



# Ayudantía I1

Andrés González

Laurence Golborne

Rodrigo Alonso

Susana Figueroa

Tomás Contreras



01

02

03

04

05

06



# Temas

- Lógica Digital
- Representaciones numéricas
- Hardware sin manejo de memoria
- Hardware con manejo de memoria

01

02

03

04

05

06



# Pregunta 1.a

Convierta a complemento de 2 el número  $(106)_{10}$ :

$$106 \% 2 = 0$$

$$53 \% 2 = 10 \quad * \quad 106 / 2 = 53.$$

$$26 \% 2 = 010$$

$$13 \% 2 = 1010$$

$$6 \% 2 = 01010$$

$$3 \% 2 = 101010$$

$$1 \% 2 = 1101010$$

-> Si se trata de un número de 32 bits, tenemos que rellenar con ceros a la izquierda:

00000000 00000000 00000000 01101010



01

02

03

04

05

06



# Pregunta 1.b

Transforme a base decimal el número  $11111111\ 11111111\ 11111110\ 10100100_2$  en complemento a 2.

Inverso aditivo:

$11111111\ 11111111\ 11111110\ 10100100 \rightarrow$  lo negamos

$00000000\ 00000000\ 00000001\ 01011011 \rightarrow$  sumamos 1

$00000000\ 00000000\ 00000001\ 01011100$

Luego:

$$1 \times 2^8 + 0 \times 2^7 + 1 \times 2^6 + 0 \times 2^5 + 1 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 0 \times 2^0$$

$$= 256 + 0 + 64 + 0 + 16 + 8 + 4 + 0 + 0 = 348$$

Pero, se trata de un negativo, por lo que tenemos que el número es -348.





01

02

03

04

05

06



## Pregunta 2

Hacer una compuerta XOR con compuertas NAND.

01

02

03

A	B	A XOR B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0



A	B	A NAND B
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0



04

05

06



# Pregunta 2

Hacer una compuerta XOR con compuertas NAND.

A	B	A XOR B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0





01

02

03

04

05

06



## Pregunta 2

Hacer una compuerta XOR con compuertas NAND.

