REPUBLIQUE TUNISIENNE Ministère de l'Enseignement Supérieur et de la Recherche Scientifique

Concours Nationaux d'Entrée aux Cycles de Formation d'Ingénieurs Session 2011





## Corrigé du Concours Mathématiques et Physique Epreuve de Physique

	0.5	0.5	0.5					0.5
Problème I Partie I	Resistivité quasi nulle, conductivité quasi infini donc puissance dissipée par effet Joule quasi-nulle : $\frac{dP}{d\tau} = \gamma E^2 \xrightarrow{p} 0$ donc $\vec{E} = \vec{0} \Rightarrow r \vec{\sigma} t \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} = \vec{0} \Rightarrow \vec{B} = \vec{c} t \vec{e} = \vec{0}$ (on n'a pas un courant permanent)	$\vec{E}_{2}(M_{0},t) - \vec{E}_{1}(M_{0},t) = \frac{\sigma(M_{0})}{\varepsilon_{0}} \vec{\pi}_{12}$ $\vec{B}_{2}(M_{0},t) - \vec{B}_{1}(M_{0},t) = \mu_{0}\vec{J}_{s}(M_{0}) \wedge \vec{\pi}_{12}$	Le milieu I est un conducteur parfait $\Rightarrow \vec{E}_1 = \vec{0}$ et $\vec{B}_1 = \vec{0} \Rightarrow \vec{E}_2(M_0, t) = \frac{\sigma(M_0)}{\epsilon_0} \vec{n}_{ext} \Rightarrow$ $\sigma(M_0) = \epsilon_0 \cdot \vec{E}_2(M_0, t) \cdot \vec{n}_{ext}$ $\vec{B}_2(M_0, t) = \mu_0 \vec{I}_s(M_0) \wedge \vec{n}_{12} \Rightarrow \vec{J}_s(M_0) = \frac{1}{\mu_0} \vec{n}_{ext} \wedge \vec{B}_2(M_0, t) \text{ avec } : \vec{n}_{ext} = \vec{n}_{12}$	$ div\vec{E} = 0                                  $	$\vec{\Delta \vec{E}} - \mu_0 \varepsilon_0 \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = \vec{0} \text{ (démonstration)}$ $\vec{\Delta \vec{B}} - \mu_0 \varepsilon_0 \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = \vec{0}  c = \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \varepsilon_0}} = 3.10^8 \text{ m. s}^{-1}$	Partie II	Une OPPM polarisée rectilignement en incidence normale ne vérifre pas les C.L.	0. S'exprime en $rad.s^{-1}$ , $k$ s'exprime en $rad.m^{-1}$ $f(x,y,z)$ s'exprime en $V.m^{-1}$
	<u> </u>	2.a	2.b	3.a	3.b		=	1.2.

