

Алгоритмы и структуры данных

Семинар 4

Хэш-таблица и дерево





Вопросы по лекции?





Что будет на уроке сегодня



Реализуем класс хэш-таблицы



Реализуем структуру бинарного дерева

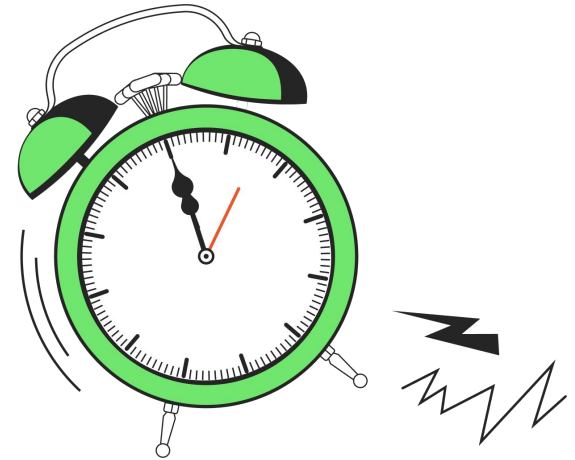


Реализуем класс хэш-таблицы



Структура Хэш-таблицы

Создаем класс хэш-таблицы, а также вложенный класс Entity, описывающий пары ключ-значение и связный список для хранения этих пар.



10 минут

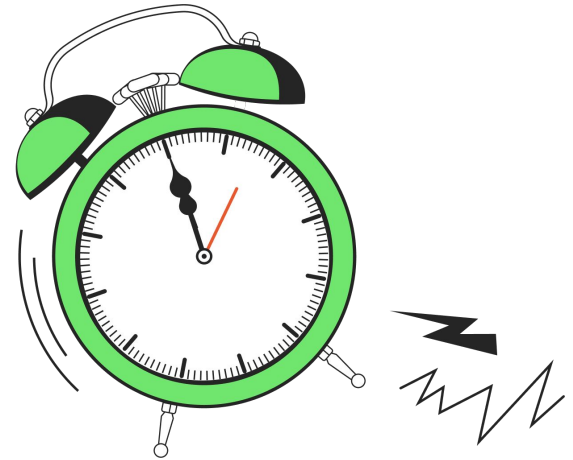


Структура Хэш-таблицы

```
1 public class HashTable<K,V> {  
2     private class Entity {  
3         private K key;  
4         private V value;  
5     }  
6     private class Basket {  
7         private Node head;  
8         private class Node {  
9             private Node next;  
10            private Entity value;  
11        }  
12    }  
13 }
```

Массив для всех ключей

Добавляем массив связанных списков с фиксированным размером и реализуем метод вычисления индекса на основании хэш-кода ключа.



15 минут

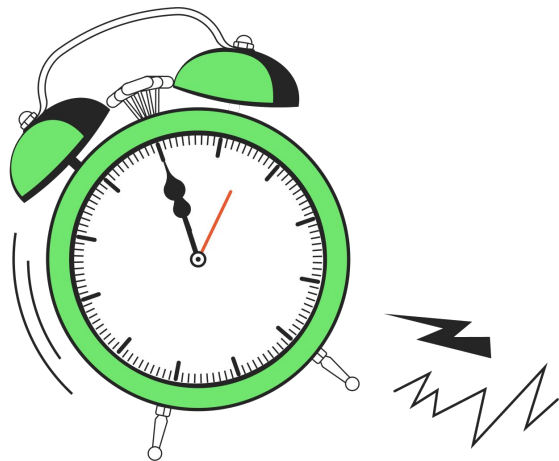


Массив для всех ключей

```
1 public class HashTable<K, V> {
2     private static final int INIT_BASKET_COUNT = 16;
3     private Basket[] baskets;
4     public HashTable() {
5         this(INIT_BASKET_COUNT);
6     }
7     public HashTable(int initSize) {
8         baskets = (Basket[]) new Object[initSize];
9     }
10    private int calculateBasketIndex(K key) {
11        return key.hashCode() % baskets.length;
12    }
13 }
```


Поиск в хэш-таблице

Реализуем метод поиска данных по ключу в хэш-таблице. Теперь, когда у нас есть базовая структура нашей хэш-таблицы, можно написать алгоритм поиска элементов, включающий в себя поиск нужного бакета и поиск по бакету.



