



Seja a função Lorentziana Generalizada

$$C(\delta E) = \frac{1}{(1 + (\delta E / \Gamma)^2 \beta)^{\alpha}} \quad (*)$$

Teos

$$\begin{cases} C^{(i)}(0) = 0 \\ C^{(ii)}(0) = -2\alpha\beta/\Gamma^2 \\ C^{(iii)}(0) = 0 \\ C^{(iv)}(0) = (12\alpha^2\beta^2 + 12\alpha\beta^2)/\Gamma^4 \end{cases}$$

Substituindo no Teorema geral

$$\rho = \frac{1}{2\pi} \sqrt{-\frac{C^{(iv)}(0)}{C^{(iii)}(0)}} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{6\beta(\alpha+1)}{\Gamma^2}}$$

$$\therefore 2\pi\rho\Gamma = \sqrt{6\beta(\alpha+1)} \quad (**)$$

- Para  $\alpha = 1$ , teos ( $\beta = 1$ )

$$\rho = \frac{1}{2\pi\Gamma} \sqrt{\frac{24}{2}} = \frac{\sqrt{3}}{\pi\Gamma}$$

(Lorentziana usual)

- Para  $\alpha = 2$ , teos ( $\beta = 1$ )

$$\rho = \frac{1}{2\pi\Gamma} \sqrt{\frac{24 \cdot 3}{4}} = \frac{1}{2\pi\Gamma} \sqrt{2 \cdot 3^2} = \frac{3}{\pi\sqrt{2}\Gamma} \quad (\text{Lorentziana quadrada})$$

E para um  $\alpha$  qualquer?

Executar o fit das funções de correlação usando a Eq. (\*) usando como parâmetros  $\Gamma$  e  $\beta$  (fixa no fit). Com isto, usando (\*\*), determinar  $\rho^{(corr)}$  e comparar com  $\rho$  medido diretamente.

Com isso, pode-se determinar se a fractalidade reflete o sistema do regime Lorentziano como seria esperado.