Reti Sequenziali Asincrone

Giovanni Stea a.a. 2015/16

Ultima modifica: 05/11/2015

Sommario

1	Re	ti Se	quenziali Asincrone	3
	1.1	Mo	dalità di descrizione delle reti sequenziali asincrone	3
	1.1	.1	Esempio di rete sequenziale asincrona: il latch SR	4
	1.1	.2	Esempio: riconoscitore di sequenza 01, 11, 10	6
	1.2	Mo	delli strutturali per la <u>sintesi</u> di reti sequenziali asincrone	8
	1.2	.1	Alee in uscita da CN1	10
	1.2	2	Ritardi di marcatura ed alee essenziali	11
	1.2	2.3	Codifica degli stati interni e corse delle variabili di stato	16
	1.2	.4	Esempio	18
	1.3	Iniz	zializzazione al reset asincrono	23
	1.4	Lat	ch SR – una diversa implementazione	24
	1.5	Mo	dello strutturale con latch SR come elementi di marcatura	27
	1.6	Rie	pilogo sulla sintesi di reti sequenziali asincrone	30
	1.6	5.1	Esercizio Gennaio 2014 (descrizione e sintesi)	31
	1.7	D-F	Flip-Flop 7474	33
2	Ese	erciz	i	38
	2.1	Ese	rcizio – Sintesi	38
	2.1	.1	Soluzione	38
	2.2	Ese	rcizio – Descrizione e sintesi	39
	2.2	2.1	Soluzione	39
	2.3	Ese	rcizio – Descrizione e sintesi	42
	2.3	.1	Descrizione	43
	2.3	.2	Sintesi della rete	43
	2.4	Ese	rcizio Gennaio 2015 (sintesi)	44
	2.4	.1	Soluzione	45

1 Reti Sequenziali Asincrone

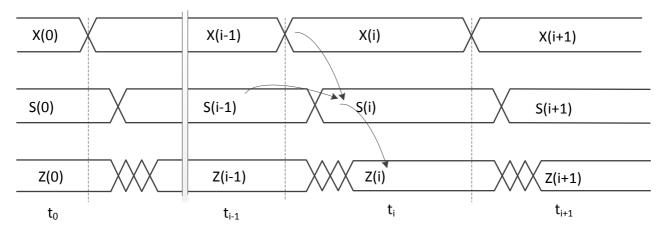
1.1 Modalità di descrizione delle reti sequenziali asincrone



Una rete sequenziale asincrona è rappresentata come segue:

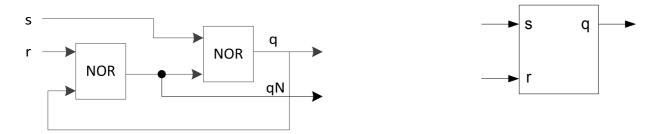
- 1) un insieme di *N* variabili logiche di ingresso.
- 2) un insieme di M variabili logiche di uscita.
- 3) Un meccanismo di marcatura, che ad ogni istante marca uno stato interno presente, scelto tra un insieme finito di W stati interni $\mathbf{S} = \{S_0, ..., S_{W-1}\}$.
- 4) Una **legge di corrispondenza** del tipo $A: \mathbf{X} \times \mathbf{S} \to \mathbf{S}$, che mappa quindi una coppia (stato di ingresso, stato interno) in un nuovo stato interno.
- 5) Una **legge di corrispondenza** del tipo $B: S \to Z$, che decide lo stato di uscita basandosi sullo stato interno. (Nota: tale legge avrebbe potuto essere più generale, del tipo $B: X \times S \to Z$. Tale maggior generalità non è giustificata da nessun caso pratico di interesse).
- 6) Una rete sequenziale asincrona, essendo appunto **asincrona**, evolve in modo **continuo** nel tempo. Entrambe le leggi A e B sopra menzionate sono attive **continuamente**.

Le reti sequenziali asincrone, quindi, si evolvono quando **cambiano gli ingressi**: un cambiamento di ingresso, tramite la legge A, genera un nuovo stato interno (almeno, poi vedremo). Un nuovo stato interno genera un nuovo stato di uscita.



Visto che lo stato di uscita i-simo dipende dallo stato interno i-simo e questo dipende dallo stato di ingresso (i-1)-simo e dallo stato interno (i-1)-simo, e così via, è chiaro che lo stato di uscita Z(i) dipende da **tutti gli stati di ingresso** succedutisi dall'accensione fino a quel momento, e dallo **stato interno iniziale S(0)** presente al reset asincrono. Ciò giustifica l'appellativo di rete **sequenziale**.

1.1.1 Esempio di rete sequenziale asincrona: il latch SR



 $X = \{00,01,10,\underline{11}\}$, $Z = \{0,1\}$. Lo stato di ingresso 11 non si deve presentare, perché corrisponde ad un comando contraddittorio. Gli stati interni sono due, e li chiamiamo S0, S1. $S = \{S0,S1\}$. Il fatto che ci siano <u>due</u> possibili stati interni è visibile dal fatto che c'è una variabile di anello (un solo filo che ritorna indietro). Come avete visto, la funzione di memoria è associata alla presenza di anelli. Siccome gli anelli sono variabili logiche, se una rete ha N variabili logiche di anello, il valore di queste N variabili definirà 2^N possibili stati interni che la rete può memorizzare. Il valore di queste variabili ad un certo istante definisce lo stato interno a quell'istante. Se volete, una rete combinatoria (che, come sappiamo non ha anelli), può essere vista come un caso degenere di rete sequenziale asincrona che ha 0 variabili d'anello, e quindi un solo stato interno possibile (quindi, di fatto, non ha memoria). Infatti, le due leggi: $A: X \times S \to S$, $B: X \times S \to Z$, se S è un insieme con un solo stato, si riducono a:

- A: una legge costante;
- B: una legge da ingresso a uscita.

Il che, come sappiamo, descrive bene una rete combinatoria. Associamo:

- al nome **S0**, lo stato in cui il latch SR **memorizza il bit 0** (e lo presenta in uscita).

- al nome S1, lo stato in cui il latch SR memorizza il bit 1 (e lo presenta in uscita).

q	q'	S	r
0	0	0	-
0	1	1	0
1	0	0	1
1	1	-	0

Abbiamo già visto che un latch SR si può descrivere tramite la tabella di applicazione.

Ora, posso osservare che, per quanto appena detto, la prima riga della tabella si legge come:

"se sono nello stato S0 e l'ingresso s è a 0, rimango nello stato S0 (qualunque cosa faccia r)". Iterando questi ragionamenti, posso costruire una tabella di flusso, che è il modo più usato per descrivere le possibili evoluzioni di una rete sequenziale asincrona. Questa altro non è che una versione tabulare delle leggi A e B descritte prima.

	sr 00	01	11	10	q
S0	(S0)	<u>S0</u>	-	S1	0
S1	(S1)	S0	-	S1)	1

La parte **sinistra della tabella** descrive la legge A, quella che produce il nuovo stato interno a partire dagli ingressi e dallo stato interno. La parte **destra della tabella** descrive la legge B, che produce le uscite sulla base dello stato interno presente.

Una RSA evolve (cioè modifica il proprio stato interno e/o la propria uscita) a seguito di cambiamenti dello stato di ingresso. Non è difficile vedere che, se mi trovo nello stato (ad esempio) S0 con ingresso 00, la rete non evolve (a meno che non cambi lo stato di ingresso). L'uscita rimane costante a 0, la variabile d'anello mantiene costante il proprio valore. Si dice, in questo caso, che la rete ha raggiunto la stabilità (è a regime), oppure che lo stato interno S0 è stabile con stato di ingresso 00. In tutti i casi in cui ciò succede, si mette un cerchio intorno allo stato interno stabile (è errore non metterlo).

Noi siamo interessati alle RSA che, partendo da un qualunque stato interno, riescono **sempre** a raggiungere la stabilità, purché lo stato di ingresso sia mantenuto costante sufficientemente a lungo. Il latch SR ha questa proprietà. Se, ad esempio, avessi avuto una rete fatta così:

	sr 00	01	11	10	q
S0	<u>S0</u>	<u>S0</u>	-	S1	0
S1	<u>S1</u>	S0	-	S0	1

(rete che per ora **non so realizzare** – vedremo più in là come si fa) avrei che, se capita l'ingresso 10, la rete oscilla indefinitamente tra i due stati S0 e S1, e l'uscita oscilla di conseguenza. Reti di questo genere **non ci interessano**.

D'ora in avanti, nel parlare delle RSA, supporremo che:

1) lo stato di ingresso venga mantenuto per tutto il tempo che ci vuole a raggiungere la stabilità (pilotaggio in modo fondamentale).

2) Lo stato di ingresso venga cambiato **per un bit alla volta**, cioè stati di ingresso **consecutivi** siano anche **adiacenti**.

Si noti che una legge simile a quella 1) l'abbiamo enunciata per le reti combinatorie. Mentre per queste ultime, però, eravamo in grado di dare una caratterizzazione **quantitativa** semplice ("lo stato di ingresso deve essere mantenuto per un tempo maggiore del **tempo di attraversamento** della rete"), per reti sequenziali asincrone **non sono ancora in grado** di dare una caratterizzazione quantitativa. Vedremo più tardi come ci si arriva.

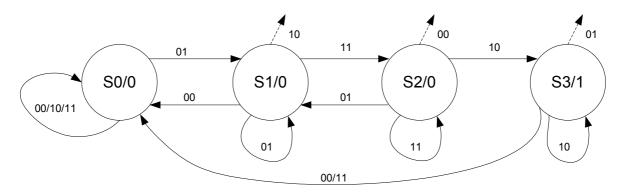
1.1.2 Esempio: riconoscitore di sequenza 01, 11, 10

Un riconoscitore di sequenza è una rete che ha N ingressi (in questo caso N=2, sono sequenze di 2 bit), ed un'uscita. A parole, l'evoluzione della rete è la seguente:

"l'uscita è ad 1 soltanto quando si è presentata la sequenza degli stati di ingresso voluta (01,11,10), ed è a zero altrimenti"

È, se vogliamo, la rete che sblocca la serratura di una cassaforte in cui la combinazione è data da una sequenza di parole di N bit. È ovvio che è una rete **con memoria**, in quanto deve ricordare una data sequenza di stati di ingresso. In particolare, ciò che va memorizzato è **il numero di passi di sequenza corretti consecutivi** visti finora, quindi sono richiesti K+1 stati per una sequenza di K ingressi (corrispondenti a 0, 1, ..., K passi riconosciuti). L'ultimo di questi stati avrà un'uscita ad 1, gli altri a 0.

<u>S0</u>: Supponiamo che al reset iniziale la rete si trovi in uno **stato interno iniziale S0** (vedremo più avanti come si fa a imporre uno stato interno iniziale), che corrisponde alla nozione che non è ancora iniziata nessuna sequenza corretta. Ovviamente, in questo stato l'uscita dovrà valere 0, in quanto non devo sbloccare la cassaforte finché non ho ricevuto tutta la sequenza.



Dallo stato iniziale non esco finché non ho visto in ingresso il primo passo **corretto** della sequenza che voglio riconoscere, cioè 01. Quando arriva 01, **devo cambiare stato**, perché devo memorizzare che la sequenza è cominciata. Se in S0 memorizzavo il fatto che la sequenza non era ancora iniziata, adesso mi ci vuole un altro stato. Chiamiamolo S1.

<u>S1:</u> In S1 devo restare **finché l'ingresso non cambia nuovament**e. Per tutto il tempo che permane 01 come stato di ingresso, la rete non deve fare niente. S1 è stabile con ingresso 01. Quando cambia lo stato di ingresso, devo **per forza** prendere una decisione.