I.3.a	$div\vec{E} = \frac{\partial f}{\partial x} = 0 \Rightarrow f = f(y, z).$	-
1.3.6	Les parois du guide sont des conducteurs parfait, il n'y a pas dissipation de l'énergie au cours de la propagation $\Rightarrow f(y,z) = f(y)$ .	-
1.4.a	$\vec{\Delta}\vec{E} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = \vec{0} \Rightarrow \frac{d^2 f}{dy^2} + \left(\frac{\omega^2}{c^2} - k^2\right)f = 0$	
1.4.b	$Si \frac{\omega^2}{c^2} - k^2 \le 0$ la solution ne vérifie pas les C.L.	_
	Soit $\alpha^2 = \frac{\omega^2}{c^2} - k^2 \implies f(y) = A \sin(\alpha y + \varphi)$ $f(0) = 0 \implies \varphi = 0 \implies f(y) = A \sin(\alpha y)$	0.5
I.4.c	$f(y=b) = A \sin(\alpha b) = 0 \implies \alpha = \frac{n\pi}{b}$	0.5
L.5.a	$f(y) = A \sin(\frac{n\pi}{b}y) \implies \vec{E}_n = E_{0n} \sin(\frac{n\pi}{b}y)e^{i(\omega t - kz)}\vec{u}_x$	0.5
1.5.b	L'onde guidée n'est pas plane, elle est stationnaire suivant (oy) progressive suivant $z>0$ .	1.5
I.6.a	$k^2 = \frac{\omega^2}{c^2} - \alpha^2$ ; $\alpha^2 = (\frac{n\pi}{b})^2 \Rightarrow k^2 = \frac{\omega^2}{c^2} - (\frac{n\pi}{b})^2$ Pour qu'il y ait propagation, il faut que $k^2 > 0 \Rightarrow \omega > \omega_{nc}$ ; $\omega_{nc} = \frac{n\pi c}{b}$	
1.6.b	$\sin \omega < \omega_{\rm nc}$ alors l'onde est évanescente.	-
l.6.c	$k = \frac{\omega}{k}$ Non dispersif $Dispersif$ $\omega_{nc}$	_
	- Si $\omega$ est proche de $\omega_{\rm hc}$ on obtient dispersion dans le guide. - Si $\omega$ >> $\omega_{\rm hc}$ il n'ya pas dispersion.	
I.7.a	$v_{\varphi} = \frac{c}{\sqrt{1 - \frac{\omega_{\Pi_c}^2}{\omega_d^2}}} \; ;  v_g = c. \; \sqrt{1 - \frac{\omega_{\Pi_c}^2}{\omega^2}}  \Longrightarrow  v_{\varphi}, v_g = c^2.$	1.5

$\begin{array}{c} c \\ c$
1.7.b 11.3 11.3 11.4

-	le 2	-	_							0.5	-	2
	L'onde (point $I$ ) se déplace en zigzag entre les parois $y=0$ et $y=b$ à une vitesse $c$ .en réalité elle n'avance suivant $(az)$ (point $B$ ) qu'a une vitesse $v_g < c$ . Le point $A$ apparait comme l'ombre du point $I$ sur $y=b$ se déplace à une vitesse $v_g < c$ qui n'est pas liée à un déplacement d'une particule matérielle donc elle n'est pas concernée par la restriction relativiste	$\vec{E}_n = E_{0n} \sin\left(\frac{n\pi}{b}y\right) \cos\left(\omega t - kz\right) \vec{u}_x \Rightarrow \vec{B}_n = \begin{vmatrix} \frac{k}{\omega} E_{0n} \sin\left(\frac{n\pi}{b}y\right) \cos\left(\omega t - kz\right) \\ \frac{n\pi}{b\omega} E_{0n} \cos\left(\frac{n\pi}{b}y\right) \sin\left(\omega t - kz\right) \end{vmatrix}$	$y = 0, b \Longrightarrow \sigma_1 = \sigma_2 = 0$	$y = 0 \ , j_{s1} = \frac{1}{\mu_0} \begin{vmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{vmatrix} \frac{n\pi}{\mu_0} \sum_{\text{lon sin}} \left( \omega t - kz \right) \vec{u}_x$	$y = b , j_{s2} = \frac{1}{\mu_0} \begin{vmatrix} 0 \\ 1 \end{vmatrix} \left( -1 \right)^n \frac{n\pi}{b\omega} \frac{0}{E_{0n} \sin(\omega t - kz)} \Longrightarrow j_{s2} = (-1)^{n+1} \frac{\ln nE_{0n}}{b\omega \mu_0} \sin(\omega t - kz) \vec{1}_x$	En réalité le courant existe sur une épaisseur appelée « épaisseur de peau »	Un observateur voie le champ passe d'une valeur $(\vec{E}, \vec{B})$ à zéro. $\Rightarrow$ le champ senti est donc $\frac{1}{2}(\vec{E}, \vec{B})$ .	$d\vec{F}_2 = \frac{1}{2} (-1)^{n+1} \frac{n\pi E_{0n}}{b\omega \mu_0} \sin(\omega t - kz) \vec{u}_x \wedge (-1)^n \frac{n\pi}{b\omega} E_{0n} \sin(\omega t - kz) \vec{u}_z ds$	$\Rightarrow d\vec{F_2} \approx \frac{1}{2\mu_0} \left( \frac{ntE_{0n}}{b\omega\mu_0} \right)^2 \sin^2(\omega t - kz) ds \vec{u}_z$	$\langle d\vec{F_2} \rangle = \frac{\epsilon_0 E_0^2}{4} \left( \frac{\omega_{\rm hc}}{\omega} \right)^2 ds  \vec{u}_{\rm y}$	$\langle d\overline{F_2} \rangle \perp ds \Longrightarrow \text{force pressente} \Longrightarrow \Pi_2 = \frac{\epsilon_0 E_0^2}{4} \left( \frac{\omega_{\text{nc}}}{\omega} \right)^2$	$d\overline{F_1} = \frac{1}{2} j_{s1} \wedge \overline{B}_n(y=0) ; j_{s1} = (-1)^{n+1} j_{s2} \text{ et } \overline{B}_n(y=0) = (-1)^n \overline{B}_n(y=b)$ $= -\frac{1}{2} j_{s2} \wedge \overline{B}_n(y=b) = -d\overline{F}_2 \implies \ \langle d\overline{F}_1 \rangle\  = \ \langle d\overline{F}_2 \rangle\  \implies \Pi_1 = \Pi_2$
	II.5.b	111.1	111.2			III.3.a		11.3.Ь			Ш.3.с	III.4

