```
{-# LANGUAGE UndecidableInstances, FlexibleInstances #-}
module Parcial2.Labyrinth where
 import Control.Exception
 import Control.Arrow (first, second, (&&&))
 import Control.Monad.Fix
 import Data. Tuple (swap)
 import Data.List (elemIndex, sort, nub)
 import Data.Maybe (isJust, fromJust, fromMaybe, maybeToList)
 import Data.Function (on)
 import Data.Set (Set, member, elemAt)
 import qualified Data. Set as Set
 import Data.Map (Map)
 import qualified Data.Map as Map
 import GHC.Real (infinity)
 import GHC.Exts
 import Parcial2.ReadLabyrinth
 import GeneticAlgorithm
 import System.Random
```

#### 1. Introducción

El mapa (laberinto), descrito en la tarea, se define como un grafo: nodos — un conjunto de puntos (con posiciones correspondientes); aristas — la existencia de rutas directas.

```
\mathbf{data}\ Labyrinth\ point = Labyrinth\ \{nodes :: Set\ point\\ ,\ edges\ :: Set\ (point,point)\\ ,\ initial :: point\\ ,\ target :: point\\ \} \mathbf{deriving}\ (Show, Eq) edgeOf\ p\ l = any\ (`member`edges\ l)\ [p, swap\ p] mapPoints\ f\ (Labyrinth\ ns\ es\ i\ t) = Labyrinth\ \{\\ nodes = Set.map\ f\ ns,\\ edges = Set.map\ (first\ f\circ second\ f)\ es,\\ initial = f\ i,\\ target = f\ t\\ \} isPOI\ p\ l = p \equiv initial\ l \lor p \equiv target\ l
```

Se define la  $distancia\ directa$  entre los nodos que están conectados por una arista.

```
data DirectDistance point dist = DirectDistance {
    labyrinthDist :: Labyrinth point \rightarrow point \rightarrow point \rightarrow Maybe dist
    }
    mkDirectDistance f = DirectDistance \$ \lambda l \ v1 \ v2 \rightarrow
    if (v1, v2) 'edgeOf' l then Just (f \ v1 \ v2) else Nothing
```

El algoritmo genético abstracto está definido en src/GeneticAlgorithm.hs. Su implementación se presentará a continuación.

#### 2. Implementación

#### 2.1. Lectura de mapas

Se utiliza un mapa 2D:

```
\begin{array}{l} \textbf{newtype} \ Point2D = Point2D \ (Int, Int) \ \textbf{deriving} \ (Eq, Ord) \\ \textbf{instance} \ Show \ Point2D \ \textbf{where} \\ show \ (Point2D \ (x,y)) = show \ x + + - + show \ y \end{array}
```

 $type \ Labyrinth2D = Labyrinth \ Point2D$ 

La lectura del archivo del mapa se encuentra en src/Parcial2/ReadLabyrinth.hs. Aquí se presenta la construcción del grafo a partir del mapa leido.

```
 readLabyrinth2D :: FilePath \rightarrow IO \ (Either \ [String] \ Labyrinth2D)   readLabyrinth2D \ file = build < \$ > try \ (readFile \ file)   where   build \ (Left \ err) = Left \ [displayException \ (err :: SomeException)]   build \ (Right \ s) = \mathbf{case} \ parseLabyrinth \ s \ \mathbf{of}   Left \ errS \rightarrow Left \ errS   Right \ l \rightarrow Right \ (build' \ l)   build' \ (LabyrinthDescription \ n \ conn \ (i,t) \ coords) =   \mathbf{let} \ get = Point2D \circ (coords!!)   \mathbf{in} \ Labyrinth \ (Set.fromList \ map \ Point2D \ coords)   (Set.fromList \ map \ (first \ get \circ second \ get) \ coords)   (get \ i)   (get \ i)   (get \ t)
```

#### 2.2. Adaptación

El valor de *aptitud de adaptación* se llamará *ruta* y se define para permitir destinguir facilmente los dos tipos de rutas (encodificadas en los cromosomas) posibles:

- Ruta completa: es una ruta valida (∃ una conección entre cada par de genes adjuntos) que contiene en punto inicial y el punto meta.
  - Se caracteriza por la longitud de la ruta.
  - El resultado, esperado del algoritmo genético es la más corta de estas rutas.
- Ruta parcial: es una ruta que 1) contiene pares de genes adjuntos, los cuales no están conectados, o 2) no contiene ambos puntos: inicio y meta. Se caracteriza por tres valores:
  - $1. \ \, validez = \frac{\text{n\'umero de aristas existentes}}{\text{n\'umero de aristas total}}. \\ aristas existentes aristas que existen entre los pares de genes adjuntos. }$
  - 2. los puntos de interés que contiene la ruta.
  - 3. la longitud sumatoria de las sub-rutas en el cromosoma.

```
 \begin{array}{l} \textbf{data} \ POI = POIInit \mid POITarget \ \textbf{deriving} \ (Eq, Ord, Enum, Show) \\ \textbf{data} \ POIs = POINone \mid POISome \ POI \mid POIBoth \ \textbf{deriving} \ (Eq, Show) \\ \textbf{instance} \ Ord \ POIs \ \textbf{where} \\ x \ `compare' \ y = val \ x \ `compare' \ val \ y \ \textbf{where} \\ val \ POINone = 0 \\ val \ (POISome \ \_) = 1 \\ val \ POIBoth = 2 \\ \textbf{data} \ RouteFitness = \\ CompleteRoute \ \{routeLength :: Double \} \\ \mid PartialRoute \ \{partialValidess :: Double \\ , partialPOI \ :: POIs \\ , partialLength :: Double \\ \} \\ \textbf{deriving} \ (Eq, Show) \\  \end{array}
```

Para la busqueda de la ruta mas corta, se define el orden sobre las rutas de tal manera, que una lista de *rutas*, ordenada ascendentamente, tendrá los mejores elementos en el principio.

1. Cualquiera ruta completa es menor que cualquier ruta parcial.

$$\forall x \in \mathit{ruta}\ \mathit{completa}, y \in \mathit{ruta}\ \mathit{parcial} \implies x < y$$

2. Dos rutas completas se comparan por su <u>longitud</u> sin cambios en el orden.

3. Dos rutas parciales se comparan por sus tres componentes en orden lexicográfico, que quiere decir que primero se comparan los primeros elementos, si son igual, se comparan los segundos, etc., hasta que la comparación de un resultado diferente de igualidad o se termine la lista.

El orden de comparación se cambia al opuesto.

```
 \begin{array}{l} \forall \ x \in ruta \ parcial \\ x \sim \langle v_x, i_x, l_x \rangle \\ \forall \ y \in ruta \ parcial \\ y \sim \langle v_y, i_y, l_y \rangle \end{array} \implies \begin{cases} x < y \quad \text{si} \ \langle v_x, i_x, l_x \rangle > \langle v_y, i_y, l_y \rangle \\ x > y \quad \text{si} \ \langle v_x, i_x, l_x \rangle < \langle v_y, i_y, l_y \rangle \\ x = y \quad \text{en otro caso} \end{cases}
```

#### instance Ord RouteFitness where

#### No se usa

Función de utilidad: separación de las sub-rutas que se encuentran dentro de un cromosoma. Separa los puntos de interes como sub-rutas.

```
splitRoutes :: Labyrinth2D \rightarrow Chromosome \ GA \rightarrow [[Gene \ GA]] \\ splitRoutes \ l = reverse \circ map \ reverse \circ splitRoutes' \ [] \ [] \ l \\ splitRoutes' \ accSplit \ [] \ \_[] = accSplit \\ splitRoutes' \ accSplit \ accRoute \ \_[] = accRoute : accSplit \\ splitRoutes' \ accSplit \ accRoute \ l \ (h:t) = \\ \textbf{case} \ accRoute \ \textbf{of} \\ \ \_| \ h \ `isPOI' \ l \qquad \Rightarrow splitRoutes' \ (addR \ accRoute \ accSplit) \ [h] \ l \ t \\ prev: \ \_| \ prev \ `isPOI' \ l \rightarrow splitRoutes' \ (addR \ accRoute \ accSplit) \ [h] \ l \ t \\ prev: \ \_| \ (prev, h) \ `edgeOf' \ l \rightarrow splitRoutes' \ accSplit \ (h: accRoute) \ l \ t \\ \ \_ \qquad \Rightarrow splitRoutes' \ (addR \ accRoute \ accSplit) \ [h] \ l \ t \\ \textbf{where} \ addR \ [] \ s = s \\ addR \ r \ s = r: s
```

Las pruebas del contenedor *Route* se encuentran en test/Parcial2/Route.hs.