- Se il nuovo stato di ingresso è 11, vuol dire che ho ricevuto **due passi di sequenza corretta**, e devo memorizzare questo nuovo avvenimento. Mi serve un **nuovo stato interno**, perché gli altri due che ho usato memorizzavano "0 passi corretti" (S0) e "1 passo corretto" (S1).
- Lo stato di ingresso potrebbe anche diventare 00, nel qual caso si deve ripartire da capo, tornando in S0.
- Lo stato di ingresso **non può diventare 10**. Sono arrivato in S1 con lo stato di ingresso 01. Ci vuole un arco verso "infinito".

<u>S2:</u> memorizza il fatto che ho ricevuto **due passi corretti** di sequenza. Ci sono arrivato con ingresso 11, e finché resta 11 in ingresso resto in S2 (orecchio). Per lo stesso motivo di prima, ci vuole un arco verso infinito per l'ingresso 00. Gli stati di ingresso 10 e 01 mi porteranno **fuori** da S2 necessariamente. Se arriva 01, la sequenza corrente **è errata**, ma **potrebbe esserne cominciata una nuova**, e quindi devo andare in S1. Se invece arriva 10, **ho terminato la sequenza corretta**, e quindi devo andare in uno stato **diverso dai precedenti**.

<u>S3:</u> in questo stato **dovrò porre l'uscita ad 1**, perché devo sbloccare la cassaforte. Resto in questo stato fintanto che si mantiene l'ingresso 10. L'ingresso 01 non è possibile (arco all'infinito). Qualunque altra cosa arrivi **devo ripartire da S0**, in quanto non può essere l'inizio di una sequenza corretta.

In maniera automatica, posso costruire la *tabella* di flusso dal *grafo* di flusso. Le due descrizioni sono **equivalenti**, ma alcune proprietà si vedono meglio su una, altre sull'altra.

X ₁	x ₀	01	11	10	z
S0	S0	S1	(S0)	(S0)	0
S1	S0	S1	S2		0
S2		S1	S2	S3	0
S3	S0		S0	S3	1

Gli archi verso "infinito" corrispondono a stati interni successivi non specificati nella tabella di flusso

Si noti che:

- ogni **colonna** contiene uno stato cerchiato (<u>almeno</u> uno). Ciò è condizione **necessaria** (ma non sufficiente) per la stabilità. La condizione non è sufficiente perché posso sempre mettere, oltre ad uno stato stabile, anche una coppia di stati che oscillano (e.g. S1 al posto di S2 in 11/S2).
- La legge A ha una caratteristica particolare. Partendo da uno stato stabile e variando lo stato di ingresso, si raggiunge **sempre uno stato stabile in al più un passo**. Una legge di questo tipo si dice **normale** (ed è un concetto importante). Più in dettaglio, una legge è normale se e solo se:

$$\forall S, X, \quad [A(S,X) = S] \lor [A(S,X) = A(A(S,X),X)]$$

Cioè, una legge è normale se, dato uno stato di ingresso X ed uno stato interno S, S è stabile con X, oppure se S non è stabile con X, ma lo stato in cui si va a finire è stabile con X. C'è al massimo una transizione di stato interno.

<u>Osservazione (importante)</u>: Non è possibile, con una RSA, descrivere un riconoscitore di sequenze **qualunque**. Ad esempio, questi due non possono essere sintetizzati come RSA:

- 01, 10, 11 (due variabili di ingresso non possono cambiare contemporaneamente)
- 01, 01, 11 (la rete si evolve solo in seguito alle variazioni dello stato di ingresso).

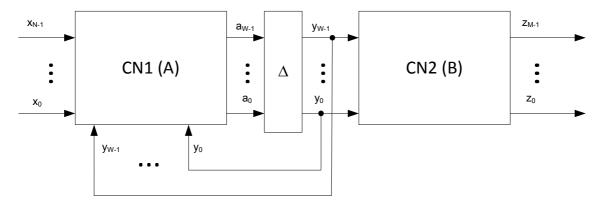
1.2 Modelli strutturali per la sintesi di reti sequenziali asincrone

Abbiamo visto come si **descrivono** le reti sequenziali, vediamo come si **sintetizzano**, cioè come si ottiene una loro realizzazione in termini di porte logiche. Introduciamo due modelli generali, e poi vediamo la sintesi delle reti che abbiamo descritto.

Il punto di partenza sono le leggi A e B descritte in precedenza. Andiamo a guardare come sono fatte:

- 1) Una **legge di evoluzione nel tempo** del tipo $A: \mathbf{X} \times \mathbf{S} \to \mathbf{S}$, che mappa quindi una coppia (stato di ingresso, stato interno) in un nuovo stato interno.
- 2) Una legge di evoluzione nel tempo del tipo $B: \mathbb{S} \to \mathbb{Z}$, che decide lo stato di uscita basandosi sullo stato interno.

Per poter sintetizzare una RSA è necessario codificare gli stati interni come insiemi di variabili logiche, che chiameremo $y_0,...,y_{W-1}$ (variabili di stato).



La legge B, quindi, può essere implementata con una **rete combinatoria** con W ingressi ed M uscite, e la legge A richiede una rete combinatoria con N+W ingressi e W uscite. Nel mezzo, c'è un **meccanismo di marcatura**, che per adesso è semplicemente un **ritardo**. Vedremo poi **se e quando** questo ritardo possa essere eliminato. Per questo motivo (e per chiarezza sintattica), chiamo in maniera diversa le variabili che codificano

- lo stato interno presente $y_0, ..., y_{W-1}$
- lo stato interno successivo $a_0,...,a_{W-1}$

Lo stato interno successivo prodotto dalla rete CN1, in funzione di quello presente e degli ingressi, diventa stato interno presente dopo un ritardo pari a delta.

È necessario osservare quanto segue:

Una RSA si evolve in modo prevedibile **soltanto** quando la rete CN1 (quella che implementa la legge A) **non produce** <u>mai</u> stati di uscita spuri.

Affinché non si producano stati di uscita spuri in una rete combinatoria (CN1) sono necessarie tre condizioni:

- 1) CN1 deve essere priva di alee.
- 2) CN1 deve essere **pilotata in modo fondamentale**: i suoi ingressi devono cambiare soltanto quando essa è a regime.
- 3) Gli stati di ingresso di CN1 devono essere variati **un bit alla volta** (stati di ingresso a CN1 consecutivi devono essere adiacenti).

Il problema 1) è di facile soluzione: basta implementare CN1 priva di alee, eventualmente inserendo sottocubi ridondanti nella sintesi. I problemi 2) e 3) sono invece più complessi, perché CN1 ha sia ingressi che vengono pilotati dall'esterno (le variabili di ingresso x_0 , x_{n-1}) che ingressi sui quali non posso dare vincoli di pilotaggio (le variabili di stato $y_0,...,y_{W-1}$). Pertanto, dovremo esercitare

parecchia cura per far sì che gli ingressi della rete CN1 varino un bit alla volta, e soltanto quando la rete CN1 è a regime.

1.2.1 Alee in uscita da CN1

Vediamo cosa succede **quando si verificano alee sulle uscite** di CN1. Prendiamo ad esempio il caso **del D-latch**, e scegliamo S0=0, S1=1. Dalla tabella di flusso mi ricavo banalmente una mappa di Karnaugh:

	C	=0	c=1	<u> </u>							
/(d 0	1	0	1	q	y C	d 00	01	11	10	Ч
S0	SO	SO	SO	S1	0	0	0	0	1	0	0
S1	S1	S1	S0	S1	1	1	1	1	1	0	1

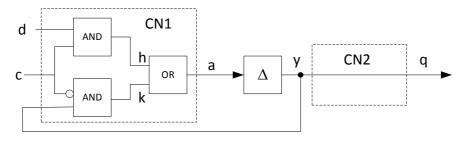
Ciò significa che posso implementare le leggi A e B in termini di **reti combinatorie**. In particolare:

- la rete CN2 che implementa la legge B avrà come ingresso le **variabili di stato** e come uscita le **variabili di uscita** della RSA. In questo caso sarà un cortocircuito, visto come abbiamo scelto la codifica.
- la rete CN1 che implementa legge A avrà come ingresso le variabili di ingresso e le variabili di stato e come uscita le variabili di stato della RSA. Ciò implica necessariamente che ci siano degli anelli nella realizzazione della rete, perché delle variabili di uscita per una rete combinatoria devono anche rientrare in ingresso.

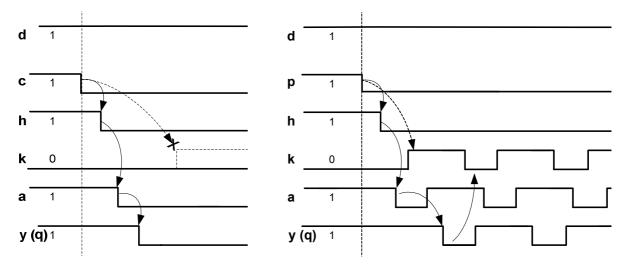
Per il D-latch, abbiamo che CN2 è un cortocircuito, e CN1 si ottiene dalla sintesi (ad esempio) SP della mappa di Karnaugh scritta sopra:

$$a = c \cdot d + y \cdot \overline{c}$$

La sintesi che abbiamo appena scritto è affetta da alee del prim'ordine (statiche sul livello 1, essendo SP a 2 LL). Quest'alea si può verificare quando d=1, y=1 e c passa da 1 a 0 (o viceversa). Un'alea è sempre una cosa da evitare in generale. In questo caso vediamo che succede alla rete se si verifica l'alea.



Ho evidenziato con h e k i due ingressi all'OR. Facciamo un diagramma temporale:



Supponiamo che il ritardo Δ sia rispettivamente "abbastanza piccolo" (a sinistra), o "piuttosto grande" (a destra). La transizione di c dà luogo ad un'alea sull'uscita a di CN1, che produce uno **stato** interno da marcare spurio pari a 0. Se questo stato diventa **stato** interno marcato, cioè se y registra la variazione di a prima che k sia tornato ad 1, allora in ingresso all'AND in basso si ha lo stato 10, che mantiene k fisso a 0. Allora anche a non si può più muovere, e lo stato marcato resta 0, così come l'uscita. Si dice in tal caso che lo stato spurio si <u>autosostiene</u>, cioè diventa permanente. Nel caso a destra, addirittura, la rete oscilla all'infinito (finché, almeno, non si cambiano gli ingressi).

Abbiamo appena dimostrato come la presenza di alee su CN1 può indurre una RSA ad evolversi in maniera del tutto casuale.

<u>REGOLA DI PROGETTO N.1:</u> non devono verificarsi alee in uscita da CN1. Una condizione sufficiente perché ciò succeda è che CN1 sia priva di alee del prim'ordine.

Non è un problema, perché siamo sempre in grado di sintetizzare una rete combinatoria a 2 LL in modo che sia priva di alee del primo ordine. Quindi, nel caso del D-Latch, deve essere:

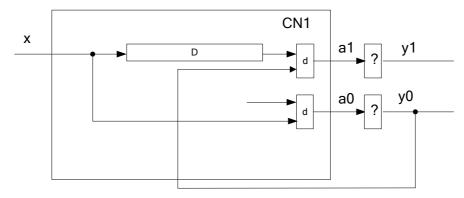
$$a = c \cdot d + y \cdot \overline{c} + y \cdot d$$

1.2.2 Ritardi di marcatura ed alee essenziali

Abbiamo detto, in maniera piuttosto vaga, che il meccanismo di marcatura è un ritardo. La presenza del ritardo deriva dal fatto che la rete combinatoria CN1 deve essere pilotata in modo fondamentale. Il problema è che gli ingressi di CN1 non sono solo le variabili di ingresso della RSA, ma anche le variabili di stato che rientrano. Così come, per un corretto pilotaggio, evito di variare gli ingressi finché la rete combinatoria non è a regime, dovrò fare anche in modo che le variazioni delle variabili di stato (che sono ingressi per CN1) avvengano soltanto quando la rete è a regime. Questo si fa, in generale, ritardandole opportunamente.

