# Progetto Modelli Statistici Per Le Scienze Attuariali

Code ▼

## ANALISI DATASET

step1. aprire il dataset

visualizzo il dataset:

Hide

```
str(ds)
```

```
'data.frame':
               393071 obs. of 12 variables:
            : Factor w/ 3 levels "Corporate", "Female", ...: 2 3 3 3 2 3 2 2 1 2 ...
$ Gender
             : Factor w/ 5 levels ">55", "18-25", ...: 4 1 5 1 5 2 3 1 NA 2 ...
$ DrivAge
$ VehYear : int 2011 2007 2006 2010 2009 2007 2006 2010 2009 2009 ...
             : Factor w/ 4259 levels "Acura - Legend 3.2/3.5",..: 3996 2869 501 696 3095 290
$ VehModel
8 1385 625 1236 1162 ...
             : Factor w/ 436 levels "Acura", "Agrale - Marrua", ...: 417 324 67 100 354 327 170
 $ VehGroup
90 147 143 ...
             : Factor w/ 40 levels "Acre", "Alagoas",..: 21 8 11 11 6 8 25 30 22 9 ...
$ Area
             : Factor w/ 27 levels "Acre", "Alagoas", ...: 19 6 16 16 24 6 24 25 24 16 ...
$ State
$ StateAb
             : Factor w/ 27 levels "AC", "AL", "AM", ...: 19 6 18 18 24 6 24 26 24 18 ...
$ ExposTotal : num 0.98 1.22 0.12 0 10.48 ...
$ SumInsAvg : num 28393 27555 27801 0 30186 ...
 $ ClaimNb
             : num 0002101000...
 $ ClaimAmount: num 0 0 0 4018 1177 ...
```

verifica se ci sono osservazioni = 0 visto che non comportano info utile

Hide

```
summary(ds$ExposTotal)
```

```
Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
0.000 0.400 0.530 3.212 1.800 2346.500
```

convertendo i valori in scala giornaliera eliminale esposizioni pari a 0, verifica se l'ooservazione minima è != 0

Hide

```
summary(ds$ExposTotal)
```

```
Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
0.000008 0.001205 0.001589 0.009037 0.005151 6.428767
```

Hide

nrow(ds)

[1] 382693

Hide

summary(ds\$VehYear)

Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max. 1881 2003 2007 2005 2009 2012

Hide

summary(ds\$SumInsAvg)

Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max. 0 19627 30477 40474 48959 1250000

discretizza la variabile VehYear utilizzando il criterio dei quartili

Hide

levels(ds\$VehYear)

[1] "< 2003" "2003-2007" "2007-2009" ">2009"

rimuovo na

Hide

summary(ds)

| Gender                       | DrivAge                     | VehYear                 |                       |             |             |
|------------------------------|-----------------------------|-------------------------|-----------------------|-------------|-------------|
| VehModel                     |                             |                         |                       |             |             |
| Corporate: 30861<br>: 3681   | >55 :71527                  | < 2003 :95112           | Outros                |             |             |
| Female :118650<br>y 4p: 1486 | 18-25:23585                 | 2003-2007:61938         | Fiat - Uno Mille 1    | .0 Fire/ F. | flex/ Econo |
| Male :158868<br>: 1337       | 26-35:61938                 | 2007-2009:78533         | Ford - Ecosport Xls   | 5 1.6/ 1.6  | Flex 8v 5p  |
|                              | 36-45:78533                 | >2009 :72796            | Toyota - Corolla Xe   | ei 1.8/1.8  | Flex 16v Au |
| t. : 1334                    |                             |                         |                       | ,           |             |
|                              | 46-55:72796                 |                         | Ford - Ecosport Xlt   | t 1.6/ 1.6  | Flex 8v 5p  |
| : 1286                       |                             |                         | ·                     | -           | •           |
|                              |                             |                         | Fiat - Uno Mille 1    | .0 Fire/ F. | flex/ Econo |
| y 2p: 1210                   |                             |                         |                       |             |             |
| - ·                          |                             |                         | (Other)               |             |             |
| :298045                      |                             |                         |                       |             |             |
|                              | VehGroup                    |                         |                       | Area        |             |
| State                        |                             |                         |                       |             |             |
| Vw Volkswagen Go: 70726      | 1 1.0 : 8877                | Met. de Sao Paulo       |                       | : 23804     | Sao Paulo   |
| Fiat Palio 1.0 is :31861     | : 8617                      | Demais regioes          |                       | : 23557     | Minas Ger   |
| Gm Chevrolet Cor             | sa 1.0: 7778                | Ribeirao Preto e D      | Demais Mun. de Campir | nas: 19059  | Parana      |
| :31127                       |                             |                         |                       |             |             |
| Ford Eco Sport               | : 6914                      | Met. do Rio de Jar      | eiro                  | : 14632     | Santa Cat   |
| rina :28073                  |                             | Mat Danta Alagna        | a Caviaa da Cul       | . 14315     | Die Geend   |
| Gm Chevrolet S-1             | 0 : 6808                    | Met. Porto Alegre       | e Caxias do Sui       | : 14315     | Rio Grand   |
| do Sul:27020                 | . (551                      | Met. Curitiba           |                       | . 12677     | Die de Ja   |
| Peugeot 206                  | : 6551                      | met. Curitiba           |                       | : 13677     | Rio de Ja   |
| eiro :22879                  | :262834                     | (Other)                 |                       | :199335     | (Other)     |
| (Other)<br>:96693            | .202034                     | (other)                 |                       | .133333     | (other)     |
| StateAb                      | ExposTotal                  | CumTncAva               | ClaimNb               | ClaimAmo    | un+         |
|                              | Exposition<br>Min. :0.00000 | SumInsAvg<br>8 Min. : 0 | Min. : 0.0000         | Min. :      | unc<br>0    |
|                              | 1st Qu.:0.00126             |                         | 1st Qu.: 0.0000       | 1st Qu.:    | 0           |
|                              | Median :0.00175             | -                       | Median : 0.0000       | Median :    | 0           |
|                              | Mean :0.001/3               |                         | Mean : 0.2293         | Mean :      | 1280        |
|                              | 3rd Qu.:0.00550             |                         | 3rd Qu.: 0.0000       | 3rd Qu.:    | 0           |
| 2,020                        |                             | -                       |                       | _           |             |
| RJ :22879                    | Max. :6.42876               | 7 Max. :953514          | Max. :213.0000        | Max. :4     | 93800       |

# CREAZIONE CELLE TARIFFARIE

convertiamo le colonne 'ClaimNb' e 'ClaimAmount' del dataset in interi, ottenendo una migliore struttura del dataset

Hide

str(ds)