#### 2.3. Sub-Rutas

Se definen los contenedores de sub-rutas. Se guardan solamente los genes extremos de la ruta y se proveen funciones de busqueda de sub-ruta en cromosoma. Se implementa asi porque las cromosomas cambian durante operaciones geneticos, afectando las sub-rutas.

El orden sobre las sub-rutas se define en contexto de dos cromosomas: donor y recipiente. Se comparan lexográficamente los sigientes valores:

- 1. Número de púntos de interes que tiene el donor pero no el recipiente.
- 2. Diferencia entre las longitudes de donor y recipiente.

```
newtype SubRoute = SubRoute (Point2D, Point2D)
  deriving Show
instance Eq SubRoute where
  (SubRoute\ p1) \equiv (SubRoute\ p2) = p1 \equiv p2 \lor swap\ p1 \equiv p2
type Reversed = Bool
type SubRoutePoints = ([Point2D], Reversed)
subseq from to = take (to - from + 1) \circ drop from
findSubRoute :: SubRoute \rightarrow [Point2D] \rightarrow Maybe SubRoutePoints
findSubRoute (SubRoute (x, y)) route =
  case (elemIndex \ x \&\&\& \ elemIndex \ y) route of
             (Just\ xi, Just\ yi) \rightarrow \mathbf{let}\ rev = xi > yi
                                        ids' = (xi, yi)
                                        ids = if rev then swap ids'
                                                       else ids'
                                    in Just (uncurry subseq ids route, rev)
                                 \rightarrow Nothing
  -- Sub-routes, found in 2 points sequences.
data SubRoutes = SubRoutes Labyrinth2D
                                  SubRoute
                                  (Either\ SubRoutePoints\ SubRoutePoints)
                                  (Either\ SubRoutePoints\ SubRoutePoints)
  deriving Show
instance Eq\ SubRoutes where (\equiv) = eqSubRoutes
(SubRoutes \_ \_ (Left \_) \_) 'eqSubRoutes' (SubRoutes \_ \_ (Right \_) \_) = False
l@(SubRoutes\ l1\ sr1\ \_\ \_) 'eqSubRoutes' r@(SubRoutes\ l2\ sr2\ \_\ \_) =
           l1 \equiv l2
           sr1 \equiv sr2
   Λ
          same\ subRouteDonor
   Λ
          same \ subRouteReceiver
  where same f = ((\equiv) \text{ 'on' } (fst \circ f)) l r
subRouteDonor\ (SubRoutes \_ \_ donor \_) = \mathbf{case}\ donor\ \mathbf{of}\ Left\ x \to x
                                                                   Right \ x \rightarrow x
subRouteReceiver\ (SubRoutes\_\_\_recei) = \mathbf{case}\ recei\ \mathbf{of}\ Left\ x\ \to x
                                                                   Right x \to x
subRoutesPts\ (SubRoutes\_pts\_\_) = pts
lPairs (f:s:t) = (f,s): lPairs (s:t)
                 =[]
lPairs _
subRoutesIn :: Labyrinth2D \rightarrow SubRoute
              \rightarrow [Point2D] \rightarrow [Point2D] \rightarrow [SubRoutes]
```

```
route1 \leftarrow maybeToList \$ findSubRoute subRoute pts1
  route2 \leftarrow maybeToList \$ findSubRoute subRoute pts2
  let valid = all \ (`edgeOf`l) \circ lPairs \circ fst
          sRoutes = SubRoutes\ l\ subRoute
          r1 = Left \ route1
          r2 = Right \ route2
          sRoutesLeft = sRoutes \ r1 \ r2
          sRoutesRight = sRoutes \ r2 \ r1
  case (valid route1, valid route2) of
             (True, True)
                                 \rightarrow [sRoutesLeft, sRoutesRight]
             (True, \_)
                                 \rightarrow return \ sRoutesLeft
             (_, True)
                                \rightarrow return \ sRoutesRight
subRoutesValue\ sr@(SubRoutes\ l\ \_\ \_\ )=(pois, len)
  where donor = fst \$ subRouteDonor sr
          receiver = fst \$ subRouteReceiver sr
          countPois = length \circ filter ('isPOI'l)
          pois = countPois \ donor - countPois \ receiver
          len = length \ receiver - length \ donor
instance Ord\ SubRoutes\ where compare\ 'on' subRoutes\ Value
```