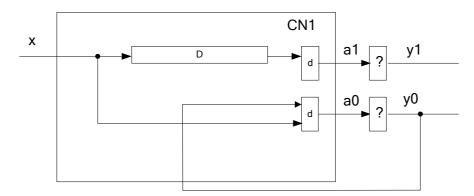
Vediamo se e quando il ritardo sugli elementi di marcatura è necessario.

Prendiamo un esempio semplice. In questo esempio la dimensione orizzontale delle porte (non specificate, in quanto non mi interessa sapere cosa fa questa rete) è proporzionale al loro ritardo.



Per questa rete, abbiamo $T_A \ge D + d$. Supponiamo $D > 2d + \Delta$, cioè che Δ sia un ritardo **piccolo.** In questo caso, y_0 viene prodotta "presto", e torna in ingresso alla parte di rete che produce a_1 quando questa non è a regime, cioè quando questa non ha ancora assorbito la variazione di x. Ciò comporta che non sono in grado di prevedere come evolverà la RSA. Condizione sufficiente perché ciò non avvenga è che $\Delta \ge T_A$. In questo caso il ritardo è necessario. Si dice che, in questo caso, la rete è affetta da alee essenziali. Il termine "alea essenziale" non ha niente a che vedere con le alee delle reti combinatorie a cui siamo abituati.

In quest'altro esempio, invece, quando y_0 rientra, la parte di rete su cui è reazionata è necessariamente già a regime. Quindi il ritardo non mi serve a niente, anzi mi dà fastidio perché rallenta la rete.



Come si fa a discriminare i due casi? C'è un teorema che mi garantisce che posso vedere quale delle due situazioni si verifichi direttamente guardando la tabella di flusso. Torniamo per un attimo alla tabella di flusso del riconoscitore di sequenza visto prima.

X ₁	x ₀	01	11	10	z
S0	S0	S1	(S0)	S0	0
S1	S0	S1	S2	I	0
S2		S1	S2	S3	0
S3	S0		S0	S3	1

Può esistere, in generale, la possibilità di **derogare alla regola di progetto n. 2**, se la rete non è **affetta da alee essenziali**. In particolare, se la rete non è affetta da alee essenziali, il ritardo del meccanismo di marcatura può essere reso **nullo**.

Come si fa a vedere se una rete è affetta da alee essenziali? Si guarda la tabella di flusso, e, se questa è normale, (perché il teorema si applica solo alle reti normali) si verifica se:

"partendo da uno stato stabile (cerchiato) e variando di un bit lo stato di ingresso, si finisce in uno stato stabile S, e tale stato stabile S è lo stesso nel quale si finisce variando altre due volte lo <u>stesso</u> bit di ingresso."

Se ciò è vero:

- a) a partire da tutti gli stati cerchiati
- b) per ogni possibile variazione (di un bit) dello stato ingresso allora la rete è priva di alee essenziali, e posso eliminare il ritardo. Altrimenti, la rete è affetta da alee essenziali, e non posso eliminare il ritardo.

Il teorema di sopra si chiama Teorema di Unger, dal suo scopritore. Fare alcuni esempi. In particolare, mostrare che partendo da S2/11 e variando x0, si finisce in S3 o in S0. Questa rete è affetta da alee essenziali, e quindi **non posso togliere i ritardi**. Se lo facessi, la rete **potrebbe evolvere in modo del tutto casuale** in seguito a certe variazioni dello stato di ingresso. Allora:

REGOLA DI PROGETTO N.2: sia T_A il tempo di attraversamento di CN1. Se la rete non è affetta da alee essenziali, il ritardo del meccanismo di marcatura può essere reso nullo. Altrimenti il meccanismo di marcatura deve introdurre un ritardo T_{mark} , maggiore o uguale a T_A .

Riassumendo: il riconoscitore di sequenze ha una tabella di flusso **normale**, ed è **affetto da alee essenziali**. Detto T_A il tempo di attraversamento della sua rete CN1 (che sintetizzerò a 2LL, priva di alee del primo ordine), devo:

a) prevedere un meccanismo di marcatura (un elemento neutro) con un ritardo $T_{mark} \ge T_A$;

b) pilotare la rete con stati di ingresso adiacenti, distanziati tra loro di $T \ge T_A + (T_{mark} + T_A)$.

Cerchiamo di dare **un senso intuitivo** al teorema che ci consente di capire se la rete è soggetta ad alee essenziali.

- 1) Una RSA evolve solo in seguito a transizioni dello stato di ingresso.
- 2) Una transizione dello stato di ingresso può provocare transizioni dello stato interno Quando mi muovo su una tabella di flusso normale, per descrivere l'evoluzione della rete a seguito di una variazione dello stato di ingresso a partire da uno stato interno stabile, faccio in genere due movimenti: uno orizzontale, il primo, corrispondente alla transizione dello stato di ingresso, ed (eventualmente) uno verticale, il secondo, corrispondente alla transizione dello stato interno che ne consegue. Se le variabili di stato rientrano troppo velocemente (il che può succedere se non metto ritardi), può darsi che rientrino prima che la variazione dello stato di ingresso sia stata "digerita" da tutta la rete. In questo caso, è come se mi muovessi prima in verticale e poi in orizzontale sulla tabella, perché ai fini della produzione del nuovo stato interno da marcare varia prima la

Con un po' di pazienza si capisce che il Teorema di Unger controlla cosa succeda invertendo l'ordine di transizione tra la variabile di ingresso (che dovrebbe variare per prima) e quella di stato (che dovrebbe variare per seconda). Possono darsi due casi:

variabile di stato e **poi** quella di ingresso (fare riferimento all'esempio scritto precedentemente).

- caso fortunato: quale che sia l'ordine di variazione: (► ▼, oppure ▼ ►), la rete si stabilizza sempre nello stesso stato.
- 2) caso sfortunato: a seconda di come mi muovo sulla tabella mi stabilizzo in due stati interni diversi.

Nel **primo caso**, anche se non metto ritardi sulle variabili di stato non ci sono problemi. Nel secondo invece **devo introdurre ritardi**, altrimenti la rete si evolve in modo non predicibile.

Dalla regola di progetto appena enunciata si deduce subito la seguente:

REGOLA DI PILOTAGGIO N.1: lo stato di ingresso di una RSA deve restare costante per un tempo non inferiore a:

$$T = T_A + i \cdot (T_{mark} + T_A)$$

Dove i è il massimo numero di stati interni che si devono succedere prima che la rete vada a finire in uno stato stabile.

(regola del pilotaggio in modo fondamentale).

Il numero *i* può essere facilmente desunto dall'ispezione della tabella di flusso. Si guarda **colonna per colonna**, e si vede quanti passi ci vogliono, al massimo, per arrivare ad uno stato cerchiato. Se la tabella di flusso è **normale**, allora *i* vale 1, in quanto partendo da ogni stato interno stabile, al variare dell'ingresso, o rimango in tale stato, oppure vado a finire in un nuovo stato stabile. Per completezza, ricordiamo anche:

REGOLA DI PILOTAGGIO N.2: lo **stato di ingresso** di una RSA deve variare di un bit alla volta (stati di ingresso consecutivi devono essere adiacenti).

Svolgiamo adesso la **sintesi** del riconoscitore di sequenza descritto precedentemente.

X ₁	x ₀	01	11	10	z
S0	S0	S1	(S0)	S0)	0
S1	S0	S1	S2		0
S2		S1	S2	S3	0
S3	S0		S0	S3	1

Per sintetizzare una RSA è necessario **scegliere una codifica degli stati interni**. Scegliamo quella che ci viene più immediata (vedremo fra un po' che è necessaria qualche **cautela** nel farlo):

Ciò mi consente di **sintetizzare le leggi combinatorie A e B**, tramite le due reti CN1 e CN2. Partiamo da CN2, che è più semplice:

y1	y0	Z
0	0 1 0 1	0
0	1	0
1	0	1
1	1	0

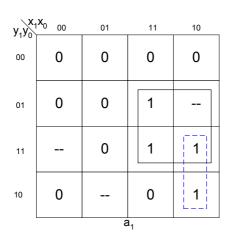
Dalla tabella di flusso posso costruire, in maniera pedissequa, la **tabella delle transizioni**, che dà il valore di a_1a_0 in funzione di x_1x_0 , y_1y_0 .

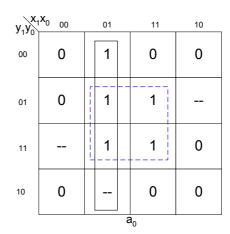
NB: in una tabella di flusso non esiste l'obbligo di avere stati di ingresso adiacenti in colonne consecutive. Idem per una tabella delle transizioni. Però posso sempre permutare le righe e le colonne di quest'ultima in modo da ottenere una mappa di Karnaugh, che so sintetizzare.

$y_1 y_0^{X_1}$	x _{0 00}	01	11	10		
00	00	01	00	00		
01	00	01	11			
11		01	11	10		
10	00		00	10		
$a_1 a_0$						

Tabella delle transizioni

Dividendo quest'ultima, faccio la sintesi (ad esempio SP) delle due reti combinatorie ad 1 uscita (che è quello che so fare) che producono, rispettivamente, a_1 ed a_0 .





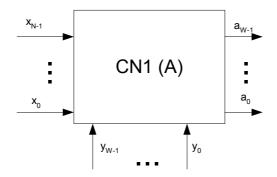
$$a_1 = y_0 \cdot x_1 + y_1 \cdot x_1 \cdot \overline{x_0}$$
$$a_0 = \overline{x_1} \cdot x_0 + y_0 \cdot x_0$$

Entrambe le sintesi sono ovviamente prive di alee.

1.2.3 Codifica degli stati interni e corse delle variabili di stato

Nel precedente esempio abbiamo dato per scontata la **codifica degli stati interni**. Il problema di come codificare gli stati interni richiede però una certa attenzione. Infatti, le variabili di stato sono ingressi per CN1, e dobbiamo verificare che **gli stati di ingresso di CN1 cambino di un bit alla volta**. Questo si fa:

- 1) Cambiando un bit alla volta delle variabili di ingresso, e solo quando la RSA è a regime
- 2) Facendo sì che stati interni che possono essere consecutivi abbiano codifiche adiacenti



Se questo non è vero, ci sono due problemi:

- 1) si possono avere in ingresso alla rete CN1 dei fenomeni di transizione multipla dei suoi ingressi (in particolare, delle variabili $y_0,...,y_{W-1}$).
- 2) In conseguenza di questo, si presentano **in uscita dalla rete CN1 degli stati spuri**. Questa cosa va evitata, perché, a causa della retroazione, gli stati interni spuri potrebbero far evolvere la rete in modo del tutto differente da quello previsto. Tale fenomeno si chiama **corsa delle variabili di stato**, e va evitato assolutamente.

Supponiamo infatti di avere due stati interni, S0, S2, che possono essere consecutivi (ad esempio, perché c'è un arco dall'uno all'altro nel grafo di flusso), codificati come 00 e 11. Quando si presenta lo stato di ingresso che provoca la transizione tra S0 e S2, per un tempo non nullo gli ingressi y1y0 di CN1 assumeranno il valore 01 oppure 10. In forza di questo possono succedere due cose:

- La rete si **stabilizza più tardi**, attraverso due o più transizioni di stato, nello stato dove **volevo che si stabilizzasse**. È un caso fortunato, di **corsa non critica**.
- La rete si **evolve in maniera del tutto differente**, raggiungendo un punto di stabilità diverso (**corse critiche**).

Esempio:

Prendiamo un pezzo di tabella di flusso di una rete qualunque, in cui ho segnato accanto ad ogni stato interno la codifica scelta.

