

UNIDAD TEMÁTICA 2: DISEÑO Y ANÁLISIS DE ALGORITMOS

TRABAJO DE APLICACIÓN 1

Ejercicio #1

Analiza el orden del tiempo de ejecución del siguiente algoritmo, y responde las preguntas presentadas en pantalla:

Sumatoria:

$O(1)$

$O(n)$

$O(1)$

$O(1+n+1) \approx O(n)$

por orden ya que n es de mayor orden que los de Orden 1

```
public static int enRango (int[] a, int bajo, int alto) {  
    int contador = 0;  $O(1)$   
    for (int i=0; i<a.length; i++) {  
        if (a[i] >= bajo && a[i] < alto)  $O(1)$   
            contador++;  $O(1)$   
    }  
    return contador;  $O(1)$ 
```

$O(n \cdot (1+1)) \approx O(2n) \approx O(n)$

↑
por el for
¿Cant. de veces
que lo hace?

ANOTACIONES

• Orden 1 = constante.

Ejercicio #2

Analiza el orden del tiempo de ejecución del siguiente algoritmo, y responde las preguntas presentadas en pantalla:

```

unaFunción ( N de tipo entero)
  i ← 1  O(1)
  j ← N  O(1)
  mientras i < N hacer
    j ← j  O(1)
    i ← i * 2  O(1) } O(1)
  fin mientras
  r (j)  O(1)
fin

```

$\log_2(N)$ } $\log_2 N$

$$O(1) + O(1) + \log_2 N + O(1) \cong O(\log_2 N)$$

Nº iteración

# it	i	j	while - cond	N=64
0	1	64	—	
1	2	63	✓	
2	4	62	✓	
3	8	61	✓	
4	16	60	✓	
5	32	59	✓	
6	64	58	✓	
7			×	

$$2^6 = 64$$

$$\Rightarrow N = 2^{\#it} \Rightarrow \log_2(N) = \#it$$

Ejercicio #3

Analiza el orden del tiempo de ejecución del siguiente algoritmo, y responde las preguntas presentadas en pantalla:

```
 $O(1)$  int[] cuentas = new int [100];  $O(1)$   
 $O(1)$  for (int i = 0; i<100; i++) {  $O(1)$   
 $O(n)$      cuentas[i] = enRango (notas, i, i+1);  $O(n)$  }  $O(100 \cdot n) \approx O(n)$   
}
```

$O(1+1+n) \equiv \boxed{O(1)}$

Ejercicio #4

Analiza el orden del tiempo de ejecución del siguiente algoritmo, y responde las preguntas presentadas en pantalla:

unValor (A, N de tipos enteros)

$i \leftarrow 0$ $O(1)$

Si $N < 3$ entonces $O(1)$ } $O(1)$

devolver (A) $O(1)$

fin si

mientras $i < 3$ hacer $O(1)$

 si arreglo[i] = A entonces $O(1)$

 devolver ((arreglo[0] + arreglo[N-1]) div 2) $O(1)$ } $O(1)$ } $O(1)$

 fin si

$i \leftarrow i + 1$ $O(1)$

fin mientras

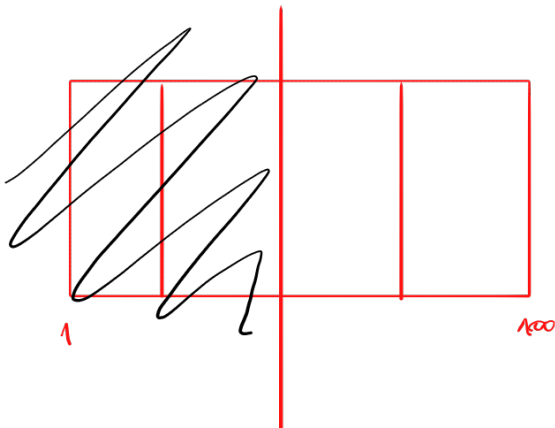
devolver (A div N) $O(1)$

Fin

Ejercicio #5

Analiza el orden del tiempo de ejecución del siguiente algoritmo, y responde las preguntas presentadas en pantalla:

```
otraFunción (claveAbuscar)
  inicio ← 0  $O(1)$ 
  fin ← N-1  $O(1)$ 
  mientras inicio ≤ fin hacer
    medio ← (inicio + fin) div 2  $O(1)$ 
    si (arreglo[medio] < claveAbuscar) entonces
      inicio ← medio + 1  $O(1)$ 
    sino
      si (arreglo[medio] > claveAbuscar) entonces
        fin ← medio - 1  $O(1)$ 
      sino
        devolver medio  $O(1)$ 
    fin si
  fin mientras
  devolver -1  $O(1)$ 
fin
```



→
busca en la mitad en la que puede estar
mi "claveAbuscar" ej.

58 \rightarrow tomo la mitad de la derecha
y lo vuelvo a div en 2.

Por lo tanto podemos deducir que es de $O(\log_2 N)$

Ejercicio #6

Analiza el orden del tiempo de ejecución del siguiente algoritmo, y responde las preguntas presentadas en pantalla:

```
function particion( i, j: integer; pivote: TipoClave): integer;
```

{divide V[i], ..., V[j] para que las claves menores que **pivote** estén a la izquierda y las mayores o iguales a la derecha. Devuelve el lugar donde se inicia el grupo de la derecha.}

COMIENZO

```
L ← i;
```

```
R ← j;
```

Repetir

```
    intercambia(V[L],V[R]);
```

```
    mientras V[L].clave < pivote hacer    L := L + 1; fin mientras
```

```
    mientras V[R].clave >= pivote hacer R := R - 1; fin mientras
```

Hasta que L > R

```
Devolver L;
```

FIN; {particion}

Ejercicio #7

Analiza el orden del tiempo de ejecución del siguiente algoritmo, y responde las preguntas presentadas en pantalla:

miFunción

Desde i = 1 hasta N-1 **hacer** $O(N)$

Desde j = N hasta i+1 **hacer** $O(N)$

Si arreglo[j].clave < arreglo[j-1].clave entonces

Intercambia(arreglo[j], arreglo[j-1]) $O(1)$

Fin si

Fin desde

Fin desde

Fin

$O(N^2)$

$O(1) \left\{ O(N+1+1) \equiv O(N) \right\} O(N^2)$