10 минут

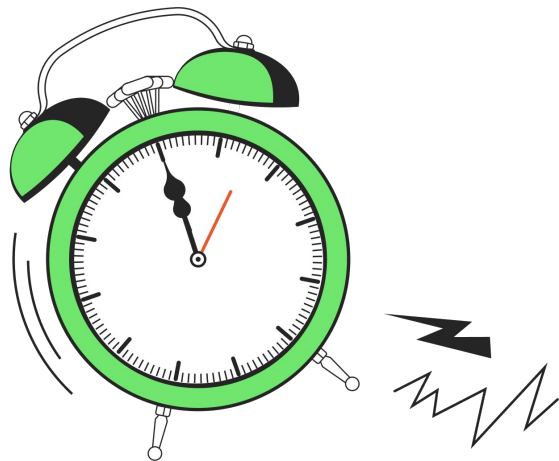


Поиск в хэш-таблице

```
1 public V get(K key) {  
2     int index = calculateBasketIndex(key);  
3     Basket basket = baskets[index];  
4     if (basket != null) {  
5         return basket.get(key);  
6     }  
7     return null;  
8 }  
9 private class Basket {  
10     private Node head;  
11     public V get(K key) {  
12         Node node = head;  
13         while (node != null) {  
14             if (node.value.key.equals(key)) {  
15                 return node.value.value;  
16             }  
17             node = node.next;  
18         }  
19         return null;  
20     }  
21 }
```

Добавление и удаление в хэш-таблицу

Необходимо реализовать методы добавления элементов в связный список, если там еще нет пары с аналогичным ключом и удаления элемента с аналогичным ключом из списка. Все значения ключей в хэш-таблице уникальны, а значит и в каждом из связных список это правило будет также выполняться.



15 минут



Добавление элемента

```
1 public boolean add(Entity entity) {  
2     Node node = new Node();  
3     node.value = entity;  
4     if (head != null) {  
5         Node current = head;  
6         while (true) {  
7             if (current.value.key.equals(entity.key)) {  
8                 return false;  
9             }  
10            if (current.next == null) {  
11                current.next = node;  
12                return true;  
13            } else {  
14                current = current.next;  
15            }  
16        }  
17    } else {  
18        head = node;  
19        return true;  
20    }  
21 }
```

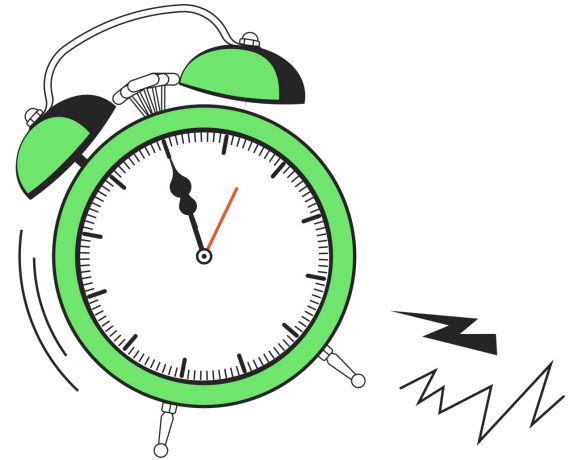


Удаление элемента

```
1 public boolean remove(K key) {
2     if (head != null) {
3         if (head.value.key.equals(key)) {
4             head = head.next;
5         }else{
6             Node node = head;
7             while (node.next != null) {
8                 if (node.next.value.key.equals(key)) {
9                     node.next = node.next.next;
10                    return true;
11                }
12                node = node.next;
13            }
14        }
15    }
16    return false;
17 }
```

Добавление и удаление по ключу

Реализуем алгоритм добавления и удаления элементов из хэш-таблицы по ключу.



5 минут



Добавление и удаление по ключу

```
1 public boolean put(K key, V value) {
2     int index = calculateBasketIndex(key);
3     Basket basket = baskets[index];
4     if (basket == null){
5         basket = new Basket();
6         baskets[index] = basket;
7     }
8     Entity entity = new Entity();
9     entity.key = key;
10    entity.value = value;
11    return basket.add(entity);
12 }
13 public boolean remove(K key) {
14     int index = calculateBasketIndex(key);
15     Basket basket = baskets[index];
16     return basket.remove(key);
17 }
```

Вводим понятие загруженности таблицы

Добавляем информацию о размере хэш-таблицы, а также алгоритм увеличения количества бакетов при достижении количества элементов до определенного размера относительно количества бакетов (load factor). Чтобы хэш-таблица сохраняла сложность поиска близкой к $O(1)$, нам необходимо контролировать количество бакетов, чтобы в них не скапливалось слишком много элементов, которые способны увеличить длительность операции поиска и добавления. В Java load factor для хэш-таблицы – 0.75, что значит, что при достижении количества значений 75% от общего количества бакетов – это количество необходимо увеличить. Это позволяет минимизировать шансы, что в бакетах будет больше 1-2 значений, а значит сохранит скорость поиска на уровне сложности $O(1)$.