	X_1	x ₀	
		00	01
00	S0	S0	S2
01	S1		S2
11	S2		S2
10	S3		S2

	X ₁	x ₀	01
00	S0	(S0)	S2
01	S1		S1)
11	S2		S2
10	S3		S2

Il caso a sinistra non crea eccessivi problemi, se non per il fatto che la rete dovrà quasi sicuramente attraversare più stati interni prima di trovare la stabilità (e quindi i vincoli di pilotaggio dovranno essere aggiustati per tener conto di questo). La corsa è non critica.

Nel caso a destra, la corsa è **critica**, perché se la variabile di stato y_0 "vince la corsa", cioè transisce **prima** di y_1 , la rete evolve in modo **diverso** da quello che prevedevo (si raggiunge, infatti, un diverso stato stabile S1).

Le corse di variabili di stato **vanno evitate**, sia che siano critiche sia che siano non critiche. Come si fa a scegliere la codifica degli stati interni in modo da garantire l'assenza di corse? Esistono metodi formali, che non vedremo. Nei casi che vediamo in pratica la tabella è fatta di 3-4 stati interni, e quindi **si fa a mano**. Si guarda la tabella riga per riga, o meglio ancora il **grafo di flusso** (dove si vede meglio), e per ogni stato interno S si guarda la lista degli stati interni direttamente connessi ad S. Tali stati dovranno avere codifiche adiacenti a quella di S.

Si parte da uno stato (qualunque, per esempio S0) e si sceglie **una codifica qualunque**. Poi si va a quelli a lui connessi, e si scelgono codifiche adiacenti a quella di S0, e si va avanti così, cercando di non creare inconsistenze. In tutti i casi che ci interessano, cosa fare si vede a occhio e non c'è bisogno di preoccuparsi.

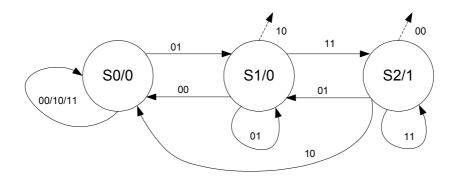
REGOLA DI PROGETTO N.3: Gli stati interni devono essere codificati in modo da evitare corse. Condizione sufficiente perché ciò non accada è che stati interni che **possono essere consecutivi abbiano codifiche adiacenti.**

Si noti che, in ogni caso, ho dei **gradi di libertà** per la scelta della codifica degli stati interni. In particolare, per il primo stato interno posso scegliere la codifica che mi pare, senza che ciò limiti la mia libertà di aderire alla regola di progetto sopra scritta. In alcuni casi posso sfruttare questa libertà per ottenere delle reti **CN2** più semplici (**corto circuiti**, ad esempio), visto che la sintesi di CN2 dipende dalla codifica degli stati interni.

Ci sono casi in cui **non è possibile** scegliere codifiche adiacenti per stati consecutivi. In particolare, in tutti i casi in cui esistono **percorsi ciclici di ordine dispari** sul grafo di flusso.

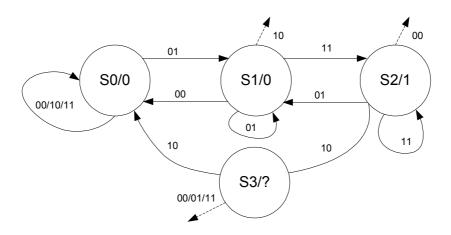
1.2.4 Esempio

Costruiamo un **riconoscitore di sequenza 01, 11**. E' una rete simile a quella già vista, solo che la sequenza è di due passi invece che di tre.



In questo caso i tre stati S0, S1, S2 devono essere adiacenti, perché sono raggiungibili l'uno dall'altro. C'è un **percorso ciclico di ordine 3, dispari**. Qualunque codifica (su 2 bit) scelga per S0, non riuscirò mai a fare 3 stati adiacenti. Scegliamo, <u>ad esempio</u>, S0=00, S1=01, S2=11. Con questa scelta ho una transizione multipla di variabili di stato (corsa) quando si presenta l'ingresso 10 che fa transire la rete da S2 a S0. [Se avessi scelto un'altra codifica, avrei avuto corse per **un'altra transizione**, ma ne avrei avute in ogni caso]. Casi di questo genere sono possibili in pratica, e vanno saputi trattare.

Si può osservare che, con 2 bit a disposizione, posso codificare 4 stati, e ne sto usando 3. Posso usare la codifica non utilizzata per creare uno **stato ponte**, cioè un 4° stato "di appoggio" il cui solo scopo è quello di **guidare la transizione multipla (corsa)** delle variabili di stato in modo opportuno.



Tale stato ponte S3:

- Dovrà avere una codifica intermedia tra quelle dei due stati di partenza e arrivo, quindi 10
- Non dovrà essere uno stato stabile per 10, e quindi non avrà l'orecchio.
- Non essendo S3 uno stato stabile, dovrò evitare di variare lo stato di ingresso quando S3 è marcato (regola di pilotaggio n.1), e quindi non ha senso specificare nel grafo di flusso il comportamento con gli altri ingressi (metto archi che si perdono)

Ho libertà di assegnare il valore della variabile di uscita nel caso di stato interno S3. Visto che tale stato interno esiste in via transitoria, l'uscita può essere o quella dello stato di partenza (1) o quella dello stato di arrivo (0), indifferentemente. Quindi la lascio non specificata.

E' chiaro che, in presenza di stati ponte, <u>la rete non è più normale</u>. Gli stati ponte mi servono, però, a guidare le corse delle variabili di stato, ed in questo caso non ne posso fare a meno.

Facciamo la sintesi come esercizio:

$\setminus X_1X_0$							
	00	01	11	10	Z		
S0	SO SO	S 1	SO)	SO)	0		
S1	S0	S1	S2	1	0		
S2		S1	S2	S0	1		

///	00	01	11	10	Z
S0	SO)	S1	SO)	SO)	0
S1	S0	<u>S1</u>	S2	1	0
S2	1	S 1	S2	SO	1

flusso a. Verifica dell'assenza di oscillazioni b. Verifica del numero massimo di transizioni di

1) Descrizione della rete tramite tabella (o grafo) di

- stato tra due stati stabili
- c. Verifica della presenza di alee essenziali
- -> non ce ne sono

x ₁ x ₀							
	00	01	11	10	_		
S0	S0	S1	(SO)	S0	0		
S1	S0	S1)	S2		0		
S2		S1	S2	S3	1		
S3				S0	-		

2) Codifica degli stati interni

- a. Verificare la presenza di corse delle variabili di stato -> ci sono corse
- b. Se ci sono corse, introdurre stati ponte (eventualmente, ritoccare il numero massimo di transizioni di stato calcolato al punto 1).

3) Sintesi di CN1

- a. Si passa alla tabella delle transizioni
- b. La sintesi deve essere priva di alee

$\times x_1 x_2$ $a_1 a_0$					
$y_1 y_0$	00	01	11	10	Z
00	00	01	00	00	0
01	00	01	11		0
11		01	11	10	1
10				00	-

$\setminus X_1$	\mathbf{x}_{0}	а	1		$\setminus x_1$	\mathbf{x}_{0}	a)	
$y_1 y_0$	00	01	11	10	y ₁ y ₀	00	01	11	10
00	0	0	0	0	00	0	1	0	0
01	0	0	1		01	0	1	1	
11		0	1	1	11			1	0
10				0	10				0
				$a_1 = x_1$	$y_0 a_0 = \overline{x_1} \cdot x_0 + x_0 \cdot y_0$				

La sintesi è priva di alee.

4) Sintesi di CN2

a. Dipende dalla codifica degli stati

b. Non fa male che sia priva di alee

$$\begin{array}{c|cccc} y_1 & y_0 & z \\ \hline 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & -1 \\ 1 & 1 & 1 \\ \end{array}$$

Avendo libertà sulla scelta dell'uscita da associare allo stato ponte S3, posso scegliere che valga 1, e in questo modo ho $z = y_1$, cioè una rete di complessità nulla.

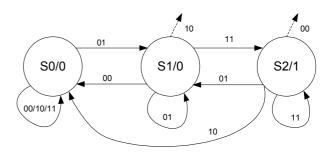
5) Dimensionamento dei ritardi e dei tempi di pilotaggio

 $T_{mark} \ge T_A$ (la tabella non è normale, quindi non posso applicare il Teorema di Unger per capire se posso rendere il ritardo di marcatura nullo);

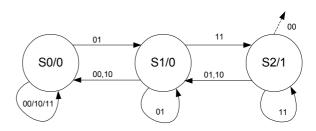
 $T \ge T_A + 2(T_{mark} + T_A)$ (la rete deve fare due transizioni di stato interno, nel caso peggiore, prima di tornare stabile).

Attenzione:

Riprendiamo in mano il grafo di flusso originale (quello senza stato ponte)

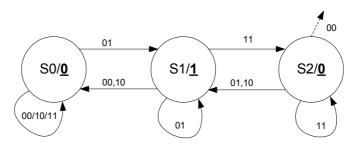


Il comportamento in S1 per ingresso 10 non è specificato, in quanto in S1 arrivo soltanto con ingresso 01. Posso **sfruttare questo fatto per usare S1 stesso come stato ponte**. Il grafo viene in questo modo:



Quando posso farlo, è bene **non introdurre stati aggiuntivi, ma riciclare quelli che già ci sono**: infatti, si ottengono sintesi in genere più semplici (la tabella delle transizioni conterrà una riga di non specificati).

Un caso classico in cui **non è possibile usare uno stato già presente come stato ponte** è questo [la rete è simile al caso precedente, ma ho cambiato i valori delle uscite nei vari stati interni]



In questo caso, se **usassi S1 come stato ponte** avrei un'alea in uscita (perché nel transito da S2 a S0 mi aspetto che l'uscita resti a 0, e invece passa per un certo tempo a 1). Quindi in questo caso è obbligatorio usare un altro stato, **in cui l'uscita dovrà essere 0**, come ponte tra S2 e S0. **Per esercizio** fare la sintesi della rete con S1 come stato ponte, e confrontarla con l'altra.

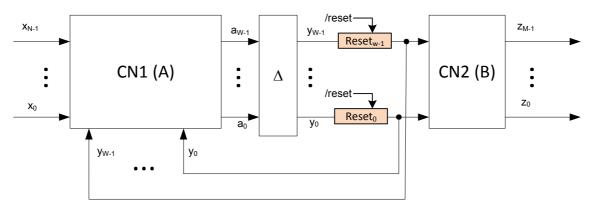
È possibile individuare una serie di regole generali per l'individuazione di stati ponte.

Data una transizione $S_i \xrightarrow{X} S_j$, con **Si, Sj non adiacenti**, posso usare **Sp** come stato ponte se:

- 1) $S_i \xleftarrow{adj} S_p \xleftarrow{adj} S_j$, cioè lo stato ponte è adiacente a quello di partenza e di arrivo
- 2) $A(S_p, X) = S_j \vee A(S_p, X) = -$, cioè lo stato ponte porta direttamente in Sj con ingresso X, oppure posso specificare io dove porta (e quindi specificherò che porta in Sj)
- 3) La sequenza di transizioni di stato $S_i \xrightarrow{X} S_p \xrightarrow{X} S_j$ non genera alee in uscita a CN2.

1.3 Inizializzazione al reset asincrono

Una RSA si evolve **a partire da uno stato interno iniziale**, che costituisce uno degli argomenti della prima applicazione della legge A. Per questo motivo, è necessario un metodo per impostare lo stato interno iniziale desiderato al reset asincrono. Un modo semplice per farlo è quello di far seguire gli elementi di ritardo da una **rete combinatoria**, che prende in ingresso la variabile /**reset**, ed imposta il valore richiesto per la codifica di ciascun bit dello stato interno quando /**reset=0**. Quando /reset=1, la rete combinatoria deve comportarsi da corto circuito.



