

---

## Lezione 13

---

① Risolvere le seguenti equazioni differenziali:

(a)  $u' = e^{-u}$

(b)  $u' = 1 + u^2$

(c)  $u' = (1 + 2t)e^{-u}$

(d)  $u' = u^2 + u$

② Trovare la soluzione generale delle seguenti equazioni:

(a)  $u' = u \cos(t) + \cos^3(t)$

(b)  $u' = \frac{u}{1-e^{-t}} + 2$

(c)  $u' = \frac{u+1}{t+1}$

③ Integrare le seguenti equazioni differenziali:

(a)  $u'' - 3u' + 2u = 2x^2$

(b)  $y'' + 4y = \sin(x) + e^x$

(c)  $y'' + y' = t + 2 - 3e^{2t}$

④ (APPELLO 23/01/23)

(a) Calcolare tutte le primitive della funzione

$$f(x) = \frac{x}{x^2 + 2x + 2}$$

(b) Trovare tutte le soluzioni dell'equazione differenziale omogenea

$$u'(x) = \frac{2x+2}{x^2+2x+2}u(x)$$

(c) Determinare la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} u'(x) = \frac{2x+2}{x^2+2x+2}u(x) + x \\ u(0) = \log(2) \end{cases}$$

⑤ (APPELLO 20/06/2023)

(a) Determinare l'unica primitiva  $F$ , definita sull'intervallo  $]0, +\infty[$ , della funzione

$$f(x) = x^2 \log(\sqrt{x})$$

Che soddisfa  $F(1)=0$

- (b) Si trovi l'integrale generale dell'equazione differenziale

$$y'(x) = (1 + y^2(x))x^2 \log(\sqrt{x})$$

Dicendo di che tipo di equazione si tratta

- (c) Si risolva il problema di Cauchy

$$\begin{cases} y'(x) = (1 + y^2(x))x^2 \log(\sqrt{x}) \\ y(1) = 0 \end{cases}$$

⑥ (APPELLO 07/02/23)

- (a) Trovare eventuali soluzioni costanti dell'equazione differenziale

$$u' = \frac{u^2 - 6u + 13}{9t^2 - 1}$$

- (b) Determinare la soluzione dell'equazione differenziale precedente che soddisfa la condizione iniziale  $u(0)=1$ . Qual è l'intervallo più grande su cui è definita?