IC rayon qui correspond à  $\vec{E}_2 \implies IC = c \cdot T \implies$  la vitesse de balayage est c.  $\frac{IC}{AC} = \cos \theta = \frac{k}{k_0} = \frac{\omega l \nu_0}{\omega / c} = \frac{\nu_0}{c} \implies AC = IC \cdot \frac{\nu_0}{c} = T \cdot \nu_\phi \implies$  la vitesse de balayage est  $\nu_0$ .  $\frac{IB}{IC} = \cos \theta = \frac{c}{\nu_\phi} \implies IB = IC \cdot \frac{c}{\nu_\phi} = T \cdot \nu_g \implies$  la vitesse de balayage est  $\nu_g$ .

II.5.a

page3/9

Corrigé du concours Mathématiques et Physique - Session Juin 2011

Page 4/9

	$\overline{R} = R_0(\overline{B}) \wedge R_0(\overline{B})$ $C$ est le vecteur densité volumique de courant d'énergie ou bien c'est le vecteur dont son thus à travers une surface est épul à la missance ravonnée.	0.5	
	$\vec{R} = \frac{1}{H_0} \begin{vmatrix} E_{h_0} \sin\left(\frac{n\pi}{b}y\right) \cos(\omega t - kz) \\ \frac{1}{h_0} \cos\left(\frac{n\pi}{b}y\right) \cos(\omega t - kz) \\ \frac{1}{h_0} \left[\frac{n\pi}{b\omega} E_{0\mu} \cos\left(\frac{n\pi}{b\omega}y\right) \sin(\omega t - kz)\right] \end{vmatrix}$		
	$\Rightarrow \vec{R} = \frac{1}{H_0} \left  -\frac{nt}{b_{tot}} E_{0n}^2 \sin\left(\frac{n\pi}{b}y\right) \cos\left(\frac{nt}{b}y\right) \sin(\omega t - kz) \cos(\omega t - kz)}{\frac{k}{b_{tot}} t^2 \sin^2(\omega t - kz) \cos^2(\omega t - kz)} \right $	<u>-</u>	
	$\langle \vec{R} \rangle = \frac{k E_{0n}^2}{2 \mu_0 \omega} \sin^2 \left( \frac{n \pi}{b} y \right) \vec{u}_z$ 1. Onche se monare suivant $z > 0 \Longrightarrow \langle \vec{R} \rangle = \langle R \rangle \vec{u}_z$	0.5	
İ	$P_{n_1} = \iint \langle \vec{R} \rangle  ds \Longrightarrow P_{n_1} = \frac{\kappa \alpha b E_{0,n_1}^2}{4 H_{0,0}}$	<u> </u>	
IV.3.a	$u_{\theta 111} = \frac{E^2 \epsilon_0}{2} + \frac{B^2}{2H_0} =$	0.5	2
	$\frac{\varepsilon_0 E_{011}^2}{2} \left\{ s_{111}^2 \left( \frac{111t}{b} y \right) \cos^2(\omega t - kz) + \left( \frac{kc}{\omega} \right)^2 \sin^2\left( \frac{111t}{b} y \right) \cos^2(\omega t - kz) + \left( \frac{\omega_0 rc}{\omega} \right)^2 \cos^2\left( \frac{111t}{b} y \right) \sin^2(\omega t - kz) \right\}$	0.5	
[V.3.6	$\langle u_{em} \rangle = \frac{\varepsilon_0 \mathcal{E}_{un}^2}{4} \left\{ \sin^2 \left( \frac{n\pi}{b} y \right) + \left( \frac{kC}{\omega} \right)^2 \sin^2 \left( \frac{n\pi}{b} y \right) + \left( \frac{\omega_{nc}}{\omega} \right)^2 \cos^2 \left( \frac{n\pi}{b} y \right) \right\}$	<del>  °</del>	0.5