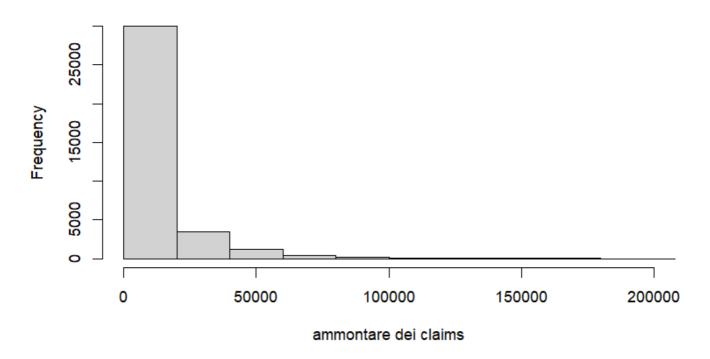
```
'data.frame': 308379 obs. of 12 variables:
$ Gender : Factor w/ 3 levels "Corporate", "Female",..: 2 3 3 2 3 2 2 2 3 2 ...
$ DrivAge : Factor w/ 5 levels ">55","18-25",..: 4 1 5 5 2 3 1 2 1 4 ...
$ VehYear : Factor w/ 4 levels "< 2003","2003-2007",..: 3 1 4 4 1 2 1 1 1 3 ...
$ VehModel : Factor w/ 4259 levels "Acura - Legend 3.2/3.5",..: 3996 2869 501 3095 2908 13
85 625 1162 1372 3546 ...
$ VehGroup : Factor w/ 436 levels "Acura", "Agrale - Marrua",..: 417 324 67 354 327 170 90
143 170 388 ...
$ Area
            : Factor w/ 40 levels "Acre", "Alagoas", ...: 21 8 11 6 8 25 30 9 5 2 ...
$ State
             : Factor w/ 27 levels "Acre", "Alagoas",..: 19 6 16 24 6 24 25 16 5 2 ...
$ StateAb : Factor w/ 27 levels "AC", "AL", "AM",...: 19 6 18 24 6 24 26 18 5 2 ...
$ ExposTotal : num   0.002685   0.003342   0.000329   0.028712   0.000548   ...
$ SumInsAvg : num 28393 27555 27801 30186 35401 ...
             : int 0001010000...
$ ClaimNb
$ ClaimAmount: int 0 0 0 1177 0 1362 0 0 0 0 ...
- attr(*, "na.action")= 'omit' Named int [1:74314] 8 12 14 17 19 29 33 34 39 50 ...
 ... attr(*, "names")= chr [1:74314] "1619759" "1737752" "1568700" "1933063" ...
```

Hide

```
list(
  Gender_Levels = levels(ds$Gender),
  DrivAge_Levels = levels(ds$DrivAge),
  VehModel_Levels = head(levels(ds$VehModel)),
  DrivAge_Summary = summary(ds$DrivAge)
) #list usato per printare tutto assieme
```

Istogramma della variabile 'ClaimAmount' per valori maggiori di 0

## Istogramma della variabile 'ClaimAmount'



numero totale di sinistri, l'esposizione totale per riuscire a trovare la frequenza dei sinistri

Freq
[1] 23.76307

#### aggregato il numero di sinistri per area

| Area <fctr></fctr>        | ClaimNb <int></int>   |
|---------------------------|-----------------------|
| Acre                      | 108                   |
| Alagoas                   | 557                   |
| Amapa                     | 56                    |
| Amazonas                  | 354                   |
| Bahia                     | 2318                  |
| Blumenau e demais regioes | 1846                  |
| Brasilia                  | 2739                  |
| Ceara                     | 1521                  |
| Demais regioes            | 4325                  |
| Espirito Santo            | 1282                  |
| 1-10 of 40 rows           | Previous 1 2 3 4 Next |

tabelle per il numero di sinistri e per l'esposizione totale per area,

attraverso tabFreq -> calcolato la frequenza dei sinistri per area

Hide

```
tabFreq
```

```
[1] 42.12380 27.80555 34.73429 32.63643 22.61070 25.60309 31.32281 30.00638 25.62964 29.2621 1 34.16323 32.04994 [13] 18.14898 20.51431 22.37937 33.43668 38.06377 39.22224 26.88333 17.65129 14.70588 28.1087 5 23.43448 26.30141 [25] 21.33720 27.31729 29.89599 20.59683 36.87276 27.01009 32.20455 43.13469 19.85097 37.5081 2 32.52679 24.26934 [37] 34.27092 34.58284 30.40732 21.43101
```

Creazione delle celle tariffarie aggregando numero di sinistri ed esposizione totale per area celle + verifica presenza NA -> se non ci sono NA nel dataframe -> dati completi.

```
if (length(na_positions) > 0) {
  print(paste("NA found alla posizione:", toString(na_positions)))
} else {
  print("No NA found.")
}
```

```
[1] "No NA found."
```

Calcolo della frequenza dei sinistri per le celle tariffarie

| Area <fctr></fctr>        | ClaimNb<br><dbl></dbl> | ExposTotal <dbl></dbl> | Freq<br><dbl></dbl> |
|---------------------------|------------------------|------------------------|---------------------|
| Acre                      | 108                    | 2.5638713              | 42.12380            |
| Alagoas                   | 557                    | 20.0319700             | 27.80555            |
| Amapa                     | 56                     | 1.6122394              | 34.73429            |
| Amazonas                  | 354                    | 10.8467739             | 32.63643            |
| Bahia                     | 2318                   | 102.5178307            | 22.61070            |
| Blumenau e demais regioes | 1846                   | 72.1006740             | 25.60309            |
| Brasilia                  | 2739                   | 87.4442698             | 31.32281            |
| Ceara                     | 1521                   | 50.6892254             | 30.00638            |
| Demais regioes            | 4325                   | 168.7499452            | 25.62964            |
| Espirito Santo            | 1282                   | 43.8109142             | 29.26211            |
| 1-10 of 40 rows           | Previo                 | ous <b>1</b> 2 3       | 4 Next              |

