

PYTHON PARA FÍSICOS

LISTA DE EXERCÍCIOS

Exercício 1 A posição em função do tempo de uma bola de tênis em queda livre está registrada no arquivo “dados_bola_caindo.dat” (tempo em segundos e posição em metros) .

a) Com os dados, faça o gráfico da posição *versus* tempo. Inclua nome dos eixos com suas respectivas **unidades**. Utilize NumPy para ler o arquivo.

b) A posição de uma partícula em função do tempo, em queda livre no vácuo, é dada por

$$y1 = y_0 - \frac{g}{2}t^2.$$

Se levarmos em conta a resistência do ar, a posição pode ser descrita pela seguinte função:

$$y2 = y_0 - \frac{v_T^2}{g} \log \left(\cosh \frac{gt}{v_T} \right)$$

onde $v_T = \sqrt{g/D}$, g é a aceleração da gravidade e $D = 0.065 \text{ m}^{-1}$.

Acrescente ao gráfico posição *versus* tempo dos dados o gráfico dos dois modelos $y1$ e $y2$ na mesma figura. Utilize pontos para os dados, linha azul para o modelo sem resistência do ar e vermelho para o modelo com resistência do ar. Acrescente a legenda. O valor de y_0 é 2 m. Qual modelo melhor descreve os dados ?

c) Com os dados, faça o gráfico da velocidade média da bola em função do tempo (utilize NumPy para o cálculo da velocidade). Quais os valores máximo e mínimo da velocidade ?

Exercício 2 Considerando a matriz

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} \alpha & \beta \\ -\beta & \alpha \end{pmatrix},$$

verifique numericamente que os autovalores e autovetores de \mathbf{A} , para quaisquer valores de α e β de sua escolha, são:

$$\mathbf{x}_{1,2} = \begin{pmatrix} +1 \\ \mp i \end{pmatrix}, \quad \lambda_{1,2} = \alpha \mp i\beta.$$

Exercício 3 A matriz simétrica que representa o tensor momento de inércia de um conjunto de massas m_i , com posições x_i , y_i e z_i em relação ao **centro de massa**, é

$$\mathbf{I} = \begin{pmatrix} I_{xx} & I_{xy} & I_{xz} \\ I_{xy} & I_{yy} & I_{yz} \\ I_{xz} & I_{yz} & I_{zz} \end{pmatrix}$$

onde

$$I_{xx} = \sum_i m_i (y_i^2 + z_i^2), \quad I_{yy} = \sum_i m_i (x_i^2 + z_i^2), \quad I_{zz} = \sum_i m_i (x_i^2 + y_i^2),$$

$$I_{xy} = - \sum_i m_i x_i y_i, \quad I_{yz} = - \sum_i m_i y_i z_i, \quad I_{xz} = - \sum_i m_i x_i z_i.$$

Existe uma transformação no sistema coordenadas tal que essa matriz é diagonal. Os eixos dessa transformação são chamados eixos principais, e **os elementos da diagonal são chamados momentos principais de inércia**. Note que estes correspondem ao autovalores da matriz \mathbf{I} .

Escreva um programa para calcular os momentos principais de inércia de uma molécula dada a massa e a posição dos seu átomos *em relação a uma origem arbitrária*. Inicialmente, seu programa deve realocar as coordenadas dos átomos da molécula em relação ao centro de massa. Teste seu programa para as moléculas NH_3 , CH_4 , CH_3Cl e O_3 , com as informações disponíveis no arquivo `dados_moleculas.dat`.

Observação: O vetor que define a posição do centro de massa de um sistema de partículas é $\mathbf{R} = (1/M) \sum_i m_i \mathbf{r}_i$, com $M = \sum_i m_i$.

Exercício 4 Considere um sistema de tubos que conecta três tubos de entrada a três tubos de saída. O fluído que sai em cada tubo (*out*) é dado em termos do fluído que entra em cada tubo de entrada (*in*) por:

$$f_1^{out} = \frac{1}{6}f_1^{in} + \frac{1}{3}f_2^{in} + \frac{1}{2}f_3^{in},$$

$$f_2^{out} = \frac{1}{3}f_1^{in} + \frac{1}{3}f_2^{in} + \frac{1}{2}f_3^{in},$$

$$f_3^{out} = \frac{1}{2}f_1^{in} + \frac{1}{3}f_2^{in}.$$

Suponha que a vazão no primeiro tubo de saída seja (4/3) litros/segundo (L/s), (3/2) L/s no segundo, e (7/6) L/s no terceiro. Determine a vazão do fluído em cada tubo de entrada.