Pertanto:

- se il bit j-simo dello stato interno deve avere valore iniziale 0, la rete combinatoria sarà una porta **AND**.
- se il bit j-simo deve avere valore iniziale 1, la rete combinatoria sarà dovrà avere la seguente tabella di verità:

/reset	y_j	y_j
0	0	1
0	1	1
1	0	0
1	1	1

E sarà quindi $y_i' = y_i + /reset$, oppure $y_j' = \overline{y_j} \cdot /reset$.

Nel caso, il ritardo (piccolo) delle porte per l'inizializzazione al reset asincrono può essere contato come parte del ritardo di marcatura.

D'ora in avanti non considereremo la parte del circuito relativa all'inizializzazione, perché appesantisce il disegno. Negli esercizi si può direttamente scrivere che si assume che la rete parta dallo stato interno iniziale Sx, tanto sappiamo come fare.

1.4 Latch SR - una diversa implementazione

In precedenza abbiamo descritto il latch SR in modo intuitivo. Vediamo adesso una diversa implementazione, più diffusa.

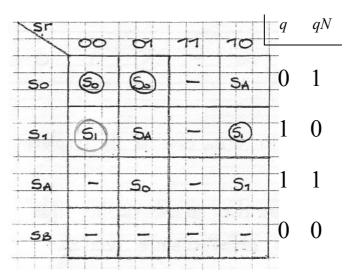
\	sr 00	01	11	10	q	qN
S0	SO)	SO)	-	S1	0	1
S1	<u>S1</u>	S0	-	<u>S1</u>	1	0

Il latch SR è realizzato in accordo al modello di sintesi con **elementi neutri di ritardo** come meccanismo di marcatura (l'unica scelta possibile, ovviamente) nel modo che segue:

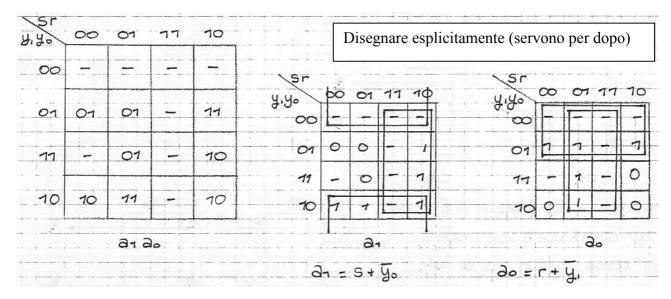
- si codificano gli stati interni con 2 bit, pari al valore delle uscite: S0=01, S1=10
- la rete CN2 è un **corto circuito**

La codifica su 2 bit degli stati interni (2 in tutto) è **ridondante**. Non solo, crea anche problemi di **corse** tra le variabili di stato. Perché adottarla, allora? Perché alla fine si arriva ad una sintesi **semplice** di rete **molto veloce** e **molto robusta** (nel senso che si comporta correttamente anche se le ipotesi di pilotaggio non sono rispettate).

Se ho due stati consecutivi **non adiacenti**, devo **guidare le corse inserendo uno stato ponte**. Ho due scelte possibili: SA=11, SB=00. Scegliamo **SA.** Le transizioni di stato S0-S1 ed S1-S0 dovranno tutte passare per SA.



Sostituendo la codifica degli stati nella tabella di flusso, si ottiene la seguente sintesi:

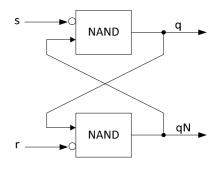


che posso scrivere nella forma **a porte NAND** (nella quale viene normalmente realizzato il latch SR):

$$\boxed{a_1 = \overrightarrow{s} \cdot y_0 \quad a_o = \overrightarrow{r} \cdot y_1}$$

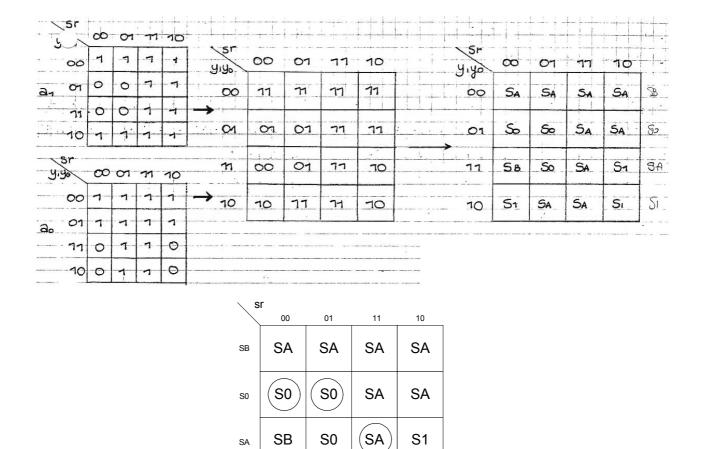
Per produrre il nuovo stato interno da marcare **basta un livello di logica**. La rete è veloce, e la sua implementazione è molto semplice.

Si osserva che i ritardi di marcatura possono essere resi nulli. Non lo si può vedere con il teorema delle alee essenziali, perché la tabella di flusso non è normale. Però, si vede a occhio che le variabili di stato rientrano in zone della rete che non sono interessate da transizioni di ingresso. Infatti, se cambio *s*, *q* rientra sull'altra porta NAND, che è a regime. Dato che non c'è bisogno di ritardi, la rete è a maggior ragione veloce.



Vediamo adesso perché questa rete è **robusta** nei confronti di pilotaggi scorretti.

La sintesi di sopra sfrutta molto la presenza di valori **non specificati**. Questi valori non erano stati specificati perché corrispondenti a situazioni in cui la rete, se pilotata correttamente, **non si dovrebbe mai trovare**. A sintesi terminata, però, alcuni di quei non-specificati sono finiti **coperti da** (almeno) un implicante (e quindi varranno 1), ed altri **non coperti** (e quindi varranno 0). Forte di questa conoscenza, posso percorrere **il percorso inverso**: dalla sintesi posso ricavare la tabella di flusso "realmente implementata", quella in cui le caselle sono state tutte specificate.



Dimostriamo adesso che una tale sintesi è **robusta**. Supponiamo di avere, in fase di pilotaggio, violazioni della regola n.2: supponiamo che vengano forniti alla rete stati di ingresso consecutivi **non adiacenti** (il che non è fisicamente possibile: vorrà dire che nel mezzo ci sarà anche qualche altro stato di ingresso), e cerchiamo di capire cosa succede guardando la tabella di flusso.

SA

SA

S1

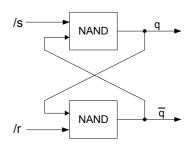
S1

S1

X(i)	X(i+1)	Sequenza possibile X	Sequenza S corrispondente	Risultato
01	10	01-00-10 01-11-10	S0, S0, SA- <u>S1</u> S0, SA, <u>S1</u>	La rete si stabilizza in S1
10	01	01-00-10 01-11-10	S1, S1, SA- <u>S0</u> S1, SA, <u>S0</u>	La rete si stabilizza in S0
00	11	00-01-11	S0, S0, <u>SA</u> S1, SA-S0, <u>SA</u>	La rete si stabilizza in SA
00	11	00-10-11	S0, SA-S1, <u>SA</u> S1, S1, <u>SA</u>	(uscita 11)
11	00	11-10-00 11-01-00	SA, S1, <u>S1</u> SA, S0, <u>S0</u>	La rete si stabilizza in S1 La rete si stabilizza in S0

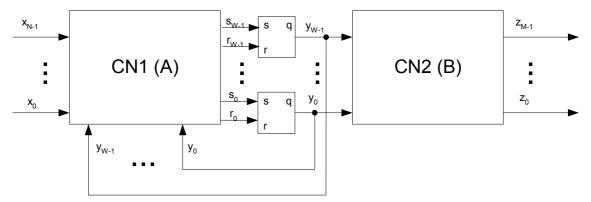
Quindi, in quasi tutti i casi il latch SR **tollera bene** transizioni multiple, nel senso che si stabilizza dove mi aspetto che si stabilizzi. Inoltre, la presenza dello stato di ingresso 11 non crea alcun problema (né transitoriamente, né come stato di ingresso stabile). L'unica cosa che non devo fare è passare da 11 a 00, perché in quel caso il latch SR si stabilizza in uno stato **casuale, a seconda dell'ordine di transizione delle variabili di ingresso.**

Talvolta, il latch SR in genere è realizzato con le variabili di ingresso <u>attive basse</u>. Si dice che una variabile è attiva alta (bassa) quando il mestiere svolto dal suo nome viene fatto sul livello 1 (sul livello 0). Per ricordarsi che una variabile è attiva bassa, si fa precedere il suo nome da un segno di slash, come in questo caso.



1.5 Modello strutturale con latch SR come elementi di marcatura

Abbiamo visto un modello strutturale per la sintesi di RSA che utilizza **elementi neutri di ritardo** come elementi di marcatura. Visto che i **latch SR** servono, appunto, a memorizzare dei bit, posso usare questi come elementi di marcatura. Ne viene fuori un altro modello:



In questo caso, la sintesi della rete combinatoria CN1 richiede di produrre un numero doppio di variabili di uscita. Tali variabili non codificano più il nuovo stato interno, ma l'ingresso da dare ai latch SR affinché marchino il nuovo stato interno.

Sembra che mi stia complicando la vita. Visto che sintetizzo le uscite una per volta, adesso **dovrei fare il doppio del lavoro**, usando all'incirca **il doppio delle porte**. In realtà no, perché - con questo modello - le mappe che sintetizzano ciascuna delle uscite saranno **piene di non specificati**, e quindi le sintesi che ne risultano sono spesso addirittura **più semplici** che nel caso del modello ad elementi neutri di ritardo.

Vediamo la sintesi del **riconoscitore di sequenza** secondo questo modello strutturale. Manteniamo la stessa codifica degli stati interni già adottata, e scriviamo la tabella delle transizioni.

\X ₁	x ₀	01	11	10	z
S0	S0	S1	<u>S0</u>	S0	0
S1	S0	S1)	S2	1	0
S2	I	S1	S2	S3	0
S3	S0		S0	S3	1

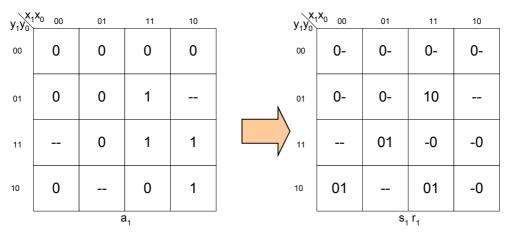
$y_1 y_0^{X_1}$	x _{0 00}	01	11	10
00	00	01	00	00
01	00	01	11	
11		01	11	10
10	00		00	10

ne del latch SR								
q	q'	S	r					
0	0	0	-					
0	1	1	0					
1	0	0	1					
1	1	_	0					

tabella di applicazio-

La tabella delle transizioni, stavolta, non indica più le **uscite di CN1**. Indica invece se il **nuovo valore** delle variabili di stato y_1 o y_0 (quello che leggo dentro una cella) è uguale o meno al vecchio (che leggo in cima alla riga corrispondente).