	$\left(\frac{ kc }{\omega}\right)^2 = 1 - \left(\frac{\omega_{nc}}{\omega}\right)^2$ $\langle u_{em} \rangle = \frac{\varepsilon_0 E_{0n}^2}{4} \left\{ 1 + \left( \left(\frac{\omega_{nc}}{\omega}\right)^2 - 1 \right) \cos\left(\frac{2\pi\pi}{b}y \right) \right\}$		1.5
IV.4 .a	d'une part : $\delta\omega_{em}$	<u> </u>	
	d'autre part : $\delta\omega_{em}=\iiint\{u_{em}\}dxdydz=\frac{\epsilon_0\epsilon_{0a}^2}{4}abv_edt$		
	The second secon		-

10.5		-
:	L'onde sera amortic.	
	Partie III	
L.1.a	$div\vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0} \ , \ div\vec{B} = 0, \ \ \overrightarrow{rot}\vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \ ,  \overrightarrow{rot}\vec{B} = \mu_0\vec{J} + \mu_0\epsilon_0\frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$	_
1.1.6	$div(\overline{rotB}) = 0 \Longrightarrow div\vec{j} + \frac{\partial \rho}{\partial t} = 0$	_
I.I.c	$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\gamma}{\epsilon_0} \rho = 0 \text{ soit } \frac{\gamma}{\epsilon_0} = \frac{1}{\tau} \Rightarrow \frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\rho}{\tau} = 0 \Rightarrow \rho = \rho_0 e^{-t/\tau}$	1.5
1.2	$\frac{\ j_{\Omega}\ }{\ j\ } = \frac{\varepsilon_{0}\omega}{r} << 1  \text{pour}  \omega \equiv 1GHz$	-
£13	$\overline{rot}(\overline{rot}\vec{E}) = -\frac{\partial}{\partial t}(\overline{rot}\vec{B}) \Longrightarrow \Delta \vec{E} - \mu_0 V \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} = \vec{0}$	-
L.d.a	к' сотрієхе	_
1.4.b	$-k'^2 - i\omega\mu_0\gamma = 0 \Longrightarrow k' = \pm \frac{1-i}{6} \text{ où } \delta = \sqrt{\frac{2}{\mu_0 r \omega}}$	
	$k' = -\frac{1-i}{\delta} \sim \text{ propagation suivant } y < 0 \Longrightarrow \text{ inacceptable} \Longrightarrow k' = \frac{1-i}{\delta}$	-
1.4.c	Profondeur de pénétration de l'ordre de µm.	_
	Le champ crée par le mouvement des électrons s'oppose à sa cause (pénétration de l'onde dans le mètal) d'où $\omega \nearrow \Rightarrow \delta \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$	
1.5.a	$\vec{j} = \gamma \vec{E} = \gamma E_{0t} e^{-y/\delta} e^{i(\omega t - y/\delta)} \vec{u}_{x}$	0.5
	En notation réclie $\vec{j}=\gamma\vec{E}=\gamma E_{0t}e^{-\gamma/\delta}\cos\omega t-\gamma/\delta\vec{u}_{x}$	0.5
1.5.6	$\langle P_j \rangle = \iiint \langle \gamma E^2 \rangle  dx dy dz = \frac{\gamma E_{\rm tr}^2}{2} S \int_0^{+\infty} e^{-2\gamma/\delta}  dy$ $\Longrightarrow \langle P_i \rangle = \frac{\delta S \gamma}{E_{\rm tr}} E_{\rm tr}^2$	-
1.6.a	$dl = j_s dz \ \vec{u}_x \text{ ct } d^2 l = j \ dy dz \ \vec{u}_x \Longrightarrow j_s = \int_0^{+\infty} j \ dy$	0.5