#### 2.4. Algoritmo genético

 $subRoutesIn\ l\ subRoute\ pts1\ pts2 = \mathbf{do}$ 

```
 \begin{array}{c} \mathbf{data} \; \mathit{GAParams} = \mathit{GAParams} \; \{ \mathit{gaChromGenMaxChainLen} \; :: \; \mathit{Int} \\ \qquad \qquad , \; \mathit{gaChromGenMaxChains} \quad :: \; \mathit{Int} \\ \qquad \qquad , \; \mathit{gaPopulationSize} \qquad :: \; \mathit{Int} \\ \} \\ \mathbf{data} \; \mathit{GACache} = \mathit{GACache} \; \{ \\ \; \mathit{cacheNeighbours} :: \; \mathit{Map Point2D} \; [ \; \mathit{Point2D} ] \\ \} \\ neighbours\mathit{Of} \; \mathit{cache point} = \mathit{fromMaybe} \; [ ] \\ \qquad \qquad \$ \; \mathit{Map.lookup point} \; ( \; \mathit{cacheNeighbours cache} ) \\ \mathbf{data} \; \mathit{GA} = \; \mathit{GA} \; \{ \; \mathit{gaLabyri} \quad :: \; \mathit{Labyrinth2D} \\ \qquad \qquad \qquad , \; \mathit{gaParams} \quad :: \; \mathit{GAParams} \\ \qquad \qquad \qquad , \; \mathit{gaCache} \quad :: \; \mathit{GACache} \\ \end{cases} \}
```

Se define la metrica sobre los puntos del grafo:

$$\operatorname{dist}(p_1, p_2) = \begin{cases} \operatorname{Just} \ d_E(p_1, p_2) & \text{si } \exists \text{ arista, connectando } p_1 \neq p_2 \\ \operatorname{Nothing} & \text{en otro caso} \end{cases}, \text{ donde}$$

 $d_E$  — es la distancia euclidiana entre dos puntos.

```
\begin{array}{l} eDist' = mkDirectDistance \$ \\ \lambda(Point2D\ (x1,x2))\ (Point2D\ (y1,y2)) \rightarrow \\ sqrt\ (fromIntegral\ \$\ abs\ (x1-x2) \uparrow 2 + abs\ (y1-y2) \uparrow 2) \\ eDist = labyrinthDist\ eDist' \end{array}
```

Se define la instancia de la clase GeneticAlgorithm para GA empezando con los tipos y siguiendo con los métodos.

#### instance GeneticAlgorithm GA where

(1) Un gen se define como <u>nodo del laberinto</u> y un *cromosoma* como una lista de genes.

Los cromosomas no deben de tener repeticiones.

```
type Gene\ GA = Point2D

type Chromosome\ GA = [Point2D]

- listGenes :: Chromosome ga \rightarrow [Gene ga]

listGenes = id
```

(2) Los valores de aptitud ya fueron descritos previamente.

type 
$$Fitness GA = RouteFitness$$

(3) Dirección de búsqueda – minimización.

type 
$$Target GA = Min$$

(4) Información de entrada para generación de la población — el laberinto.

$$\mathbf{type}\; \mathit{InputData}\; \mathit{GA} = \mathit{Labyrinth2D}$$

(5) El resultado es el mejor cromosoma obtenido.

type 
$$ResultData\ GA = Chromosome\ GA$$

(6) La aptitud de adaptación fue descrita en subsección 2.2.

```
-- fitness :: ga \rightarrow Chromosome ga \rightarrow Fitness ga fitness (GA l _ _) genes = let dists = map \ (uncurry \ eDist \ l) \ (lPairs genes) in if isJust \ 'all' \ dists then -- is a valid route
```

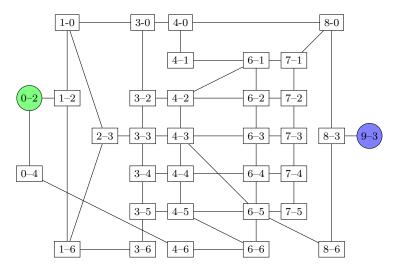


Figura 1: Ejemplo de mapa, inicio: 0-2, meta: 9-3.

```
CompleteRoute \circ sum $ map fromJust dists

else -- is incomplete

let valid = filter isJust dists

v = fromIntegral (length \ valid)

/ fromIntegral (length \ dists)

hasInit = elem \ (initial \ l) \ genes

hasFin = elem \ (target \ l) \ genes

poi = \mathbf{case} \ (hasInit, hasFin) \ \mathbf{of}

(True, True) \to POIBoth

(True, False) \to POISome \ POIInit

(False, True) \to POISome \ POITarget

- \to POINone

len = sum \ map \ fromJust \ valid

in PartialRoute \ v \ poi \ len
```

#### (7) Generación de cromosomas aleatorios.

Para mejorar las poblaciones iniciales, las cromosomas se componen de cadenas – secuencias de genes, que son sub-rutas validas de tamaños diferentes.