A	B	A XOR B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0



$$f(x, y) = (A \cdot \overline{B}) + (\overline{A} \cdot B)$$



01

02

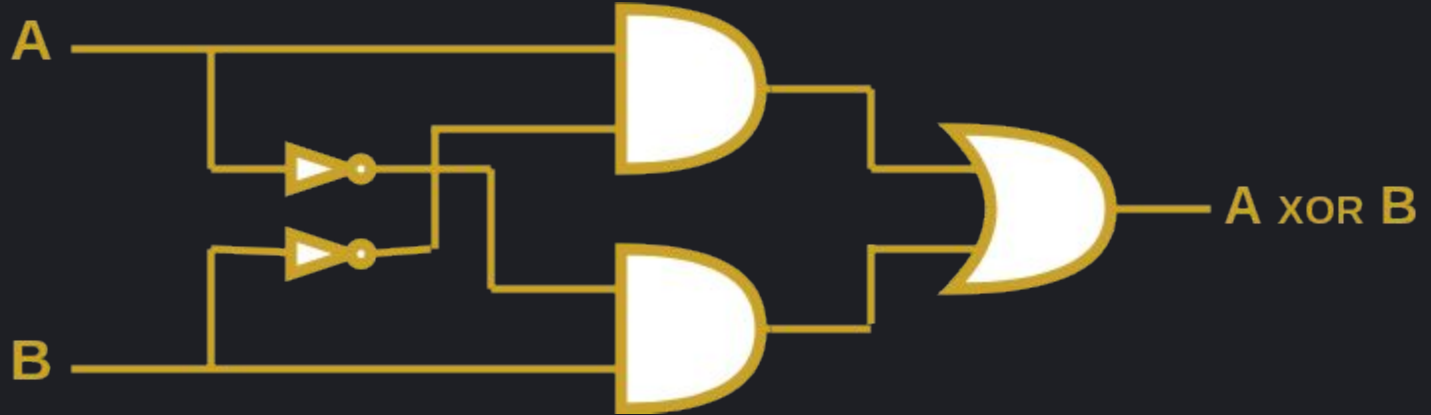
03

04

05

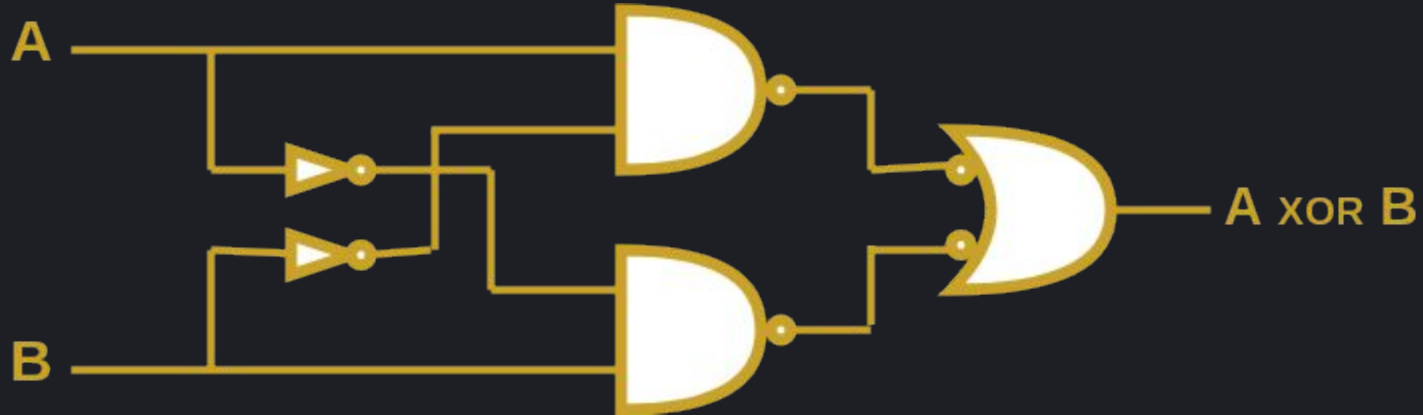
06

## Pregunta 2





## Pregunta 2





# Pregunta 2



01

