

GAL - Domande d'Esame

Fabio Ferrario

@fefabo

2023/2024

Indice

1	Domande Aperte	3
2	Domande Chiuse	4
2.1	Algebra Lineare	4

Capitolo 1

Domande Aperte

1

SOTTOSPAZI VETTORIALI

1. Determinare la dimensione e trovare una base del sottospazio:
 $R = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : y - x = 2z\}$
2. Completare la base del punto precedente ad una base di \mathbb{R}^3 con un vettore v ortogonale a T .

Risposta:

1. Prendiamo l'equazione che ci da: $y - x = 2z$. è chiaramente l'equazione di un piano (quindi con dimensione =2). In ogni caso, la parametrizziamo:

Capitolo 2

Domande Chiuse

2.1 Algebra Lineare

1

Se devo verificare che n vettori $v_i \in \mathbb{R}^m$ siano linearmente indipendenti, cosa posso fare?

- | | |
|--|---|
| (a) Creo una matrice con v_i come vettori riga che abbia determinante non nullo | (c) Cerco una combinazione lineare dei vettori v_i che mi dia il vettore nullo |
| (b) Creo una matrice con v_i come vettori riga e cerco una sottomatrice quadrata di ordine n Invertibile | (d) Creo una matrice con v_i come vettori colonna e verifico che il rango di questa matrice sia m |

Risposta: La soluzione è la b

Se la somma di tre numeri positivi è 120, qual'è il massimo valore possibile tra il loro prodotto?

- | | |
|----------------------|---------------------|
| (a) $30^2 \cdot 80$ | (c) 30^4 |
| (b) $240^2 \cdot 30$ | (d) $1600 \cdot 40$ |

Risposta: La somma dei tre numeri positivi è 120, e supponiamo che i tre numeri siano x , y , e z . L'equazione della somma è espressa come:

$$x + y + z = 120$$

Per massimizzare il prodotto, distribuiremo i numeri in modo che siano il più possibile vicini, il che si verifica quando sono tutti uguali. Quindi, possiamo assegnare a ciascun numero il valore di $\frac{120}{3} = 40$. Il prodotto massimo sarà quindi:

$$P = x \cdot y \cdot z = 40 \cdot 40 \cdot 40 = 64000$$

Pertanto, il massimo valore possibile del prodotto è 64000, ovvero la risposta d .