sym_send(ch_right, A);
24         atomic_compiler_barrier();
25         if (rank == 0)
26             multicast_sum = get_clock_cycle() - multicast_start;
27         atomic_compiler_barrier();
28         for (j=0; j<g; j++) {
29             C[j*rank] = 0;
30             for (k=0; k<M; k++)
31                 C[j*rank] = *(A+j*M+k) * B[k] + C[j*rank];
32         }
33         asymin_send(ch_out, C);
34     }
35     if (rank == 0)
36         fprintf(output_file, ``%d %f\n'', n, (double)multicast_sum/m);
37     ...
38 }
39
40 void * collector_task(void *args...) {
41     ...
42     pthread_barrier_wait(...);
43     for (i=0; i<m; i++) {
44         (void)asymin_receive(ch_in);
45     }
46     ...
47 }
```

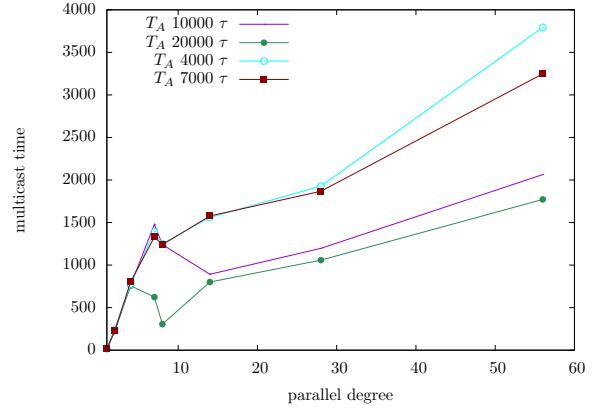

Figure 5: Grafici del tempo di multicast al variare del tempo di interarrivo

(a) Implementazione con solo UDN

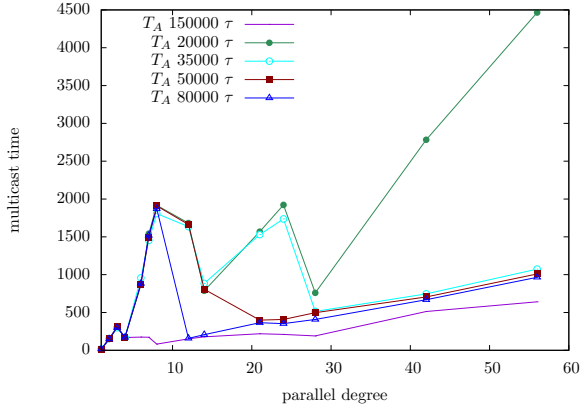


(a1) tempo di multicast dell implementazione UDN con M=56 al variare del tempo di interarrivo

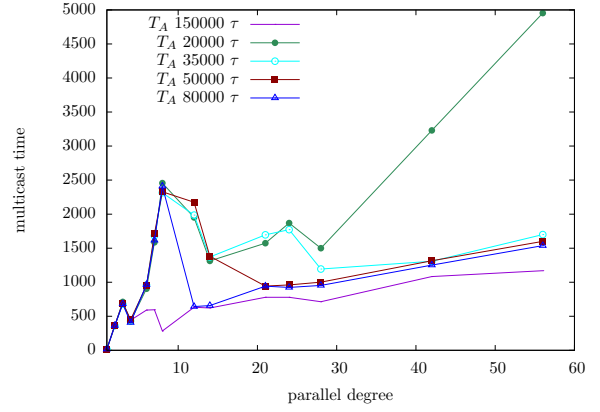
(b) Implementazione con solo SM



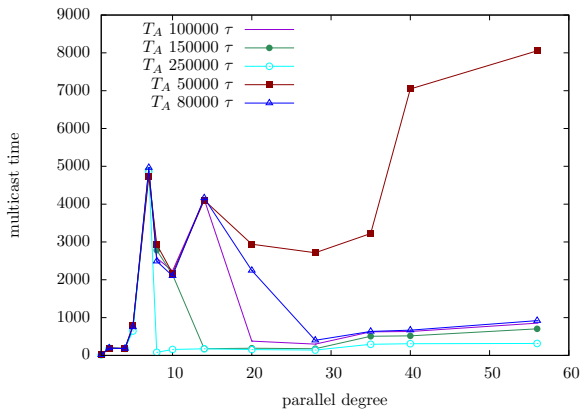
(b1) tempo di multicast dell implementazione SM con M=56 al variare del tempo di interarrivo



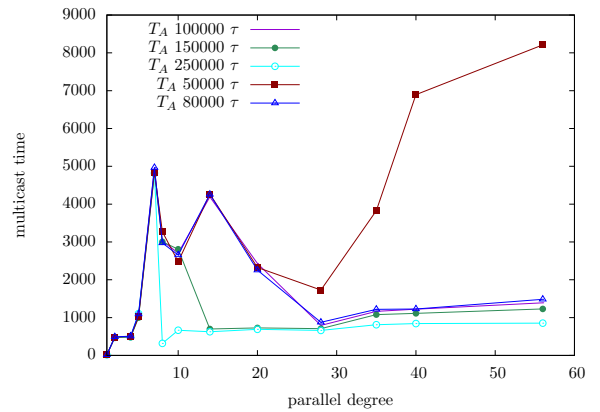
(a2) tempo di multicast dell implementazione UDN con M=168 al variare del tempo di interarrivo



(b2) tempo di multicast dell implementazione SM con M=168 al variare del tempo di interarrivo

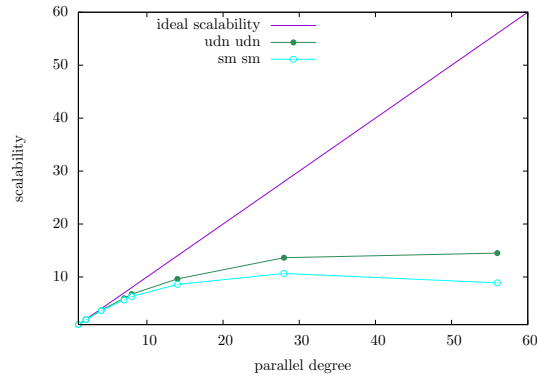


(a3) tempo di multicast dell implementazione UDN con M=280 al variare del tempo di interarrivo

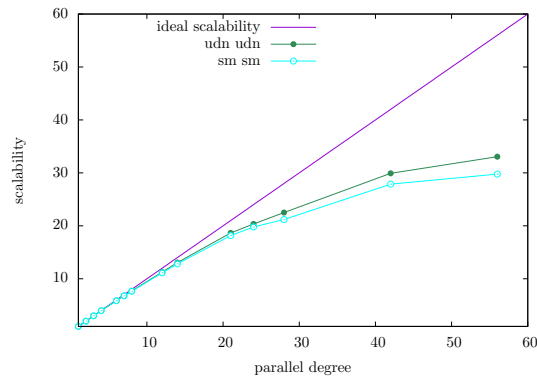


(b3) tempo di multicast dell implementazione SM con M=280 al variare del tempo di interarrivo

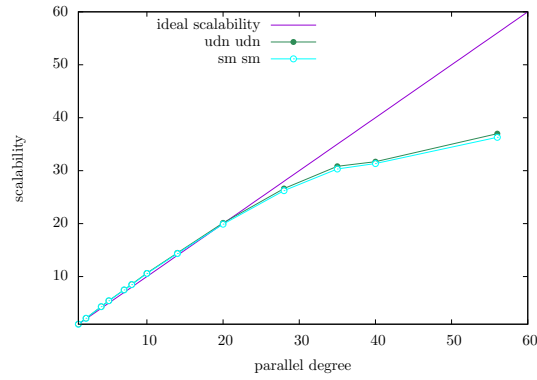
2.4 Confronto scalabilità delle due implementazioni



(a) Confronto della scalabilità nelle diverse implementazioni, $Ta=181$, $M=56$

