#### REPUBLIQUE TUNISIENNE

Ministère de l'Enseignement Supérieur et de la Recherche Scientifique

Concours Nationaux d'Entrée aux Cycles de Formation d'Ingénieurs Session 2010



فُولِيَةُ التَّغَلِيْنَ الْعِدِّ لِيَّ الْمُعَالِكُونَ الْتَعْلِيمُ الْعِدِّ لِيُلْكُونُ الْعِدِّ لِيُعْلِيمُ الْعِدِيمُ الْعِيْمُ الْعِدِيمُ الْعِيمُ الْعِدِيمُ الْعِلْمُ الْعِدِيمُ الْعِلْمُ الْعِدِيمُ الْعِدِيمُ الْعِدِيمُ الْعِلْمُ الْعِلْمُ الْعِلْمُ الْعِلْمُ الْعِلْمُ الْعِلْمُ الْعُلِيمُ الْعِلْمُ الْعِلْمُ الْعِلْمُ الْعِلْمُ الْعِلْمُ الْعِلْمُ الْعِلْمُ الْعِلْمُ الْعِلْمُ الْعُلِيمُ الْعُلِمُ الْعُلِيمُ الْعُلِمُ الْعُلِمُ الْعُلِمُ الْعِلْمُ الْعُلِمُ الْعُلِمُ الْعِلْمُ الْعِلْمُ الْعِلْمُ الْعُلِمُ الْعُلِمُ الْعِلْمُ الْعُلِمُ الْعُلِمُ الْعُلْمُ الْعُلْمُ الْعُلْمُ الْعُلِمُ الْعِلْمُ الْعِلْمُ الْعِلْمُ الْعُلِمُ الْعُلِمُ الْعُلِمُ ا

المناظرات الوطنية للدخول إلى مراحل تكوين المهندسين دورة 2010

# Concours Mathématiques et Physique Epreuve de Physique

Date: Jeudi 03 Juin 2010

Heure: 8 H 00

Durée: 4 H

Nbre pages: 06

Barème :

Problème 1:09 pts

Problème 2:11 pts

L'usage d'une calculatrice non programmable est autorisé.

L'épreuve est constituée de deux problèmes indépendants.

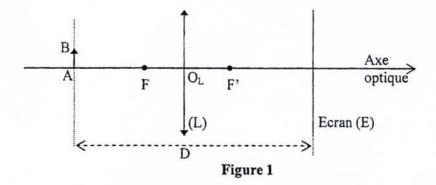
Un candidat peut toujours se servir d'un résultat fourni par l'énoncé pour continuer sa composition.

### Problème 1

Dans tout le problème l'indice de l'air sera pris égal à 1.

# I - Optique géométrique :

On considère un objet réel AB, un écran d'observation (E) et une lentille convergente mince (L) de centre optique O<sub>L</sub> et de distance focale image f', plongée dans l'air (**Figure 1**).



1- Rappeler brièvement les conditions de Gauss nécessaires pour obtenir une image nette de l'objet AB. Construire l'image A'B' de AB.

Dans toute la suite, on se place désormais dans ces conditions.

2- Pour déterminer f', on utilise la méthode de Bessel : l'objet et l'écran sont fixes et distants de D. Montrer que si D > 4 f', il existe deux positions de la lentille, distantes de d, pour lesquelles il y a une image nette sur l'écran.

- 3- En déduire l'expression de f' en fonction de D et d.
- 4- Calculer f', pour les valeurs expérimentales suivantes : D = 1,5 m et d = 86 cm.
- 5- On se propose de réaliser l'image d'un objet réel situé à 0,5 m du centre optique de la lentille. A quelle distance doit-on placer l'écran?
- 6- Calculer le grandissement transversal de cet objet.

## II – Optique Ondulatoire :

On réalise, dans l'air, l'expérience des fentes d'Young à l'aide du dispositif schématisé sur la **figure 2**. Ces fentes très fines, distantes de  $F_1F_2$  = a, sont éclairées par une onde-monochromatique de longueur d'onde dans le vide  $\lambda$  = 500 nm, provenant d'une fente source très fine  $F_s$  placée au foyer principal objet d'une lentille convergente ( $L_1$ ) de distance focale image  $f_1$ . Les trois fentes  $F_s$ ,  $F_1$  et  $F_2$  sont parallèles à l'axe (Oy).

L'observation se fait sur un écran, de centre O, se trouvant dans le plan focal image d'une lentille convergente  $(L_2)$  de distance focale image  $f_2$ .