analisi di regressione sul numero di risarcimenti e quindi, sul numero di sinistri, utilizzando le variabili Gender+DrivAge+State

```
Call:
glm(formula = ClaimNb ~ Gender + DrivAge + State + offset(log(ExposTotal)),
   family = poisson(link = "log"), data = ds, subset = ExposTotal >
      0, x = TRUE
Coefficients:
                    Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
(Intercept)
                    -12.37183 39.22792 -0.315 0.752471
GenderFemale
                    15.86536
                             39.22780 0.404 0.685888
GenderMale
                    15.91923 39.22780 0.406 0.684878
                     DrivAge18-25
DrivAge26-35
                     DrivAge36-45
                     DrivAge46-55
                    StateAlagoas
StateAmapa
                    StateAmazonas
                              0.09845 -6.082 1.19e-09 ***
StateBahia
                    -0.59874
StateCeara
                    -0.31840
                              0.09959 -3.197 0.001388 **
                   -0.28074
                              0.09811 -2.862 0.004215 **
StateDistrito Federal
                    StateEsperito Santo
                    -0.26501
                              0.09812 -2.701 0.006918 **
StateGoias
StateMaranhao
                    -0.21599
                              0.10659 -2.026 0.042726 *
StateMato Grosso
                              0.10056 -1.206 0.227891
                    -0.12126
StateMato Grosso do Sul -0.07278 0.10075 -0.722 0.470039
                    -0.37803
StateMinas Gerais
                              0.09698 -3.898 9.69e-05 ***
StatePara
                    -0.32448
                              0.10402 -3.119 0.001812 **
StateParaiba
                              0.09711 -4.086 4.39e-05 ***
StateParana
                    -0.39675
StatePernambuco
                    -0.70145
                              0.09942 -7.055 1.72e-12 ***
StatePiaui
                    -0.09067
                              0.10871 -0.834 0.404290
StateRio de Janeiro
                    -0.93561
                              0.09743 -9.603 < 2e-16 ***
                              0.10239 -2.645 0.008164 **
StateRio Grande do Norte -0.27085
                    -0.55268
StateRio Grande do Sul
                              0.09723 -5.684 1.31e-08 ***
StateRondonia
                              0.18032 0.168 0.866799
                     0.03024
                    -0.76349
                              0.20376 -3.747 0.000179 ***
StateRoraima
StateSanta Catarina
                    -0.45934
                              0.09761 -4.706 2.53e-06 ***
StateSao Paulo
                    -0.68630
                              0.09644 -7.117 1.11e-12 ***
StateSergipe
                    -0.11330
                              0.10442 -1.085 0.277881
StateTocantins
                     -0.20918
                              0.11328 -1.847 0.064805 .
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
(Dispersion parameter for poisson family taken to be 1)
   Null deviance: 136071 on 308378 degrees of freedom
Residual deviance: 127539 on 308346 degrees of freedom
AIC: 211580
Number of Fisher Scoring iterations: 17
```

variabile Gender è poco significativa

procedere con altro modello senza var Gender

```
summary(model_2)
```

```
Call:
glm(formula = ClaimNb ~ DrivAge + State + offset(log(ExposTotal)),
   family = poisson(link = "log"), data = ds, subset = ExposTotal >
       0, x = TRUE
Coefficients:
                        Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
(Intercept)
                        3.506679 0.096570 36.312 < 2e-16 ***
DrivAge18-25
                        0.568716
                                 0.018581 30.608 < 2e-16 ***
                        DrivAge26-35
                        0.342111
                                  0.010821 31.616 < 2e-16 ***
DrivAge36-45
DrivAge46-55
                        0.136923
                                  0.012020 11.391 < 2e-16 ***
StateAlagoas
                       -0.394917
                                  0.105145 -3.756 0.000173 ***
StateAmapa
                       StateAmazonas
                       -0.245248
                                  0.109931 -2.231 0.025686 *
StateBahia
                       -0.592137
                                  0.098446 -6.015 1.80e-09 ***
StateCeara
                       -0.307606
                                  0.099587 -3.089 0.002010 **
StateDistrito Federal
                                  0.098107 -2.746 0.006037 **
                       -0.269377
                                  0.100203 -3.325 0.000884 ***
StateEsperito Santo
                       -0.333175
                                  0.098123 -2.591 0.009558 **
StateGoias
                       -0.254278
                                  0.106588 -1.929 0.053727 .
StateMaranhao
                       -0.205611
StateMato Grosso
                       -0.107698
                                  0.100563 -1.071 0.284192
StateMato Grosso do Sul -0.063164
                                  0.100751 -0.627 0.530702
StateMinas Gerais
                       -0.387855
                                  0.096975 -4.000 6.35e-05 ***
                                  0.103661 -4.107 4.00e-05 ***
StatePara
                       -0.425763
StateParaiba
                       -0.314212
                                  0.104021 -3.021 0.002522 **
StateParana
                       -0.404710
                                  0.097108 -4.168 3.08e-05 ***
                                  0.099419 -6.887 5.70e-12 ***
StatePernambuco
                       -0.684682
StatePiaui
                       -0.088315
                                  0.108713 -0.812 0.416582
StateRio de Janeiro
                       -0.928535
                                  0.097429 -9.530 < 2e-16 ***
StateRio Grande do Norte -0.256620
                                  0.102390 -2.506 0.012200 *
StateRio Grande do Sul
                                  0.097226 -5.664 1.48e-08 ***
                      -0.550651
                                  0.180323 0.035 0.972229
StateRondonia
                        0.006278
StateRoraima
                       -0.757129
                                  0.203756 -3.716 0.000203 ***
StateSanta Catarina
                       -0.476157
                                  0.097605 -4.878 1.07e-06 ***
StateSao Paulo
                       -0.687949
                                  0.096434 -7.134 9.76e-13 ***
StateSergipe
                       -0.110208
                                  0.104416 -1.055 0.291211
StateTocantins
                       -0.203138
                                  0.113275 -1.793 0.072921 .
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
(Dispersion parameter for poisson family taken to be 1)
   Null deviance: 136071 on 308378 degrees of freedom
Residual deviance: 131355 on 308348 degrees of freedom
AIC: 215393
Number of Fisher Scoring iterations: 6
```

Hide

```
model_step <- step(model_2, direction = "both")</pre>
```

Hide

summary(model\_step)

```
Call:
glm(formula = ClaimNb ~ DrivAge + State + offset(log(ExposTotal)),
   family = poisson(link = "log"), data = ds, subset = ExposTotal >
      0, x = TRUE
Coefficients:
                   Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
(Intercept)
                   3.506679 0.096570 36.312 < 2e-16 ***
DrivAge18-25
                   0.568716
                            0.018581 30.608 < 2e-16 ***
DrivAge26-35
                   DrivAge36-45
                   0.342111
                            0.010821 31.616 < 2e-16 ***
DrivAge46-55
                   StateAlagoas
                   StateAmapa
                   StateAmazonas
                   StateBahia
StateCeara
                   StateDistrito Federal
                   StateEsperito Santo
                   0.098123 -2.591 0.009558 **
StateGoias
                   -0.254278
                   -0.205611 0.106588 -1.929 0.053727 .
StateMaranhao
StateMato Grosso
                   -0.107698
                            0.100563 -1.071 0.284192
StateMato Grosso do Sul -0.063164 0.100751 -0.627 0.530702
StateMinas Gerais
                   -0.387855
                            0.096975 -4.000 6.35e-05 ***
StatePara
                   StateParaiba
                   -0.314212
                           0.104021 -3.021 0.002522 **
StateParana
                   -0.404710 0.097108 -4.168 3.08e-05 ***
                            0.099419 -6.887 5.70e-12 ***
StatePernambuco
                   -0.684682
StatePiaui
                   -0.088315
                            0.108713 -0.812 0.416582
StateRio de Janeiro
                   -0.928535
                            0.097429 -9.530 < 2e-16 ***
StateRio Grande do Sul
                  -0.550651
                            0.097226 -5.664 1.48e-08 ***
StateRondonia
                   0.006278
                            0.180323 0.035 0.972229
StateRoraima
                   -0.757129
                            0.203756 -3.716 0.000203 ***
StateSanta Catarina
                            0.097605 -4.878 1.07e-06 ***
                   -0.476157
StateSao Paulo
                            0.096434 -7.134 9.76e-13 ***
                   -0.687949
StateSergipe
                   -0.110208
                            0.104416 -1.055 0.291211
StateTocantins
                   -0.203138
                            0.113275 -1.793 0.072921 .
Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
(Dispersion parameter for poisson family taken to be 1)
   Null deviance: 136071 on 308378 degrees of freedom
Residual deviance: 131355 on 308348 degrees of freedom
AIC: 215393
Number of Fisher Scoring iterations: 6
```