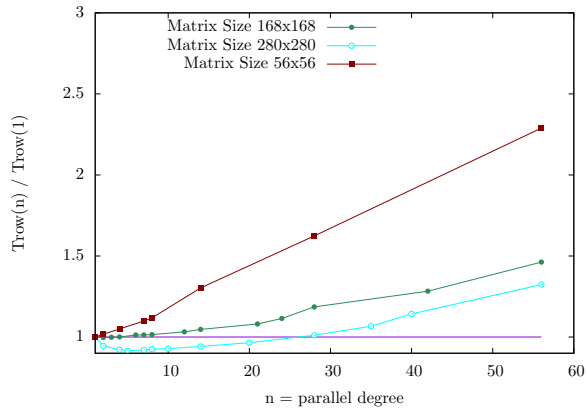


(b) Confronto della scalabilità nelle diverse implementazioni, $Ta=181$, $M=168$

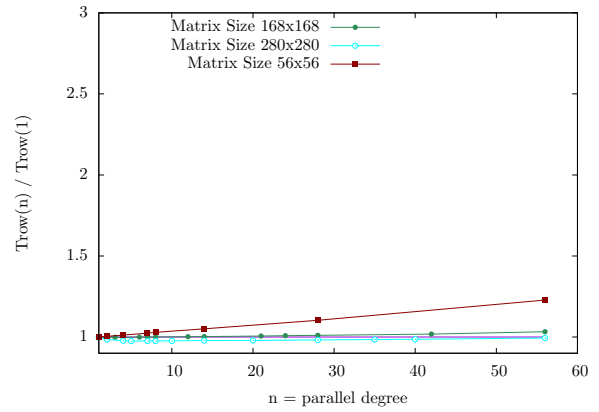


(c) Confronto della scalabilità nelle diverse implementazioni, $Ta=181$, $M=280$

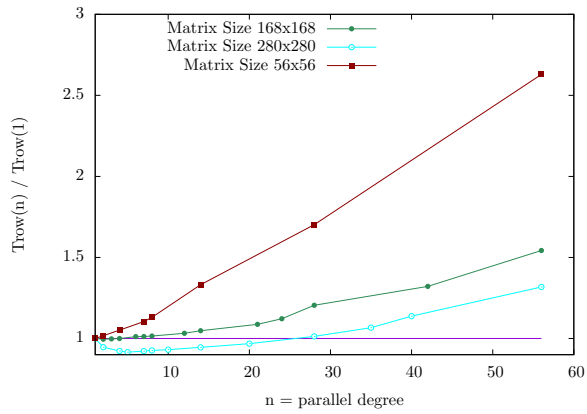
2.5 Row calculation time



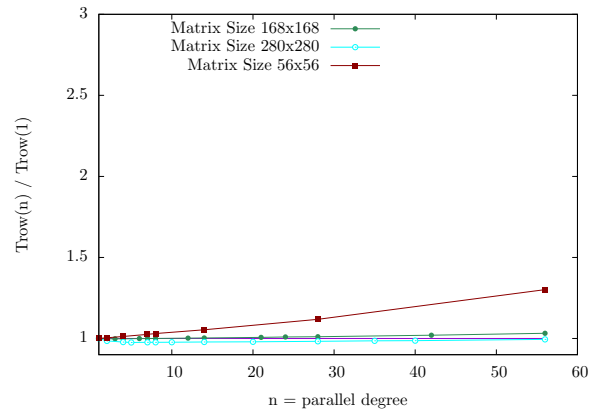
(d) Tempi di calcolo di una singola Row · Col con $T_a=181$, canali UDN e dati Int



(e) Tempi di calcolo di una singola Row · Col con $T_a=181$, canali UDN e dati Float



(f) Tempi di calcolo di una singola Row · Col con $T_a=181$, canali SM e dati Int



(g) Tempi di calcolo di una singola Row · Col con $T_a=181$, canali SM e dati Float

2.6 Data

1	46.572873	46.577579	46.568166	0.004707	1.000000	1.000000
2	23.940019	24.001436	23.878603	0.061417	1.945398	0.514034
4	12.540415	12.581304	12.499527	0.040888	3.713822	0.269264
7	7.763002	7.789110	7.736894	0.026108	5.999338	0.166685
8	6.896573	6.918742	6.874404	0.022169	6.753046	0.148081
14	4.831994	4.855326	4.808662	0.023332	9.638438	0.103751
28	3.404672	3.434254	3.375089	0.029582	13.679109	0.073104
56	3.140727	3.150936	3.130518	0.010209	14.828692	0.067437

Listing 1: complete time: UDN, M=56, $T_A=4000$

1	80306.783600	80339.122000	80276.256000	21.842300	1.000000	1.000000
2	41090.840000	41258.916000	41032.488000	85.303538	1.954372	0.511673
4	21424.034800	21517.142000	21370.560000	62.165576	3.748443	0.266777
7	13351.709200	13505.258000	13222.912000	91.890952	6.014719	0.166259
8	11738.808800	11794.696000	11702.608000	39.525586	6.841136	0.146175
14	8262.596400	8422.300000	8190.248000	85.364889	9.719316	0.102888
28	5731.913600	5808.128000	5660.768000	49.787773	14.010467	0.071375
56	5340.577600	5475.144000	5257.590000	73.023736	15.037097	0.066502

Listing 2: service time: UDN, M=56, $T_A=4000$

1	1172.604179	1172.730687	1172.497302	0.088870	1.000000	1.000000
