# Esami di Ricerca Operativa e Pianificazione delle Risorse

Fabio Ferrario @fefabo

2023

# Indice

1	Domande di Teoria dal Mega	3
<b>2</b>	Domande di Teoria - Bibbia	4
	2.0.1 Programmazione Lineare e Metodo del Simplesso	4
	2.0.2 Dualità	6
	2.0.3 Analisi di sensitività	6
	2.0.4 KKT	7
3	Domande Aperte	ç

# Capitolo 1

# Domande di Teoria dal Mega

Si faccia riferimento a un problema di Massimizzazione ed, ove richiesto, ad un problema artificiale per la fase 1 del metodo del simplesso.

- 1? Se B é la matrice di base associata ad una base ottima, il valore della funzione obiettivo associato alla corrispondende SBA non negativo
- 2 Il valore Nullo di una variabile indica che essa sia fuori base

**Risposta:** Falso, una variabile puó valere 0 anche nel caso sia in base (soluzione degenere)

# Capitolo 2

### Domande di Teoria - Bibbia

#### 2.0.1 Programmazione Lineare e Metodo del Simplesso

#### **VERO**

Un vertice ammissibile é una soluzione ammissibile che non giace lungo un segmento che connette altre due soluzioni ammissibili.

Dalla definizione

#### VERO

Dato un vertice (soluzione) ammissibile, se non esiste uno spigolo, incidente in esso, cui compete un tasso positivo di miglioramento, allora la soluzione corrente é ottimale.

Il TEST DI OTTIMALITÀ consiste nel verificare se esiste uno spigolo con tasso positivo di miglioramento. Se tale condizione non è soddisfatta allora la soluzione corrente è ottimale.

#### FALSO

In ogni problema di PL con n variabili di decisione e m vincoli, ogni vertice ammissibile giace all'intersezione di n+m frontiere di altrettanti vincoli.

In ogni problema di programmazione lineare con n variabili di decisione,

ogni vertice ammissibile giace all'intersezione di n frontiere di altrettanti vincoli,

#### **VERO**

Una soluzione che giace lungo un segmento che collega due altre soluzioni ammissibili non é un vertice ammissibile. Dalla definizione

#### VERO

I valori delle variabili di base si ricavano risolvendo il sistema di equazioni lineari determinato dai vincoli funzionali in forma aumentata.

Avendo il valore 0 delle variabili non in base si può risovlere il sistema di equazioni lineari per trovare il valore delle variabili in base.

#### **FALSO**

Una variabile nulla é certamente una variabile di base.

Una variabile nulla può essere sia in base, che fuori base. Una variabile fuori base è sicuramente nulla, ma se una variabile è nulla può anche essere in base

#### VERO

il numero delle variabili di base é sempre determinato dal numero di vincoli funzionali.

Proprietá numero (2) delle soluzioni di base.

#### VERO

Se le variabili di base soddisfano i vincoli di non negativitá, la soluzione di base é una soluzione ammissibile di base. Prporietá numero (5) delle soluzioni di base.

#### 2.0.2 Dualità

Si consideri un problema primale in forma di massimo. Se il duale é inammissibile, allora :

#### **FALSO**

Il primale é sempre illimitato come corollario del teorema della dualitá Debole

Il primale potrebbe anche non avere soluzioni ammissibili.

#### **FALSO**

#### Il primale ha almeno una soluzione ottima

Se il duale é inammissibile, allora il primale o non ha soluzioni, oppure ha funzione obiettivo illimitata, quindi il primale non ha ottimo.

#### Da Capire

Valgono le condizioni degli scarti complementari.

#### 2.0.3 Analisi di sensitività

#### **VERO**

L'analisi di sensitività ha l'obiettivo di identificare i Parametri Sensibili.

Uno degli obiettivi principali dell'analisi di sensitività è l'identificazione dei PARAMETRI SENSIBILI, vale a dire quei parametri il cui valore non può essere modificato senza portare ad una nuova soluzione ottimale.

#### **VERO**

Un parametro é sensibile se la sua variazione porta alla variazione della soluzione ottimale.

I Parametri sensibili sono parametri il cui valore non può essere modificato senza portare a una nuova soluzione ottimale

#### **VERO**

Dato un termine noto destro, il metodo del simplesso identifica il corrispondente prezzo ombra tramite il coefficiente della corrispondente variabile slack nella riga zero del tableau finale.