Definizione del modello iniziale con tutte le variabili per ClaimAmount tranne Gender perchè non significativa

```
Hide
```

```
summary(model_3)
```

```
Call:
glm(formula = ClaimAmount ~ DrivAge + State + offset(log(ClaimNb)),
   family = Gamma(link = "log"), data = ds_1, x = TRUE)
Coefficients:
                         Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept)
                        8.6371471 0.1951631 44.256 < 2e-16 ***
DrivAge18-25
                       0.0484893 0.0427143 1.135 0.25630
DrivAge26-35
                        0.0615008 0.0300156 2.049 0.04047 *
DrivAge36-45
                       2.967 0.00301 **
DrivAge46-55
                       0.0867542 0.0292380
StateAlagoas
                       -0.0237251 0.2158939 -0.110 0.91250
                       -0.0006123 0.3302303 -0.002 0.99852
StateAmapa
StateAmazonas
                       -0.2155279 0.2245954 -0.960 0.33725
                       0.1649021 0.2014968 0.818 0.41314
StateBahia
                       -0.0553773 0.2045401 -0.271 0.78659
StateCeara
                       -0.0445728 0.2002334 -0.223 0.82384
StateDistrito Federal
                       0.1439286 0.2045129 0.704 0.48159
StateEsperito Santo
StateGoias
                       0.1683011 0.2003655 0.840 0.40093
                       0.0591854 0.2179770 0.272 0.78599
StateMaranhao
StateMato Grosso
                       0.2041662 0.2069704 0.986 0.32392
StateMato Grosso do Sul 0.0308122 0.2072825 0.149 0.88183
StateMinas Gerais
                       0.0780021 0.1965909 0.397 0.69154
StatePara
                        0.1098927 0.2133828 0.515 0.60655
                       0.0257795 0.2131742 0.121 0.90375
StateParaiba
StateParana
                        0.0795892 0.1966845 0.405 0.68573
StatePernambuco
                       0.0243540 0.2042765 0.119 0.90510
                        0.2173356 0.2214577 0.981 0.32641
StatePiaui
StateRio de Janeiro
                      0.2787102 0.1974907 1.411 0.15818
StateRio Grande do Norte 0.0367002 0.2101874
                                            0.175 0.86139
StateRio Grande do Sul 0.1377249 0.1970165 0.699 0.48452
StateRondonia
                       -0.2765508 0.3522459 -0.785 0.43240
StateRoraima
                      -0.2952017 0.3936149 -0.750 0.45327
StateSanta Catarina
                       0.0938223 0.1975988
                                            0.475 0.63492
StateSao Paulo
                        0.0841068 0.1951013 0.431 0.66640
                       -0.0188034 0.2149877 -0.087
StateSergipe
                                                   0.93030
StateTocantins
                        0.4266206 0.2319535 1.839 0.06589 .
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
(Dispersion parameter for Gamma family taken to be 3.28117)
   Null deviance: 52351 on 35666 degrees of freedom
Residual deviance: 52017 on 35636 degrees of freedom
AIC: 723523
Number of Fisher Scoring iterations: 7
```

variabile State poco significativa

```
modello_step_2 <- step(model_3, direction = "both")</pre>
```

Hide

summary(modello\_step\_2)

```
Call:
glm(formula = ClaimAmount ~ DrivAge + State + offset(log(ClaimNb)),
   family = Gamma(link = "log"), data = ds_1, x = TRUE)
Coefficients:
                        Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept)
                       8.6371471 0.1951631 44.256 < 2e-16 ***
DrivAge18-25
                       0.0484893 0.0427143 1.135 0.25630
DrivAge26-35
                       0.0615008 0.0300156 2.049 0.04047 *
DrivAge36-45
                      0.0867542 0.0292380
                                           2.967 0.00301 **
DrivAge46-55
StateAlagoas
                      -0.0237251 0.2158939 -0.110 0.91250
                      -0.0006123 0.3302303 -0.002 0.99852
StateAmapa
StateAmazonas
                      -0.2155279 0.2245954 -0.960 0.33725
                       0.1649021 0.2014968 0.818 0.41314
StateBahia
                      -0.0553773 0.2045401 -0.271 0.78659
StateCeara
                      StateDistrito Federal
                       0.1439286 0.2045129 0.704 0.48159
StateEsperito Santo
StateGoias
                       0.1683011 0.2003655 0.840 0.40093
                       0.0591854 0.2179770 0.272 0.78599
StateMaranhao
StateMato Grosso
                      0.2041662 0.2069704 0.986 0.32392
StateMato Grosso do Sul 0.0308122 0.2072825 0.149 0.88183
StateMinas Gerais
                       0.0780021 0.1965909 0.397 0.69154
StatePara
                       0.1098927 0.2133828 0.515 0.60655
                       0.0257795 0.2131742 0.121 0.90375
StateParaiba
StateParana
                       0.0795892 0.1966845 0.405 0.68573
StatePernambuco
                       0.0243540 0.2042765 0.119 0.90510
StatePiaui
                       0.2173356 0.2214577 0.981 0.32641
StateRio de Janeiro
                      0.2787102 0.1974907 1.411 0.15818
StateRio Grande do Norte 0.0367002 0.2101874
                                           0.175 0.86139
StateRio Grande do Sul 0.1377249 0.1970165 0.699 0.48452
StateRondonia
                      -0.2765508 0.3522459 -0.785 0.43240
StateRoraima
                      -0.2952017 0.3936149 -0.750 0.45327
StateSanta Catarina
                       0.0938223 0.1975988
                                           0.475 0.63492
StateSao Paulo
                       0.0841068 0.1951013 0.431 0.66640
                      -0.0188034 0.2149877 -0.087
                                                   0.93030
StateSergipe
StateTocantins
                       0.4266206 0.2319535 1.839 0.06589 .
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
(Dispersion parameter for Gamma family taken to be 3.28117)
   Null deviance: 52351 on 35666 degrees of freedom
Residual deviance: 52017 on 35636 degrees of freedom
AIC: 723523
Number of Fisher Scoring iterations: 7
```