02

03

04

05

06



01

02

03

04

05

06



## Pregunta 2



A	B	Output
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

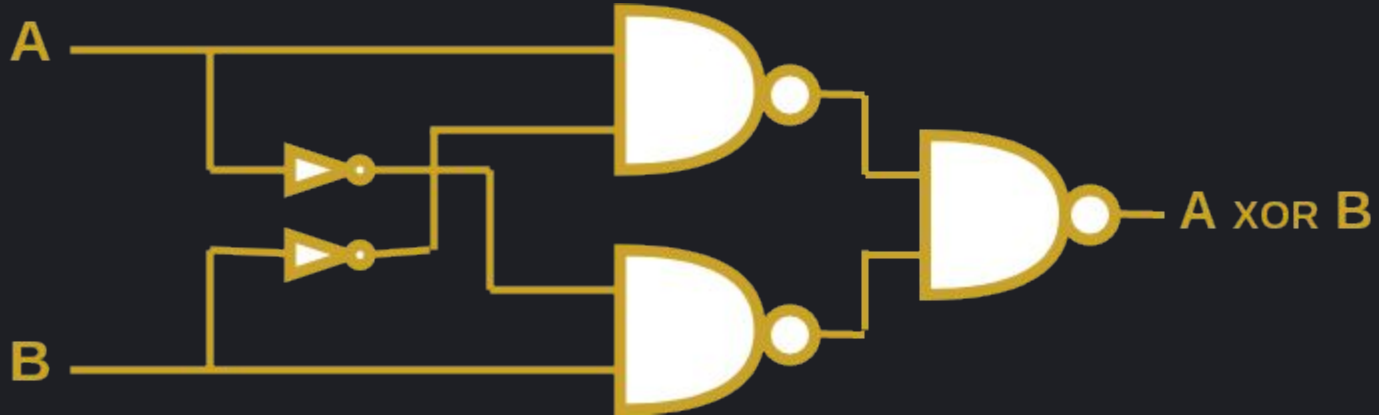
## Pregunta 2



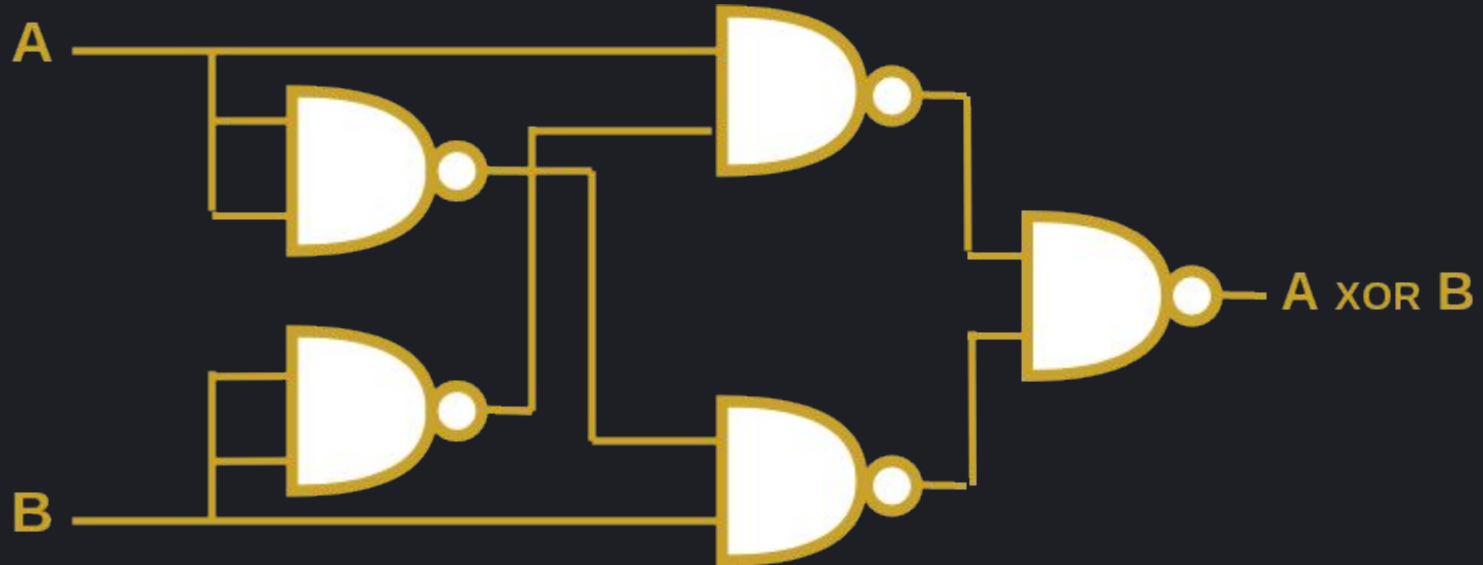
A	B	A NAND B
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0