En la figura 1 se presenta el ejemplo de un mapa y en la figura 2 se presenta un ejemplo de cromosomas generados.

```
-- random
Chromosome :: ga \rightarrow IO (Chromosome ga) random
Chromosome (GA l params cache) = do let
```

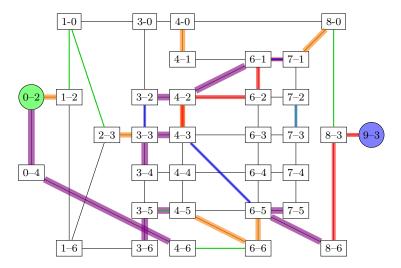


Figura 2: Se presentan algunos cromosomas en el mapa. Los cromosomas • • están compuestas de pares de genes, conectados por aristas; mientras que los cromosomas • • están compuestos de cadenas de genes, conectados por aristas, de longitud 3. (Son de diferente grosor para que se ven mejor las conecciones que existen en varios cromosomas)

Un gen aleatorio se selecciona entre todos los nodos del mapa, y se regenera en caso de que este gen ya hubiera sido generado previamente.

```
randPoint = first \ (`elemAt' nodes \ l)
\circ randomR \ (0, length \ (nodes \ l) - 1)
rand \ prev = fix \ \$
\lambda f \ g \rightarrow 
let \ (r, g') = randPoint \ g
in \ if \ r \in prev \ then \ f \ g' \ else \ (r, g')
```

Se empieza con la generación del primer punto

```
randChain :: StdGen \rightarrow Int \rightarrow [Point2D] \rightarrow [Point2D]

randChain g' len prev = nextRand [first'] g''

where (first', g'') = rand prev g'
```

Los demas genes se seleccionan desde los vecinos (los nodos directamente conectados) del gen previo.

Durante la generación de cadenas se consideran las cadenas, generadas previamente, para no permitir repeticiones de genes.

Si se encontró una repetición, se intenta 1) buscar otro vecino, que no se repita; 2) cambiar la dirección de generación; 3) buscar a otro vecino,

con la nueva dirección. En caso que todas las opciones fallen, la cadena se queda de tamaño incompleto.

```
oneOf xs = first \ (xs!!) \circ randomR \ (0, length \ xs - 1)
nextRand = nextRand' \ False \ 0
nextRand' \ rev \ c \ chain@(h:t) \ g =
let \ neighbours = cache \ `neighboursOf` \ h
(r,g') = oneOf \ neighbours \ (g::StdGen)
moreTries = c < 5 * length \ neighbours
in \ if \ r \in prev \ \lor \ r \in chain
then \ -- connected \ to \ some \ other \ chain
if \ moreTries \ then \ nextRand' \ rev \ (c+1) \ chain \ g' \ -- 1 \ / \ 3
else \ if \ rev \ then \ chain \ -- incomplete
else \ nextRand' \ True \ (c+1) \ chain \ g' \ -- 2
else \ if \ length \ chain \ + 1 \equiv len
then \ r: chain \ -- return
else \ nextRand' \ rev \ c \ (r: chain) \ g' \ -- next
```

Se selecciona aleatoriamente la longetud de cadenas.

```
chainLen \leftarrow randomRIO (1, gaChromGenMaxChainLen params)
```

Se selecciona aleatoriamente el número de cadenas.

```
chainCnt \leftarrow randomRIO (1, gaChromGenMaxChains params)
```

Se genera el cromosoma.

```
g \leftarrow getStdGen

let f \_ = randChain \ g \ chainLen

return \ \ foldr \ f \ [] \ [1... chainCnt]
```

(8) La recombinación de cromosomas se enfoca en remplacar las malas subrutas o extender rutas existentes.

Aquí solamente se define la recombinación de dos cromosomas, su selección será descrita en la subsección 2.5.