per le celle scegliamo come variabili DrivAge + State. creiamo la colonna frequenza nelle celle tariffarie come rapporto tra ClaimNb ed ExposTotal

| DrivAge<br><fctr></fctr> | State<br><fctr></fctr> | ClaimNb<br><dbl></dbl> | ExposTotal <dbl></dbl> | ClaimAmount <dbl></dbl> | Frequenza <dbl></dbl> |
|--------------------------|------------------------|------------------------|------------------------|-------------------------|-----------------------|
| >55                      | Acre                   | 20                     | 0.51577857             | 94155                   | 38.776330             |
| 18-25                    | Acre                   | 3                      | 0.16292663             | 19276                   | 18.413196             |
| 26-35                    | Acre                   | 22                     | 0.59302646             | 78273                   | 37.097839             |
| 36-45                    | Acre                   | 46                     | 0.82585813             | 253242                  | 55.699639             |
| 46-55                    | Acre                   | 17                     | 0.46628148             | 117683                  | 36.458665             |
| >55                      | Alagoas                | 122                    | 4.87688722             | 709667                  | 25.015957             |
| 18-25                    | Alagoas                | 27                     | 0.80222931             | 132650                  | 33.656212             |
| 26-35                    | Alagoas                | 72                     | 3.03265566             | 368341                  | 23.741568             |
| 36-45                    | Alagoas                | 236                    | 6.68768437             | 1089597                 | 35.288747             |
| 46-55                    | Alagoas                | 100                    | 4.63251342             | 722166                  | 21.586554             |
| 1-10 of 135              | o rows                 | F                      | Previous 1 2           | 3 4 5 6                 | 14 Next               |

inserimenento frequenze in dataset

media e la varianza del numero di sinistri

Hide

cat("avg =",media\_sinistri," variance =",varianza\_sinistri,"phi =",varianza\_sinistri/media\_si
nistri,"\n")

avg = 23.76307 variance = 3265.839 phi = 137.4334

# MODELLO PER FREQUENZA

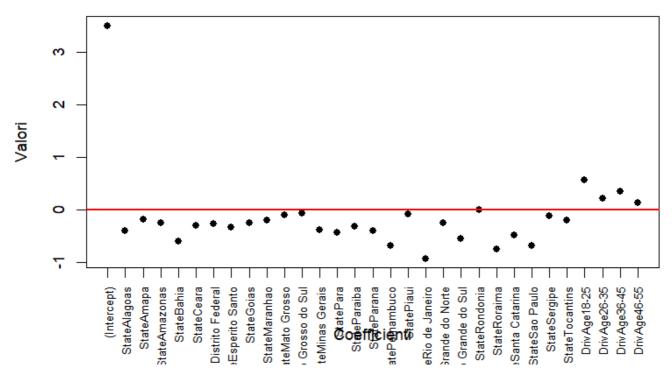
Hide

#nobs(mod\_frequenza)
summary(mod\_frequenza)

```
Call:
glm(formula = ClaimNb ~ State + DrivAge + offset(log(ExposTotal)),
   family = poisson(link = "log"), data = ds, subset = ExposTotal >
      0, x = TRUE
Coefficients:
                   Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
(Intercept)
                   3.506679 0.096570 36.312 < 2e-16 ***
StateAlagoas
                   -0.394917
                            0.105145 -3.756 0.000173 ***
StateAmapa
                   -0.190576   0.164672   -1.157   0.247147
StateAmazonas
                   -0.245248
                           0.109931 -2.231 0.025686 *
StateBahia
                  StateCeara
                  StateDistrito Federal
                  StateEsperito Santo
                  StateGoias
                   -0.205611 0.106588 -1.929 0.053727 .
StateMaranhao
StateMato Grosso
                   StateMato Grosso do Sul -0.063164 0.100751 -0.627 0.530702
StateMinas Gerais
                  -0.387855
                            0.096975 -4.000 6.35e-05 ***
StatePara
                  StateParaiba
                  StateParana
                  StatePernambuco
                  -0.684682
                            0.099419 -6.887 5.70e-12 ***
StatePiaui
                  -0.088315
                           0.108713 -0.812 0.416582
StateRio de Janeiro
                   -0.928535
                           0.097429 -9.530 < 2e-16 ***
StateRio Grande do Norte -0.256620 0.102390 -2.506 0.012200 *
StateRio Grande do Sul -0.550651
                           0.097226 -5.664 1.48e-08 ***
                            0.180323 0.035 0.972229
StateRondonia
                   0.006278
StateRoraima
                   -0.757129
                            0.203756 -3.716 0.000203 ***
StateSanta Catarina
                  StateSao Paulo
                   -0.687949
                            0.096434 -7.134 9.76e-13 ***
StateSergipe
                   StateTocantins
                   -0.203138
                           0.113275 -1.793 0.072921 .
                   DrivAge18-25
                   0.219596
                            0.012007 18.290 < 2e-16 ***
DrivAge26-35
DrivAge36-45
                   0.342111
                            0.010821 31.616 < 2e-16 ***
DrivAge46-55
                   0.136923
                            0.012020 11.391 < 2e-16 ***
Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
(Dispersion parameter for poisson family taken to be 1)
  Null deviance: 136071 on 308378 degrees of freedom
Residual deviance: 131355 on 308348 degrees of freedom
AIC: 215393
Number of Fisher Scoring iterations: 6
```

molte delle variabili risultano essere statisticamente significative. Il segno dei coefficienti riflette l'effetto sull'entità del logaritmo del numero di sinistri rispetto al gruppo di riferimento.

#### Coefficienti del modello



Le categorie delle variabili tariffarie che presentano coefficienti superiori aumentano la frequenza di sinistri. exil coefficiente associato alla variabile "DrivAge" ha una tendenza a essere maggiore -> minore è il range, quindi, per questa categoria la frequenza dei sinistri aumenta di più rispetto alla fascia di età maggiore.

