CONCOURS 2006: ALTERNATIVE DE CORRECTION

EXERCICE

```
1. ED:=diff(q(t),t,t)+R/L*diff(q(t),t)+1/(L*C)*q(t)=0;
EC:=r^2+R/L*r+1/L/C;
             # ou bien EC:=r^{**}2+R/L^{*}r+1/L/C
2. Delta:= (R/L)^2-4/L/C:
# ou bien Delta: = discrim(EC,r);
3. solve(EC,r);
4. dsoive(ED,q(t));
5. R:=3:C:=1;L:=1;
dsolve(\{ED,q(0)=1,D(q)(0)=0\},q(t),numeric);
6. s:="; # ou bien s:=%;
". with(plots); # ou bien with(plots, odeplot);
odeplot(s,[t,q(t)],0..20);
8. restart:
9. H:=1/(1+I/Q*omega/omega0-omega^2/omega0^2);
omega0:=1/sqrt(L*C);
Q:=1/R*sqrt(C/L);
        L:=1:C:=10^{-4}:R:=0.01:
11.
        plot(abs(H),omega=0..300);
        plot(argument(H),omega=0..300);
PROBLEME
1)
fonction DEGRE(): entier
 variable n: entier
début
répéter
  écrire('saisir un entier')
  lire(n)
jusquà (n>0 et n<=NMAX)
DEGRE \leftarrow n
fin
procédure SAISIVECT(n: entier; variable B: VECT)
 variable i : entier
début
pour i de 1 à n faire
  écrire ('donner l'élément d'indice ',i)
  lire(B[i])
fin pour
fin
procedure SAISIMAT(n: entier; variable X: MAT)
 variable i,j:entier
début
pour i de l à n faire
 pour j de l à n faire
  écrire ('donner l'élément d'indice ',i,j)
  lire( X[i,j] )
 fin pour
fin pour
fin
```

```
procédure MINUS(n: entier; X MAT; variable Y:
MAT; i: entier; j: entier)
variable L ,C : entier
début
pour L de l à i-l faire
pour C de l à j-l faire
 Y[L,C] \leftarrow X[L,C]
 fin pour
fin pour
pour L de i à n-1 faire
 pour C de l à j-l faire
 Y[L,C] \leftarrow X[L+1,C]
 fin pour
fin pour
pour L de 1 à i-1 faire
pour C de j à n-1 faire
 Y[L,C] \leftarrow X[L,C+1]
 fin pour
fin pour
pour L de i à n-1 faire
pour C de j à n-1 faire
 Y[L,C] \leftarrow X[L+1,C+1]
fin pour
fin pour
fin
procédure REMPLACE(n: entier; X: MAT; B: VECT;
variable Y: MAT; j: entier)
variable L,C: entier
début
pour L de l à n faire
 pour C de 1 à j-1 faire
 Y[L,C] \leftarrow X[L,C]
 fin pour
fin pour
pour L de 1 à n faire
 pour C de j+1 à n faire
 Y[L,C] \leftarrow X[L,C]
 fin pour
fin pour
pour L de l à n faire
  Y[L,j] \leftarrow B[L]
 fin pour
fin
```

```
6)
procédure SELECTLIGNE(n: entier; X: MAT;
                                                                   procédure METHODEI(n: entier; A: MAT; B: VECT
variable i : entier; variable nb : entier)
                                                                   ; variable X : VECT)
 variable L, C, S: entier
                                                                    variable
                                                                            C: entier
début
                                                                            Z: MAT
i \leftarrow 1
                                                                   début
S \leftarrow 0
                                                                   pour C de 1 à n faire
pour C de l à n faire
                                                                   REMPLACE (n; A; B; Z C)
                                                                   X[C] \leftarrow DETERMINANT(r, Z) / DETERMINANT(n, A)
 si X[1,C] = 0 alors
         S \leftarrow S+1
                                                                   fin pour
 finsi
                                                                   fin
fin pour
nb \leftarrow S
                                                                   9)
                                                                   procédure CALCULAD(n: entier; X: MAT; variable Y
                                                                   : MAT)
pour L de 2 à n faire
                                                                    variable
S \leftarrow 0
                                                                            L, C: entier
pour C de 1 à n faire
                                                                            Z: MAT
 si X[L,C] =0 alors
                                                                   début
         S \leftarrow S+1
 finsi
                                                                   pour L de 1 à n faire
fin pour
                                                                    pour C de l à n faire
si nb<S alors
                                                                      MINUS(n; X; Z; L; C)
         nb \leftarrow S
                                                                        si (L+C) MOD2 =0 alo s
         i \leftarrow L
                                                                          Y[L,C] \leftarrow X[L,C] \cdot DETERMINANT(n-1, Z)
finsi
fin pour
                                                                         Y[L,C] \leftarrow -X[L,C] * DETERMINANT(n-1, Z)
fin
                                                                    fin pour
                                                                   fin pour
procédure SELECTCOLONNE(n: entier; X: MAT;
                                                                   fin
variable j : entier; variable nb : entier)
variable L, C, S: entier
                                                                   procédure TRANSPOSE(n: entier; X: MAT; variable
début
                                                                   Y: MAT)
j \leftarrow 1
                                                                    variable
S \leftarrow 0
                                                                            L, C: entier
pour L de 1 à n faire
                                                                   début
 si X[L,1] = 0 alors
         S \leftarrow S+1
                                                                   pour L de 1 à n faire
 finsi
                                                                    pour C de 1 à n faire
fin pour
                                                                               Y[L, C] \leftarrow X[C, L]
nb \leftarrow S
                                                                    fin pour
                                                                   fin pour
pour C de 2 à n faire
                                                                   fin
S \leftarrow 0
pour L de 1 à n faire
 si X[L,C] =0 alors
                                                                   procédure INVERSE(n: entier; X: MAT; variable Y:
         S \leftarrow S+1
                                                                   MAT)
 finsi
                                                                    variable
fin pour
                                                                            L, C: entier
si nb<S alors
                                                                            Z. T: MAT
         nb \leftarrow S
                                                                   début
        j \leftarrow C
                                                                   CALCULAD(n; X; Z)
finsi
                                                                   TRANSPOSE(n; Z; T)
fin pour
                                                                   pour L de 1 à n faire
fin
                                                                    pour C de 1 à n faire
                                                                        Y[L, C] \leftarrow T[L, C] / DETERMINANT(n, X)
                                                                    fin pour
                                                                   fin pour
                                                                   fin
```

```
15)
12)
                                                               a)
procédure METHODE2 (n: entier; A: MAT; B: VECT
                                                               S := \{1/2 \times x + 1/3 \times x + 1/4 \times x = 1,
; variable X : VECT)
                                                               1/3*x1+1/4*x2+1/5*x3=2,1/4*x1+1/5*x2+1/6*x3=3;
 variable
                                                               solve(S, \{x1, x2, x3\});
        L. C: entier
        IA: MAT
                                                               with(linalg):
début
                                                               A:= matrix(3,3,(i,j)->1/(i+j));
  INVERSE(n; A; IA)
                                                                                                 Institut Proparatoirs
                                                                                                des études lugénieurs
        pour L de 1 à n faire
                                                               b := vector([1,2,3]):
                 X[L] \leftarrow 0
                                                                                                   BIBLIGIHEQUA
           pour C de l à n faire
                                                               d)
                 X[L] \leftarrow X[L] + IA[L, C] * B[C]
                                                               METHODE4:=proc(A,b,x):
           fin pour
                                                                 x:=linsolve(A, b);
        fin pour
                                                                 end:
fin
                                                                 COMPARAISON:= proc(A,b,x,n):
procédure TRIANGLE(n: entier; variable A : MAT)
                                                                local TM1,TM2,TM3,TM4, min, A1:
 variable
                                                                A1:=eval(A):
        i, j, k
                : entier
                                                                TM1:=time():
                 : réel
                                                                METHODE1(n,A,B,x):
début
                                                                TM1:=time()-TM1:
pour k de 2 à n faire
                                                                A:=eval(A1):
 pour i de k à n faire
                                                                TM2:=time():
  x \leftarrow A[i, k-1] / A[k-1, k-1]
                                                                METHODE2(n,A,B,x):
   pour j de k-1 à n faire
                                                                TM2:=time()-TM2:
           A[i, j] \leftarrow A[i, j] - x * A[k-1, j]
                                                                A:=eval(A1):
   fin your
                                                                TM3:=time():
  fin pour
                                                                METHODE3(n,A,B,x):
 fin pour
                                                                TM3:=time()-TM3:
 fin
                                                                A:=eval(A1):
                                                                TM4:=time():
                                                                METHODE4(A,B,x):
 procédure METHODE3 (n: entier; A: MAT; B: VECT
                                                                TM4:=time()-TM4:
 : variable X : VECT)
  variable
                                                                min:= TM1:
                                                                if(TM2<min) then min:=TM2: fi:
         i,j: entier
                                                                if(TM3<min) then min:=TM3: fi:
         S: réel
                                                                if(TM4<min) then min:=TM4: fi:
 début
                                                                if (TM1=min) then
 TRIANGLE(n; A)
                                                                    print(' La méthode 1 est la meilleure'):
 X[n] \leftarrow B[n]/A[n, n]
                                                                elif (TM2=min) then
         pour i de n-1 à 1 pas = -1 faire
                                                                     print(' La méthode 2 est la meilleure'):
                  S \leftarrow 0
                                                                elif (TM3=min) then
            pour j de i+1 à n faire
                                                                      print(' La méthode 3 es: la meilleure'):
                  S \leftarrow S + A[i, j] * X[j]
                                                                 else print(' La méthode 4 est la meilleure'):
             fin pour
                                                                 fi:
          X[i] \leftarrow (B[i]-S) / A[i, i]
                                                                 end:
          fin pour
 fin
```