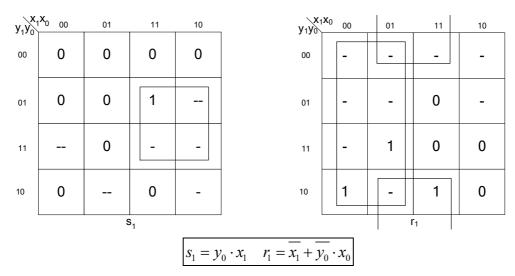
Prendiamo la tabella per la variabile di stato y_1 :



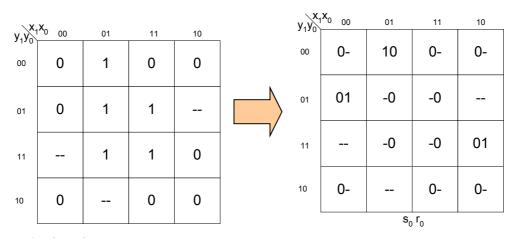
Guardando la tabella di applicazione del latch SR, posso facilmente dedurre che:

- se y_1 valeva 0 e deve continuare a valere 0 (cella 1,1), devo pilotare il latch SR con s=0, r=- (o resetto o conservo, tanto è lo stesso)
- se y_1 valeva 0 e deve valere 1 (cella 2,3), devo settare il latch SR, cioè pilotarlo con s=1, r=0
- se y_1 valeva 1 e deve continuare a valere 1 (cella 3,3), devo pilotare il latch SR con s=-, r=0 (setto oppure conservo)
- se y_1 valeva 1 e deve valere 0 (cella 4,1), devo **resettare** il latch SR, cioè pilotarlo con s=0, r=1

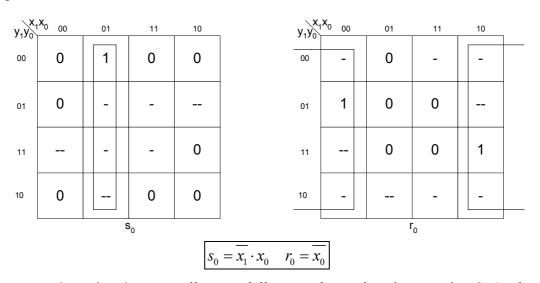
La mappa che viene fuori è piena di non specificati. Vediamo la sintesi:



La stessa cosa posso fare con l'altra variabile di stato y0



e quindi, per la sintesi



Il costo a porte è pari a 4, mentre il costo della precedente sintesi era pari a 6. Analogamente, quello a diodi è 8 contro 12.

Osservazione 1:

La batteria di latch SR **introduce del ritardo**. Tale ritardo potrebbe essere già sufficiente a garantire il buon funzionamento della rete qualora questa sia affetta da alee essenziali (questa è l'assunzione che si fa in genere). Se non fosse sufficiente, basta aggiungerne altro in cascata.

Osservazione 2:

Non ci siamo preoccupati del fatto che CN1 ha due uscite che vanno in ingresso ad un singolo latch SR, e che in pratica possono cambiare in un ordine qualunque, in modo tale da violare le regole di pilotaggio del latch SR (che è esso stesso una RSA). Ma sappiamo che il latch SR tollera bene pilotaggi scorretti. L'unica cosa che non devo fare è passare da 11 a 00, poi evolve sempre correttamente. Nel caso della sintesi di sopra, non succede mai (in quanto, peraltro, non viene mai dato 11 in ingresso ad uno dei latch SR).

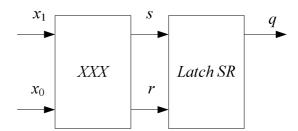
Per gli **esercizi d'esame** ci sono quindi due alternative, entrambe lecite, riguardo a quale modello usare. In alcuni esercizi può essere chiesto esplicitamente di usare uno dei due modelli. In mancanza di una indicazione del genere, si può usare l'uno o l'altro indifferentemente.

1.6 Riepilogo sulla sintesi di reti sequenziali asincrone

- 1) Descrizione della rete tramite tabella di flusso o grafo di flusso.
 - Verificare l'assenza di **oscillazioni**
 - Calcolare il **numero massimo di transizioni** di stato tra due stati stabili
 - Verificare l'assenza di alee essenziali (se tabella normale)
- 2) Scelta di un modello strutturale (con elementi neutri di ritardo o con latch SR)
- 3) Codifica degli stati interni
 - Verificare l'assenza di corse
 - Se ci sono corse, introdurre **stati ponte** (eventualmente, ritoccare il numero massimo di transizioni di stato calcolato al punto 1)
 - Se sono necessari stati ponte, discutere quali stati si possono usare.
- 4) Sintesi di CN1
 - Dipende dal modello strutturale scelto
 - Deve essere priva di alee
- 5) Sintesi di CN2
 - Non dipende dal modello strutturale scelto
 - Dipende dalla codifica degli stati

- Non fa male che sia priva di alee
- 6) Dimensionamento del ritardo di marcatura
 - Se non si hanno alee essenziali, può essere reso nullo
 - Altrimenti, deve essere maggiore del tempo di attraversamento di CN1 (che conosco dopo che ne ho fatta la sintesi)
 - Se uso dei latch SR come meccanismo di marcatura, questi introducono un ritardo. Tale ritardo è di norma sufficiente per evitare problemi di pilotaggio alla rete CN1.
- 7) Scrittura delle regole di pilotaggio in modo fondamentale, in dipendenza da:
 - Numero massimo di transizioni di stato tra 2 stati stabili
 - Ritardo di marcatura calcolato al punto precedente.

1.6.1 Esercizio Gennaio 2014 (descrizione e sintesi)



Descrivere la rete <u>sequenziale asincrona</u> XXX in modo tale che la variabile q *commuti* (una volta) ogni qual volta si presenta in ingresso ad XXX lo stato $x_1x_0 = 11$, e conservi il suo valore altrimenti. Sintetizzare XXX secondo un modello con elementi neutri di ritardo, sintetizzandone le reti combinatorie in forma SP. Calcolare il tempo *minimo* per cui l'ingresso di XXX deve rimanere costante. **NB**: non preoccuparsi del valore che q assume *la prima volta* che XXX riceve in ingresso 11 dopo il reset asincrono.

Soluzione

La rete XXX deve essere fatta in modo tale che le sue uscite siano

- alternativamente 10, 01 quando gli ingressi sono 11
- 00 in tutti gli altri casi.

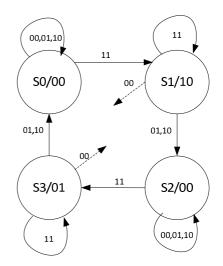
Per la descrizione si può ragionare in questo modo:

Parto da uno stato interno S0, nel quale do al latch SR a valle il comando di **conservazione** (00). Da questo stato mi muovo soltanto quando vedo l'ingresso 11. Con ingresso 11, do un comando di **set** al latch SR: mi muovo in uno **stato S1**, dove mi stabilizzo finché non cambia l'ingresso.

Quando cambia l'ingresso, non posso tornare in S0. Se lo facessi, la **prossima volta** che ho in ingresso 11 sarei condannato a ripercorrere lo stesso arco, e quindi non potrei che settare il latch

SR, mentre lo devo **resettare.** Mi serve quindi un **nuovo stato interno**, chiamiamolo S2, in cui il comando che do al latch SR a valle è sempre di **conservazione (00)**. In tale stato S2 resto fintanto che non ho nuovamente ingresso 11.

Con ingresso 11, a questo punto, devo dare un comando di **reset**: mi serve un nuovo stato interno, chiamiamolo S3, dove questo comando viene presentato in uscita. Da S3 devo tornare in S0 appena possibile, per ricominciare il giro.



La tabella di flusso che traduce il grafo di cui sopra è quindi la seguente. Si osserva che, visto che gli stati S0 ed S2 seguono, rispettivamente, uno stato S3 in cui il comando è reset ed uno stato S1 in cui il comando è di set, sono sicuro che il latch sta conservando il valore 0 in S0, ed 1 in S2. Posso sfruttare questa conoscenza per evitare di specificare una delle uscite in S0 ed S2.

X ₁	X 0	01	11	10	sr
S0	S0	S0	S1	S0	0-
S1		S2	S1)	S2	10
S2	S2	S2	S3	S2	-0
S3		S0	S3	S0	01

La rete è normale e soggetta ad alee essenziali (e.g., da S0, 01->11). Quindi il ritardo minimo degli elementi di marcatura deve essere uguale al tempo di attraversamento di CN1.

Adottando la codifica S0=00, S1=10, S2=11, S3=01, si ottiene per la rete CN2 l'espressione $s=y_1$, $r=\overline{y_1}$.

Utilizzando come meccanismo di marcatura degli elementi neutri di ritardo, si ottengono le seguenti mappe per la rete combinatoria CN1:

$\setminus X_1$	x_0				$\setminus X_1$	x_0			
y_1y_0	00	01	11	10	y_1y_0	00	01	11	10
00	0	0	1	0	00	0	0	0	0
01		0	0	0	01		0	1	0
11	1	1	0	1	11	1	1	1	1
10		1	1	1	10		1	0	1
,		a1			•			a0	

Dalle quali si ottiene:

$$a_{1} = y_{1} \cdot \overline{y_{0}} + y_{1} \cdot \overline{x_{1}} + y_{1} \cdot \overline{x_{0}} + x_{1} \cdot x_{0} \cdot \overline{y_{0}},$$

$$a_{0} = y_{1} \cdot y_{0} + y_{1} \cdot \overline{x_{1}} + y_{1} \cdot \overline{x_{0}} + x_{1} \cdot x_{0} \cdot y_{0}.$$

Il costo a porte della rete CN1 è 8 (e non 10), in quanto le stesse due porte AND possono essere utilizzate contemporaneamente nella sintesi di a_1 ed a_0 . Analogamente, il costo a diodi è 22 e non 26. Il tempo minimo di permanenza di uno stato di ingresso è $T = 3 \cdot T_{CN1}$.

1.7 D-Flip-Flop 7474

Il D-FF 7474 è un FF di tipo positive-edge-triggered, ed è uno dei più diffusi FF non trasparenti. Si basa su:

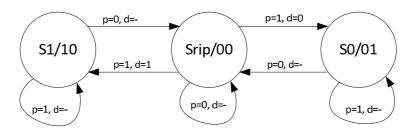
- una rete che campiona d sul fronte in salita di p (campionatore)
- una rete che trattiene l'uscita del campionatore fino a quando quest'ultimo non è più sensibile agli ingressi (**ritardatore**).



Quest'ultima rete sarà **un latch SR**. Questo mi consente di sintetizzare il campionatore in modo **semplice**. Infatti, la rete campionatore dovrà

- nella maggior parte del tempo, conservare il valore campionato (quale che sia)
- sul fronte di salita di p, **memorizzare 1 o memorizzare 0**, e poi conservare.

Devo poter pilotare il latch SR ritardatore con comandi di **conservazione**, **set e reset**. Quindi, visto che il campionatore è una RSA e lo stato di uscita di una RSA è funzione solo dello stato interno, la rete campionatore ha *almeno* 3 stati interni.



- Srip: Quando p=0, la rete è in conservazione. L'uscita del campionatore vale 00, la rete non è sensibile a d. Quando p va ad 1, posso dover resettare il ritardatore (se d=0) o settarlo (se d=1). Visto che le uscite del campionatore saranno diverse nei due casi, devo prevedere due stati distinti, S0 ed S1 nei quali, rispettivamente, resetto e setto il ritardatore.
- S0: arrivo in questo stato se d=0 quando p va ad 1. Quindi devo dare ordine al ritardatore di resettare, e devo restare in S0. Non posso tornare in Srip subito, altrimenti potrebbe darsi che l'ingresso al ritardatore non venga mantenuto per abbastanza tempo. S0 deve essere stabile. Inoltre, in questo stato, non devo ascoltare d, perché ho già dato il comando al ritardatore. L'unica transizione di stato che mi può far muovere da S0 è quella per cui p va a zero. In questo caso torno in Srip, preparandomi ad un nuovo fronte in salita di p.
- **S1**: vale esattamente tutto ciò che ho detto per S0, salvo che in questo caso il ritardatore deve ricevere in ingresso 10.

Dal grafo di flusso si ricava la tabella di flusso:

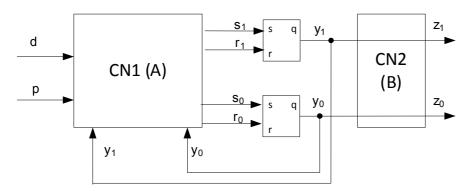
\sqrt{d}	_ p=	÷0 (_ p=	:1 (
	0	1	0	1	z_sz_r
Srip	Srip	Srip	S0	S1	00
S0	Srip	Srip	S0	S0	01
S1	Srip	Srip	S1	S1	10

Vediamo di sintetizzare il campionatore appena descritto.