## modello moltiplicativo

utilizzo della distribuzione quasi-Poisson [utilizzata per gestire la sovradispersione (condizione in cui la varianza dei dati è maggiore della media)]

```
Call:
glm(formula = ClaimNb ~ State + DrivAge + offset(log(ExposTotal)),
  family = quasipoisson(link = "log"), data = ds, subset = ExposTotal >
     0, x = TRUE
Coefficients:
                  Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept)
                  3.506679 0.105152 33.349 < 2e-16 ***
StateAlagoas
                  -0.394917
                          0.114489 -3.449 0.000562 ***
StateAmapa
                  StateAmazonas
                  StateBahia
                  StateCeara
StateDistrito Federal
                  StateEsperito Santo
                  StateGoias
StateMaranhao
                  -0.205611   0.116060   -1.772   0.076462   .
StateMato Grosso
                  StateMato Grosso do Sul -0.063164 0.109705 -0.576 0.564772
StateMinas Gerais
                  StatePara
StateParaiba
                  StateParana
                  StatePernambuco
                  -0.684682
                          0.108254 -6.325 2.54e-10 ***
StatePiaui
                  -0.088315 0.118374 -0.746 0.455629
StateRio de Janeiro
                  -0.928535
                          0.106087 -8.753 < 2e-16 ***
StateRio Grande do Norte -0.256620 0.111489 -2.302 0.021350 *
StateRio Grande do Sul -0.550651 0.105866 -5.201 1.98e-07 ***
StateRondonia
                  0.006278 0.196348 0.032 0.974495
StateRoraima
                  -0.757129
                          0.221863 -3.413 0.000644 ***
StateSanta Catarina
                  StateSao Paulo
                  -0.687949
                          0.105004 -6.552 5.70e-11 ***
StateSergipe
                  StateTocantins
                  -0.203138
                          0.123341 -1.647 0.099566 .
                  0.568716  0.020232  28.110  < 2e-16 ***
DrivAge18-25
                  0.219596
                          0.013074 16.797 < 2e-16 ***
DrivAge26-35
DrivAge36-45
                  0.342111
                          0.011783 29.035 < 2e-16 ***
DrivAge46-55
                  0.136923
                          0.013088 10.461 < 2e-16 ***
Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
(Dispersion parameter for quasipoisson family taken to be 1.185629)
  Null deviance: 136071 on 308378 degrees of freedom
Residual deviance: 131355 on 308348 degrees of freedom
AIC: NA
Number of Fisher Scoring iterations: 6
```

La distribuzione quasi-Poisson consente la stima del parametro phi, che nel modello precedente, con la distribuzione Poisson era fissato a 1. Dalla valutazione dei risultati, il valore di phi si avvicina molto a uno, indicando una bassa dispersione nel modello.

### modello nullo

Def modello nullo per la frequenza dei sinistri con solo offset

Hide

```
$nobs_mod_freq
[1] 308379

$nobs_mod_nullo
[1] 308379
```

## ANOVA LRT test

il mod nullo(non include alcuna variabile tariffaria), ha lo scopo di effettuare un test ANOVA con likelihood ratio (LRT). Questo test ci consente di confrontare il modello nullo con il modello sviluppato per la frequenza, al fine di valutare se quest'ultimo si adatta meglio ai dati rispetto al modello nullo.

Hide

```
print(ANOVA_test)
```

```
Analysis of Deviance Table

Model 1: ClaimNb ~ offset(log(ExposTotal))
Model 2: ClaimNb ~ State + DrivAge + offset(log(ExposTotal))
   Resid. Df Resid. Dev Df Deviance Pr(>Chi)
1    308378    136071
2    308348    131355 30    4715.9 < 2.2e-16 ***
---
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1</pre>
```

I risultati del test indicano che il modello per il numero di sinistri fornisce un miglior adattamento ai dati rispetto al modello nullo.

Aspetti chiave di questo test:

Likelihood Ratio Test (LRT): Questo test viene utilizzato per confrontare la bontà di adattamento tra due modelli annidati (dove un modello è una versione semplificata dell'altro). L'ipotesi nulla è che il modello più semplice (nel tuo caso, modello\_nullo) sia sufficiente per spiegare i dati.

Modelli annidati: Un modello annidato significa che i parametri del modello più semplice sono un sottoinsieme dei parametri del modello più complesso. Nel tuo esempio:

modello nullo è il modello nullo (più semplice). modello frequenza è il modello più complesso.

ANOVA con LRT: Confronta le log-likelihood dei due modelli e verifica se il miglioramento nella log-likelihood, passando dal modello nullo a quello più complesso, è statisticamente significativo.

Bilanciamento tra i sinistri previsti e osservati, sia nel complesso che a livello singolo per ciascun livello di ogni fattore.

Durante questa analisi, ho riscontrato un errore trascurabile, attribuibile a un problema di arrotondamento. Calcoliamo il numero di sinistri e della frequenza previsti dal modello:

```
# bilanciamento sulla frequenza
cat( sum(celle$Freq * celle$ExposTotal),"\n",
sum(celle$frequenza_prevista * celle$ExposTotal)
)
```

```
70699
70699
```

Confronto i risultati

Hide

```
cat(
   "Sinistri previsti totali: ", sinistri_previsti_totali, "\n",
   "Sinistri totali: ", sinistri_totali_reali, "\n",
   "Differenza (arrotondata): ", round(sinistri_totali_reali, digits = 6) - round(sinistri_pre
visti_totali, digits = 6), "\n"
)
```

```
Sinistri previsti totali: 70699
Sinistri totali: 70699
Differenza (arrotondata): 0
```

con un arrontadamento alla sesta cifra decimale l'errore è zero. La differenza tra sinistri totali reali e sinistri previsti ha un errore inferiore alla sesta cifra decimale.

Bilanciamento sul singolo livello di ogni fattore

```
Hide
```

```
t(X) %*% (ds$ClaimNb - sinistri_previsti_singola_polizza)
```

```
[,1]
(Intercept)
                         -8.055973e-08
StateAlagoas
                         -1.419694e-10
StateAmapa
                         -3.869901e-11
                         -4.599528e-11
StateAmazonas
StateBahia
                         -5.392119e-10
StateCeara
                         -3.377784e-10
StateDistrito Federal
                         -5.006572e-10
StateEsperito Santo
                         -2.915179e-10
StateGoias
                         -4.877479e-10
StateMaranhao
                         -9.176131e-11
StateMato Grosso
                         -8.200624e-11
StateMato Grosso do Sul 1.483258e-11
StateMinas Gerais
                         -1.340735e-09
StatePara
                         -8.950560e-11
StateParaiba
                         -1.222851e-10
StateParana
                         -8.607412e-10
StatePernambuco
                         -5.710875e-10
StatePiaui
                         -7.524392e-11
StateRio de Janeiro
                         -1.310466e-09
StateRio Grande do Norte -1.313899e-10
StateRio Grande do Sul -8.304377e-10
StateRondonia
                         -2.485220e-10
StateRoraima
                         -6.618637e-08
StateSanta Catarina
                         -1.689355e-09
StateSao Paulo
                         -4.292653e-09
StateSergipe
                         -1.522870e-10
StateTocantins
                         -6.032080e-11
DrivAge18-25
                         -4.528872e-09
DrivAge26-35
                         -2.394255e-08
DrivAge36-45
                         -2.810578e-08
DrivAge46-55
                         -1.510297e-08
```