0.5

 $\frac{\epsilon_0 E_{0n}^2}{4} ab v_e dt = \frac{kab E_{0n}^2}{4 \mu_0 \omega}, dt \Longrightarrow v_e = \frac{k}{\epsilon_0 \mu_0 \omega} \Longrightarrow v_e = \frac{c^2}{v_\varphi} = v_g$  [1. 'éncrgic sc propage à la vitesse de groupe.

IV.4.b

Corrigé du concours Mathématiques et Physique - Session Juin 2011

Corrigé du concenty Multémanques et Physique - Session Juin 2011

Epireuve de plivsique

$P_{m}(z) \xrightarrow{r_{P}} \qquad \qquad \xrightarrow{r_{P}} P_{m}(z + dz)$ $P_{m}(z) - P_{m}(z + dz) = dP$ $\frac{kab}{4\mu_{0}\mu} \left( E_{0}^{2}(z) - E_{0}^{2}(z + dz) \right) = \frac{n^{2}\pi^{2}a\delta}{2b^{2}\mu_{0}\omega} \frac{E_{0}^{2}(z)}{E_{0}n(z)} = \frac{dE_{0}^{2}(z)}{dz} + \frac{2n^{2}\pi^{2}\delta}{kb^{3}} \frac{E_{0}^{2}(z)}{dz}$ $\frac{dE_{0}^{2}(z)}{dz} = \frac{4\mu_{0}\omega}{kab} \cdot \frac{n^{2}\pi^{2}a\delta}{2b^{2}\mu_{0}\omega} \frac{E_{0}^{2}(z)}{E_{0}n(z)} \Rightarrow \frac{dE_{0}^{2}(z)}{dz} + \frac{2n^{2}\pi^{2}\delta}{kb^{3}} \frac{E_{0}^{2}(z)}{E_{0}n(z)} = 0$ $E_{0}n(z) = E_{0}ne^{-z/L} \text{ ou } L = \frac{b^{3}k}{n^{2}\pi^{2}\delta}$ If faut que L soit grande $\Longrightarrow$ n la plus petite $\text{Soit } n = 1$
, i !

La diffraction de Fraunhofer est observable torsque la source primaire et l'écran de l'observation sont très éloignés de l'objet difractant

.) objet plan, de taille petite, placé perpendiculairement à l'axe optique.

Conditions de Gauss:

.) on ne considère que les rayons paraxiaux.