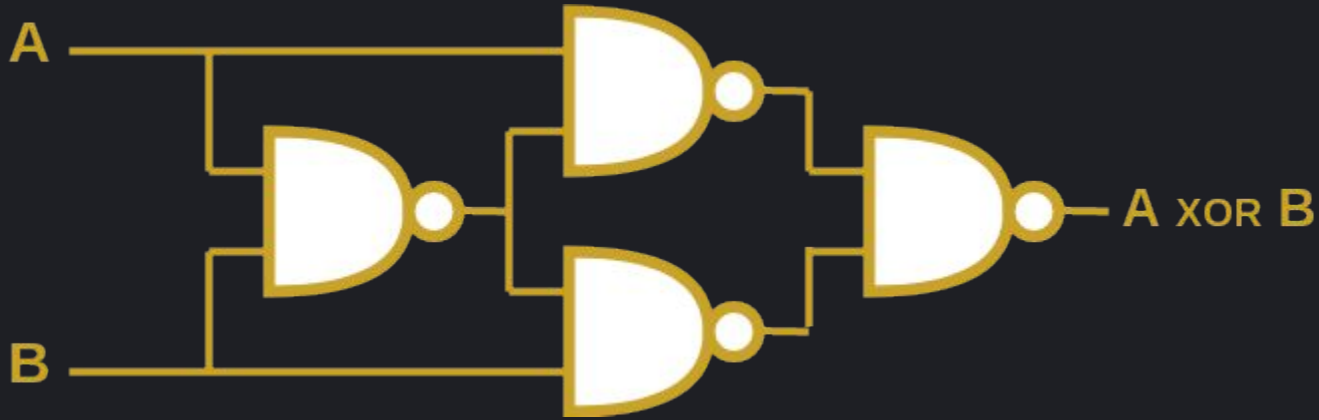
## Pregunta 2



## Pregunta 2

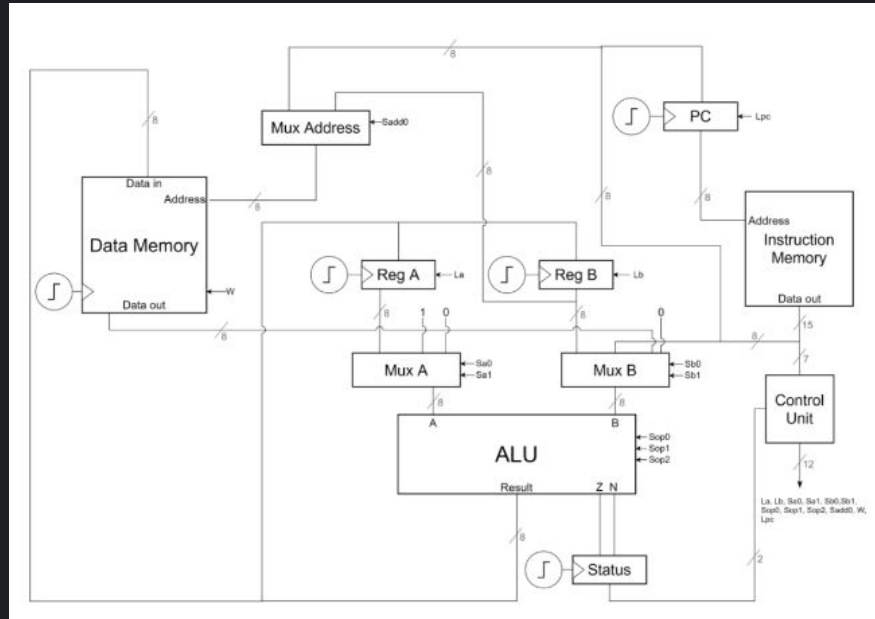


## Pregunta 2



# Pregunta 3

Transforme la arquitectura del computador básico para que esta soporte como tipos de datos nativos números enteros de 8 y 16 bits de manera independiente.







01

02

03

04

05

06



# Pregunta 3

Transforme la arquitectura del computador básico para que esta soporte como tipos de datos nativos números enteros de 8 y 16 bits de manera independiente.

## Solución:

Agregar **registros extendidos** de 16 bits independientes a una **ALU extendida** que pueda recibir a 4 registros (2 de 8 bits y 2 de 16 bits).

01

02

03

04

05

06

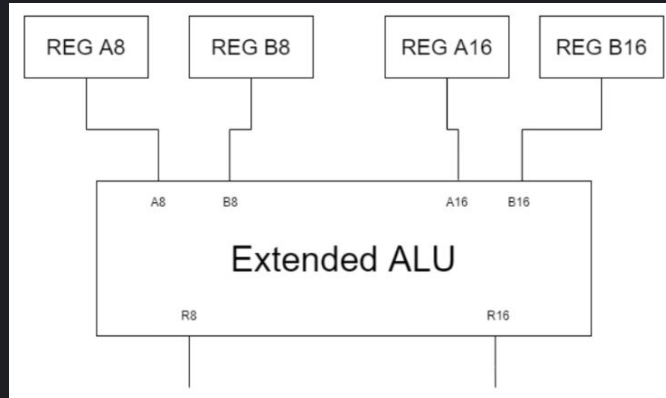


# Pregunta 3

Transforme la arquitectura del computador básico para que esta soporte como tipos de datos nativos números enteros de 8 y 16 bits de manera independiente.