prodotto scalare tra il trasposto di X1 e la differenza tra il numero di sinistri e il numero stimato di sinistri. il risultato è un vettore di 0 -> indica che la somma pesata dei residui per il numero di sinistri è 0.

```
Hide
```

```
t(X) %*% ((ds$Frequenza - frequenza_prevista_singola_polizza)* ds$ExposTotal)
```

```
[,1]
(Intercept)
                         -8.055957e-08
StateAlagoas
                         -1.419814e-10
StateAmapa
                         -3.870167e-11
StateAmazonas
                         -4.598484e-11
StateBahia
                         -5.392155e-10
StateCeara
                         -3.377797e-10
StateDistrito Federal
                         -5.006697e-10
StateEsperito Santo
                         -2.915412e-10
StateGoias
                         -4.877659e-10
StateMaranhao
                         -9.175331e-11
StateMato Grosso
                         -8.199158e-11
StateMato Grosso do Sul 1.482703e-11
StateMinas Gerais
                        -1.340835e-09
StatePara
                         -8.950250e-11
StateParaiba
                         -1.222780e-10
StateParana
                         -8.606932e-10
StatePernambuco
                         -5.710589e-10
StatePiaui
                         -7.524387e-11
StateRio de Janeiro
                         -1.310438e-09
StateRio Grande do Norte -1.313876e-10
StateRio Grande do Sul -8.304581e-10
StateRondonia
                         -2.485235e-10
StateRoraima
                         -6.618637e-08
StateSanta Catarina
                        -1.689285e-09
StateSao Paulo
                         -4.292420e-09
StateSergipe
                         -1.522922e-10
StateTocantins
                         -6.031675e-11
DrivAge18-25
                         -4.528850e-09
                         -2.394251e-08
DrivAge26-35
DrivAge36-45
                         -2.810607e-08
DrivAge46-55
                         -1.510292e-08
```

prodotto scalare tra il trasposto di X1 e la differenza tra le frequenza e quelle stimate moltiplicate per l'esposizione. Il risultato è un vettore di 0 -> indica che la somma pesata dei residui per la frequenza moltiplicata per l'esposione è 0.

## ANALISI DELLA SEVERITY

1. rimuovere dal dataset tutte le osservazioni con un numero di sinistri pari a zero. Il modello costruito utilizzando un Generalized Linear Model (GLM) della famiglia gamma, con un link logaritmico e le stesse variabili utilizzate per creare le celle tariffarie.

Filtraggio del dataset (records con ClaimNb !=0) Verifica presenza di ClaimAmount =0

```
Hide

if (any(dataset_severity$ClaimAmount == 0)) {
   cat("ClaimAmount =0.\n")
} else {
   cat("ClaimAmount !=0.\n")
}
ClaimAmount !=0.
```

#### Definizione del modello GLM per la severity

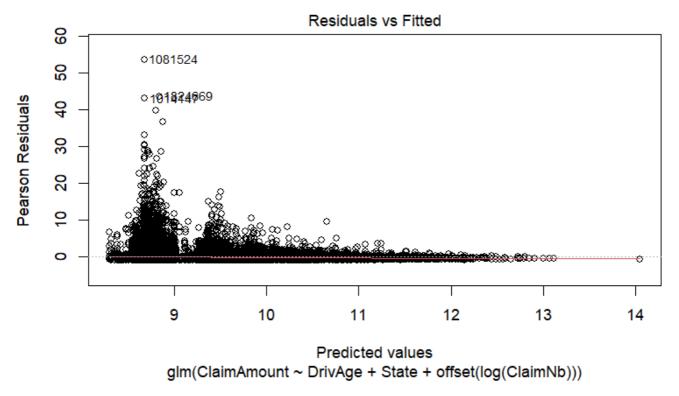
```
summary(mod_severity)
Call:
glm(formula = ClaimAmount ~ DrivAge + State + offset(log(ClaimNb)),
    family = Gamma(link = "log"), data = dataset_severity)
Coefficients:
                          Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept)
                         8.6371471 0.1951631 44.256 < 2e-16 ***
DrivAge18-25
                         0.0484893 0.0427143 1.135 0.25630
DrivAge26-35
                         0.0615008 0.0300156
                                              2.049 0.04047 *
DrivAge36-45
                        -0.0396177 0.0276392 -1.433 0.15176
DrivAge46-55
                         0.0867542 0.0292380
                                              2.967
                                                      0.00301 **
                        -0.0237251 0.2158939 -0.110 0.91250
StateAlagoas
StateAmapa
                        -0.0006123 0.3302303 -0.002
                                                      0.99852
StateAmazonas
                        -0.2155279 0.2245954 -0.960 0.33725
StateBahia
                         0.1649021 0.2014968
                                               0.818
                                                      0.41314
StateCeara
                        -0.0553773 0.2045401 -0.271 0.78659
StateDistrito Federal
                        -0.0445728 0.2002334 -0.223 0.82384
StateEsperito Santo
                         0.1439286 0.2045129
                                             0.704 0.48159
StateGoias
                         0.1683011 0.2003655
                                               0.840
                                                      0.40093
StateMaranhao
                         0.0591854 0.2179770
                                             0.272 0.78599
                         0.2041662 0.2069704
StateMato Grosso
                                             0.986 0.32392
StateMato Grosso do Sul
                         0.0308122 0.2072825
                                             0.149 0.88183
StateMinas Gerais
                         0.0780021 0.1965909
                                               0.397 0.69154
                         0.1098927 0.2133828
                                               0.515 0.60655
StatePara
StateParaiba
                         0.0257795 0.2131742 0.121 0.90375
                                               0.405 0.68573
StateParana
                         0.0795892 0.1966845
StatePernambuco
                         0.0243540 0.2042765
                                               0.119 0.90510
StatePiaui
                                               0.981 0.32641
                         0.2173356 0.2214577
StateRio de Janeiro
                         0.2787102 0.1974907
                                               1.411 0.15818
StateRio Grande do Norte 0.0367002 0.2101874
                                               0.175 0.86139
StateRio Grande do Sul
                         0.1377249 0.1970165
                                               0.699 0.48452
StateRondonia
                        -0.2765508 0.3522459 -0.785
                                                      0.43240
StateRoraima
                        -0.2952017 0.3936149 -0.750 0.45327
StateSanta Catarina
                         0.0938223 0.1975988
                                               0.475 0.63492
StateSao Paulo
                         0.0841068 0.1951013
                                               0.431 0.66640
StateSergipe
                        -0.0188034 0.2149877
                                              -0.087
                                                      0.93030
StateTocantins
                         0.4266206 0.2319535
                                               1.839 0.06589 .
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
(Dispersion parameter for Gamma family taken to be 3.28117)
   Null deviance: 52351 on 35666
                                  degrees of freedom
Residual deviance: 52017 on 35636 degrees of freedom
AIC: 723523
Number of Fisher Scoring iterations: 7
```