- a) Se separan las rutas con función *splitRoutes* (fue descrita en subsección 2.2) para ambos cromosomas.
- b) Se seleccionan los genes  $\{c\}$ , miembros de ambos cromosomas.
- c) Para ambos cromosomas se encuentran sub-rutas intercambiables:

$$\forall \ x \in \{c\}$$

$$y \in \{c\} \implies$$

$$\begin{cases} \text{secuencia } \{r_i\}_{i=1}^{N_r} & \text{si } \forall \ r_{j-1}, r_j \in \{r_i\}_{i=1}^{N_r} \\ \exists \ \text{arista entre } r_{j-1} \neq r_j \end{cases}$$

$$\begin{cases} \{r_i\}_{i=1}^{N_r} & \text{en otro caso} \end{cases}$$

Figura 3: Recombinación de cromosomas, marcados • y • en la figura 2.

```
0-2 + 0-4 + 4-6 - 3-6 + 3-5 + 4-5 - 3-4 + 3-3 + 4-3 - 3-2 + 4-2 + 6-1 - 7-5 + 6-5 + 8-6
0-2 + 1-2 - 2-3 + 3-3 - 4-0 + 4-1 - 4-2 + 4-3 - 4-5 + 6-6 + 6-5 - 7-1 + 8-0
```

(a) Los remplazamientos.

```
0-2 + 0-4 + 4-6 - 3-6 + 3-5 + 4-5 - 3-4 + 3-3 + 4-3 - 3-2 + 4-2 + 6-1 - 7-5 + 6-5 + 8-6
0-2 + 1-2 - 2-3 + 3-3 - 4-0 + 4-1 - 4-2 + 4-3 - 4-5 + 6-6 + 6-5 - 7-1 + 8-0
```

(b) Remplazamiento  $\bullet \to \bullet \#1$ .

```
0-2 + 0-4 + 4-6 - 3-6 + 3-5 + 4-5 - 3-4 + 3-3 + 4-3 - 3-2 + 4-2 + 6-1 - 7-5 + 6-5 + 8-6
0-2 + 1-2 - 2-3 + 3-3 - 4-0 + 4-1 - 4-2 + 4-3 - 4-5 + 6-6 + 6-5 - 7-1 + 8-0
```

(c) Remplazamiento  $\bullet \to \bullet$ .

```
0-2 + 0-4 + 4-6 - 3-6 + 3-5 + 4-5 - 3-4 + 3-3 + 4-3 - 3-2 + 4-2 + 6-1 - 7-5 + 6-5 + 8-6
0-2 + 1-2 - 2-3 + 3-3 - 4-0 + 4-1 - 4-2 + 4-3 - 4-5 + 6-6 + 6-5 - 7-1 + 8-0
```

(d) Remplazamiento  $\bullet \to \bullet \#2$ .

Se guarda también la dirección de las sub-rutas para ambos cromosomas.

d) Se aplica el remplazamiento para todas las rutas intercambiables ordenadas (fue descrita en subsección 2.3). Se remplazan las sub-rutas no existentes por las existentes; y se remplazan las existentes por mas cortas.

El remplazamiento se aplica solamente si 1) los genes en cuestion no fueron eliminados con los remplazamientos previos; 2) remplazamiento no creará genes duplicados.

e) Se devuelve el par de cromosomas remplazados.

```
type CrossoverDebug GA = [SubRoutes]

-- crossover' :: ga \rightarrow Chromosome ga \rightarrow Chromosome ga

-- \rightarrow ((Chromosome ga, Chromosome ga), CrossoverDebug ga)

crossover' (GA \ l \ \_) ch1 \ ch2 = (\bot, subRoutes)

where set1 = Set.fromList \ ch1

set2 = Set.fromList \ ch2

cs = Set.toList \$ Set.intersection \ set1 \ set2

sRoutes' = \mathbf{do} \ x \leftarrow cs

y \leftarrow cs

\mathbf{let} \ sr = SubRoute \ (x, y)
```

Figura 4: Recombinación de cromosomas, marcados • y • en la figura 2.

```
0-2 + 0-4 + 4-6 - 3-6 + 3-5 + 4-5 - 3-4 + 3-3 + 4-3 - 3-2 + 4-2 + 6-1 - 7-5 + 6-5 + 8-6
3-2 + 3-3 + 4-3 + 6-5 - 6-1 + 7-1 + 7-2 + 7-3
```