 $\vec{k} \cdot \overrightarrow{OP} = \frac{2\pi}{\lambda} x \sin \theta \text{ or } \sin \theta \approx \theta$ 

 $=2\pi\frac{\theta}{\lambda} \times \text{soit } \mu = \frac{\theta}{\lambda}$ 

Contribution de Huygens: tous point de l'ouverture atteint par la lumière peut être considérer comme une source secondaire qui émet des ondes sphériques

Principe de Huygens-Fresnel

Contribution de Fregnel: les ondes issues des différentes sources secondaires sont cohérentes entre elles.

0.5

 $\implies \underbrace{S} = S_0 \left\{ \int_{-a}^{a} e^{-i2\pi \mu x} dx + \frac{1}{2} \int_{-a}^{a} e^{-i2\pi(\mu - \frac{1}{\epsilon})x} dx + \frac{1}{2} \int_{-\frac{a}{2}}^{\frac{a}{2}} e^{-i2\pi(\mu + \frac{1}{\epsilon})x} dx \right\}$   $\underbrace{S} = \alpha S_0 \left\{ \operatorname{sinc}(\pi a \mu) + \frac{1}{2} \operatorname{sinc}\left(\pi \alpha \left(\mu - \frac{1}{\epsilon}\right)\right) + \frac{1}{2} \operatorname{sinc}\left(\pi \alpha \left(\mu + \frac{1}{\epsilon}\right)\right) \right\}$ 

 $\underline{S} = S_2 + S_3 + S_1$  cl  $\mu_0 = \frac{1}{\ell}$ 

7

 $\mu$  est inversement proportionnel à  $\lambda\Longrightarrow$  fréquence spatiale

 $t(x) = 1 + \frac{1}{2}e^{\frac{12\pi x}{t}} + \frac{1}{2}e^{-\frac{12\pi x}{t}}$ 

Corryc du conceans. Mathematiques et Physique - Session Jun 2011 Epireuxe de physique

Page 7/9

Currigé du toucours Mathématiques et Physique - Session Juin 2011

paye 8.79

Epicave de physaque

7.a	$I_1 = I_0 \operatorname{sinc}^2(\pi a \mu)$	0.5
	$I_2 = \frac{I_0}{2} \operatorname{sinc}^2 \left( \pi a (\mu - \frac{1}{2}) \right)$	0.5
	$I_3 = \frac{I_0}{4} \operatorname{sinc}^2 \left( \pi a (\mu + \frac{1}{\ell}) \right)$	0.5
7.b	Comme il n'y a pas chevauchement des sinus cardinaux alors $I = I_1 + I_2 + I_3$ et $\theta \simeq \tan \theta = \frac{x}{2} \Longrightarrow \mu = \frac{x}{2}$	-
	$\Rightarrow I = I_0 \left\{ \operatorname{sinc}^2\left(\frac{\pi a X}{\lambda f}\right) + \frac{1}{4} \operatorname{sinc}^2\left(\pi a\left(\frac{X}{\lambda f} - \frac{1}{\ell}\right) + \frac{1}{4} \operatorname{sinc}^2\left(\pi a\left(\frac{X}{\lambda f} + \frac{1}{\ell}\right)\right) \right\} \right\}$	0.5
7.c	1 <u>1</u>	
		-
	673	
	N N N N N N N N N N N N N N N N N N N	
	е <del>Т</del>	-
00	$\frac{1}{d'} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f} \implies d' = \frac{f \cdot d}{f + d}$	1
9.a	$b_f = \frac{2\lambda f}{\ell} - \frac{2\lambda f}{\alpha} \approx \frac{2\lambda f}{\ell}$	1
9.6	On observe sur l'écran l'image géométrique de la fente diffractante (bande uniformément éclairée)	1
	Les basses fréquences correspondent à des éclairements quasi-uniformes de l'objet.	4
10.a	$b_{max} = \frac{2M_s}{l} - \frac{2M_s}{a} \simeq \frac{2M_s}{l}$ et $b_{min} = \frac{2M_s}{a}$	-

Corrigé du concours Mathématiques et Physique - Session Juin 2011

Epreuve de physique

6/608ed