2	554.896234	555.023791	554.638248	0.151277	2.113195	0.473217
4	270.980234	271.176319	270.806410	0.132843	4.327268	0.231093
5	215.143113	215.386131	214.985249	0.163714	5.450345	0.183475
7	156.426926	156.434588	156.416539	0.007640	7.496179	0.133401
8	137.168518	138.592423	136.675336	0.822187	8.548639	0.116978
10	109.756940	110.067086	109.594116	0.192402	10.683645	0.093601
14	81.106906	81.112192	81.102273	0.003559	14.457513	0.069168
20	58.089348	58.981450	57.776880	0.515355	20.186217	0.049539
28	44.008273	44.380543	43.599370	0.346627	26.645085	0.037530
35	38.308934	39.305718	37.767630	0.617401	30.609157	0.032670
40	36.530533	37.216905	36.148452	0.429463	32.099290	0.031153
56	32.095102	32.656763	31.680585	0.363380	36.535300	0.027371

Listing 3: complete time: UDN, M=280, $T_A=50000$

1	2023768.777600	2024256.074000	2023380.242000	311.804099	1.000000	1.000000
2	957795.432000	958710.060000	957027.954000	605.016532	2.112945	0.473273
4	467164.594400	467897.934000	466548.600000	604.307672	4.332025	0.230839
5	371265.169600	372382.774000	369883.160000	1002.447347	5.451006	0.183452
7	268932.414000	269631.154000	268520.218000	408.045018	7.525195	0.132887
8	236590.966400	238950.566000	234135.138000	2051.827267	8.553872	0.116906
10	189140.739200	189813.032000	188529.550000	487.286184	10.699804	0.093460
14	139142.949600	139317.330000	139017.336000	103.618498	14.544530	0.068754
20	99578.224800	100195.734000	99081.104000	399.249887	20.323407	0.049204
28	75727.979200	76134.740000	75268.626000	289.770418	26.724188	0.037419
35	64494.868400	65239.048000	63932.220000	450.363999	31.378757	0.031869
40	63544.873600	63910.226000	62880.038000	375.831233	31.847868	0.031399
56	54419.289600	55483.402000	53446.486000	670.050446	37.188445	0.026890

Listing 4: service time: UDN, $M=280$, $T_A=50000$

1	46.633566	46.640408	46.626723	0.006842	1.000000	1.000000
