



G

O

D

O

O

O

O

D

Seja a função Lorentziana Generalizada

$$C(\delta E) = \frac{1}{(1 + (\delta E / \Gamma)^2)^d} \quad (*)$$

Teos

$$\begin{cases} C^{(i)}(0) = 0 \\ C^{(ii)}(0) = -2d / \Gamma^2 \\ C^{(iii)}(0) = 0 \\ C^{(iv)}(0) = 12d(d+1) / \Gamma^4 \end{cases}$$

Substituindo no Teorema geral

$$\begin{aligned} \rho &= \frac{1}{2\pi} \sqrt{-\frac{C^{(iv)}(0)}{C^{(iii)}(0)}} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{12d(d+1) / \Gamma^4}{2d / \Gamma^2}} \\ &= \frac{1}{2\pi\Gamma} \sqrt{\frac{12(d+1)}{2d}} \quad (***) \end{aligned}$$

- Para $d=1$, temos

$$\rho = \frac{1}{2\pi\Gamma} \sqrt{\frac{24}{2}} = \frac{\sqrt{3}}{\pi\Gamma} \quad (\text{Lorentziana usual})$$

- Para $d=2$, temos

$$\rho = \frac{1}{2\pi\Gamma} \sqrt{\frac{24 \cdot 3}{4}} = \frac{1}{2\pi\Gamma} \sqrt{2 \cdot 3^2} = \frac{3}{\pi\sqrt{2}\Gamma} \quad (\text{Lorentziana quadrada})$$

E para um d qualquer?

Executar o fit das funções de correlação usando a Eq. (*) usando como parâmetros Γ e d . (fixa no fit) Com isso, usando (**), determinar $\rho^{(corr)}$ e comparar com ρ medido diretamente.

Com isso, pode-se determinar se a fractalidade define o sistema o regime Lorentziano como seria esperado.