- 7- Décrire brièvement la figure observée sur l'écran.
- 8- Tracer la marche des deux rayons issus de F<sub>s</sub> et qui interfèrent au point M.
- 9- Déterminer la différence de phase φ(M) entre les deux vibrations associées à ces deux rayons.
- 10- En déduire l'expression de l'intensité lumineuse I(x) au point M de l'écran. On note  $I_0$  l'intensité au point M de l'écran lorsque l'une des fentes d'Young est masquée.
- 11-1- Déterminer l'expression de l'interfrange i.

Faire l'application numérique pour a = 1 mm,  $f_1' = 20$  cm et  $f_2' = 1$  m.

- 11-2- Représenter la fonction I(x).
- 11-3- Déterminer la position de la frange d'ordre  $p_0 = 0$ .

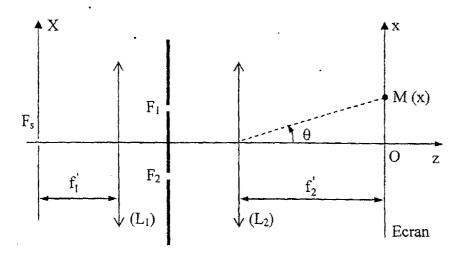


Figure 2

- 12- On intercale devant  $F_2$ , du coté de  $(L_1)$ , une petite lame à faces parallèles d'épaisseur e et d'indice n supposé constant, de sorte que ses faces soient perpendiculaires à l'axe  $(F_sz)$ .
- 12-1- Déterminer la nouvelle différence de chemin optique entre les rayons qui interfèrent en M.
- 12-2- Dans quel sens et de quelle distance do la figure d'interférence est elle translatée ? Justifier.
- 12-3- En déduire l'expression de l'indice de réfraction n de la lame. Faire l'application numérique pour  $e = 50 \mu m$  et  $d_0 = 25 \text{ mm}$ .
- 12-4- Calculer le nombre de franges qui ont défilé en O.
- 13- On supprime la lame à faces parallèles.

La source  $F_s$  émet maintenant le doublet jaune de Sodium, formé de deux radiations monochromatiques de longueurs d'onde  $\lambda_1 = 589,0$  nm et  $\lambda_2 = 589,6$  nm.

- 13-1- Décrire le phénomène observé.
- 13-2- A quelle distance de la frange centrale les franges disparaissent elles pour la première fois ?

- 14- La source  $F_s$  émet l'onde monochromatique de longueur d'onde dans le vide  $\lambda = 500$  nm. On la déplace dans son plan, d'une distance  $X_s > 0$ .
- 14-1- Déterminer la nouvelle différence de chemin optique entre les rayons qui interfèrent en M.
- 14-2- Dans quel sens et de quelle distance d<sub>1</sub> la figure d'interférence est elle translatée ? Justifier.

#### Influence de la largeur de la fente source

La fente source F<sub>s</sub> possède une largeur b réglable parallèlement à l'axe (O<sub>s</sub>X) (Figure 3).

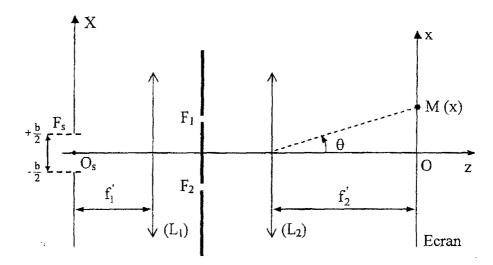


Figure 3

- 15- Décrire qualitativement l'effet de l'élargissement de F<sub>s</sub> sur la figure d'interférence.
- 16- On suppose que l'intensité lumineuse au niveau de  $F_s$  est uniforme et on note  $I_0$  l'intensité au point M de l'écran lorsque l'une des fentes d'Young est masquée.
- 16-1- Déterminer le déphasage  $\phi(M)$  entre les deux ondes qui interfèrent au point M de l'écran et qui proviennent de la source primaire de largeur élémentaire dX, centrée sur un point d'abscisse X.
- 16-2- En déduire l'expression de l'intensité lumineuse I(M).
- 17-1- Déterminer l'expression du contraste défini par  $C = \frac{I_{max} I_{min}}{I_{max} + I_{min}}$ . Tracer l'allure de C(b).
- 17-2- Décrire l'évolution de la figure d'interférence si on augmente progressivement b à partir d'une valeur minimale.
- 18-1- Déterminer la valeur minimale b<sub>1</sub> de b pour laquelle on observe un brouillage de franges. Calculer la valeur numérique de b<sub>1</sub>.

On donne: a = 1mm,  $f'_1 = 20$  cm et  $\lambda = 500$  nm

18-2- Déterminer la variation de l'ordre d'interférence,  $\Delta p$ , au niveau d'un point M de l'écran correspondant au passage de l'extrémité  $X = -\frac{b}{2}$  à l'extrémité  $X = +\frac{b}{2}$  de la source  $F_s$ .