#### Da Capire

É sempre vero che un termino noto non é un parametro sensibile se il corrispondente prezzo ombra é nullo

#### Da Capire

Un termine noto é un parametro sensibile se il corrispondente prezzo ombra é positivo.

#### 2.0.4 KKT

#### **VERO**

Le condizioni KKT non sono un algorimto di ottimizzazione. Le KKT non sono un algoritmo bensí delle condizioni necessarie non sufficienti per i punti di ottimo.

#### **VERO**

I punti dove il gradiente della Lagrangiana è nullo possono essere possibili candidati ad essere punti di ottimo del problema PNL corrisponendte, ma per stabilire se sono punti di ottimo devo verificare anche altre condizioni

#### **VERO**

Supponendo di avere un problema di PNL vincola di massimizzazione con vincoli di  $\leq$ , se la funzione Lagrangiana é espressa sommando alla funzione obiettivo f la somma pesata dei vincoli, allora i pesi (moltiplicatori di lagrange) nei punti di ottimo devono essere  $\geq 0$ .

#### **FALSO**

Supponendo di avere un problema di PNL vincola di massimizzazione con vincoli di  $\leq$ , se la funzione Lagrangiana é espressa sommando alla funzione obiettivo f la somma pesata dei vincoli, allora i pesi (moltiplicatori di lagrange) nei punti di ottimo devono essere  $\leq 0$ .

# Capitolo 3

# Domande Aperte

#### <u>3</u> PROPRIETÁ DEI VERTICI AMMISSIBILI

Si enuncino le Proprietà dei Vertici Ammissibili di un problema di PL. Si scelga poi una delle proprietà e si mostri un esempio grafico o numerico.

**Risposta:** I vertici ammissibili di un problema di PL hanno le seguenti proprietá:

- Se esiste una sola soluzione ottima, questa sará un vertice ammissibile. Se esistono piú soluzioni con regione ammissibile limitata, allora almeno due di queste sono vertici ammissibili tra loro adiacenti.
- 2. Il numero di vertici ammissibili é finito e dipende da n vincoli di non negativitá e m vincoli funzionali. il numero di combinazioni di m + n vincoli presi a gruppi di n é pari  $\frac{(m+n)!}{m!n!}$ . Questa quantitá (finita) rappresenta un limite superiore al numero di vertici ammissibili.
- 3. Se un vertice ammissibile non ha vertici adiacenti migliori, allora non ci sono vertici migliori. Quindi se il problema ha una soluzione otttima, questo vertice é la soluzione ottima.

#### <u>PROPRIETÁ DI UNA SOLUZIONE DI BASE</u>

Si elenchino le proprietá di una Soluzione di Base

#### Risposta:

1. Una variabile puó essere una variabile di base o una variabile non

di base.

- 2. Il numero delle variabili di base eguaglia il numero dei vincoli funzionali.
- 3. La variabili non di base vengono poste a zero.
- 4. I valori delle variabili di base sono ottenuti come risoluzione simultanea del sistema di equazioni lineari.
- 5. Se le variabili di base soddisfano i vincoli di non negativitá, la soluzione di base é una soluzione ammissibile di base.

#### <u>5</u> <u>DUALITÁ DEBOLE E FORTE</u> Si dia una definizione di Dualitá Debole e Forte

- Dualitá Debole: Il valore della funzione obiettivo per una qualsiasi soluzione ammissibile del problema primale (max) non puó eccedere il valore della funzione obiettivo per una qualisasi soluzione ammissibile del problema duale. I valore del problema duale fornisce quindi un limite superiore del problema primale. Detto breve: se il primale ha soluzione illimitata allora il duale non ha soluzione.
- Dualitá forte: Se esiste una soluzione ottima (finita), il valore ottimo della funzione obiettivo del problema primale è uguale al valore ottimo della funzione obiettivo del problema duale.

#### <u>PROPRIETÁ DI COMPLEMENTARIETÁ</u> Si definisca la Proprietá di Complementarietá in PL. Si diano due esempi reali in cui é utilizzabile e cosa permette di concludere.

Risposta: La complementarietá in un problema di Programmazione Lineare si evince dalla relazione tra problema primale e duale. In particolare, la complementarietá afferma che ogni soluzionee primale ha una soluzione complementare duale tale che W=Z Se un problema lineare in forma primale ha soluzione ottimale  $\mathbf{x}^*$  allora anche il problema