## Solución:

Agregar **registros extendidos** de 16 bits independientes a una **ALU extendida** que pueda recibir a 4 registros (2 de 8 bits y 2 de 16 bits).





01

02

03

04

05

06



# Pregunta 3

Transforme la arquitectura del computador básico para que esta soporte como tipos de datos nativos números enteros de 8 y 16 bits de manera independiente.

## Solución:

Además se debe modificar el **almacenamiento en memoria** para que este pueda soportar 16 bits. Esto se puede hacer de muchas maneras distintas. Una puede ser añadiendo un multiplexor para que la memoria sepa cuando deba manejar 8 bits o 16 bits, o bien se pueden definir 2 ciclos, para que se lea/escriba una palabra en cada ciclo y así completar los 16 bits.

01

02

03

04

05

06

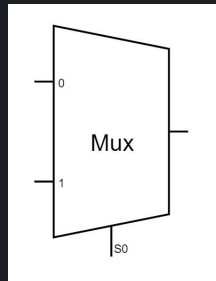


# Pregunta 3

Transforme la arquitectura del computador básico para que esta soporte como tipos de datos nativos números enteros de 8 y 16 bits de manera independiente.

## Solución:

Además se debe modificar el **almacenamiento en memoria** para que este pueda soportar 16 bits. Esto se puede hacer de muchas maneras distintas. Una puede ser añadiendo un multiplexor para que la memoria sepa cuando deba manejar 8 bits o 16 bits, o bien se pueden definir 2 ciclos, para que se lea/escriba una palabra en cada ciclo y así completar los 16 bits.



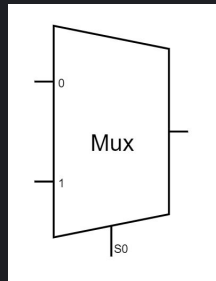
Si no hay un multiplexor, que puede pasar con respecto a los 8 bits?

# Pregunta 3

Transforme la arquitectura del computador básico para que esta soporte como tipos de datos nativos números enteros de 8 y 16 bits de manera independiente.

## Solución:

Además se debe modificar el **almacenamiento en memoria** para que este pueda soportar 16 bits. Esto se puede hacer de muchas maneras distintas. Una puede ser añadiendo un multiplexor para que la memoria sepa cuando deba manejar 8 bits o 16 bits, o bien se pueden definir 2 ciclos, para que se lea/escriba una palabra en cada ciclo y así completar los 16 bits.



Si no hay un multiplexor, que puede pasar con respecto a los 8 bits?

Los carry pueden irse al mundo de 16 bits 🤪



01

02

03

04

05

06



# Pregunta 3

Transforme la arquitectura del computador básico para que esta soporte como tipos de datos nativos números enteros de 8 y 16 bits de manera independiente.

## Solución:

No debemos olvidar que también se debe modificar la **ISA** para esta arquitectura

ADD8, ADD16, SUB8, SUB16, ...

Los **opcodes** correspondientes también deben ser creados.

01

02

03

04

05

06



# Pregunta 3

Instrucción	Operandos	Opcode	La	Lb	Sa0	Sb0	Sb1	Sop2	Sop1	Sop0	Operación
MOV	A,B	000000	1	0	1	0	0	0	0	0	A=B
	B,A	000001	0	1	0	1	1	0	0	0	B=A
	A,Lit	000010	1	0	1	0	1	0	0	0	A=Lit
	B,Lit	000011	0	1	1	0	1	0	0	0	B=Lit
ADD	A,B	000100	1	0	0	0	0	0	0	0	A=A+B
	B,A	000101	0	1	0	0	0	0	0	0	B=A+B
	A,Lit	000110	1	0	0	0	1	0	0	0	A=A+Lit
SUB	A,B	000111	1	0	0	0	0	0	0	1	A=A-B
	B,A	001000	0	1	0	0	0	0	0	1	B=A-B
	A,Lit	001001	1	0	0	0	1	0	0	1	A=A-Lit
AND	A,B	001010	1	0	0	0	0	0	1	0	A=A and B
	B,A	001011	0	1	0	0	0	0	1	0	B=A and B
	A,Lit	001100	1	0	0	0	1	0	1	0	A=A and Lit
OR	A,B	001101	1	0	0	0	0	0	1	1	A=A or B
	B,A	001110	0	1	0	0	0	0	1	1	B=A or B
	A,Lit	001111	1	0	0	0	1	0	1	1	A=A or Lit
NOT	A,A	010000	1	0	0	0	0	1	0	0	A=notA
	B,A	010001	0	1	0	0	0	1	0	0	B=notA
XOR	A,A	010010	1	0	0	0	0	1	0	1	A=A xor B
	B,A	010011	0	1	0	0	0	1	0	1	B=A xor B
	A,Lit	010100	1	0	0	0	1	1	0	1	A=A xor Lit
SHL	A,A	010101	1	0	0	0	0	1	1	0	A=shift left A
	B,A	010110	0	1	0	0	0	1	1	0	B=shift left A
SHR	A,A	010111	1	0	0	0	0	1	1	1	A=shift right A
	B,A	011000	0	1	0	0	0	1	1	1	B=shift right A