Calculer  $\Delta p$  pour  $b = b_1$ .

En déduire une condition sur  $\Delta p$  pour qu'il n'y ait pas brouillage de franges.

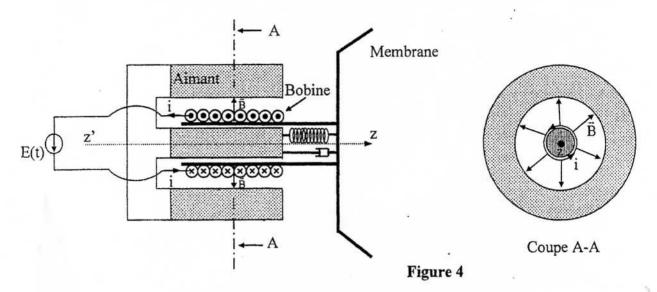
#### Problème 2

L'espace est rapporté à un référentiel galiléen  $\Re(Oxyz)$  de base orthonormée directe  $(\vec{u}_x, \vec{u}_y, \vec{u}_z)$ . On note  $(\vec{u}_r, \vec{u}_\theta, \vec{u}_z)$  la base cylindrique.

#### Haut-parleur électrodynamique

Un haut-parleur électrodynamique est un exemple de transducteur permettant la conversion de l'énergie électrique en énergie mécanique. Le haut-parleur à bobine mobile est le plus utilisé dans le domaine des basses fréquences. Il comporte :

- Un aimant permanent, créant dans l'entrefer un champ magnétique B, radial et de norme constante au niveau de la bobine (Figure 4).
- Un ensemble mobile, de masse m, formé d'une membrane solidaire à une bobine. Cette bobine, de résistance R et d'inductance L comporte N spires suffisamment serrées pour être assimilables à des spires circulaires de rayon a. Elle est placée dans l'entrefer de l'aimant. On note & la longueur totale de son enroulement.



L'ensemble mobile peut effectuer de petits mouvements de translation de vitesse  $\vec{v}$  suivant la direction de l'axe de symétrie de révolution (z'z). Il est maintenu par une liaison élastique modélisée par un ressort unique de constante de raideur k. Son mouvement est freiné par une force d'amortissement visqueux représentée par le terme  $\vec{f}_v = -\alpha \ \vec{v}$ , où  $\alpha$  est un coefficient positif.

La bobine est parcourue par un courant d'intensité i(t) suite à l'application d'une tension variable E(t) entre ses bornes (Figure 4).

- 1- Expliquer brièvement le comportement haut-parleur électrodynamique de ce montage.
- 2- Déterminer l'expression de  $\vec{F}_{Lap}$ , résultante des forces de Laplace, exercée sur la bobine, en fonction de B, i(t) et  $\ell$ .
- 3- En déduire une première équation différentielle liant z(t) et ses dérivées à i(t).
- 4- Déterminer la force électromotrice induite par le déplacement de la bobine, parcourue par i(t), en fonction de B, v et \ell.
- 5- En déduire une deuxième équation différentielle liant i(t) et sa dérivée première à  $\frac{dz(t)}{dt}$ .
- 6- Etablir une relation liant la variation de l'énergie du haut-parleur à la puissance électrique qui lui est fournie par E(t).
- 7- En régime périodique, déduire la répartition de la puissance électrique moyenne fournie au hautparleur.

La tension appliquée à la bobine est sinusoïdale. En notation complexe, elle s'écri  $E(t) = U_0 e^{j\omega t}$ , avec  $U_0$  réel.

- 8- Etablir deux équations liant les amplitudes complexes  $\underline{U}$ ,  $\underline{I}$  et  $\underline{V}$  des grandeurs  $\underline{E}(t)$ ,  $\underline{i}(t)$  et  $\frac{dz(t)}{dt}$ .
- 9- En déduire que l'impédance  $\underline{Z}$  du haut-parleur définie par  $\underline{U} = \underline{Z} \underline{I}$  s'écrit :

$$\underline{Z} = R + \frac{\ell^2 B^2}{jm\omega + \frac{k}{j\omega} + \alpha} + jL\omega.$$

10- Montrer que l'impédance  $\underline{Z}$  est la somme de deux impédances  $\underline{Z} = \underline{Z}_e + \underline{Z}_m$ , respectivemen appelées impédance électrique et impédance motionnelle du haut-parleur.