2	23.972188	24.053576	23.890800	0.081388	1.945320	0.514054
4	12.857453	12.897841	12.817065	0.040388	3.626968	0.275712
7	8.240676	8.255497	8.225856	0.014821	5.658949	0.176711
8	7.403380	7.486033	7.320727	0.082653	6.298956	0.158756
14	5.549339	5.691791	5.406887	0.142452	8.403445	0.118999
28	4.454536	4.460204	4.448867	0.005668	10.468783	0.095522
56	5.174670	5.248622	5.100719	0.073952	9.011891	0.110965

Listing 5: complete time: SM, $M=56$, $T_A=4000$

1	80508.637600	80535.508000	80481.106000	18.470758	1.000000	1.000000
2	41231.674000	41444.214000	41157.326000	108.304456	1.952592	0.512140
4	22132.855600	22224.392000	22006.220000	85.550438	3.637517	0.274913
7	14191.646000	14227.322000	14166.200000	22.955103	5.672960	0.176275
8	12672.152000	12901.366000	12560.782000	129.896767	6.353194	0.157401
14	9396.887600	9647.740000	9083.762000	199.155636	8.567585	0.116719
28	7552.140000	7601.304000	7465.862000	45.492339	10.660374	0.093805
56	8971.953600	9202.742000	8755.614000	146.864666	8.973368	0.111441

Listing 6: service time: SM, $M=56$, $T_A=4000$

1	1172.625483	1172.661315	1172.606780	0.021175	1.000000	1.000000
2	555.325347	555.565762	555.196072	0.143666	2.111601	0.473574
4	271.317352	271.771757	271.003461	0.317606	4.321970	0.231376
5	215.455648	215.861921	215.100179	0.333805	5.442538	0.183738
7	156.537881	156.724819	156.250732	0.183856	7.491001	0.133494
8	137.309426	139.010772	136.565928	0.993934	8.540022	0.117096
10	110.437681	110.660172	110.191696	0.200325	10.617984	0.094180
14	81.787152	81.922388	81.658911	0.094188	14.337527	0.069747
20	58.407352	58.561989	58.300898	0.097276	20.076676	0.049809
28	44.623162	45.251591	44.280006	0.391794	26.278404	0.038054
35	38.978256	39.445141	38.416002	0.370590	30.084093	0.033240
40	37.362734	37.550192	36.985557	0.225755	31.384895	0.031862
56	31.940741	32.340694	31.383280	0.358839	36.712532	0.027239

Listing 7: complete time: SM, $M=280$, $T_A=50000$