Osservo che ci sono **tre stati**. Però non c'è **nessun percorso ciclico di ordine 3**, in quanto S0 e S1 **non possono mai essere consecutivi**. Pertanto non mi si pone il problema di dover utilizzare stati ponte per recuperare l'adiacenza tra stati consecutivi. Posso anzi codificare gli stati interni diretta-

mente con il valore delle uscite (da dare in ingresso al ritardatore), in modo da ottenere una rete CN2 di complessità nulla (cortocircuito).

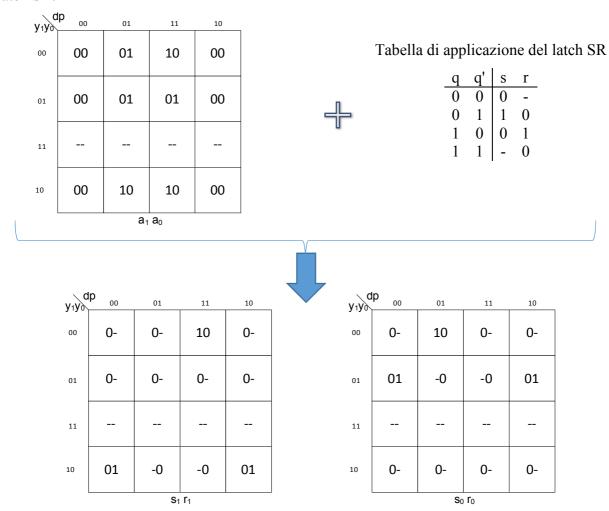
Scelgo come modello strutturale quello con latch SR come elemento di ritardo.



Visto che la rete è priva di alee essenziali, perché non usare il modello con elementi neutri di ritardo cortocircuitati?

Risposta: a conti fatti si vede che *non* sarebbe comunque più veloce, e probabilmente sarebbe meno robusta.

La sintesi si ottiene mettendo a confronto la tabella delle transizioni e la tabella di applicazione del latch SR:



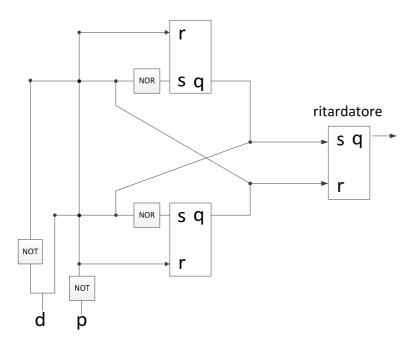
Per la parte di uscite di CN1 che va al latch SR che memorizza y_1 abbiamo:

y ₁ y ₀	lp ₀₀	01	11	10	y₁y₀	p 00	01	11	10		
00	0	0	1	0	00	-	-	0	ı		
01	0	0	0	0	01	-	-	-	-		
11	-	-	-	-	11	-	-	-	-		
10	0	-	-	0	10	1	0	0	1		
S ₁											
	$s_1 = p \cdot d \cdot \overline{y_0} = \overline{\overline{p \cdot d \cdot \overline{y_0}}} = \overline{\overline{p + \overline{d} + y_0}}, \qquad r_1 = \overline{p}$										

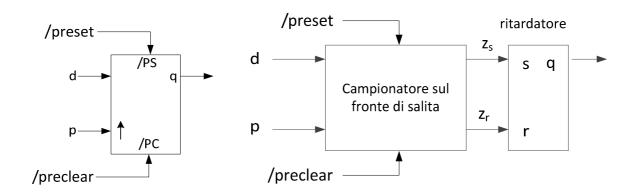
Per la parte di uscite di CN1 che va al latch SR che memorizza y_0 abbiamo:

y ₁ y ₀	lp ₀₀	01	11	10	y ₁ y ₀	lp ₀₀	01	11	10
00	0	1	О	0	00	-	0	-	-
01	0	-	-	0	01	1	0	0	1
11	-	-	-	-	11	-	-	-	-
10	0	0	0	0	10	-	-	-	-
s_0 r_0									
$s_0 = p \cdot \overline{d} \cdot \overline{y_1} = \overline{\overline{p} \cdot \overline{d} \cdot \overline{y_1}} = \overline{\overline{p} + d + y_1}, \qquad r_0 = \overline{p}$									

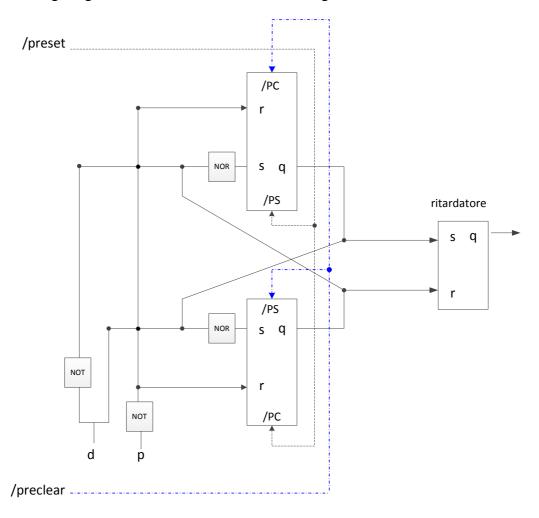
CN1 richiede **un solo livello di logica** (in quanto si è usato il modello con latch SR come elementi di marcatura, che in genere rende la rete CN1 più semplice).



Il D-FF 7474 deve poter essere **inizializzato al reset asincrono** (**i registri dei processori** sono fatti con tecnologia simile). Per poterlo fare, è necessario dotarlo di due ingressi cui connettere le variabili /preset e /precelar, che devono essere connesse opportunamente.



In particolare, per essere sicuri che all'uscita q appaia il valore desiderato al reset asincrono, basta **assicurarsi che il campionatore parta nello stato S1 o S0**, cioè passi al ritardatore un comando di *set* (10) o di *reset* (01). Quindi è il campionatore a dover avere /preset e /preclear. Gli ingressi vanno connessi agli ingressi /PS e /PC dei latch SR che fungono da elementi di memorizzazione:



2 Esercizi

2.1 Esercizio - Sintesi

Sintetizzare, secondo il modello strutturale <u>con elementi neutri di ritardo</u>, la rete sequenziale asincrona descritta dalla seguente tabella di flusso, introducendo stati ponte ove necessario. Per la sintesi delle reti combinatorie utilizzare <u>solo porte NOR</u>.

Detto inoltre T_L il tempo di attraversamento di un livello di logica, calcolare il tempo per cui uno stato di ingresso deve rimanere costante.

$\setminus x_1 x$	0				
	00	01	11	10	Z
S_0	S_0	S_1		S_2	0
S_1	S_0	S_1	S_1	S ₂	0
S_2	S_0		S_1	S_2	1

2.1.1 Soluzione

[Osservazione preliminare: la sintesi di RSA è cavillosa, ma non difficile. Se uno ha capito e studiato tutto non ha troppi problemi. La vera difficoltà sta nella descrizione, cioè nel progettare una rete. Vedremo più avanti alcuni esercizi che richiedono di fare anche questo].

Intanto osserviamo che la tabella è **normale**, e **priva di alee essenziali**. Ciononostante si vede facilmente che c'è un percorso ciclico di ordine 3, e quindi **saranno necessari stati ponte**.

Adottando le codifiche $S_0 = 00$, $S_1 = 01$, $S_2 = 11$, si rende necessario l'uso di due stati ponte, rispettivamente fra gli stati S_0 e S_2 , nel passaggio dello stato d'ingresso da 'B00 a 'B10, e fra gli stati S_2 e S_0 , nel passaggio dello stato d'ingresso da 'B10 a 'B00. <u>In entrambi i casi</u> si può utilizzare come stato ponte lo stato S_1 . La tabella diventa quindi:

x_1x	0				
	00	01	11	10	Z
S_0	S_0	S_1		S_1	0
S_1	S_0	S_1	S_1	S_2	0
S_2	S_1		S_1	S_2	1
S_3					-

La tabella non è più normale, ma non ho più problemi di corse.

Con riferimento al modello strutturale con elementi neutri di ritardo, le mappe di Karnaugh relative alle uscite della rete CN1 sono:

v_1v_2 x_1x_1	0							
$y_1 y_0$	00	01	11	10	Z			
00	00	01		01	0			
01	00	01	01	11	0			
11	01		01	11	1			
10					-			
$a_1 a_0$								

Una possibile implementazione della rete CN1 (esente da alee statiche) è la seguente:

$$a_1 = \overline{y_0 + x_1 + x_0}$$
, $a_0 = x_1 + x_0 + y_1$

Si noti che a0 non è sintetizzata a porte NOR, in quanto consta di un solo livello di logica.

Per la rete CN2, è immediato verificare che $z = y_1$.

2.2 Esercizio – Descrizione e sintesi

Si consideri un D-flip-flop di tipo positive-edge-triggered che ha due variabili di ingresso d e p ed una variabile di uscita q e che si evolve in accordo alle seguenti specifiche: "Quando la variabile p transisce da 0 a 1 campiona il valore della variabile d; al termine della fase di campionamento, se il valore di d campionato è 0, il D-flip-flop si resetta (cioè mette a 0 il valore della variabile di uscita q), altrimenti, se il valore di d campionato è 1, il flip-flop commuta (cioè modifica il valore della variabile q)".

Con riferimento ad una implementazione di tale D-flip-flop come coppia di reti campionatoreritardatore, **descrivere** e **sintetizzare** la rete campionatore come rete sequenziale asincrona.

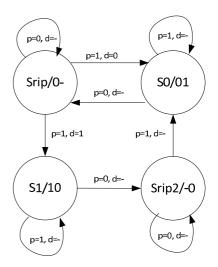
2.2.1 Soluzione

Abbiamo una rete campionatore-ritardatore. Il ritardatore sarà, al solito un latch SR, che va pilotato con comandi di **conservazione**, **set e reset**. Il problema è che **non ho, per il latch SR, un comando di commutazione**. Posso surrogare questa mancanza se **ricordo l'ultimo comando dato al ritardatore**, e per commutare ne fornisco uno di conseguenza:

- se l'ultima volta gli avevo detto di **resettare**, stavolta gli dirò di **settare**
- se l'ultima volta gli avevo detto di **settare**, stavolta gli dirò di **resettare**

E la prima volta che comando devo inviare? <u>Non mi interessa</u>, una cosa o l'altra va bene, tanto non è specificato.

Partiamo quindi da uno stato iniziale **Srip**, in cui la rete campionatore **non fa niente**. Tale stato permane (è **stabile**) fintanto che *p* è a 0, qualunque cosa faccia *d*. Supponiamo che in questo stato l'uscita del D-FF valga **0**. Affinché l'uscita sia 0, posso porre le variabili di uscita del campionatore o a 00 (do al ritardatore il comando di **conservare**), o a 01 (do al ritardatore il comando di **reset**). Da qui mi muovo se *p* vale 1. In questo caso:



- Se d vale 0, devo resettare il ritardatore. Devo muovermi in uno stato diverso in cui le uscite del campionatore saranno 01. Chiamiamolo S0.
- Se d vale 1, devo commutare il ritardatore, cioè devo settarlo, perché ho supposto che l'uscita valesse 0 quando ero in Srip. Devo muovermi in uno stato diverso in cui le uscite del campionatore saranno 10. Chiamiamolo S1.
- **S0**, **S1** saranno **stabili** finché *p* vale 1, qualunque cosa faccia *d*. Il problema, a questo punto, è stabilire **dove si va quando p ritorna a 0**. Se fosse un D-FF standard, ritornerei in Srip. Ma se torno in Srip, la prossima volta che arriva un comando di **commutazione** (p=1, d=1) farei la stessa cosa che ho fatto prima, e non va bene. Non va bene perché **perdo memoria dell'ultima cosa che ho fatto**, in quanto ritorno nello stesso stato.

