Instituto de Computación. Facultad de Ingeniería. Universidad de la República

Primer Parcial de Programación 2 Mayo de 2021

Problema 1

Considere la siguiente definición del tipo **ABB** de árboles binarios de búsqueda de enteros (sin elementos repetidos) y la definición del tipo **Lista** para listas de enteros:

```
struct nodoABB{
   int dato;
   nodoABB *izq, *der;
}
typedef nodoABB * ABB;

struct nodoLista{
   int dato;
   nodoLista *sig;
}
typedef nodoLista * Lista;
```

Implemente un procedimiento recursivo rangoEnLista que dados un árbol binario de búsqueda t de tipo ABB, dos enteros inf y sup, y una lista l de tipo Lista, agregue en l (que asumimos inicialmente vacía: NULL) los elementos de t que sean menores estrictos que sup y mayores estrictos que inf (asumimos inf < sup). Los elementos incorporados en l deben estar ordenados de menor a mayor. El procedimiento debe tener O(n) peor caso, siendo n la cantidad de nodos de t, aunque deben evitarse recorrer nodos de t que resulten innecesarios. Si no hay elementos de t en el rango entre inf y sup (en particular si t es vacío: NULL), el procedimiento no tendrá efecto. No defina operaciones auxiliares para implementar rangoEnLista.

```
void rangoEnLista (ABB t, int inf, int sup, Lista & 1)
```

Problema 2

Considere un árbol general de enteros representado mediante un árbol binario de enteros con la semántica: puntero al primer hijo (pH), puntero al siguiente hermano (sH).

```
struct nodoAG{
    int dato;
    nodoAG *pH, *sH;
}
typedef struct nodoAG * AG;
```

Un árbol general t es n ario (con n>0) si y solo si t es vacío (NULL) ó cada elemento (nodo) de t tiene a lo sumo n hijos (entre 0 y n nodos).

Implemente la función **bool** nArio (AG t, int n) que retorne true si y solo si el árbol t es n ario, asumiendo que n>0 y t->sH==NULL. Si utiliza operaciones auxiliares, deberá implementarlas.

Instituto de Computación. Facultad de Ingeniería. Universidad de la República

Primer Parcial de Programación 2 Mayo de 2021

Problema 1

Considere la siguiente definición del tipo **ABB** de árboles binarios de búsqueda de enteros (sin elementos repetidos) y la definición del tipo **Lista** para listas de enteros:

```
struct nodoABB{
   int dato;
   nodoABB *izq, *der;
}
typedef nodoABB * ABB;

struct nodoLista{
   int dato;
   nodoLista *sig;
}
typedef nodoLista * Lista;
```

Implemente un procedimiento recursivo rangoEnLista que dados un árbol binario de búsqueda t de tipo ABB, dos enteros inf y sup, y una lista l de tipo Lista, agregue en l (que asumimos inicialmente vacía: NULL) los elementos de t que sean menores estrictos que sup y mayores estrictos que inf (asumimos inf < sup). Los elementos incorporados en l deben estar ordenados de menor a mayor. El procedimiento debe tener O(n) peor caso, siendo n la cantidad de nodos de t, aunque deben evitarse recorrer nodos de t que resulten innecesarios. Si no hay elementos de t en el rango entre inf y sup (en particular si t es vacío: NULL), el procedimiento no tendrá efecto. No defina operaciones auxiliares para implementar rangoEnLista.

```
void rangoEnLista (ABB t, int inf, int sup, Lista & 1)
```

Problema 2

Considere un árbol general de enteros representado mediante un árbol binario de enteros con la semántica: puntero al primer hijo (pH), puntero al siguiente hermano (sH).

```
struct nodoAG{
    int dato;
    nodoAG *pH, *sH;
}
typedef struct nodoAG * AG;
```

Un árbol general t es n ario (con n>0) si y solo si t es vacío (NULL) ó cada elemento (nodo) de t tiene a lo sumo n hijos (entre 0 y n nodos).

Implemente la función **bool nArio** (AG t, int n) que retorne true si y solo si el árbol t es n ario, asumiendo que n>0 y t->sH==NULL (si el árbol t no es vacío, el nodo raíz no tiene hermanos). Si utiliza operaciones auxiliares, deberá implementarlas.

Instituto de Computación. Facultad de Ingeniería. Universidad de la República

Primer Parcial de Programación 2

Mayo de 2021

Soluciones

Problema 1

```
void rangoEnLista (ABB t, int inf, int sup, Lista & 1) {
      /* Recorrido inorder invertido (subárbol derecho antes que subárbol
      izquierdo) con inserciones al comienzo de 1, para generar en O(n) una
      lista ordenada crecientemente. */
      if (t != NULL) {
            if (t->dato < sup-1)
                  rangoEnLista (t->der, inf, sup, 1);
            if (t->dato > inf && t->dato < sup) {</pre>
                  Lista nodoX = new nodoLista;
                  nodoX->dato = x;
                  nodoX->sig = 1;
                  1 = nodoX;
            if (t->dato > inf+1)
                  rangoEnLista (t->izq, inf, sup, 1);
      }
Problema 2
bool nArio (AG t, int n) {
      if (t == NULL)
            return true;
      else
            return (hijos(t) \le n) && nArio(t->pH, n) && nArio(t->sH, n);
}
// Retorna la cantidad de hijos de t en un árbol pH-sH. Precondición: t != NULL.
int hijos (AG t) {
      int cantHijos = 0;
      t = t - pH;
      while (t != NULL) {
            cantHijos++;
            t = t->sH;
      return cantHijos;
}
```