Projekt 1 Optymalizacja

Lista reguł wyboru zmiennych:

- a) LARGEST COEFFICIENT. Wybór zmiennej o największym wspołczynniku funkcji celu;
- b) LARGEST INCREASE. Wybór zmiennej, który prowadzi do największego wzrostu funkcji celu;
- c) STEEPEST EDGE. Wybór zmiennej, który prowadzi do wierzchołka w kierunku najbliższym wektorowi c (gradientowi funkcji celu);
- d) BLAND'D RULE. Wybór zmiennej wchodzącej o najmniejszym indeksie; jeżeli jest wiele wyborów zmiennej wychodzącej, to wybór zmiennej wychodzącej o najmniejszym indeksie;
- e) RANDOM EDGE. Wybór losowy (prawdopodobieństwo jednostajne).
- f) FAREST EDGE. Wybór zmiennej, który prowadzi do wierzchołka w kierunku najdalszym wektorowi c (gradientowi funkcji celu).
- g) SMALLEST INCREASE. Wybór zmiennej, który prowadzi do najmniejszego wzrostu funkcji celu.
- h) FIRST IN LINE. Wybór zmiennej, która pojawia się pierwsza na liście możliwych zmiennych wchodzących lub wychodzących.

Tabelka obrazująca ilość kroków w zależności od metody i testu:

| Metoda \ Test | 1 | 2 | <u>3</u> | <u>4</u> | <u>5</u> | <u>6</u> | 7 | 8 | 9 | <u>10</u> |
|---------------|------|-----|----------|----------|----------|----------|---|------|------|-----------|
| <u>a</u> | 3 | 2 | 7 | 2 | 1 | 4 | 2 | 9 | 6 | 4 |
| <u>b</u> | 3 | 2 | 7 | 2 | 1 | 2 | 2 | 3 | 2 | 3 |
| <u>c</u> | 4 | 2 | ? | 2 | 1 | 4 | 2 | 7 | 2 | 4 |
| <u>d</u> | 5 | 2 | 7 | 2 | 1 | 2 | 2 | 11 | 2 | 4 |
| <u>e</u> | 3.65 | 2.6 | 6.85 | 2 | 4 | 5.55 | 2 | 5.45 | 2.55 | 6.25 |
| <u>f</u> | 4 | 4 | ? | 2 | 9 | 2 | 2 | 5 | 2 | 6 |
| g | 5 | 4 | 8 | 2 | 10 | 6 | 2 | 10 | 2 | 11 |
| <u>h</u> | 5 | 3 | 9 | 2 | 1 | 2 | 2 | 6 | 2 | 4 |

1. American Steel Problem

- Random edge: ~ 3.65 (20 razy zwraca: 3,4,3,3,4,3,3,4,4,4,4,5,4,3,4,3,4,3)

2. Beer Distribution Problem

- Random edge: ~ 2.6 (20 razy :3,2,3,2,3,2,3,2,3,4,3,2,3,2,3,3,2,3)
- 3. Computer Plant Problem
 - Random edge: ~ 6.85 (20 razy zwraca: 7,6,5,5,6,7,8,6,9,8,6,6,6,7,9,8,5,7,8,8)
- 4. Furniture
 - Random edge: ~ 2(20 razy zwraca: 2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2)
- 5. Test:

Maximize

2 x_1 + 5 x_2 + 3 x_3 + 23 x_4

Subject To

 $0.1 x_1 + 0.15 x_2 + 0.5 x_3 + 0.05 x_4 \le 50$

 $x_2 - 2x_3 = 0$

13 x_1 + 8 x_2 + 10 x_3 + 6 x_4 <= 2000

20 x 1 + 15 x 2 <=1900

x_1 >=0

x 2 >=0

 $x_3 >= 0$

x 4 >= 0

Generals

x_1

x_2

x_3

x_4

End

- Random edge: ~ 4(20 razy zwraca: 7,8,3,5,3,1,1,3,8,1,1,7,1,6,7,3,6,3,5,1)
- 6. SpongeRollProblem
 - Random edge: ~ 5.55(20 razy zwraca: 10,12,2,3,7,8,4,9,2,7,6,8,4,7,2,2,4,5,2,7)
- 7. Whiskas Model
 - Random edge: ~ 2 (20 razy zwraca: 2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2)
- 8. Whiskas Model 2
 - Random edge: ~ 5.45 (20 razy zwraca: 5,4,3,7,10,9,3,4,4,6,4,3,6,8,6,7,3,4,5,8)
- 9. lab5/zad1

Maximize

 $0.75 \text{ x}_1 - 150 \text{ x}_2 + 0.02 \text{ x}_3 - 6 \text{ x}_4$

Subject To

 $0.25 \times 1 - 60 \times 2 - 0.04 \times 3 + 9 \times 4 = < 0$

 $0.5 x_1 - 90 x_2 - 0.02 x_3 + 3 x_4 = < 0$

x_3 =< 1

 $x_1 >= 0$

x = 2 > = 0

 $x_3 >= 0$

 $x_4 >= 0$

Generals

x 1

x_2

```
x_3
x_4
End
```

- Random edge: ~ 2.55 (20 razy zwraca:7,2,3,2,2,2,2,2,2,4,3,2,2,2,4,2,2,2,2)

```
10. Test:
Maximize
x_1+x_2+x_3+x_4+x_5+x_6+x_7+x_8
Subject To
2 \times 1 + 3 \times 2 + \times 3 \le 1
x_5 + 2x_6 + 10x_7 + 8x_8 \le 3
x_4+x_3+x_5 <=4
x_1>=0
x = 2 > = 0
x 3>=0
x 4>=0
x_5>=0
x_6>=0
x 7>=0
x = 0
Generals
x_1
x_2
x_3
x_4
x_5
x_6
x_7
8 x
End
```

- Random edge: ~ 6.25 (20 razy zwraca: 6,7,7,6,8,6,9,7,7,5,6,5,5,5,5,8,5,8,6,4)

Wnioski:

Jak widać z tabelki, w większości przypadków metody najbardziej "sensowne" (largest_coefficient, largest_increase czy steepest_edge) wykonują znacznie mniej kroków niż te mniej sensowne takie jak smallest_increase itp. Metody opierające się na losowości lub z góry ustalonej zmiennej (w przypadku bland'd_rule lub first_in_line) plasują się jakoś w środku (głownie wykonują więcej kroków niż sensowne metody, ale mniej niż ich 'przeciwne' odpowiedniki). Widzimy też, że da się tak dobrać testy (nr. 8 i 9), aby te 'szybsze' metody, akurat w tym przypadku działały wolniej (widzimy to np. dla metody wybierającej największy wzrost funkcji celu, która w teście nr. 9 wykonuje dużo więcej kroków niż pozostałe metody.