```

1 2024263.975200 2024884.306000 2023758.474000 455.386393 1.000000 1.000000
2 959490.920800 961129.294000 958163.018000 1181.196625 2.109727 0.473995
4 468727.324000 470108.612000 467919.892000 800.515927 4.318639 0.231554
5 372576.783600 373591.678000 371093.200000 911.939768 5.433146 0.184055
7 269896.960000 270497.758000 268984.630000 597.479158 7.500136 0.133331
8 238152.980000 240016.576000 235129.462000 2182.643253 8.499847 0.117649
10 190952.532800 192352.862000 189913.284000 809.444213 10.600875 0.094332
14 140639.802800 140828.402000 140170.974000 237.775445 14.393251 0.069477
20 100481.775200 100769.664000 100300.788000 166.141682 20.145583 0.049639
28 76329.412400 76718.618000 75959.086000 259.386559 26.520104 0.037707
35 66487.960400 66989.034000 66043.926000 340.735403 30.445572 0.032845
40 63860.870000 64372.984000 63317.352000 400.053244 31.698033 0.031548
56 55241.196000 56769.636000 52561.614000 1491.433074 36.644101 0.027290

```

Listing 8: service time: SM, $M=280$, $T_A=50000$

```

1 16.242400 16.352000 16.172000 0.086259 1.000000 1.000000
2 437.554000 452.224000 428.072000 9.224755 0.037121 26.938999
4 432.136400 445.704000 387.080000 22.568567 0.037586 26.605452
7 918.366400 1031.870000 845.408000 64.491110 0.017686 56.541299
8 720.580800 765.184000 690.224000 25.415599 0.022541 44.364183
14 1032.088400 1064.280000 958.502000 37.658195 0.015737 63.542851
28 1078.153600 1111.918000 1051.084000 23.183473 0.015065 66.378959
56 2300.732400 2383.672000 2222.814000 62.187720 0.007060 141.649781

```

Listing 9: multicast service time: UDN, $M=56$, $T_A=50000$

```

1 16.340800 16.388000 16.172000 0.084443 1.000000 1.000000
2 244.598400 260.948000 218.956000 15.175001 0.066807 14.968569
4 769.862800 832.634000 639.930000 67.942743 0.021226 47.112920
7 1391.232400 1500.162000 1259.182000 77.017069 0.011746 85.138573
8 1252.989200 1351.056000 1139.006000 72.317936 0.013041 76.678571
14 1559.718800 1733.266000 1327.094000 131.612729 0.010477 95.449354
28 1927.965200 2037.566000 1876.946000 58.558603 0.008476 117.984750
56 3792.382800 5128.220000 3379.034000 672.987729 0.004309 232.080608

```

Listing 10: multicast service time: SM, $M=56$, $T_A=50000$