01

02

03

04

05

06



# Pregunta 3

Transforme la arquitectura del computador básico para que esta soporte como tipos de datos nativos números enteros de 8 y 16 bits de manera independiente.

## Solución:

No debemos olvidar que también se debe modificar la **ISA** para esta arquitectura

ADD8, ADD16, SUB8, SUB16, ...

Los **opcodes** correspondientes también deben ser creados. Se re-aprovechan los preexistentes para 8 bit, luego se crean nuevos opcodes para ADD16, SUB16, AND16, etc.

El opcode más alto ocupado en el assembly básico es el  $011000_2 = 24_{10}$  y el máximo es  $111111_2 = 63_{10}$ , por lo que se tienen suficientes opcodes desocupados para agregar este duplicado.

Además, es necesario agregar las señales de control apropiadas para manejar 8 o 16 bits, dependiendo del opcode en uso.







01

02

03

04

05

06



## Pregunta 4

Si quisiéramos detectar automáticamente la ocurrencia de overflow en la ALU del computador básico, es posible agregar como output de esta, un condition code V (overflow) que tome el valor de 1 en caso de que ocurra overflow y 0 cuando no ocurre. Esta variable depende de otras cuatro variables binarias:

- A<sub>n-1</sub> (bit más significativo de A)
- B<sub>n-1</sub> (bit más significativo de B)
- S<sub>n-1</sub> (bit más significativo del resultado)
- Op (operación: 0: suma; 1: resta)

Escriba la tabla de verdad para el condition code V en base a estas cuatro variables.