15 минут



Вводим понятие загрузки таблицы

```
1 private static final double LOAD_FACTOR = 0.75;
2 private int size = 0;
3 private void recalculate() {
4     Basket[] old = baskets;
5     baskets = (Basket[]) new Object[old.length * 2];
6     for (int i = 0; i < old.length; i++) {
7         Basket basket = old[i];
8         Basket.Node node = basket.head;
9         while (node != null) {
10             put(node.value.key, node.value.value);
11             node = node.next;
12         }
13         old[i] = null;
14     }
15 }
```



Вводим понятие загруженности таблицы

```
1 public boolean put(K key, V value) {
2     if (baskets.length * LOAD_FACTOR < size){
3         recalculate();
4     }
5     int index = calculateBasketIndex(key);
6     Basket basket = baskets[index];
7     if (basket == null){
8         basket = new Basket();
9         baskets[index] = basket;
10    }
11    Entity entity = new Entity();
12    entity.key = key;
13    entity.value = value;
14    boolean add = basket.add(entity);
15    if (add) {
16        size++;
17    }
18    return add;
19 }
20 public boolean remove(K key) {
21     int index = calculateBasketIndex(key);
22     Basket basket = baskets[index];
23     boolean remove = basket.remove(key);
24     if (remove) {
25         size--;
26     }
27     return remove;
28 }
```

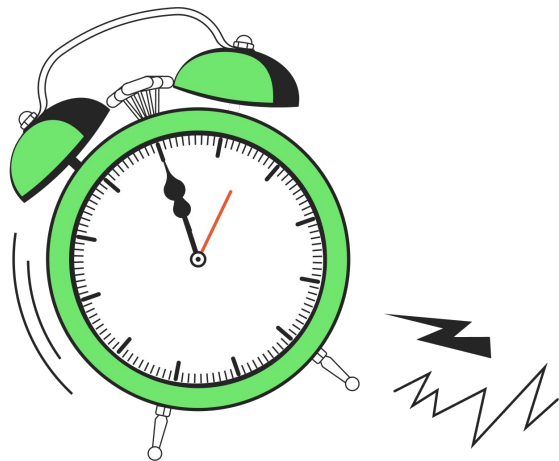


Реализуем структуру бинарного дерева



Бинарное дерево

Реализуем структуру бинарного дерева. Для бинарного дерева характерно наличия двух потомков, где левый меньше родителя, а правый – больше. Для реализации можно использовать как и простое числовое дерево, так и обобщенный тип. Учитывая, что мы строим именно бинарное дерево, то при использовании обобщенных типов убедитесь, что значение поддерживает сравнение (интерфейс Comparable)



10 минут



Бинарное дерево

```
1 public class Tree<V extends Comparable<V>> {  
2     private Node root;  
3     private class Node {  
4         private V value;  
5         private Node left;  
6         private Node right;  
7     }  
8 }
```



Бинарное дерево

```
1 public boolean contains(V value){
2     Node node = root;
3     while (node != null){
4         if (node.value.equals(value)){
5             return true;
6         }
7         if (node.value.compareTo(value) > 0) {
8             node = node.left;
9         }else {
10             node = node.right;
11         }
12     }
13     return false;
14 }
```



Бинарное дерево

```
1 //решение рекурсией
2 public boolean contains(V value) {
3     if (root == null){
4         return false;
5     }
6     return contains(root, value);
7 }
8 private boolean contains(Node node, V value) {
9     if (node.value.equals(value)){
10         return true;
11     } else {
12         if (node.value.compareTo(value) > 0){
13             return contains(node.left, value);
14         } else {
15             return contains(node.right, value);
16         }
17     }
18 }
```



Домашнее задание



Домашнее задание

Необходимо превратить собранное на семинаре дерево поиска в полноценное левостороннее красно-чёрное дерево. И реализовать в нем метод добавления новых элементов с балансировкой.

Красно-чёрное дерево имеет следующие критерии:

- Каждая нода имеет цвет (красный или черный)
- Корень дерева всегда черный
- Новая нода всегда красная
- Красные ноды могут быть только левым ребенком
- У красной ноды все дети черного цвета

Соответственно, чтобы данные условия выполнялись, после добавления элемента в дерево необходимо произвести балансировку, благодаря которой все критерии выше станут валидными. Для балансировки существует 3 операции – левый малый поворот, правый малый поворот и смена цвета.





Вопросы?





Спасибо за внимание