La soluzione è che mi serve un altro stato.

- Supponiamo di essere in S1, e supponiamo che p vada a 0. Devo andare in uno stato Srip2, in cui resterò fintanto che p vale 0, ma quando arriva p=1 farò cose diverse da quelle che facevo in Srip. In particolare, se d=0, andrò in uno stato in cui resetto (S0). Se, invece d=1, andrò in uno stato in cui, ancora, devo resettare il ritardatore, visto che l'ultima volta lo avevo settato. Devo andare ancora in S0. Per quanto riguarda l'uscita in Srip2, questa dovrà essere di conservazione. Quindi, in prima approssimazione, mettiamo che è 00.
- Manca da definire cosa faccio in S0 quando *p* va a 0. Devo ritornare in Srip, perché se arriva un nuovo comando di commutazione (p=1, d=1), stavolta devo **settare il ritardatore.**

Quindi, posso osservare che in Srip2 **conservo il valore 1**, e quindi lo stato di uscita da dare in ingresso al ritardatore può essere –0.

Traducendo in tabella di flusso:

$\backslash d$	<i>p</i> =	= 0	<i>p</i> =		
	0	1	0	1	$z_{1}z_{0}$
S_{rip}	$\underbrace{S_{\text{rip}}}$	$\left(S_{rip}\right)$	S_0	S_1	0-
S_0	S_{rip}	S_{rip}	S_0	S_0	01
S_1	S _{rip2}	S _{rip2}	S_1	S_1	10
S_{rip2}	S _{rip2}	S _{rip2}	S_0	S_0	-0

La tabella è normale, ed affetta da alee essenziali (partendo da Srip con ingresso d=1,p=0, al fronte di salita di p si va in S1, e se si varia nuovamente p due volte si finisce invece in S0).

Domanda: ora che abbiamo dato la tabella di flusso, cosa fa la rete quando campiona il **primo d=1? Dipende dallo stato in cui è partita.** Se mi interessa che faccia una cosa o un'altra, impongo lo stato di partenza agendo sulle variabili di inizializzazione (/preset e /preclear), che non sono state disegnate ma ci sono.

Adottando le codifiche $S_{rip} = 00$, $S_0 = 01$, $S_1 = 10$, $S_{rip2} = 11$, la tabella delle transizioni corrispondente risulta essere

\ pd							
y_1y_0	00	01	11	10			
00	00	00	10	01			
01	00	00	01	01			
11	11	11	01	01			
10	11	11	10	10			
	$a_1 a_0$						

Con riferimento al modello strutturale con latch SR come elementi di marcatura (in genere sufficienti a generare il ritardo che ci vuole), le mappe di Karnaugh relative alle uscite della rete CN1 sono:

pd					pd				
$y_1 y_0$	00	01	11	10	$y_1 y_0$	00	01	11	10
00	0-	0-	10	0-	00	0-	0-	0-	10
01	0-	0-	0-	0-	01	01	01	-0	-0
11	-0	-0	01	01	11	-0	-0	-0	-0
10	-0	-0	-0	-0	10	10	10	0-	0-
'	,		S	r_0					

Ottimizzando si ottiene:

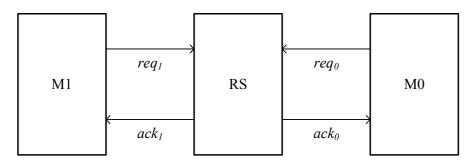
$$s_1 = d \cdot p \cdot \overline{y}_0$$
, $r_1 = p \cdot y_0$
 $s_0 = \overline{p} \cdot y_1 + \overline{d} \cdot p \cdot \overline{y}_1$, $r_0 = \overline{p} \cdot \overline{y}_1$

Per la rete CN2, è immediato verificare che $z_1 = y_1$, $z_0 = \overline{y}_1$.

2.3 Esercizio – Descrizione e sintesi

Con riferimento alla figura, la rete sequenziale <u>asincrona</u> RS effettua un handshake asincrono – senza scambio di dati – con il modulo M_1 (M_0) mediante la coppia di collegamenti req_1 , ack_1 (req_0 , ack_0).

L'iniziativa degli handshake è presa dai moduli M_1 ed M_0 e non da RS, che si limita a rispondere. Inoltre, l'iniziativa non viene mai presa contemporaneamente, nel rispetto delle regole di pilotaggio delle reti sequenziali asincrone, ma può accadere che mentre RS gestisce l'handshake con un modulo, l'altro inizi a sua volta l'handshake. *Gli handshake sono diversi da quelli visti a lezione* e tutti i segnali sono attivi alti.



In dettaglio:

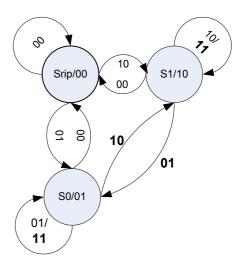
- Partendo da una condizione di stabilità in cui nessun handshake è in corso (req₁ = ack₁ = 0, req₀ = ack₀ = 0), la rete RS attende che uno dei due moduli indichi l'inizio di un handshake. Supponendo sia M₁ (ovvero req₁ passi a 1), la rete setta ack₁, attende che req₁ venga resettato, quindi chiude l'handshake resettando immediatamente ack₁, così tornando alla condizione di stabilità iniziale. Il comportamento è del tutto analogo nel caso di handshake iniziato da M₀.
- Se, durante l'effettuazione di un handshake con uno dei due moduli sia M₁ per esempio l'altro modulo M₀ nell'esempio indica l'inizio di un handshake settando req₀, la rete RS pospone l'effettuazione dell'handshake con M₀, mantenendo ack₀ a 0. Quindi, al termine dell'handshake con M₁, pone ack₀ a 1 iniziando l'handshake con M₀. Analogamente scambiando M₁ con M₀, se l'handshake in corso è con il modulo M₀.

Descrivere mediante tabella di flusso e sintetizzare la rete RS.

2.3.1 Descrizione

La rete ha due ingressi e due uscite. Disegniamone il comportamento in accordo alle specifiche:

- prima consideriamo gli archi ed i nodi relativi alla prima specifica (gestione di handshake non interallacciati)
- vediamo successivamente (vedi archi in grassetto)
 come aggiustare il tutto per tenere in conto la seconda specifica.



Attenzione: nel passare da S2 a S1 e viceversa dovrò necessariamente cambiare **due uscite "contemporaneamente"**, il che significa che si potrà presentare in uscita uno stato qualunque tra 11 e 00. Non ho nessun motivo per preoccuparmene, visto che le due uscite sono mandate a reti diverse. L'importante è che transiscano entrambe, non mi importa in quale ordine.

La tabella di flusso che emerge da questa descrizione è la seguente:

req	req_0				
	00	01	11	10	$ack_1 ack_0$
S_{rip}	S_{rip}	S_0		S_1	00
S_1	S_{rip}	S_0	S_1	S_1	10
S_0	S _{rip}	S_0	S_0	S_1	01

La tabella di flusso che si ottiene è **normale**, nel senso che ogni transizione di ingresso si risolve in un solo cambiamento di stato.

2.3.2 Sintesi della rete

Devo scegliere le **codifiche** per gli stati, ed il meccanismo di marcatura (latch SR oppure elementi neutri di ritardo).

Visto che ho tre stati adiacenti, qualunque sia la codifica che scelgo (su 2 bit) sarà necessario inserire uno stato ponte tra due stati.

Adottando le codifiche $S_0 = 00$, $S_1 = 10$, $S_2 = 01$, si rende necessario uno stato ponte fra S_1 e S_2 , nel passaggio dello stato d'ingresso da 11 a 01, e fra S_2 e S_1 , nel passaggio dello stato d'ingresso da 11

a 10. È immediato verificare che in entrambi i casi lo stato S_0 può fungere da stato ponte. La tabella diventa quindi:

La tabella di flusso **non è normale** in questo caso, in quanto esistono transizioni di ingresso che comportano più di una transizione di stato.

Con riferimento al modello strutturale con elementi neutri di ritardo, le tabelle di transizione sono:

req	1 req 0				
	00	01	11	10	ack ₁ ack ₀
S ₀	S ₀	S ₂	_	S ₁	00
S ₁	S ₀	S ₀	S ₁	S_1	10
S ₂	S ₀	S ₂	S ₂	S ₀	01

req₁ req₀								
<i>Y1Y0</i>	00	01	11	10				
00	00	01		10				
01	00	01	01	00				
11								
10	00	00	10	10				
a ₁ a ₀								

Una possibile soluzione è $a_1 = req_1 \cdot \overline{y}_0$, $a_0 = req_0 \cdot \overline{y}_1$.

Per la rete CN2, è immediato verificare che $ack_1 = y_1$, $ack_0 = y_0$.

2.4 Esercizio Gennaio 2015 (sintesi)

Si consideri la rete sequenziale asincrona descritta dalla seguente tabella riportata in Figura:

Tale rete deve essere inserita in un contesto nel quale è indispensabile che non produca mai l'uscita 11, neanche nei transitori.

- 1. Sintetizzare la rete usando elementi neutri di ritardo come elementi di marcatura. Per CN1 si effettui una sintesi SP.
- 2. Esprimere la formula del tempo minimo per il quale uno stato di ingresso deve rimanere costante affinché il pilotaggio avvenga in maniera corretta.

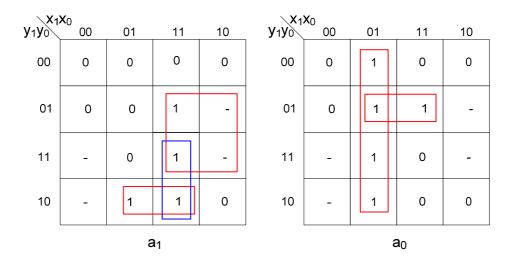
X_1X_0					
	00	01	11	10	Z_1Z_0
S0	SO)	S1	S0	S0	00
S1	S0	S1)	S2		01
S2		S1	S2	S0	10

2.4.1 Soluzione

La rete in questione ha un ciclo di ordine tre. E' pertanto impossibile scegliere le codifiche in modo tale da evitare corse delle variabili di stato, a meno di non introdurre stati ponte (rendendo in tal modo *non normale* la rete). Visto che la tabella di flusso consente il passaggio da S1 a S2 (e viceversa), con uscite che varierebbero in maniera incontrollata tra 01 e 10, è necessario inserire uno stato ponte S3 tra gli stati S1 ed S2, con uscita 00, in modo da soddisfare il vincolo di progetto. La tabella di flusso modificata, pertanto, risulta essere quella riportata a destra:

X ₁	X 0	01	11	10	Z ₁ Z ₀
S0	(SO)	S1	(SO)	<u>(S0)</u>	00
S1	S0	S1	S3		01
S3		S1	S2		00
S2		S3	(S2)	S0	10

La codifica S0=00, S1=01, S2=10, S3=11, è esente da corse. La rete CN2 risulta essere: $z_1 = y_1 \cdot \overline{y}_0$, $z_0 = \overline{y}_1 \cdot y_0$. Per la rete CN1, usando elementi neutri di ritardo, abbiamo le seguenti due mappe combinatorie in cui sono evidenziati i sottocubi sufficienti per una copertura senza alee:



 $\mbox{E quindi } a_1 = x_1 \cdot y_0 + x_0 \cdot y_1 \cdot \overline{y}_0 + x_1 \cdot x_0 \cdot y_1 \,, \quad a_0 = \overline{x}_1 \cdot x_0 + x_0 \cdot \overline{y}_1 \cdot y_0$

La sintesi di a_1 comprende anche un implicante assolutamente eliminabile, che è necessario ad evitare alee.

2) Visto che il massimo numero di transizioni di stato è pari a 2, il tempo di permanenza di uno stato di ingresso è pari a $T_A + 2 \cdot \left(T_{mark} + T_A\right)$ con $T_{mark} \ge T_{CN1}$.