#### (a) Los remplazamientos.

```
0-2 + 0-4 + 4-6 - 3-6 + 3-5 + 4-5 - 3-4 + 3-3 + 4-3 - 3-2 + 4-2 + 6-1 - 7-5 + 6-5 + 8-6
3-2 + 3-3 + 4-3 + 6-5 - 6-1 + 7-1 + 7-2 + 7-3
```

#### (b) Remplazamiento $\bullet \to \bullet$ .

```
0-2 + 0-4 + 4-6 - 3-6 + 3-5 + 4-5 - 3-4 + 3-3 + 4-3 - 3-2 + 4-2 + 6-1 - 7-5 + 6-5 + 8-6
3-2 + 3-3 + 4-3 + 6-5 - 6-1 + 7-1 + 7-2 + 7-3
```

#### (c) Remplazamiento $\bullet \to \bullet$ .

```
0-2 + 0-4 + 4-6 - 3-6 + 3-5 + 4-5 - 3-4 + 3-3 + 4-3 - 3-2 + 4-2 + 6-1 - 7-5 + 6-5 + 8-6
3-2 + 3-3 + 4-3 + 6-5 - 6-1 + 7-1 + 7-2 + 7-3
```

#### (d) Remplazamiento $\bullet \to \bullet$ .

```
0-2 + 0-4 + 4-6 - 3-6 + 3-5 + 4-5 - 3-4 + 3-3 + 4-3 - 3-2 + 4-2 + 6-1 - 7-5 + 6-5 + 8-6
3-2 + 3-3 + 4-3 + 6-5 - 6-1 + 7-1 + 7-2 + 7-3
```

#### (e) Remplazamiento $\bullet \to \bullet$ .

```
0-2 + 0-4 + 4-6 - 3-6 + 3-5 + 4-5 - 3-4 + 3-3 + 4-3 - 3-2 + 4-2 + 6-1 - 7-5 + 6-5 + 8-6
3-2 + 3-3 + 4-3 + 6-5 - 6-1 + 7-1 + 7-2 + 7-3
```

#### (f) Remplazamiento $\bullet \to \bullet$ .

```
0-2 + 0-4 + 4-6 - 3-6 + 3-5 + 4-5 - 3-4 + 3-3 + 4-3 - 3-2 + 4-2 + 6-1 - 7-5 + 6-5 + 8-6
3-2 + 3-3 + 4-3 + 6-5 - 6-1 + 7-1 + 7-2 + 7-3
```

#### (g) Remplazamiento $\bullet \to \bullet$ .

```
0-2 + 0-4 + 4-6 - 3-6 + 3-5 + 4-5 - 3-4 + 3-3 + 4-3 - 3-2 + 4-2 + 6-1 - 7-5 + 6-5 + 8-6
3-2 + 3-3 + 4-3 + 6-5 - 6-1 + 7-1 + 7-2 + 7-3
```

#### (h) Remplazamiento $\bullet \to \bullet$ .

```
0-2 + 0-4 + 4-6 - 3-6 + 3-5 + 4-5 - 3-4 + 3-3 + 4-3 - 3-2 + 4-2 + 6-1 - 7-5 + 6-5 + 8-6
3-2 + 3-3 + 4-3 + 6-5 - 6-1 + 7-1 + 7-2 + 7-3
```

#### (i) Remplazamiento $\bullet \to \bullet$ .

# $\begin{array}{c} \textbf{if} \ x \equiv y \ \textbf{then} \ [\,] \\ \textbf{else} \ subRoutesIn \ l \ sr \ ch1 \ ch2 \\ subRoutes = sortWith \ Down \circ nub \ \$ \ sRoutes' \end{array}$

- (9) ?  $-- \mbox{ mutate} :: \mbox{Chromosome ga} \rightarrow \mbox{Chromosome ga}$
- (10) ?  $\operatorname{stopCriteria} :: [\operatorname{Fitness} \, \operatorname{ga}] \to \operatorname{Bool}$

### 2.5. ??? gaRun ???

instance  $RunGA\ GA\ [Point2D]\ [Point2D]\ RouteFitness\ Min\ {\bf where}$  type  $DebugData\ GA=()$ 

## Esto es un reporte preliminar

La preferencia debe ser dada a las rutas que contienen un de los puntos de interes (inicio, meta).

La mutación debe extender/remplacar un gen al inicio/meta si