- 11-1- Montrer que  $\underline{Z}_m$  correspond à l'association en parallèle de trois éléments  $R_m$ ,  $C_m$  et  $L_m$  qu'or exprimera en fonction des données.
- 11-2- Calculer  $R_m$ ,  $C_m$  et  $L_m$  pour B=1 T, a=2 cm, m=10 g, N=40, k=1600 N.m<sup>-1</sup> e  $\alpha=5$  N.s.m<sup>-1</sup>
- 12- En déduire le schéma électrique équivalent du haut-parleur.
- 13- On note  $\underline{Z}_m = X_m(\omega) + jY_m(\omega)$ .
- 13-1- Déterminer les expressions de  $X_m(\omega)$  et  $Y_m(\omega)$ .
- 13-2- Montrer que le point P du plan complexe d'affixe  $\underline{Z}_m$  décrit un cercle, lorsque  $\omega$  varie, don on déterminera le rayon et le centre.
- 13-3- Tracer ce cercle et placer les points  $P_0$  et  $P_1$  qui correspondent respectivement à  $\omega = \omega_{0m} = \sqrt{\frac{k}{m}}$  et  $\omega \to \infty$ .
- 14- Sachant que la fréquence de la tension sinusoïdale E(t) appartient au domaine des fréquence vocales [300Hz,3500Hz], montrer que l'impédance du haut parleur étudié peut être considérée comme une constante R<sub>0</sub> que l'on déterminera. Calculer sa valeur numérique.

On donne : L = 0.1 mH,  $R = 12 \Omega$ .

## Filtrage d'un signal périodique :

Le haut-parleur précédent, assimilé à la résistance  $R_0$ , est réellement alimenté, à travers us filtre, par un signal créneau u(t) de période T et d'amplitude  $V_0 = 1V$  (Figure 5).

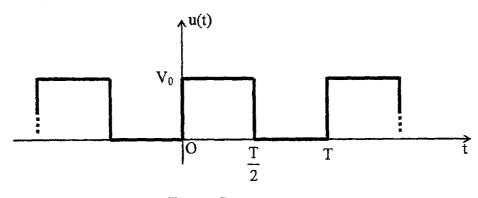


Figure 5

15- Montrer que la décomposition en série de Fourier du signal u(t) s'écrit :

$$u(t) = \frac{V_0}{2} + \frac{2V_0}{\pi} \sum_{p=0}^{\infty} \frac{\sin[(2p+1)\omega t]}{(2p+1)}, \text{ où p est un entier et } \omega = \frac{2\pi}{T}.$$

16- Tracer le spectre de Fourier de ce signal pour les quatre premières harmoniques.

17- Le filtre utilisé est du type BUTTERWORTH, caractérisé par une fonction de transfert de module  $H_B = \frac{1}{\sqrt{1+x^6}}$ , où  $x = \frac{\omega}{\omega_0}$ .

Montrer qu'une fonction de transfert du type  $\underline{T}(jx) = \frac{1}{1+2jx+2(jx)^2+(jx)^3}$  répond à ce critère.

18- Tracer le diagramme de Bode pour le gain :  $G_{dB} = 20 \log_{10} |\underline{T}|$ .

Préciser la pente de chaque asymptote.

On s'intéresse au filtre représenté sur la **figure 6**, composé du quadripôle L<sub>1</sub>, C, L<sub>2</sub> chargé par la résistance R<sub>0</sub>.

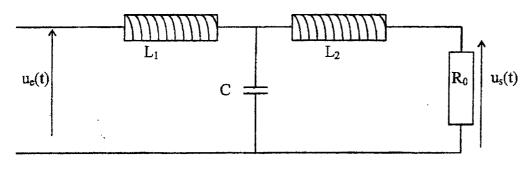


Figure 6

- 19- Décrire qualitativement le comportement de ce circuit en basses fréquences et en hautes fréquences. En déduire la nature de ce filtre.
- 20- Déterminer la fonction de transfert  $\underline{\underline{H}}(j\omega) = \frac{\underline{\underline{u}}_s(t)}{\underline{\underline{u}}_e(t)}$  de ce circuit.

21-

- 21-1- Exprimer  $L_1$ ,  $L_2$  et C en fonction de  $R_0$  et  $\omega_0$  pour que  $\underline{H}(j\omega)$  soit celle du filtre de BUTTERWORTH décrit précédemment.
- **21-2-** Calculer  $L_1$ ,  $L_2$  et C pour  $R_0 = 12 \Omega$  et  $\omega_0 = 2000\pi$  rad.s<sup>-1</sup>.
- 22- Sachant que le signal d'entrée du filtre est le signal créneau  $u_e(t) = u(t)$  (Figure 5), déterminer le signal de sortie  $u_s(t)$  pour une période T = 1 ms.

# Fin de l'Epreuse