

Symulacja ruchu N-ciał

Szymon Bugaj, Lei Peng

29 stycznia 2016

Streszczenie

Sprawozdanie z projektu z przedmiotu RIM. Tematem projektu jest symulacja ruchu N-ciał (N punktów materialnych pod działaniem siły grawitacji).

Spis treści

1	Wstęp teoretyczny	1
2	Rozkładanie siły grawitacji na składowe względem osi współrzędnych	2
3	Model numeryczny	3
4	Implementacja GPU	4

1 Wstęp teoretyczny

Projekt stanowi symulacja i wizualizacja praw fizyki klasycznej newtonowskiej. Szczególnie 3 praw dynamiki Newtona oraz siły grawitacji pomiędzy zbiorem N punktów materialnych.

Newtonowska siła grawitacji pomiędzy dwoma punktami materialnymi:

$$\vec{F}_G = G \frac{m_1 m_2}{\|r\|^2} \frac{\vec{r}}{\|r\|}$$

W fizyce klasycznej zależnością łązącą masę przyspieszenie i siłę działającą na ciało jest:

$$\vec{F} = \vec{a}m$$

Związek między położeniem, prędkością a przyspieszeniem jest następujący:

$$v(t) = \frac{dp(t)}{dt}$$

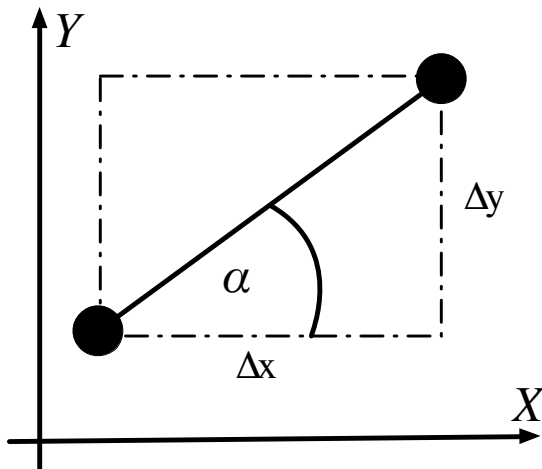
$$a(t) = \frac{dv(t)}{dt}$$

Mając dane położenia wszystkich N cząstek oraz ich prędkości dla danego momentu, korzystając z powyższych równań możemy obliczyć położenie dla dowolnego punktu w dowolnym innym momencie.

2 Rozkładanie siły grawitacji na składowe względem osi współrzędnych

W przypadku 2D należy rozpatrzyć prostokąt o bokach równoległych do osi X i Y , gdzie w przeciwległych wierzchołkach leżą dwa rozpatrywane ciała.

Rozkład wektora siły na składowe



$$a_x(t) = \sin \alpha * a$$

$$a_y(t) = \cos \alpha * a$$

Dla przypadku 3D należy rozpatrzyć w analogiczny sposób prostopadłości (ciała powinny znajdować się w wierzchołkach po przeciwnych ścianach, po przeciwnych rogach).

3 Model numeryczny

Interesują nas położenia ciał w kolejnych dyskretnych punktach czasu. Przyjmujemy, że w przeciągu jednostki czasu wielkości prękość, przyspieszenie są stałe. Aktualizujemy interesujące nas wielkości w kolejności:

- 1) aktualizacja prędkości
- 2) aktualizacja położenia
- 3) aktualizacja przyspieszenia

Co należy podkreślić, wynika z tego, iż do aktualizacji prędkości brana jest poprzednia wartość przyspieszenia.

Poniżej główna funkcja step, aktualizująca położenie, prędkość i przyspieszenie wszystkich cząstek (NBodiesSystem.h/cpp).

```
1 void NBodiesSystem::step( time_type delta_t ) {
2     p_prev = p_curr;
3     v_prev = v_curr;
4
5     /*
6      UPDATE v SPEED and p POSITION
7     */
8
9     for (int d = 0; d < D; ++d)
10        for (int i = 0; i < N; ++i) {
11            v_curr.setVal(d, i,
12                v_prev.getVal(d, i) +
13                a.getVal(d, i) * delta_t);
14            p_curr.setVal(d, i,
15                p_prev.getVal(d, i) +
16                (v_prev.getVal(d, i) +
17                 v_curr.getVal(d, i))
18                 * 0.5 * delta_t);
19        }
20
21     /*
22      UPDATE a ACCELERATION
23      For each two bodies i,j where i != j;
24     */
25
26     for (int d = 0; d < D; ++d)
27        for (int i = 0; i < N; ++i)
28            a.setVal(d, i, 0.0f);
29
30     for (int i = 0; i < N; ++i) {
```

```

31     for (int j = 0; j < N; ++j) {
32         if ( i == j ) continue;
33
34         /*
35          delta X, delta Y, delta Z
36         */
37         position_type* r_axis = new position_type[D];
38
39         position_type r_squared = 0;
40         for (int d = 0; d < D; ++d) {
41             r_axis[d] = (p_curr.getVal(d, i) -
42                 p_curr.getVal(d, j));
43             r_squared += r_axis[d] * r_axis[d];
44         }
45
46         position_type a_scalar =
47             G * m.getVal(0, j) /
48             pow(r_squared + efactor, 1.5);
49
50         for (int d = 0; d < D; ++d) {
51             /*
52              If both objects positions are
53              the same there is division
54              by zero; what to do then?
55              I just set acceleration to 0;
56             */
57             if (r_axis[d]) {
58                 a.setVal(d, i,
59                     a.getVal(d, i) -
60                     a_scalar *
61                     (r_axis[d]/sqrt(r_squared)));
62             }
63         }
64
65         delete [] r_axis;
66     }
67 }
68 }

```

4 Implementacja GPU

By uniknąć kopiowania danych pamięć na GPU jest współdzielona przez OpenGL i CUDA. Funkcje zadeklarowane w `cuda_gl_interop.h` pozwalają na to: `cudaGraphicsMapResources`, `cudaGraphicsResourceGetMappedPointer`, `cudaGraphicsUnmapResources` (`NBodiesSystemCUDA.cu`).

Implementacja na GPU jest najprostszym przeniesiem kodu działającego na CPU.