01

02

03

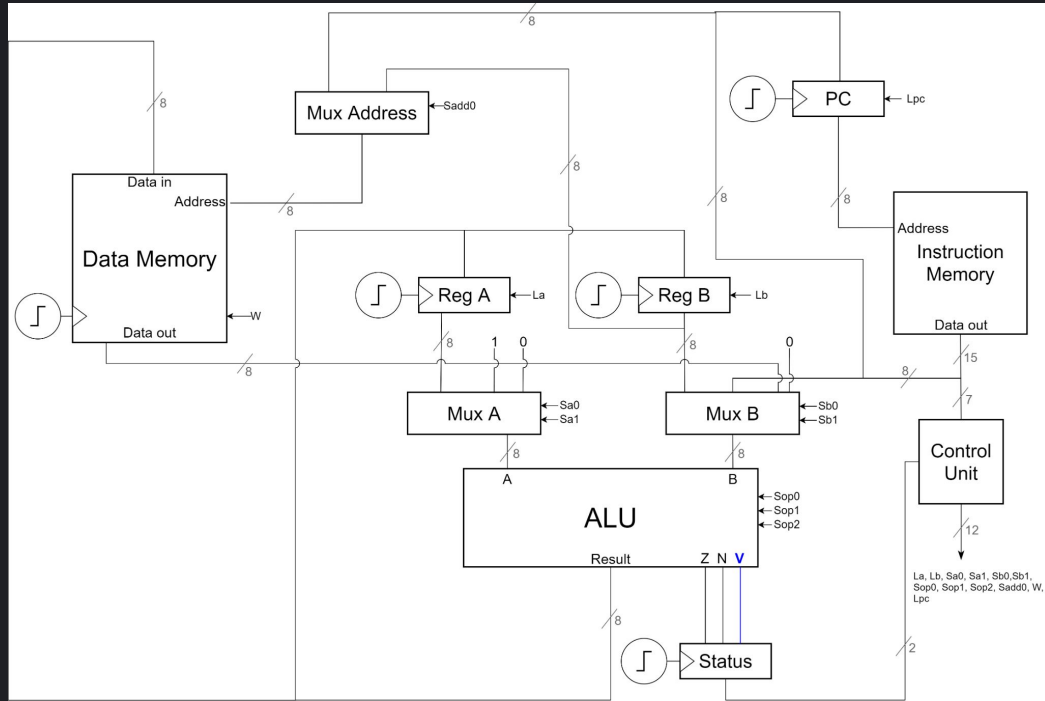
04

05

06



# Pregunta 4





01

02

03

04

05

06



## Pregunta 4

Para poder escribir la tabla de verdad de V, tenemos que encontrar para qué combinación de valores de  $A_{n-1}$ ,  $B_{n-1}$ ,  $S_{n-1}$  y  $O_p$  ocurre overflow.

Para la suma ( **$O_p = 0$** ) tenemos que:

- Si los dos números son de signo opuesto ( $A_{n-1} \neq B_{n-1}$ ), no puede ocurrir overflow.
- Si los dos números son positivos ( **$A_{n-1} = 0$ ,  $B_{n-1} = 0$** ), existe overflow cuando el resultado es negativo ( **$S_{n-1} = 1$** ).
- Si los dos números son negativos ( **$A_{n-1} = 1$ ,  $B_{n-1} = 1$** ), existe overflow cuando el resultado es positivo ( **$S_{n-1} = 0$** ).





01

02

03

04

05

06



# Pregunta 4

Para la resta (**Op = 1**) tenemos que:

- Si los dos números son de signo opuesto ( $A_{n-1} \neq B_{n-1}$ ), no puede ocurrir overflow.
- Si A es positivo ( **$A_{n-1} = 0$** ) y B es negativo ( **$B_{n-1} = 1$** ), ocurre overflow cuando el resultado es negativo ( **$S_{n-1} = 1$** ).
- Si A es negativo ( **$A_{n-1} = 1$** ) y B es positivo ( **$B_{n-1} = 0$** ), ocurre overflow cuando el resultado es positivo ( **$S_{n-1} = 0$** ).

01

02

03

04

05

06





01

02

03

04

05

06



# Pregunta 4

Entonces, solo ocurre overflow en los siguientes casos:

- En una suma ( $Op = 0$ ), si los dos números son positivos ( $A_{n-1} = 0, B_{n-1} = 0$ ), existe overflow cuando el resultado es negativo ( $S_{n-1} = 1$ ).
- En una suma ( $Op = 0$ ), si los dos números son negativos ( $A_{n-1} = 1, B_{n-1} = 1$ ), existe overflow cuando el resultado es positivo ( $S_{n-1} = 0$ ).
- En una resta ( $Op = 1$ ), si A es positivo ( $A_{n-1} = 0$ ) y B es negativo ( $B_{n-1} = 1$ ), ocurre overflow cuando el resultado es negativo ( $S_{n-1} = 1$ ).
- En una resta ( $Op = 1$ ), si es negativo ( $A_{n-1} = 1$ ) y B es positivo ( $B_{n-1} = 0$ ), ocurre overflow cuando el resultado es positivo ( $S_{n-1} = 0$ ).

01

02

03

04

05

06



# Pregunta 4

Op	$A_{n-1}$	$B_{n-1}$	$S_{n-1}$	overflow
0	0	0	0	0
0	0	0	1	1
0	0	1	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	0	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	0
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	0	1	1	1
1	1	0	0	1
1	1	0	1	0
1	1	1	0	0
1	1	1	1	0



GL; HF!

$q(\geq \nabla \leq q)$

003-1040559

1250 003-77156.8

1760 0009-14563.7

73273