# Concours Mathématiques et Physiques - Session de Juin 2004

# Correction de l'épreuve de Chimie

### PROBLÈME I

1)  $\{dP/dT\}_{fus} = \Delta_{fus}H/T\Delta_{fus}V$ 

or  $\Delta_{\text{fus}}H > 0$  et  $\{dP/dT\}_{\text{fus}} = -1/3,5.10^{-3} \text{ atm.} K^{-1} < 0 \text{ donc } \Delta_{\text{fus}}V = V_{\text{lq}} - V_{\text{sd}} < 0$ 

2)  $\Delta_{\text{fus}}V = (\Delta_{\text{fus}}H \,dT)/(TdP) = (11300.3, 5.10^{-3}.0,082)/(544.8,31)$  $\Delta_{\text{fus}}V = 0.717.10^{-3} \text{ L.mol}^{-1} = 0.717.\text{cm}^3.\text{mol}^{-1}$ (5 pts).

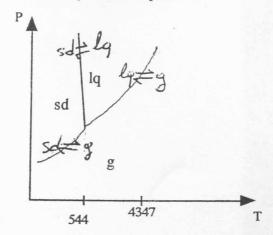
3)  $\{dT/dP\}_{fus} = (T \Delta_{fus}V)/\Delta_{fus}H = -(T 0.717.10^{-3}.8.314)/(11300.0.082) = -T.6.43.10^{-6}.$ En intégrant on obtient:

 $\ln T^{100}_{f} - \ln T_{f}^{\circ} = -6.43.10^{-6}(P_{100} - P_{1}) = -6.43.10^{-6}(100 - 1).$ 

La température de fusion du bismuth sous la pression de 100 atm est:

 $T^{100}_f = 543,65 \text{ K}$ 

(3 pts). 4) a) Allure du diagramme de phases du bismuth dans le plan (T,P) (2 pts).



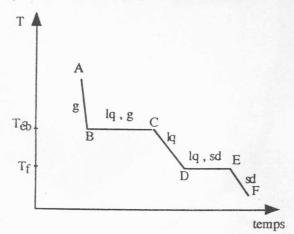


b) Indexation: voir diagramme.

(2 pts).

a) Allure de la courbe de refroidissement.

(3 pts).



b)

5)

(3 pts).

Branche de courbe AB: refroidissement du gaz;

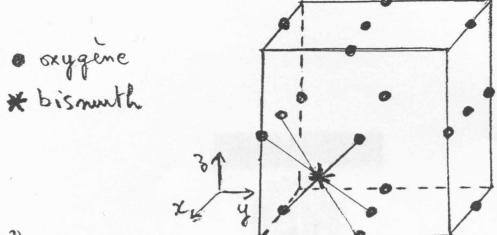
Branche de courbe BC: liquéfaction du gaz

Branche de courbe CD: refroidissement du liquide; Branche de courbe DE: solidification du liquide; Branche de courbe EF: refroidissement du solide.

### PROBLÈME II

1) Représentation en perspective de la maille

(5 pts).



2) Coordinence du Bismuth = 6 oxygènes forme du polyèdre de coordination = octaèdre

- (5 pts).
- (5 pts).

- 3)
- a) Distance Bi-O = a  $\frac{\sqrt{3}}{4}$

(8 pts).

b) Rayon de l'ion bismuth :  $r(Bi^{3+}) = d(Bi-O) - r(O^{2-})$ 

(2 pts).

n (Bi) par maille = 4
 n (O) par maille = 6
 la formule de l'oxyde est Bi<sub>2</sub>O<sub>3</sub>

- (10 pts).
- 5) Compacité =  $\frac{4}{3a^3}\Pi(4r_{Bi}^3 + 6r_O^3)$  (5 pts)

Nota. On ne tiendra pas compte des applications numériques des questions 3a, 3b et 5. Seules les expressions littérales sont prises en considération.

#### PROBLÈME III

1) 
$$\Delta_{r}G_{1}^{\circ} = -RT \ln K^{\circ}_{T}$$

$$\ln K^{\circ}_{T} = 70,34 \text{ ou log } K^{\circ}_{T} = 30,6$$

$$K^{\circ}_{T} = 10^{30,6} = 1/P(O_{2})$$

$$P(O_{2}) = 10^{-30,6} \text{ bar} = 2,83 \text{ } 10^{-31} \text{ bar}.$$
(5 pts).

2) A partir de 544 K le Bismuth est liquide et Bi<sub>2</sub>O<sub>3</sub> reste à l'état solide.

$$4/3 \text{ Bi (sd)} + O_2(g) = 2/3 \text{ Bi}_2O_3(sd)$$

4/3 Bi (liq) = 4/3 Bi(sd)

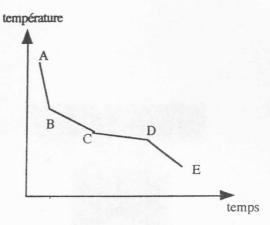
La combinaison linéaire des deux réactions suivantes donnent:

Domaine 3:  $\alpha + A$ ; Domaine 4: A + liq.

- La solubilité du bismuth dans le plomb solide à 100°C est s(Bi) = 20%;

- La solubilité du bismuth dans le plomb solide à 184C est s(Bi) = 23,8%.

a) Allure de la courbe de solidification d'un alliage plomb-bismuth dont la fraction massique du bismuth Bi est égale à 20%: (upts).



b)

(2 pts).

(6 pts).

Branche de la courbe AB : refroidissement du liq;

Branche de la courbe BC : refroidissement de la phase liq et de la phase  $\alpha$ ;

Branche de la courbe CD: refroidissement du solide a;

Branche de la courbe DE : refroidissement de la phase solide  $(A + \alpha)$ .

5) (4 pts).

A 125°C:

liq E -> A + Bi Transformation eutectique;

A 184°C

liq  $P + \alpha \rightarrow A$  Transformation péritectique.

6) a)

(5 pts).

Pour une température très légèrement supérieure à 184°C:

 $m_{\alpha} = 11,33 \text{ g}$ 

m(liq) = 8,67 g.

(5 pts).

Pour une température très légèrement inférieure à 184°C:

 $m_A = 20 g$ 

7) Allure réelle du diagramme de phases isobare du système plomb-bismuth

(gpts).