Verifica con algoritmo Stepwise basato su criterio info AIC.

```
model_step_severity <- step(mod_severity, direction = "both")</pre>
```

```
Start: AIC=723523.2
ClaimAmount ~ DrivAge + State + offset(log(ClaimNb))

Df Deviance AIC
<none> 52017 723523
- DrivAge 4 52107 723543
- State 26 52264 723547
```



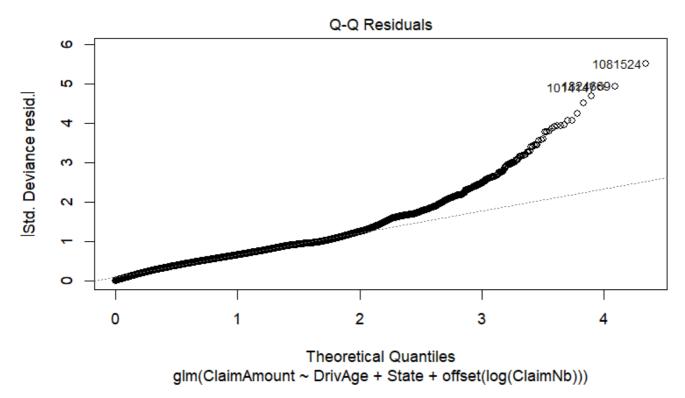
presenza di outlier evidenziati dal grafico

Dal grafico dei residui si nota che i punti sono prevalentemente concentrati intorno allo zero.

Gli outlier, esaminati singolarmente, non rappresentano le osservazioni con il maggior risarcimento totale -> non sono grandi sinistri. La concentrazione dei valori intorno allo zero è un buon segno, suggerisce che il modello prevede accuratamente per molti dati. La minore densità di punti man mano che i residui aumentano può suggerire pochi casi con grandi errori di predizione, (presenza di outliers o parte della variabilità non spiegata dalle nostre variabili è sempre da tenere in considerazione).

La dispersione crescente nel plot (varianza superiore alla media, eterosched) potrebbe spiegare gli elevati residui per i bassi valori predetti.

-> uso di una distribuzione quasi-Poisson o un modello di dispersione negativa potrebbero migliorare il modello.



#### Il Q-Q plot dei residui:

I punti iniziali che partono da zero indicano che i residui standardizzati sono centrati intorno a zero, il che è atteso per un modello ben adattato. Una salita lenta all'inizio suggerisce che i residui nelle code inferiori (gli estremi negativi) sono vicini ai valori previsti dalla distribuzione normale teorica. I punti iniziano a deviare dalla linea diagonale e salgono più rapidamente, indica che i residui nelle code superiori (gli estremi positivi) si discostano dalla distribuzione normale teorica. Questo pattern può suggerire la presenza di outliers o di una distribuzione asimmetrica dei residui.

Successivamente, abbiamo eseguito un test ANOVA che ci ha consentito di confrontare il modello nullo con il nostro modello: Il modello nullo risulta meno significativo rispetto al modello contenente le variabili.

## **ANOVA SEVERITY**

P.val = 0

aggiunta colonna severity -> rapporto tra severity e numero di sinistri

## **TARIFFAZIONE**

Dopo aver definito il modello per la stima della frequenza e il modello per la severity

Calcolato il premio previsto moltiplicando la frequenza prevista per la severity prevista e il premio basato sulla frequenza osservata e la severity osservata

Hide

```
cat(sum((celle$premio * celle$ExposTotal)[!is.na(celle$premio * celle$ExposTotal)]) - sum(cel
le$ClaimAmount))
```

0

# **BILANCIO**

Valutare la performance dell'assicurazione: 1. Stimato l'ammontare dei risarcimenti che l'assicurazione deve pagare. 2. I costi totali in termini di risarcimenti ammontano a 394'870'208

3. Le entrate (premi incassati dall'assicurazione) stimate: 449'049'784 4. Calcolo del Bilancio totale: differenza tra le entrate (premi) e le uscite (costi): 54'179'576 [Saldo Positivo]

Hide

```
cat("Costi Totali:", costi_totali, "\n",
    "Entrate Totali:", entrate_totali, "\n",
    "Bilancio:", bilancio, "\n")
```

Costi Totali: 394870208 Entrate Totali: 449049784

Bilancio: 54179576

| 33.33<br>58.87<br>41.52                   | 17.194703<br>9.592102<br>24.624917                 | 38.776330<br>18.413196 |
|---|--|------------------------|
|   |  |                        |
| 41.52                                     | 24 624917  |                        |
|   | Z-1.0Z-1311  | 37.097839              |
| 46.93                                     | 38.762661  | 55.699639              |
| 38.22                                     | 17.825617  | 36.458665              |
| 22.46                                     | 109.537707   | 25.015957              |
| 39.66                                     | 31.820706  | 33.656212              |
| 27.97                                     | 84.842480  | 23.741568              |
| 31.62                                     | 211.482020   | 35.288747              |
| 25.75                                     | 119.317087   | 21.586554              |
| Previous <b>1</b> 2 3 4                   |  | 10 of 135 rows         |
| 22.46<br>39.66<br>27.97<br>31.62<br>25.75 | 109.537707<br>31.820706<br>84.842480<br>211.482020 |                        |

| celle.Severity_prevista <dbl></dbl> | celle.premio_previsto<br><dbl></dbl> | celle.premio<br><dbl></dbl> | celle.differenza<br><dbl></dbl> |
|-------------------------------------|--------------------------------------|-----------------------------|---------------------------------|
| 5637.224                            | 187930.25                            | 182549.27                   | 2775.3964                       |
| 5917.305                            | 348373.95                            | 118310.92                   | 37483.3932                      |
| 5994.801                            | 248928.98                            | 131989.05                   | 69348.4724                      |
| 5418.257                            | 254312.50                            | 306641.04                   | -43215.9511                     |
| 6148.118                            | 235038.27                            | 252386.18                   | -8089.0068                      |
| 5505.055                            | 123646.71                            | 145516.39                   | -106655.9519                    |
| 5778.568                            | 229208.93                            | 165351.72                   | 51228.1233                      |
| 5854.247                            | 163780.17                            | 121458.23                   | 128347.8661                     |
| 5291.221                            | 167322.20                            | 162925.90                   | 29401.0787                      |
| 6003.970                            | 154640.93                            | 155890.75                   | -5789.8254                      |
| 1-10 of 135 rows                    | Previous                             | <b>1</b> 2 3 4              | 5 6 14 Next                     |