```

1 16.257200 16.386000 16.172000 0.104350 1.000000 1.000000
2 150.333600 160.586000 143.706000 6.679758 0.108141 9.247201
3 308.527600 349.930000 288.174000 21.362479 0.052693 18.977905
4 172.990400 175.690000 169.064000 2.547146 0.093977 10.640848
6 869.913600 959.672000 757.010000 81.267899 0.018688 53.509436
7 1542.417200 1761.002000 1393.990000 136.373739 0.010540 94.875944
8 1917.032400 1998.320000 1865.732000 47.555478 0.008480 117.918977
12 1682.530400 1795.816000 1493.630000 104.371807 0.009662 103.494476
14 787.048800 865.706000 683.760000 61.314898 0.020656 48.412322
21 1568.388400 1824.058000 1306.722000 194.189619 0.010366 96.473464
24 1922.515600 2112.286000 1760.940000 118.716412 0.008456 118.256256
28 759.130400 1038.136000 623.620000 149.250060 0.021416 46.695027
42 2783.569600 3053.820000 2553.088000 180.120929 0.005840 171.220727
56 4465.223200 4658.222000 4040.096000 226.231230 0.003641 274.661270

```

Listing 11: multicast service time: UDN, $M=168$, $T_A=50000$

```

1 16.192000 16.380000 16.064000 0.102886 1.000000 1.000000
2 362.937200 377.768000 352.526000 10.149624 0.044614 22.414600
3 711.163200 753.160000 680.418000 30.169340 0.022768 43.920652
4 426.780800 499.354000 405.258000 36.588317 0.037940 26.357510
6 904.210400 1145.686000 742.978000 181.769801 0.017907 55.843034
7 1586.216800 1748.692000 1267.128000 171.110207 0.010208 97.962994
8 2455.836400 2600.016000 2250.078000 116.094435 0.006593 151.669738
12 1951.270000 2140.142000 1750.972000 125.590734 0.008298 120.508276
14 1313.540800 1540.918000 1127.132000 155.223608 0.012327 81.122826
21 1573.766000 1775.300000 1193.588000 202.310289 0.010289 97.194046
24 1868.891600 2377.578000 1508.376000 283.998626 0.008664 115.420677
28 1499.463600 1588.302000 1388.352000 73.536301 0.010799 92.605212
42 3230.684000 3428.478000 3012.490000 146.075578 0.005012 199.523468
56 4953.270000 5109.020000 4760.144000 132.691822 0.003269 305.908473

```

Listing 12: multicast service time: SM, $M=168$, $T_A=50000$

```

1 16.164800 16.172000 16.136000 0.014400 1.000000 1.000000
2 195.049600 201.594000 189.812000 4.081222 0.082875 12.066317
4 184.612800 187.246000 181.306000 2.208185 0.087561 11.420667
5 798.118000 1285.348000 564.144000 273.576851 0.020254 49.373825
7 4724.094400 5537.634000 4264.986000 491.549694 0.003422 292.245769
8 2934.568400 3858.104000 2015.358000 733.945570 0.005508 181.540656
10 2172.013600 2448.634000 1794.464000 223.417365 0.007442 134.366871
14 4104.190800 4872.960000 3409.462000 545.325687 0.003939 253.896788
20 2939.463600 4453.300000 1747.392000 1011.519187 0.005499 181.843487
28 2714.732000 3653.982000 2194.900000 509.990550 0.005954 167.940958
35 3223.376000 3497.330000 2943.992000 242.854323 0.005015 199.407107
40 7045.316800 8074.182000 5892.610000 755.210515 0.002294 435.843116
56 8053.298000 9055.652000 7208.224000 661.302127 0.002007 498.199668

```

Listing 13: multicast service time: UDN, $M=280$, $T_A=50000$

```

1 16.164800 16.172000 16.136000 0.014400 1.000000 1.000000
2 477.264000 525.666000 453.120000 25.400649 0.033870 29.524894
4 501.680400 588.842000 453.270000 49.187659 0.032221 31.035361
5 1016.081600 1180.494000 913.536000 91.441456 0.015909 62.857666
7 4843.610800 5607.058000 4090.604000 616.532145 0.003337 299.639389
8 3269.133600 3959.012000 2282.134000 707.812790 0.004945 202.237801
10 2479.208000 3111.158000 1800.060000 465.771195 0.006520 153.370781
14 4267.509200 4942.838000 3610.872000 465.472879 0.003788 264.000124
20 2324.714000 4008.764000 1606.246000 856.422083 0.006953 143.813348
28 1729.702400 2839.424000 1122.482000 689.217153 0.009345 107.004256
35 3827.683600 4611.220000 2487.026000 810.790973 0.004223 236.791275
40 6894.591600 7180.134000 6521.028000 263.803277 0.002345 426.518831
56 8211.370400 9169.862000 7502.674000 661.629644 0.001969 507.978472

```

Listing 14: multicast service time: SM, $M=280$, $T_A=50000$