## СОДЕРЖАНИЕ

BBE	ЕДЕНИЕ																		(
1.	Постано	вка з	адач	и.														,	-

## ВВЕДЕНИЕ

Потребность в изучении дифракции на различных телах очень высока. Знания, полученные путем изучения дифракции с помощью моделей, используются как в гидроакустике и эхолокации, так и в других областях. В дефектоскопии основной задачей является обнаружение различных включений в однородном теле. Это позволяет проводить исследование различных объектов методом неразрушающего контроля.

В настоящей работе рассматривается задача дифракции плоских звуковых волн на упругой сфере, имеющей произвольно расположенную полость и неоднородное покрытие. С помощью таких покрытий можно изменять звукоотражающие свойства тел. В качестве рассматриваемого тела выбрана сфера, т.к. более сложные тела можно аппроксиммировать с помощью сферы.

## 1. Постановка задачи.

Рассмотрим изотропный однородный упругий шар радиуса  $r_2$ , плотность материала которого  $\rho_2$ , упругие постоянные  $\lambda_2$  и  $\mu_2$ , содержащий произвольно расположенную сферическую полость с радиусом  $r_1$ . Шар имеет покрытие в виде неоднородного изотропного упругого слоя, внешний радиус которого равен  $r_3$ . Полагаем, что модули упругости  $\lambda_3$  и  $\mu_3$  материала слоя описываются дифференцируемыми функциями радиальной координаты r сферической системы координат  $(r, \theta, \varphi)$ , а плотность  $\rho_3$  — непрерывной функцией координаты r. Окружающая тело и находящаяся в его полости жидкости — идеальные и однородные, имеющие плотности  $\rho_0$ ,  $\rho_1$  и скорости звука  $c_0$ ,  $c_1$  соответственно.

Свяжем с полостью тела и с самим телом прямоугольные системы координат  $x_1, y_1, z_1$  и  $x_2, y_2, z_2$  соответственно так, чтобы соответствующие оси обеих систем координат были параллельны. С декартовыми системами координат  $x_1, y_1, z_1$  и  $x_2, y_2, z_2$  свяжем сферические координаты  $r_1, \theta_1, \varphi_1$  и  $r_2, \theta_2, \varphi_2$ .

Пусть из внешнего пространства на шар падает плоская звуковая волна. Потенциал скоростей гармонической падающей волны запишем в виде:

$$\Psi_0(\bar{\mathbf{x}}, t) = A_0 \exp\left[i\left(\bar{\mathbf{k}} \cdot \bar{\mathbf{x}} - \omega t\right)\right],\tag{1}$$

где  $A_0$  — амплитуда волны,  $\bar{\mathbf{k}}$  — волновой вектор в окружающей жидкости,  $|\bar{\mathbf{k}}|=k=\omega/c$  — волновое число,  $\bar{\mathbf{x}}$  — радиус-вектор,  $\omega$  — круговая частота.

Без ограничения общности будем полагать, что волна распространяется в направлении  $\theta_1 = \theta_2 = 0$ . Тогда в сферической системе координат (1) запишется в виде:

$$\Psi_0(r, \theta, t) = A_0 \exp\left[i\left(kr\cos\theta - \omega t\right)\right],\tag{2}$$

В дальнейшем временной множитель  $\exp(-i\omega t)$  будем опускать.

Определим отраженную от тела и возбужденные в его полости волны, а также найдем поля смещений в упругом материале шара и неоднородном слое.